# Implementazione di una Rete Convoluzionale in CUDA

Michele Valsesia Nicholas Aspes

Anno accademico 2018/2019

# Introduzione

Obiettivi

► Descrivere l'architettura ed il funzionamento di una *Rete Neurale Semplice* e di una *Convoluzionale* 

# Introduzione

#### Obiettivi

► Descrivere l'architettura ed il funzionamento di una *Rete Neurale* Semplice e di una *Convoluzionale* 

 Motivare le differenti scelte implementative adottate durante lo svolgimento del progetto

# Introduzione

#### Obiettivi

► Descrivere l'architettura ed il funzionamento di una *Rete Neurale* Semplice e di una *Convoluzionale* 

► Motivare le differenti scelte implementative adottate durante lo svolgimento del progetto

 Valutare l'accuratezza e lo speedup della rete rispetto ad una implementazione di tipo sequenziale

### Scopo

► Le *Reti Neurali* vengono principalmente usate per la classificazione di immagini

### Scopo

- ► Le *Reti Neurali* vengono principalmente usate per la classificazione di immagini
- ▶ Il processo di classificazione consiste nell'assegnare ad un immagine un'etichetta che identifichi nel miglior modo possibile il suo contenuto semantico

### Scopo

- ► Le *Reti Neurali* vengono principalmente usate per la classificazione di immagini
- ► Il processo di classificazione consiste nell'assegnare ad un immagine un'etichetta che identifichi nel miglior modo possibile il suo contenuto semantico
- ▶ Un'etichetta è meglio conosciuta con il nome di *classe*

### Scopo

- ► Le *Reti Neurali* vengono principalmente usate per la classificazione di immagini
- ► Il processo di classificazione consiste nell'assegnare ad un immagine un'etichetta che identifichi nel miglior modo possibile il suo contenuto semantico
- ▶ Un'etichetta è meglio conosciuta con il nome di *classe*
- ► Le reti neurali ricevono in input un'immagine e restituiscono in output la relativa classe

### **Funzionamento**

► Una rete neurale deve *apprendere* come assegnare correttamente alle immagini le varie classi

- ► Una rete neurale deve *apprendere* come assegnare correttamente alle immagini le varie classi
- ▶ Un *esempio* è una coppia (immagine, etichetta)

- ► Una rete neurale deve *apprendere* come assegnare correttamente alle immagini le varie classi
- ▶ Un *esempio* è una coppia (immagine, etichetta)
- ► Un esempio viene creato da un team di persone che valuta il contenuto semantico di un immagine e le associa l'etichetta più adatta

- ► Una rete neurale deve *apprendere* come assegnare correttamente alle immagini le varie classi
- ▶ Un *esempio* è una coppia (immagine, etichetta)
- ► Un esempio viene creato da un team di persone che valuta il contenuto semantico di un immagine e le associa l'etichetta più adatta
- ▶ Il training set ed il test set sono insiemi di esempi

- ► Una rete neurale deve *apprendere* come assegnare correttamente alle immagini le varie classi
- ▶ Un *esempio* è una coppia (immagine, etichetta)
- ► Un esempio viene creato da un team di persone che valuta il contenuto semantico di un immagine e le associa l'etichetta più adatta
- ▶ Il training set ed il test set sono insiemi di esempi
- ► Il training set viene usato per l'addestramento (training) della rete

- ► Una rete neurale deve *apprendere* come assegnare correttamente alle immagini le varie classi
- ▶ Un *esempio* è una coppia (immagine, etichetta)
- ► Un esempio viene creato da un team di persone che valuta il contenuto semantico di un immagine e le associa l'etichetta più adatta
- ▶ Il training set ed il test set sono insiemi di esempi
- ► Il training set viene usato per l'addestramento (training) della rete
- ► Il test set serve a controllare che la rete abbia imparato a discriminare correttamente le immagini

### **Training**

▶ Per ognuno degli esempi del training set

### **Training**

► Per ognuno degli esempi del training set

■ La rete assegna all'immagine corrente la classe che meglio rappresenta il suo contenuto semantico

### **Training**

► Per ognuno degli esempi del training set

■ La rete assegna all'immagine corrente la classe che meglio rappresenta il suo contenuto semantico

 Se la classe di output è diversa dall'etichetta dell'esempio, la rete corregge i suoi parametri interni e passa all'immagine successiva

### **Testing**

► L'accuratezza della rete è data dal rapporto tra il numero di esempi classificati correttamente e la cardinalità del test set

### **Testing**

► L'accuratezza della rete è data dal rapporto tra il numero di esempi classificati correttamente e la cardinalità del test set

► Per ognuno degli esempi del test set

### **Testing**

- ► L'accuratezza della rete è data dal rapporto tra il numero di esempi classificati correttamente e la cardinalità del test set
- ► Per ognuno degli esempi del test set
  - La rete assegna all'immagine corrente la classe che meglio rappresenta il suo contenuto semantico

### **Testing**

- ► L'accuratezza della rete è data dal rapporto tra il numero di esempi classificati correttamente e la cardinalità del test set
- ► Per ognuno degli esempi del test set
  - La rete assegna all'immagine corrente la classe che meglio rappresenta il suo contenuto semantico
  - Per sapere il numero di immagini classificate correttamente dalla rete è necessario definire un contatore

### **Testing**

- ► L'accuratezza della rete è data dal rapporto tra il numero di esempi classificati correttamente e la cardinalità del test set
- ► Per ognuno degli esempi del test set
  - La rete assegna all'immagine corrente la classe che meglio rappresenta il suo contenuto semantico
  - Per sapere il numero di immagini classificate correttamente dalla rete è necessario definire un contatore
  - Il contatore viene incrementato quando l'output prodotto è uguale all'etichetta dell'esempio considerato

Significato Biologico

► Le *Reti Neurali* nascono con lo scopo di modellare una rete neurale biologica

### Significato Biologico

► Le *Reti Neurali* nascono con lo scopo di modellare una rete neurale biologica

▶ Una rete neurale biologica si compone di unità cellulari di base: i neuroni

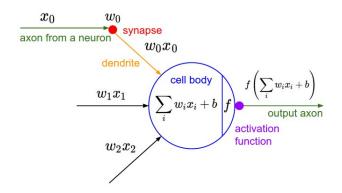
### Significato Biologico

► Le *Reti Neurali* nascono con lo scopo di modellare una rete neurale biologica

► Una rete neurale biologica si compone di unità cellulari di base: i neuroni

▶ I neuroni sono collegati tra loro per mezzo di specifiche giunture chiamate *sinapsi* 

### Neurone



Modello matematico di un neurone

#### **Funzionamento Neurone**

► Attraverso un meccanismo di eccitazione ed inibizione i pesi sinaptici controllano quanto un neurone sia influenzato dagli altri

#### **Funzionamento Neurone**

- ► Attraverso un meccanismo di eccitazione ed inibizione i pesi sinaptici controllano quanto un neurone sia influenzato dagli altri
- ► I segnali in ingresso al neurone vengono pesati dalle differenti sinapsi, trasportati dai dendriti all'interno del corpo cellulare e sommati tra loro

#### **Funzionamento Neurone**

- ► Attraverso un meccanismo di eccitazione ed inibizione i pesi sinaptici controllano quanto un neurone sia influenzato dagli altri
- ► I segnali in ingresso al neurone vengono pesati dalle differenti sinapsi, trasportati dai dendriti all'interno del corpo cellulare e sommati tra loro
- Quando la somma supera una certa soglia, il neurone spara un segnale lungo l'assone

#### **Funzionamento Neurone**

- ► Attraverso un meccanismo di eccitazione ed inibizione i pesi sinaptici controllano quanto un neurone sia influenzato dagli altri
- ► I segnali in ingresso al neurone vengono pesati dalle differenti sinapsi, trasportati dai dendriti all'interno del corpo cellulare e sommati tra loro
- ▶ Quando la somma supera una certa soglia, il neurone *spara* un segnale lungo l'assone
- ► La *frequenza di sparo* del neurone viene modellata con una funzione di attivazione *f*

Funzioni di Attivazione

### **Definizione**

Funzioni di Attivazione

### **Definizione**

Una funzione di attivazione è una funzione matematica non lineare usata per modellare l'output di un neurone. L'input è dato dalla somma pesata dei segnali in ingresso al neurone

► Rectifier Linear Unit

Funzioni di Attivazione

### **Definizione**

- ► Rectifier Linear Unit
- ► Sigmoide

Funzioni di Attivazione

### **Definizione**

- ► Rectifier Linear Unit
- ► Sigmoide
- ► Tangente Iperbolica

Funzioni di Attivazione

### **Definizione**

- ► Rectifier Linear Unit
- ► Sigmoide
- ► Tangente Iperbolica
- ► Softplus

**Rectifier Linear Unit** 

#### **Definizione**

La Rectifier Linear Unit (ReLU)  $r : \mathbb{R} \to [0, +\infty)$  è definita come  $r(x) = \max(0, x)$ 

**Rectifier Linear Unit** 

#### **Definizione**

La Rectifier Linear Unit (ReLU)  $r : \mathbb{R} \to [0, +\infty)$  è definita come  $r(x) = \max(0, x)$ 

▶ Si differenzia da una funzione di tipo lineare per metà del suo dominio in quanto  $\forall x < 0, max(0, x) = 0$ 

**Rectifier Linear Unit** 

#### **Definizione**

La Rectifier Linear Unit (ReLU)  $r : \mathbb{R} \to [0, +\infty)$  è definita come  $r(x) = \max(0, x)$ 

- ► Si differenzia da una funzione di tipo lineare per metà del suo dominio in quanto  $\forall x < 0, max(0, x) = 0$
- ▶ Presenta un punto di discontinuità in x = 0

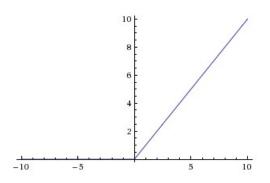
**Rectifier Linear Unit** 

#### **Definizione**

La Rectifier Linear Unit (ReLU)  $r: \mathbb{R} \to [0, +\infty)$  è definita come  $r(x) = \max(0, x)$ 

- ► Si differenzia da una funzione di tipo lineare per metà del suo dominio in quanto  $\forall x < 0, max(0, x) = 0$
- ightharpoonup Presenta un punto di discontinuità in x=0
- ▶ La sua derivata è pari a  $r'(x) = 1(x \ge 0)$

**Rectifier Linear Unit** 



Rappresentazione grafica ReLU

Sigmoide

#### **Definizione**

La Sigmoide  $\sigma: \mathbb{R} \to [0,1]$  è definita come  $\sigma(x) = \frac{1}{(1+e^{-x})}$ 

Sigmoide

#### **Definizione**

La Sigmoide  $\sigma: \mathbb{R} \to [0,1]$  è definita come  $\sigma(x) = \frac{1}{(1+e^{-x})}$ 

► Per elevati valori negativi di input la sigmoide restituisce 0: il neurone non spara affatto

Sigmoide

#### **Definizione**

La Sigmoide  $\sigma: \mathbb{R} \to [0,1]$  è definita come  $\sigma(x) = \frac{1}{(1+e^{-x})}$ 

- ► Per elevati valori negativi di input la sigmoide restituisce 0: il neurone non spara affatto
- ▶ Per elevati valori positivi la sigmoide restituisce 1: il neurone satura e spara con frequenza di sparo pari a 1

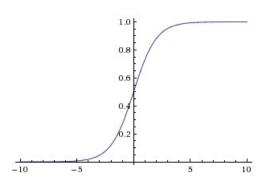
Sigmoide

#### **Definizione**

La Sigmoide  $\sigma:\mathbb{R} \to [0,1]$  è definita come  $\sigma(x)=\frac{1}{(1+e^{-x})}$ 

- ► Per elevati valori negativi di input la sigmoide restituisce 0: il neurone non spara affatto
- ► Per elevati valori positivi la sigmoide restituisce 1: il neurone satura e spara con frequenza di sparo pari a 1
- ▶ La sua derivata è uguale a  $\sigma'(x) = \sigma(x)(1 \sigma(x))$

Sigmoide



Rappresentazione grafica Sigmoide

Tangente Iperbolica

#### **Definizione**

La Tangente Iperbolica  $\tanh:\mathbb{R} \to [-1,1]$  è definita come  $\tanh(x) = 2\sigma(2x) - 1$ 

Tangente Iperbolica

#### **Definizione**

La Tangente Iperbolica  $tanh: \mathbb{R} \to [-1,1]$  è definita come  $tanh(x) = 2\sigma(2x) - 1$ 

▶ La tangente iperbolica è una sigmoide scalata

Tangente Iperbolica

#### **Definizione**

La Tangente Iperbolica  $tanh: \mathbb{R} \to [-1,1]$  è definita come  $tanh(x) = 2\sigma(2x) - 1$ 

- ► La tangente iperbolica è una sigmoide scalata
- ▶ A differenza della sigmoide passa dall'origine per x = 0

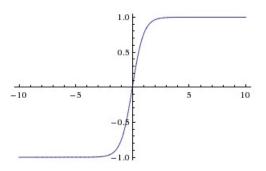
Tangente Iperbolica

#### **Definizione**

La Tangente Iperbolica  $tanh: \mathbb{R} \to [-1,1]$  è definita come  $tanh(x) = 2\sigma(2x) - 1$ 

- ► La tangente iperbolica è una sigmoide scalata
- A differenza della sigmoide passa dall'origine per x=0
- ► La sua derivata è uguale a  $tanh'(x) = 1 tanh^2(x)$

Tangente Iperbolica



Rappresentazione grafica Tangente Iperbolica

Softplus

#### **Definizione**

La Softplus  $s: \mathbb{R} \to (0, +\infty)$  è definita come  $s(x) = \log(1 + e^x)$ 

Softplus

#### **Definizione**

La Softplus  $s: \mathbb{R} \to (0, +\infty)$  è definita come  $s(x) = \log(1 + e^x)$ 

► La softplus è una buona approssimazione della ReLU

Softplus

#### **Definizione**

La Softplus 
$$s: \mathbb{R} \to (0, +\infty)$$
 è definita come  $s(x) = \log(1 + e^x)$ 

- ▶ La softplus è una buona approssimazione della ReLU
- Viene solitamente usata per sostituire la ReLU perché non presenta punti di discontinuità

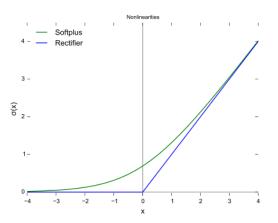
Softplus

#### **Definizione**

La Softplus 
$$s: \mathbb{R} \to (0, +\infty)$$
 è definita come  $s(x) = \log(1 + e^x)$ 

- ► La softplus è una buona approssimazione della ReLU
- Viene solitamente usata per sostituire la ReLU perché non presenta punti di discontinuità
- ▶ La sua derivata è uguale a  $s'(x) = \frac{1}{(1+e^{-x})} = \sigma(x)$

### Softplus



Confronto grafico tra ReLU e Softplus

Rete Neurale

#### **Definizione**

Una Rete Neurale è composta da un certo numero di neuroni organizzati in insiemi distinti chiamati livelli o layer

Rete Neurale

#### **Definizione**

Una Rete Neurale è composta da un certo numero di neuroni organizzati in insiemi distinti chiamati livelli o layer

► I livelli sono connessi tra loro e sono posizionati uno di seguito all'altro in modo da formare una sequenza

Rete Neurale

#### **Definizione**

Una Rete Neurale è composta da un certo numero di neuroni organizzati in insiemi distinti chiamati livelli o layer

- ► I livelli sono connessi tra loro e sono posizionati uno di seguito all'altro in modo da formare una sequenza
- ▶ I livelli intermedi prendono il nome di *hidden*

Rete Neurale

#### **Definizione**

Una Rete Neurale è composta da un certo numero di neuroni organizzati in insiemi distinti chiamati livelli o layer

- ► I livelli sono connessi tra loro e sono posizionati uno di seguito all'altro in modo da formare una sequenza
- ▶ I livelli intermedi prendono il nome di *hidden*
- ► L'output dei neuroni di un livello diventano l'input dei neuroni del livello successivo

#### Rete Neurale

► Quando si effettua il conteggio dei livelli di una rete non si considera il livello di input

#### Rete Neurale

 Quando si effettua il conteggio dei livelli di una rete non si considera il livello di input

▶ Una rete a *singolo livello* non presenta livelli hidden

#### Rete Neurale

► Quando si effettua il conteggio dei livelli di una rete non si considera il livello di input

▶ Una rete a singolo livello non presenta livelli hidden

► Per determinare la grandezza di una rete ci si concentra sul numero di neuroni e sui relativi pesi ad essi associati

Livello Fully-Connected

#### **Definizione**

Un livello è di tipo *Fully-Connected* quando i neuroni che lo compongono sono completamente connessi ai neuroni del livello successivo e non sono collegati tra loro internamente

Livello Fully-Connected

#### **Definizione**

Un livello è di tipo *Fully-Connected* quando i neuroni che lo compongono sono completamente connessi ai neuroni del livello successivo e non sono collegati tra loro internamente

► I pesi dei neuroni di ciascun livello sono salvati all'interno di matrici

Livello Fully-Connected

#### **Definizione**

Un livello è di tipo *Fully-Connected* quando i neuroni che lo compongono sono completamente connessi ai neuroni del livello successivo e non sono collegati tra loro internamente

- ► I pesi dei neuroni di ciascun livello sono salvati all'interno di matrici
- ► Le righe di una matrice identificano i neuroni del livello mentre le colonne contengono i pesi di ciascun neurone

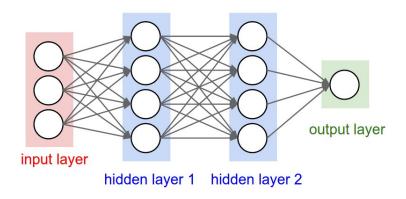
Livello Fully-Connected

#### **Definizione**

Un livello è di tipo *Fully-Connected* quando i neuroni che lo compongono sono completamente connessi ai neuroni del livello successivo e non sono collegati tra loro internamente

- ► I pesi dei neuroni di ciascun livello sono salvati all'interno di matrici
- ► Le righe di una matrice identificano i neuroni del livello mentre le colonne contengono i pesi di ciascun neurone
- ► La struttura a livelli di una rete neurale permette di sfruttare le potenzialità del calcolo matriciale

Livello Fully-Connected



Una rete neurale a 3 livelli

#### **Funzionamento**

Il processo di apprendimento di una rete neurale è suddiviso in quattro fasi distinte

#### **Funzionamento**

Il processo di apprendimento di una rete neurale è suddiviso in quattro fasi distinte

► Inizializzazione dei pesi

#### **Funzionamento**

Il processo di apprendimento di una rete neurale è suddiviso in quattro fasi distinte

- ► Inizializzazione dei pesi
- ► Forward Propagation

#### **Funzionamento**

Il processo di apprendimento di una rete neurale è suddiviso in quattro fasi distinte

- ► Inizializzazione dei pesi
- ► Forward Propagation
- ► Calcolo della Funzione di Perdita

#### **Funzionamento**

Il processo di apprendimento di una rete neurale è suddiviso in quattro fasi distinte

- ► Inizializzazione dei pesi
- ► Forward Propagation
- ► Calcolo della Funzione di Perdita
- ► Back Propagation

Inizializzazione dei pesi

► Al momento della nascita gli esseri umani non sono in grado di discriminare nessun tipo di oggetto a causa del mancato addestramento della loro rete neurale biologica

#### Inizializzazione dei pesi

► Al momento della nascita gli esseri umani non sono in grado di discriminare nessun tipo di oggetto a causa del mancato addestramento della loro rete neurale biologica

▶ Per riprodurre questo comportamento, all'inizio della fase di training, i pesi sinaptici *w<sub>i</sub>* di ciascun livello vengono inizializzati in maniera casuale

**Forward Propagation** 

#### **Definizione**

**Forward Propagation** 

#### **Definizione**

La Forward Propagation è il meccanismo utilizzato da una rete neurale per associare ad un'immagine una determinata classe

ightharpoonup L'output dei neuroni del livello i viene moltiplicato per la matrice dei pesi del livello i+1 ottenendo il vettore v

**Forward Propagation** 

#### **Definizione**

- ightharpoonup L'output dei neuroni del livello i viene moltiplicato per la matrice dei pesi del livello i+1 ottenendo il vettore v
- lacktriangle Al vettore v viene aggiunto il vettore dei bias del livello i+1

**Forward Propagation** 

#### **Definizione**

- ightharpoonup L'output dei neuroni del livello i viene moltiplicato per la matrice dei pesi del livello i+1 ottenendo il vettore v
- lacktriangle Al vettore v viene aggiunto il vettore dei bias del livello i+1
- ightharpoonup L'output del livello i+1 si ottiene applicando la funzione di attivazione f ad ogni entry del vettore v

**Forward Propagation** 

#### **Definizione**

- ightharpoonup L'output dei neuroni del livello i viene moltiplicato per la matrice dei pesi del livello i+1 ottenendo il vettore v
- lacktriangle Al vettore v viene aggiunto il vettore dei bias del livello i+1
- ▶ L'output del livello i + 1 si ottiene applicando la funzione di attivazione f ad ogni entry del vettore v
- ► Le operazioni precedenti sono svolte per tutti i livelli ad eccezione dell'ultimo

Calcolo della funzione di perdita

### **Definizione**

Calcolo della funzione di perdita

#### **Definizione**

Una *funzione di perdita L* viene utilizzata per determinare l'errore di classificazione di una rete neurale

▶ La funzione di perdita più usata è la *Mean Squared Error (MSE)*  $L = \frac{1}{2} \sum (y - o)^2$ 

Calcolo della funzione di perdita

#### **Definizione**

- ▶ La funzione di perdita più usata è la *Mean Squared Error (MSE)*  $L = \frac{1}{2} \sum (y o)^2$
- ▶ y identifica l'etichetta dell'esempio considerato mentre o l'output della rete

Calcolo della funzione di perdita

### **Definizione**

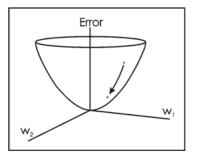
- ▶ La funzione di perdita più usata è la *Mean Squared Error (MSE)*  $L = \frac{1}{2} \sum (y o)^2$
- ► y identifica l'etichetta dell'esempio considerato mentre o l'output della rete
- ► Minimizzando la funzione di perdita *L* si riduce l'errore di una rete neurale

Calcolo della funzione di perdita

#### **Definizione**

- ▶ La funzione di perdita più usata è la *Mean Squared Error (MSE)*  $L = \frac{1}{2} \sum (y o)^2$
- ► y identifica l'etichetta dell'esempio considerato mentre o l'output della rete
- ► Minimizzando la funzione di perdita *L* si riduce l'errore di una rete neurale
- ightharpoonup Calcolando la derivata di L in funzione dei pesi  $w_i$  si cerca di individuare il minimo globale della funzione di perdita

Funzione di perdita



Mean Squared Error (MSE). I pesi  $w_1$  e  $w_2$  sono le variabili indipendenti. La funzione di perdita L è la variabile dipendente

**Back Propagation** 

#### **Definizione**

La  $Back\ Propagation\ è$  il meccanismo utilizzato da una rete neurale per correggere gli errori di classificazione. Vengono individuati i pesi  $w_i$  che hanno influenzato maggiormente l'errore commesso e viene aggiornato il loro valore in modo da ridurre la funzione di perdita

**Back Propagation** 

#### **Definizione**

La Back Propagation è il meccanismo utilizzato da una rete neurale per correggere gli errori di classificazione. Vengono individuati i pesi  $w_i$  che hanno influenzato maggiormente l'errore commesso e viene aggiornato il loro valore in modo da ridurre la funzione di perdita

▶ Per calcolare la derivata della funzione L in funzione dei pesi  $w_i$  viene usata la regola della catena (chain rule)

**Back Propagation** 

#### **Definizione**

La Back Propagation è il meccanismo utilizzato da una rete neurale per correggere gli errori di classificazione. Vengono individuati i pesi  $w_i$  che hanno influenzato maggiormente l'errore commesso e viene aggiornato il loro valore in modo da ridurre la funzione di perdita

- ▶ Per calcolare la derivata della funzione L in funzione dei pesi  $w_i$  viene usata la regola della catena (chain rule)
- Questa regola è usata per trovare la derivata di una funzione composta

#### Aggiornamento dei Pesi e Learning Rate

▶ Il nuovo valore del peso  $w_i$  è dato dalla regola di aggiornamento  $w_i = w_i - \eta \frac{\partial L}{\partial w_i} = w_i + \Delta w_i$  con  $\eta > 0$ 

#### Aggiornamento dei Pesi e Learning Rate

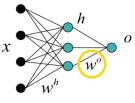
- ▶ Il nuovo valore del peso  $w_i$  è dato dalla regola di aggiornamento  $w_i = w_i \eta \frac{\partial L}{\partial w_i} = w_i + \Delta w_i$  con  $\eta > 0$
- ▶ Il learning rate  $\eta$  è un parametro usato per controllare la velocità di aggiornamento dei pesi

### Aggiornamento dei Pesi e Learning Rate

- ▶ Il nuovo valore del peso  $w_i$  è dato dalla regola di aggiornamento  $w_i = w_i \eta \frac{\partial L}{\partial w_i} = w_i + \Delta w_i$  con  $\eta > 0$
- ▶ Il learning rate  $\eta$  è un parametro usato per controllare la velocità di aggiornamento dei pesi
- Un learning rate alto comporta aggiornamenti rapidi, un tempo di esecuzione più basso, ma una maggiore probabilità di finire in un minimo locale

### Aggiornamento dei Pesi e Learning Rate

- ▶ Il nuovo valore del peso  $w_i$  è dato dalla regola di aggiornamento  $w_i = w_i \eta \frac{\partial L}{\partial w_i} = w_i + \Delta w_i$  con  $\eta > 0$
- ▶ Il learning rate  $\eta$  è un parametro usato per controllare la velocità di aggiornamento dei pesi
- ► Un learning rate alto comporta aggiornamenti rapidi, un tempo di esecuzione più basso, ma una maggiore probabilità di finire in un minimo locale
- ► Un learning rate basso diminuisce la probabilità di finire in un minimo locale, ma allunga notevolmente i tempi di esecuzione



$$oldsymbol{x} \in \mathbb{R}^{n,1} \quad oldsymbol{w^h} \in \mathbb{R}^{n,m}$$

$$oldsymbol{h} \in \mathbb{R}^{m,1} \quad oldsymbol{w^o} \in \mathbb{R}^{1,m}$$

$$z_j^h = \sum_{i=0}^n w_{ij}^h x_i$$

$$h_j = f(z_j^h)$$

$$z^{\circ} = \sum_{j=0}^{m} w_{j}^{\circ} h_{j}$$

$$o = f(z^o)$$

#### **Esempio Back Propagation**

lacktriangle Derivata di L in funzione del peso  $w_j^o$ 

$$\frac{\partial L}{\partial w_j^o} = \frac{\partial L}{\partial o} \cdot \frac{\partial o}{\partial z^o} \cdot \frac{\partial z^o}{\partial w_j}$$

#### **Esempio Back Propagation**

lackbox Derivata di L in funzione del peso  $w_j^o$ 

$$\frac{\partial L}{\partial w_j^o} = \frac{\partial L}{\partial o} \cdot \frac{\partial o}{\partial z^o} \cdot \frac{\partial z^o}{\partial w_j}$$

$$\frac{\partial L}{\partial o} = \frac{\partial}{\partial o} \left[ \frac{1}{2} (y - o)^2 \right] = -(y - o)$$

### **Esempio Back Propagation**

lackbox Derivata di L in funzione del peso  $w_j^o$ 

$$\frac{\partial L}{\partial w_j^o} = \frac{\partial L}{\partial o} \cdot \frac{\partial o}{\partial z^o} \cdot \frac{\partial z^o}{\partial w_j}$$

$$\frac{\partial L}{\partial o} = \frac{\partial}{\partial o} \left[ \frac{1}{2} (y - o)^2 \right] = -(y - o)$$

### **Esempio Back Propagation**

lackbox Derivata di L in funzione del peso  $w_j^o$ 

$$\frac{\partial L}{\partial w_j^o} = \frac{\partial L}{\partial o} \cdot \frac{\partial o}{\partial z^o} \cdot \frac{\partial z^o}{\partial w_j}$$

$$\frac{\partial L}{\partial o} = \frac{\partial}{\partial o} \left[ \frac{1}{2} (y - o)^2 \right] = -(y - o)$$

$$\blacksquare \frac{\partial z^o}{\partial w_j^o} = h_j$$

#### **Esempio Back Propagation**

lacktriangle Risultato della derivata di L in funzione del peso  $w_j^o$ 

$$\frac{\partial L}{\partial w_j^o} = -(y - o) \cdot f'(z^o) \cdot h_j = -\delta_j^o h_j$$

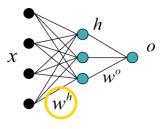
#### **Esempio Back Propagation**

lacktriangle Risultato della derivata di L in funzione del peso  $w_j^o$ 

$$\frac{\partial L}{\partial w_j^o} = -(y - o) \cdot f'(z^o) \cdot h_j = -\delta_j^o h_j$$

lacktriangle Aggiornamento del peso  $w_j^o$ 

$$\Delta w_j^o = \eta \delta_j^o h_j$$



$$\frac{\partial L}{\partial w_{ij}^h} = \frac{\partial L}{\partial o} \cdot \frac{\partial o}{\partial z^o} \cdot \frac{\partial z^o}{\partial h_j} \cdot \frac{\partial h_j}{\partial z_j^h} \cdot \frac{\partial z_j^h}{\partial w_{ij}^h}$$

$$\frac{\partial L}{\partial o} = \frac{\partial}{\partial o} \left[ \frac{1}{2} (y - o)^2 \right] = -(y - o)$$

$$\frac{\partial L}{\partial o} = \frac{\partial}{\partial o} \left[ \frac{1}{2} (y - o)^2 \right] = -(y - o)$$

$$\frac{\partial o}{\partial z^o} = f'(z^o)$$

$$\frac{\partial L}{\partial o} = \frac{\partial}{\partial o} \left[ \frac{1}{2} (y - o)^2 \right] = -(y - o)$$

$$\frac{\partial o}{\partial z^o} = f'(z^o)$$

$$\frac{\partial z^o}{\partial h_j} = w_j^o$$

$$\frac{\partial L}{\partial o} = \frac{\partial}{\partial o} \left[ \frac{1}{2} (y - o)^2 \right] = -(y - o)$$

$$\frac{\partial o}{\partial z^o} = f'(z^o)$$

$$\frac{\partial z^o}{\partial h_j} = w_j^o$$

$$\frac{\partial h_j}{\partial z_j^h} = f'(z_j^h)$$

$$\frac{\partial L}{\partial o} = \frac{\partial}{\partial o} \left[ \frac{1}{2} (y - o)^2 \right] = -(y - o)$$

$$\frac{\partial o}{\partial z^o} = f'(z^o)$$

$$\frac{\partial z^o}{\partial h_j} = w_j^o$$

$$\frac{\partial h_j}{\partial z_j^h} = f'(z_j^h)$$

$$\frac{\partial z_j^h}{\partial w_{ij}^h} = x_i$$

### **Esempio Back Propagation**

ightharpoonup Risultato della derivata di L in funzione del peso  $w_{ij}^h$ 

$$\frac{\partial L}{\partial w_{ij}^h} = -(y - o) \cdot f'(z^o) \cdot w_j^o \cdot f'(z_j^h) \cdot x_i = -\delta_j^h x_i$$

#### **Esempio Back Propagation**

ightharpoonup Risultato della derivata di L in funzione del peso  $w_{ij}^h$ 

$$\frac{\partial L}{\partial w_{ij}^h} = -(y - o) \cdot f'(z^o) \cdot w_j^o \cdot f'(z_j^h) \cdot x_i = -\delta_j^h x_i$$

ightharpoonup Aggiornamento del peso  $w_{ij}^h$ 

$$\Delta w_{ij}^h = \eta \delta_j^h x_i$$

Rete Neurale Convoluzionale

#### **Definizione**

Una Rete Neurale Convoluzionale è una variante di una rete neurale classica. Permette la condivisione dei pesi sinaptici tra i neuroni di un livello e consente di discriminare le varie feature che compongono un'immagine

Rete Neurale Convoluzionale

#### **Definizione**

Una Rete Neurale Convoluzionale è una variante di una rete neurale classica. Permette la condivisione dei pesi sinaptici tra i neuroni di un livello e consente di discriminare le varie feature che compongono un'immagine

► Viene definito un nuovo tipo di livello: il Livello Convoluzionale

Rete Neurale Convoluzionale

#### **Definizione**

Una Rete Neurale Convoluzionale è una variante di una rete neurale classica. Permette la condivisione dei pesi sinaptici tra i neuroni di un livello e consente di discriminare le varie feature che compongono un'immagine

- ► Viene definito un nuovo tipo di livello: il Livello Convoluzionale
- ▶ Un livello convoluzionale è formato da diversi filtri

Rete Neurale Convoluzionale

#### **Definizione**

Una Rete Neurale Convoluzionale è una variante di una rete neurale classica. Permette la condivisione dei pesi sinaptici tra i neuroni di un livello e consente di discriminare le varie feature che compongono un'immagine

- ► Viene definito un nuovo tipo di livello: il *Livello Convoluzionale*
- ▶ Un livello convoluzionale è formato da diversi filtri
- ▶ La profondità (depth) di un livello convoluzionale è data dal numero di filtri che lo compongono

#### Filtri e Livelli Convoluzionali

► I filtri sono le matrici contenenti i pesi sinaptici del livello convoluzionale

- ▶ I filtri sono le matrici contenenti i pesi sinaptici del livello convoluzionale
- ► Ogni filtro ricerca all'interno delle immagini della rete una o più *feature*: linee, curve, pattern

- ▶ I filtri sono le matrici contenenti i pesi sinaptici del livello convoluzionale
- Ogni filtro ricerca all'interno delle immagini della rete una o più feature: linee, curve, pattern
- ► Per apprendere nel miglior modo possibile il contenuto semantico di un'immagine, la rete deve saper ricercare feature sempre più complesse

- ▶ I filtri sono le matrici contenenti i pesi sinaptici del livello convoluzionale
- ► Ogni filtro ricerca all'interno delle immagini della rete una o più *feature*: linee, curve, pattern
- ► Per apprendere nel miglior modo possibile il contenuto semantico di un'immagine, la rete deve saper ricercare feature sempre più complesse
- Mettendo in sequenza più livelli convoluzionali si possono ottenere feature complesse

- ▶ I filtri sono le matrici contenenti i pesi sinaptici del livello convoluzionale
- ► Ogni filtro ricerca all'interno delle immagini della rete una o più *feature*: linee, curve, pattern
- ► Per apprendere nel miglior modo possibile il contenuto semantico di un'immagine, la rete deve saper ricercare feature sempre più complesse
- ► Mettendo in sequenza più livelli convoluzionali si possono ottenere feature complesse
- ightharpoonup L'output di un generico livello convoluzionale i diventa l'input del successivo livello i+1. Le feature prodotte da i sono meno complesse di quelle ottenute da i+1

#### **Funzionamento**

► I pesi dei filtri di un livello convoluzionale sono inizializzati in maniera casuale

#### **Funzionamento**

► I pesi dei filtri di un livello convoluzionale sono inizializzati in maniera casuale

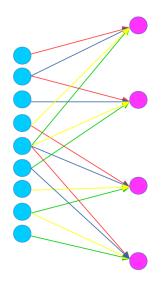
 Vengono utilizzate le stesse funzioni di attivazione e le stesse funzioni di perdita dei livelli fully-connected

#### **Funzionamento**

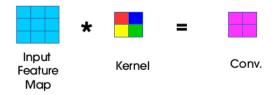
► I pesi dei filtri di un livello convoluzionale sono inizializzati in maniera casuale

 Vengono utilizzate le stesse funzioni di attivazione e le stesse funzioni di perdita dei livelli fully-connected

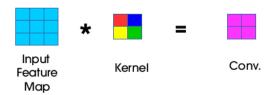
► La forward e la back propagation sono le uniche fasi definite diversamente



#### **Forward Propagation**



► Le matrici di input e di output di un livello convoluzionale prendono il nome di *feature map* 



- ► Le matrici di input e di output di un livello convoluzionale prendono il nome di *feature map*
- ▶ I filtri sono meglio conosciuti con il nome di kernel

#### **Forward Propagation**

► All'inizio della forward propagation, il kernel viene sovrapposto alla parte superiore sinistra della feature map di input

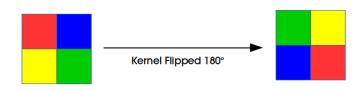
- ► All'inizio della forward propagation, il kernel viene sovrapposto alla parte superiore sinistra della feature map di input
- Viene eseguita la convoluzione tra le due sottomatrici ed il risultato ottenuto viene salvato nella feature map di output

- ► All'inizio della forward propagation, il kernel viene sovrapposto alla parte superiore sinistra della feature map di input
- ► Viene eseguita la *convoluzione* tra le due sottomatrici ed il risultato ottenuto viene salvato nella feature map di output
- ► Il kernel viene spostato di una posizione verso destra e viene rieseguita nuovamente la convoluzione

- ► All'inizio della forward propagation, il kernel viene sovrapposto alla parte superiore sinistra della feature map di input
- ► Viene eseguita la *convoluzione* tra le due sottomatrici ed il risultato ottenuto viene salvato nella feature map di output
- ► Il kernel viene spostato di una posizione verso destra e viene rieseguita nuovamente la convoluzione
- ► Terminata la riga, il kernel viene posizionato nuovamente nella parte sinistra della feature map di input, ma una riga più in basso

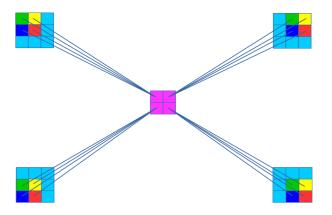
- ► All'inizio della forward propagation, il kernel viene sovrapposto alla parte superiore sinistra della feature map di input
- ► Viene eseguita la *convoluzione* tra le due sottomatrici ed il risultato ottenuto viene salvato nella feature map di output
- ▶ Il kernel viene spostato di una posizione verso destra e viene rieseguita nuovamente la convoluzione
- ► Terminata la riga, il kernel viene posizionato nuovamente nella parte sinistra della feature map di input, ma una riga più in basso
- ► Gli ultimi due passaggi vengono ripetuti fino a quando non è stata riempita completamente tutta la feature map di output

**Forward Propagation** 



Il kernel viene ruotato di 180° per poter eseguire la convoluzione

#### **Forward Propagation**



Forward Propagation di un livello convoluzionale

#### Considerazioni Forward Propagation

► Al termine della forward propagation, la funzione di attivazione *f* viene applicata ad ogni elemento della feature map di output

#### Considerazioni Forward Propagation

► Al termine della forward propagation, la funzione di attivazione *f* viene applicata ad ogni elemento della feature map di output

▶ Un kernel è una matrice quadrata di dimensione  $K \times K$ 

#### Considerazioni Forward Propagation

► Al termine della forward propagation, la funzione di attivazione *f* viene applicata ad ogni elemento della feature map di output

▶ Un kernel è una matrice quadrata di dimensione  $K \times K$ 

▶ La feature map di input ha dimensione  $W \times H$  con W = H

#### Considerazioni Forward Propagation

► Al termine della forward propagation, la funzione di attivazione *f* viene applicata ad ogni elemento della feature map di output

▶ Un kernel è una matrice quadrata di dimensione  $K \times K$ 

▶ La feature map di input ha dimensione  $W \times H$  con W = H

▶ La feature map di output è una matrice quadrata di dimensione  $O \times O$  con O = (W - K) + 1

**Back Propagation** 

#### **Definizione**

La Back Propagation di una rete neurale convoluzionale ha come obiettivo l'aggiornamento dei pesi contenuti nei kernel di un livello. Per ciascuno dei pesi di un kernel viene calcolata la derivata parziale  $\frac{\partial L}{\partial w^l_{m',n'}}$  che

rappresenta l'influenza del peso  $w^I_{m',n'}$  sulla funzione di perdita L

**Back Propagation** 

#### **Definizione**

La Back Propagation di una rete neurale convoluzionale ha come obiettivo l'aggiornamento dei pesi contenuti nei kernel di un livello. Per ciascuno dei pesi di un kernel viene calcolata la derivata parziale  $\frac{\partial L}{\partial w^l_{m',n'}}$  che

rappresenta l'influenza del peso  $w_{m',n'}^{I}$  sulla funzione di perdita L

► La Back Propagation viene suddivisa in due fasi distinte

**Back Propagation** 

#### **Definizione**

La Back Propagation di una rete neurale convoluzionale ha come obiettivo l'aggiornamento dei pesi contenuti nei kernel di un livello. Per ciascuno dei pesi di un kernel viene calcolata la derivata parziale  $\frac{\partial L}{\partial w^l_{m',n'}}$  che rappresenta l'influenza del peso  $w^l_{m',n'}$  sulla funzione di perdita L

► La Back Propagation viene suddivisa in due fasi distinte

lacksquare II calcolo della matrice degli errori  $\delta$ 

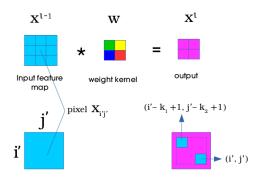
**Back Propagation** 

#### **Definizione**

La Back Propagation di una rete neurale convoluzionale ha come obiettivo l'aggiornamento dei pesi contenuti nei kernel di un livello. Per ciascuno dei pesi di un kernel viene calcolata la derivata parziale  $\frac{\partial L}{\partial w^l_{m',n'}}$  che rappresenta l'influenza del peso  $w^l_{m',n'}$  sulla funzione di perdita L

- ► La Back Propagation viene suddivisa in due fasi distinte
  - lacksquare Il calcolo della matrice degli errori  $\delta$
  - L'aggiornamento dei pesi del kernel

#### Calcolo matrice dei $\delta$



Le linee tratteggiate presenti nella feature map di output individuano la regione dei pixel influenzati dal pixel  $x_{i',j'}$ .  $k_1$  e  $k_2$  definiscono la grandezza della regione considerata

#### Calcolo matrice dei $\delta$

▶ L'influenza del pixel  $x_{i',j'}$  sulla funzione di perdita L è data da

$$\delta_{i',j'}^I = \frac{\partial L}{\partial x_{i',j'}^I}$$

#### Calcolo matrice dei $\delta$

▶ L'influenza del pixel  $x_{i',j'}$  sulla funzione di perdita L è data da

$$\delta_{i',j'}^I = \frac{\partial L}{\partial x_{i',j'}^I}$$

► Applicando la regola della catena si ottiene

$$\frac{\partial L}{\partial x_{i',j'}^{l}} = \sum_{m=0}^{k_1-1} \sum_{n=0}^{k_2-1} \frac{\partial L}{\partial x_{i'-m,j'-n}^{l+1}} \frac{\partial x_{i'-m,j'-n}^{l+1}}{\partial x_{i',j'}^{l}}$$
$$= \sum_{m=0}^{k_1-1} \sum_{n=0}^{k_2-1} \delta_{i'-m,j'-n}^{l+1} \frac{\partial x_{i'-m,j'-n}^{l+1}}{\partial x_{i',j'}^{l}}$$

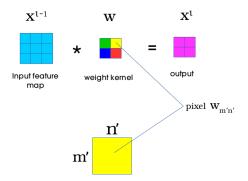
#### Calcolo matrice dei $\delta$

$$\frac{\partial L}{\partial x_{i',j'}^{l}} = \sum_{m=0}^{k_{1}-1} \sum_{n=0}^{k_{2}-1} \delta_{i'-m,j'-n}^{l+1} w_{m,n}^{l+1} f'\left(x_{i',j'}^{l}\right)$$

$$= \operatorname{rot}_{180^{\circ}} \left\{ \sum_{m=0}^{k_{1}-1} \sum_{n=0}^{k_{2}-1} \delta_{i'+m,j'+n}^{l+1} w_{m,n}^{l+1} \right\} f'\left(x_{i',j'}^{l}\right)$$

$$= \delta_{i',j'}^{l+1} * \operatorname{rot}_{180^{\circ}} \left\{ w_{m,n}^{l+1} \right\} f'\left(x_{i',j'}^{l}\right)$$

#### Aggiornamento dei pesi



Durante la fase di forward propagation, il peso  $w_{m',n'}$  ha contribuito a calcolare tutti i valori che costituiscono la feature map di output

#### Aggiornamento dei pesi

lacktriangle Il calcolo di  $rac{\partial L}{\partial w'_{m',n'}}$  usando la regola della catena è dato da

$$\frac{\partial L}{\partial w_{m',n'}^{l}} = \sum_{i=0}^{W-K} \sum_{j=0}^{W-K} \frac{\partial L}{\partial x_{i,j}^{l}} \frac{\partial x_{i,j}^{l}}{\partial w_{m',n'}^{l}}$$
$$= \sum_{i=0}^{W-K} \sum_{j=0}^{W-K} \delta_{i,j}^{l} \cdot o_{i+m',j+n'}^{l-1}$$
$$= rot_{180^{\circ}} \{\delta_{i,j}^{l}\} * o_{m',n'}^{l-1}$$

### Aggiornamento dei pesi

lacktriangle Il calcolo di  $rac{\partial L}{\partial w'_{n',n'}}$  usando la regola della catena è dato da

$$\begin{split} \frac{\partial L}{\partial w_{m',n'}^{l}} &= \sum_{i=0}^{W-K} \sum_{j=0}^{W-K} \frac{\partial L}{\partial x_{i,j}^{l}} \frac{\partial x_{i,j}^{l}}{\partial w_{m',n'}^{l}} \\ &= \sum_{i=0}^{W-K} \sum_{j=0}^{W-K} \delta_{i,j}^{l} \cdot o_{i+m',j+n'}^{l-1} \\ &= rot_{180^{\circ}} \{\delta_{i,j}^{l}\} * o_{m',n'}^{l-1} \end{split}$$

$$> x_{i,j}^l = \sum_m \sum_n w_{m,n}^l o_{i+m,j+n}^{l-1} + b^l$$

### Aggiornamento dei pesi

lacktriangleq Il calcolo di  $rac{\partial L}{\partial w'_{m',n'}}$  usando la regola della catena è dato da

$$\begin{split} \frac{\partial L}{\partial w_{m',n'}^{l}} &= \sum_{i=0}^{W-K} \sum_{j=0}^{W-K} \frac{\partial L}{\partial x_{i,j}^{l}} \frac{\partial x_{i,j}^{l}}{\partial w_{m',n'}^{l}} \\ &= \sum_{i=0}^{W-K} \sum_{j=0}^{W-K} \delta_{i,j}^{l} \cdot o_{i+m',j+n'}^{l-1} \\ &= rot_{180^{\circ}} \{ \delta_{i,j}^{l} \} * o_{m',n'}^{l-1} \end{split}$$

$$x_{i,j}^l = \sum_m \sum_n w_{m,n}^l o_{i+m,j+n}^{l-1} + b^l$$

$$\bullet$$
  $o_{m',n'}^{l-1} = f(x_{i',j'}^{l-1})$ 

Aggiornamento dei pesi

▶ Il risultato della convoluzione tra  $\delta_{i,j}^I$  e  $o_{m',n'}^{I-1}$  individua il nuovo valore del peso  $w_{m',n'}^I$ 

#### Aggiornamento dei pesi

▶ Il risultato della convoluzione tra  $\delta_{i,j}^I$  e  $o_{m',n'}^{I-1}$  individua il nuovo valore del peso  $w_{m',n'}^I$ 

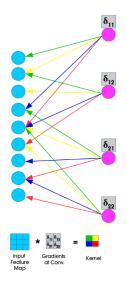
► La convoluzione è svolta per ciascuno dei pesi che costituiscono un kernel

**Back Propagation** 

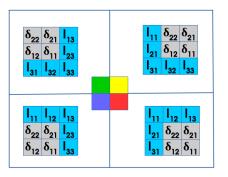


La matrice degli errori  $\delta$  deve essere ruotata di 180° per poter eseguire la convoluzione

### **Esempio Back Propagation**



**Esempio Back Propagation** 



Il kernel aggiornato viene ricavato dalla convoluzione tra la matrice degli errori  $\delta$  e la feature map di input

#### Obiettivo

► Si vuole costruire una rete neurale convoluzionale che permetta il riconoscimento di cifre numeriche scritte a mano

#### Obiettivo

- ► Si vuole costruire una rete neurale convoluzionale che permetta il riconoscimento di cifre numeriche scritte a mano
- ► Le cifre da riconoscere sono salvate come immagini in scala di grigio a 8 bit. Un pixel può assumere solo i valori che sono compresi nell'intervallo [0, 255]

#### Objettivo

- ► Si vuole costruire una rete neurale convoluzionale che permetta il riconoscimento di cifre numeriche scritte a mano
- ► Le cifre da riconoscere sono salvate come immagini in scala di grigio a 8 bit. Un pixel può assumere solo i valori che sono compresi nell'intervallo [0,255]
- ► L'output della rete è dato dalle 10 cifre numeriche che si vogliono riconoscere

#### Obiettivo

- ► Si vuole costruire una rete neurale convoluzionale che permetta il riconoscimento di cifre numeriche scritte a mano
- ► Le cifre da riconoscere sono salvate come immagini in scala di grigio a 8 bit. Un pixel può assumere solo i valori che sono compresi nell'intervallo [0, 255]
- ► L'output della rete è dato dalle 10 cifre numeriche che si vogliono riconoscere
- ► La rete riceve in input un'immagine e le associa la cifra numerica corrispondente

► La dimensione delle immagini che costituiscono gli esempi del training e del test set hanno una dimensione di 28 × 28

► La dimensione delle immagini che costituiscono gli esempi del training e del test set hanno una dimensione di 28 × 28

► Le etichette sono rappresentate da numeri interi positivi

► La dimensione delle immagini che costituiscono gli esempi del training e del test set hanno una dimensione di 28 × 28

► Le etichette sono rappresentate da numeri interi positivi

▶ Il training ed il test set provengono dal database *MNIST* e contengono rispettativamente 60000 esempi di train e 10000 di test

Rete Sequenziale

► La rete sequenziale utilizzata per il confronto dei tempi di esecuzione è chiamata *EduCNN* 

#### Rete Sequenziale

► La rete sequenziale utilizzata per il confronto dei tempi di esecuzione è chiamata *EduCNN* 

► Ammette sia livelli di tipo fully-connected che convoluzionali

#### Rete Sequenziale

► La rete sequenziale utilizzata per il confronto dei tempi di esecuzione è chiamata *EduCNN* 

► Ammette sia livelli di tipo fully-connected che convoluzionali

▶ La funzione di attivazione scelta è la sigmoide

#### Rete Sequenziale

► La rete sequenziale utilizzata per il confronto dei tempi di esecuzione è chiamata *EduCNN* 

► Ammette sia livelli di tipo fully-connected che convoluzionali

► La funzione di attivazione scelta è la sigmoide

► La rete è stata implementata usando il linguaggio di programmazione C++

#### Considerazioni

► I calcoli interni alla rete vengono svolti usando il formato di dato double in modo da non perdere precisione numerica tra i vari passaggi

#### Considerazioni

- ▶ I calcoli interni alla rete vengono svolti usando il formato di dato double in modo da non perdere precisione numerica tra i vari passaggi
- ► All'inizio della fase di training i pixel delle immagini vengono riscalati nell'intervallo [0,1] per poter essere compatibili con il formato di dato usato dalla rete

#### Considerazioni

- ▶ I calcoli interni alla rete vengono svolti usando il formato di dato double in modo da non perdere precisione numerica tra i vari passaggi
- ► All'inizio della fase di training i pixel delle immagini vengono riscalati nell'intervallo [0,1] per poter essere compatibili con il formato di dato usato dalla rete
- ► Tutti i dati e le strutture necessarie al funzionamento della rete vengono allocate all'inizio dell'esecuzione e deallocate al suo termine

#### Considerazioni

- ▶ I calcoli interni alla rete vengono svolti usando il formato di dato double in modo da non perdere precisione numerica tra i vari passaggi
- ► All'inizio della fase di training i pixel delle immagini vengono riscalati nell'intervallo [0,1] per poter essere compatibili con il formato di dato usato dalla rete
- ► Tutti i dati e le strutture necessarie al funzionamento della rete vengono allocate all'inizio dell'esecuzione e deallocate al suo termine
- ► Le funzioni di attivazione utilizzate dalla rete CUDA sono le stesse della rete sequenziale

#### Configurazioni

► Il testing della rete viene effettuato combinando tra loro differenti tipi di livelli

#### Configurazioni

► Il testing della rete viene effettuato combinando tra loro differenti tipi di livelli

► Le diverse combinazioni vengono chiamate *Configurazioni* 

### Configurazioni

- ► Il testing della rete viene effettuato combinando tra loro differenti tipi di livelli
- ► Le diverse combinazioni vengono chiamate Configurazioni
- ► Per studiare il comportamento della rete vengono definite quattro configurazioni

#### Configurazioni

- ► Il testing della rete viene effettuato combinando tra loro differenti tipi di livelli
- ► Le diverse combinazioni vengono chiamate Configurazioni
- ► Per studiare il comportamento della rete vengono definite quattro configurazioni
- ► Il numero di nodi e di livelli di ciascuna configurazione viene scelto tenendo conto della componentistica hardware utilizzata per eseguire i test

## Configurazioni

Livello	Output		
Fully Connected	300 × 1		
Fully Connected	10 × 1		

**Table:** Configurazione 1

Livello	Output	Dimensione Filtro
Convoluzionale	24 × 24	$5 \times 5 \times 1$
Fully Connected	10 × 1	Х

**Table:** Configurazione 2

## Configurazioni

Livello	Output	Dimensione Filtro
Convoluzionale	22 × 22	$7 \times 7 \times 1$
Fully Connected	300 × 1	Х
Fully Connected	10 × 1	Х

**Table:** Configurazione 3

Livello	Output	Dimensione Filtro
Convoluzionale	26 × 26	$3 \times 3 \times 1$
Convoluzionale	24 × 24	$3 \times 3 \times 1$
Fully Connected	10 × 1	Х

**Table:** Configurazione 4

#### Hardware

► Le varie configurazioni sono state eseguite su una macchina che presenta le seguenti caratteristiche tecniche

#### Hardware

- ► Le varie configurazioni sono state eseguite su una macchina che presenta le seguenti caratteristiche tecniche
  - Processore Intel Core i7-4510 da 2.00GHz

#### Hardware

- ► Le varie configurazioni sono state eseguite su una macchina che presenta le seguenti caratteristiche tecniche
  - Processore Intel Core i7-4510 da 2.00GHz

■ RAM da 6GB

#### Hardware

- ► Le varie configurazioni sono state eseguite su una macchina che presenta le seguenti caratteristiche tecniche
  - Processore Intel Core i7-4510 da 2.00GHz

■ RAM da 6GB

■ Scheda grafica Nvidia GeForce 820M da 1GB

#### Hardware

- ► Le varie configurazioni sono state eseguite su una macchina che presenta le seguenti caratteristiche tecniche
  - Processore Intel Core i7-4510 da 2.00GHz

■ RAM da 6GB

- Scheda grafica Nvidia GeForce 820M da 1GB
- Sistema operativo Ubuntu 17.04

#### Parametri

▶ I diversi valori del learning rate  $\eta$  utilizzati per testare la rete si ottengono campionando l'intervallo [0.001, 0.8] a step variabili

#### Parametri

▶ I diversi valori del learning rate  $\eta$  utilizzati per testare la rete si ottengono campionando l'intervallo [0.001, 0.8] a step variabili

► Per ciascuna configurazione vengono ricavati i tempi di computazione sequenziali, paralleli ed il relativo speedup

#### Parametri

▶ I diversi valori del learning rate  $\eta$  utilizzati per testare la rete si ottengono campionando l'intervallo [0.001, 0.8] a step variabili

► Per ciascuna configurazione vengono ricavati i tempi di computazione sequenziali, paralleli ed il relativo speedup

► Le configurazioni mostrate nei risultati sono quelle che hanno ottenuto il massimo valore di accuratezza in entrambe le reti

#### Risultati

Configurazione	Rete	η	Accuratezza	Tempo [s]	Speedup
1	EduCNN	0.56	97.60%	121	2.22
	CUDA	0.18	93.86%	55	
2	EduCNN	0.21	90.64%	14	1.17
	CUDA	0.20	84.93%	12	
3	EduCNN	0.16	95.58%	213	3.44
	CUDA	0.16	92.65%	62	3.44
4	EduCNN	0.18	90.30%	25	0.66
	CUDA	0.04	84.05%	38	0.00

#### Analisi

► La massima differenza tra le accuratezze delle reti è del 6%. Questa differenza è dovuta ai diversi algoritmi utilizzati dalla GPU e dalla CPU per generare i pesi casuali iniziali. A parità di pesi iniziali e di learning rate entrambe le reti producono lo stesso livello di accuratezza

#### **Analisi**

- ► La massima differenza tra le accuratezze delle reti è del 6%. Questa differenza è dovuta ai diversi algoritmi utilizzati dalla GPU e dalla CPU per generare i pesi casuali iniziali. A parità di pesi iniziali e di learning rate entrambe le reti producono lo stesso livello di accuratezza
- ▶ Lo speedup è significativo nelle configurazioni 1 e 3, ma inesistente o nullo nelle altre. Con kernel e livelli fully-connected di grossa taglia si ottiene un notevole vantaggio utilizzando il parallelismo, mentre per livelli più piccoli risulta migliore un approccio di tipo sequenziale

#### Conclusioni

► La rete CUDA risulta una buona soluzione quando si vogliono creare reti neurali semplici e convoluzionali che necessitano di grossi livelli di tipo fully-connected o convoluzionali

#### Conclusioni

► La rete CUDA risulta una buona soluzione quando si vogliono creare reti neurali semplici e convoluzionali che necessitano di grossi livelli di tipo fully-connected o convoluzionali

 Può essere utilizzata con livelli di piccole dimensioni al posto della rete sequenziale quando è richiesto che la CPU non venga troppo caricata di processi

#### Conclusioni

► La rete CUDA risulta una buona soluzione quando si vogliono creare reti neurali semplici e convoluzionali che necessitano di grossi livelli di tipo fully-connected o convoluzionali

► Può essere utilizzata con livelli di piccole dimensioni al posto della rete sequenziale quando è richiesto che la CPU non venga troppo caricata di processi

► Non dipende da librerie di terze parti e può essere eseguita anche sui sistemi operativi Windows e macOS