

# Laboratorio 1

Pablo Chehade

*pablo.chehade@ib.edu.ar*

*Métodos Numéricos en Fluidos I, Instituto Balseiro, CNEA-UNCuyo, Bariloche, Argentina, 2022*

Se estudió el comportamiento de distintas aproximaciones numéricas en un problema de valores de contorno tipo Dirichlet de solución exacta conocida.

Se obtuvo...

## B. Padé

- ¿Tengo que mencionar la computadora que usé? ¿En qué sección lo hago?
- ¿Está bien el nombre de la sección "Método Numérico"?
- ¿Cuánto desarrollo hay que hacer en b y c?
- ¿Es necesario hacer el desarrollo para obtener la solución exacta o se puede dar por sabido?

## I. INTRODUCCIÓN

- Estaría bueno mencionar ejemplos de ecuaciones diferenciales lineales que sólo se pueden atacar de forma numérica. No encontré ningún ejemplo
- Describir la ec
- Este problema tiene solución exacta conocida. Describir la solución exacta y referenciar a un anexo para la discusión de cómo se encontró la solución

## II. MÉTODO NUMÉRICO

- Discretización del dominio

El dominio se discretiza con puntos  $x_i = ih$ ,  $i = 1, \dots, N$ , y  $h = 1/(N + 1)$ . Notar que no hay puntos en los contornos. En este problema  $y_i$  es la estimación de  $y$  en el punto  $x_i$ , y  $y_{\text{vec}} = (y_1, y_2, \dots, y_N)^T$  es el vector solución

**Parafrasear:** El valor de  $y''$  se puede estimar como combinación lineal de los valores de  $y$  empleando diferencias finitas, transformando el problema de EDO en un sistema de ecuaciones lineales.

### A. Diferencias finitas centradas

- Ec del Moine para dif centradas (referencia al Moin)
- Aplicación de la aproximación a la EDO. Poner directamente la ec. final
- Esta aproximación vale también en los puntos del borde, bajo la consideración de que  $y_0 = y(0)$  e  $y_{N+1} = y(1)$ . Presentación de las ecuaciones
- El sistema de ecuaciones algebraicas anterior se puede describir a través de la ec.  $A_1 y_{\text{vec}} = b_1 y_{\text{ec}}, \text{ donde}$

- Presentación de la aprox (referenciada al Moin) junto a la región de validez sobre  $i$ .
- Para los nodos del borde se puede derivar una aproximación de Padé para  $y_1''$  e  $y_N''$ . Para esto basta plantear [ec. para encontrar la aprox de Padé en el nodo izq](#) y determinar los coeficientes  $a_0$ ,  $a_1$ ,  $a_2$  y  $b_2$ , de modo de obtener el mayor orden de aproximación posible. Para esto, se desarrolla en Taylor  $y_2$ ,  $y_2''$  e  $y_0$  alrededor de  $x_1$ .

- [Ec  \$y\_1'' = y\_1\(\dots\)\$](#)

- Igualando ambos miembros se obtienen los coeficientes [Coefs](#)

Análogo al caso anterior, presentar las ecuaciones y las soluciones

- Empleando las fórmulas de Padé para los nodos internos y los bordes, se obtiene la relación lineal  $A_2 y_{\text{vec}}'' = B_2 y_{\text{vec}} + c$ , donde [Aplicandola a la ecuación diferencial \(ref\) se obtiene](#)
- [ec. encuadrada luego de la presentación de la relación lineal](#)

## III. RESULTADOS

En primer lugar, se observó cualitativamente el comportamiento de los esquemas numéricos para  $K = 6$  y  $N = 23$

■

## IV. CONCLUSIÓN

■

## V. ANEXO

### A. Solución exacta del problema de valores de contorno

- La solución general se puede expresar como una solución de la ec homogénea
- [ec. homogénea](#)
- y una solución particular

- Obtención de la solución homogénea (brevemente, sin hacer muchas cuentas)
- Obtención de la solución particular
- Obtención de las ctes  $C_1$  y  $C_2$
- Solución gral