Cálculos Computacionales en Plasmas Producidos por Cavitación Láser y colapso de burbujas - trabajo realizado hasta 27 de Octubre de 2022

Pablo Chehade pablo.chehade@ib.edu.ar
Instituto Balseiro, CNEA-UNCuyo, Bariloche, Argentina, 2022

- TEST2
- Se estudió numéricamente la expansión de una burbuja de cavitación láser. y la compresión
- La evolución temporal se divide en dos partes, cada una de ellas gobernada por fenómenos físicos distintos.
- La primera consta desde la creación de la burbuja hasta la expansión rápida al radio máximo. El fenómeno que creemos ocurre es la interacción del láser con los electrones de burbujas microscópicas (bubston) para dar lugar a una avalancha de electrones impulsora de la expansión (fenómeno electromagnético y fluidodinámico). El fenómeno se debe principalmente a la acción de los electrones y las moléculas ionizadas que rodean exteriormente la burbuja.
- La segunda, desde el radio máximo hasta su implosión al radio mínimo. En este momento el efecto de los electrones se diluye y comienzan a preponderar efectos de conducción del calor, cambios en la masa contenida dentro de la esfera debido a reacciones químicas, difusión y condensación/evaporación, entre otros. El fenómeno se debe principalmente a la acción de los iones y moléculas dentro y fuera de la burbuja (fenómeno fluidodinámico, termodinámico y químico).
- Se exploraron además distintos métodos numéricos y técnicas de resolución computacionales para resolver este problema complejo que inherentemente es del tipo stiff debido a las diferencias de órdenes de magnitud entre las constantes de tiempo involucradas.

ÍNDICE

Buscar en internet cómo hacer un índice en Latex

INTRODUCCIÓN

CAPÍTULO I: EVOLUCIÓN HASTA EL RADIO MÁXIMO

- 1 [Resumen del capítulo. En este capítulo se discute el proceso a partir del cual un láser incidente en un medio líquido es capaz de producir una burbuja de cavitación]
- El proceso se desarrolla en Referencia al Bunkin
- Se parte de un medio líquido, en nuestro caso agua deuterada, en el cual se asume existen micro burbujas de gas (bubstons) agrupadas en clusters en la zona focal del haz de luz.
- Se asume que dentro de cada bubston hay inicialmente un electrón libre
- Bajo estas condiciones, se demuestra en el paper que bajo determinadas condiciones de la burbuja y de la intensidad del haz, se desarrolla una avalancha de electrones
- Esta produce una presión eléctrica que expande el bubston hasta que los bubstons del cluster se fusionan entre sí y forman una gran burbuja o "núcleo".
- Este efecto se denomina SOC
- Explicar brevemente qué ocurre luego
- Las cuentas se hacen en el sistema CGS
- Contar que el proceso consta de 3 etapas
- 2 [Situación física inicial]
- Resumen: en esta sección se explica la situación física inicial antes de la incidencia del láser.

- Se parte de un medio líquido en el que se encuentran clusters de burbujas estables (bubstons) de radio R_0 .
- Explicar cómo calcular R0 y dar el valor aproximada
- La estabilidad de los bubstons se basa en la condición $R_0 l_{em}$. Explicar
- Se considera que dentro de la burbuja hay al menos un electrón libre
- Definir R0 en algún lado

A. Avalancha de electrones dentro de los bubston

En esta sección se explicará el proceso a través del cual aumenta la cantidad de electrones N_e dentro de cada bubston al incidir un láser. Se parte de la hipótesis de que existe al menos un electrón libre en cada uno de ellos. Además, se asume ocurre rápidamente de modo que su radio se mantiene aproximadamente constante. Se encontrará que el aumento de N_e no es indefinido, sino que se alcanza un valor máximo a partir del cual se mantiene constante. También se hallará una condición sobre la intensidad del haz de luz necesaria para que ocurra la avalancha.

La suposición de que el radio se mantiene constante y el proceso ocurre rápidamente es necesaria para, creo, asegurar que solo ocurren 2 fenómenos que contribuyen a la avalancha. Fabián: referenciá al Bunkin para justificar

En algún lado hay que agregar que tmb hay que suponer que τt_0 . Esto implica que el láser está el suficiente tiempo para que se alcance el valor máximo $N_{e\,max}$.

3 [La avalancha comienza con un electrón dentro de la burbuja inmerso en el campo electromagnético producido por el láser]

Como se mencionó anteriormente, el proceso comienza con al menos un electrón libre dentro de cada bubston. Al incidir el láser, el electrón interactúa con el campo electromagnético oscilatorio y se acelera. En su movimiento choca con las paredes de la burbuja con una frecuencia $\nu_{ew} = \bar{v_e}/R_0$ donde $\bar{v_e}$ es la velocidad media aritmética de los electrones. En cada choque existe una probabilidad de que ionice alguna molécula de la pared, extrayendo un electrón que contribuye a la avalancha, y una probabilidad de que se quede adherido a alguna de ellas, en decrimento de la avalancha. El primer caso ocurre con frecuencia $\nu_i = \dot{\mathcal{E}}_e/\Delta$ donde $\dot{\mathcal{E}}_e$ es la velocidad media de aumento de la energía cinética del electrón \mathcal{E}_e debido al movimiento caótico. Mientras que Δ es la energía de ionización de una molécula de la pared. Esta puede ser mucho menor que la energía de ionización de una molécula individual del líquido y se estima en ~ 6 eV. Bunkin referencia a Grand 1979. El paper ya lo descargué, debería leerlo. El segundo caso ocurre con frecuencia $\nu_{loss} = (\bar{\nu}_e/R_0)w_{a,e}$ donde $w_{a,e}$ es la probabilidad de adhesión a la pared. De este modo, el número de electrones en el tiempo se encuentra determinado por la ecuación

$$\frac{dN_e}{dt} = \nu_i N_e - \nu_{loss} N_e. \tag{1}$$

4 [Determinación de la frecuencia de ionización]

A continuación se determinará la relación entre ν_i y las propiedades del láser. Asumiendo que el efecto del campo eléctrico es mayor al magnético, la velocidad $\dot{\mathcal{E}}_e$ corresponde a la potencia promedio $\langle P \rangle$ entregada por el haz de luz a un electrón. Además, considerando que la amplitud de oscilación del electrón es mucho menor a la longitud de onda del haz, el campo eléctrico E(t) se puede considerar uniforme

$$E(t) = E_0 \sin(wt),$$

con w frecuencia del haz y E_0 amplitud. En base a esto, la posición del electrón está dada clásicamente por la ley de Newton

$$m\dot{v} = -eE(t) - m\nu_{ew}v$$

donde m es la masa del electrón, v su velocidad, e su carga y el término de fricción $m\nu_{ew}v$ representa las colisiones con la pared. Resolviendo la ecuación diferencial para tiempos largos $t\nu_{ew}1$ se obtiene la velocidad

$$v(t) = \frac{eE_0}{m(\nu_{ew}^2 + w^2)} [w\cos(tw) - \nu_{ew}\sin(tw)].$$

En base a esta se puede calcular la potencia promedio entregada al electrón

$$\langle P \rangle = \langle -eE(t)v(t) \rangle = \nu_{ew} \frac{e^2 E_0^2}{2mw^2} = \nu_{ew} \frac{I}{cn_{e\,cr}}$$

donde $n_{e\,cr}=mw^2/4\pi e^2$ es la densidad de electrones crítica e $I=\frac{c}{8\pi}E_0^2$ es la intensidad del haz, con c velocidad de la luz. De este modo, la frecuencia de ionización se puede expresar como $\nu_i=\frac{\nu_{ew}}{\Delta}\frac{I}{cn_{e\,cr}}$

5 [Determinación del nro de electrones en el tiempo y planteo de la condición límite]

Una vez calculada la frecuencia de ionización, se está en condiciones de determinar la evolución de $N_e(t)$. Reemplazando la expresión anterior en 1, se obtiene

$$\frac{dN_e}{dt} = \nu_{ew} w_{a,e} \left(\frac{I}{I_0} - 1\right) N_e = \beta N_e, \tag{2}$$

donde $I_0 = c n_{e\,cr} \Delta w_{a,e}$ es la intensidad mínima del haz necesaria para que $\beta > 0$ y, por lo tanto, se produzca la avalancha de electrones. Vale la pena hacer la cuenta con el láser del laboratorio?. En caso de producirse, la expresión anterior indica un crecimiento exponencial $N_e(t) = N_e(0)e^{\beta t}$. Sin embargo, esto no puede ocurrir. El análisis anterior vale cuando la densidad media de electrones \bar{n}_e es pequeña y por lo tanto se pueden despreciar las colisiones entre electrones, es decir, el camino libre medio de colisión entre electrones l_{ee} es más grande que el tamaño de la burbuja R_0 que se asume que no varía. Cuando esto deja de valer, las colisiones de los electrones con la pared comienzan a disminuir, como así también ν_{ew} y, por lo tanto, el factor β en 2. En la competencia de ambos procesos se llegaría a un equilibrio en el que la cantidad de electrones no aumenta. Para determinar tal número máximo de electrones $N_{e,max}$ es necesario conocer la densidad de electrones dentro del bubston.

6 [Cálculo de la densidad media máxima]

A continuación se calculará la distribución de la densidad de electrones $n_e(r)$ dentro de un bubston. Asumiendo la validez de la distribución de Boltzmann y qué otras hipótesis??. Este problema se conoce como el problema de Debye. Esto se discute en https://en.wikipedia.org/wiki/Debyelength y aplicando la ecuación de Poisson, esta densidad es solución del sistema de ecuaciones diferenciales

$$\begin{cases} n_e(r) = n_e(0)e^{e\phi/T_e}, 0 \le r \le R_0 \\ \nabla^2\phi = 4\pi e n_e(r) \end{cases}$$

donde $\phi(r)$ es el potencial producido por la densidad de carga y T_e es la temperatura del gas de electrones. Realizando la aproximación $e^{e\phi/T_e} \approx 1 + e\phi/T_e$ se logra despejar la ecuación diferencial para el potencial

$$\nabla^2 \phi - \phi/a_e^2 = 4\pi e n_e(0)$$

donde $a_e = \sqrt{T_e/4\pi e^2 n_e(0)}$ es el electron Debye radius. Es lo mismo que el radio de Debye en un plasma?. Imponiendo la condición de borde $\phi(0) = 0$ se obtiene la solución

$$\phi(r) = \frac{T_e}{e} \left(\frac{\sinh r/a_e}{r/a_e} - 1 \right), \tag{3}$$

y la distribución de electrones

$$n_e(r) = n_e(0) \frac{\sinh r/a_e}{r/a_e} \tag{4}$$

7 [Cálculo de las ctes de la expresión de la densidad máxima]

- A partir de la definición de a_e se obtiene una expresión para $n_e(0)$
- Solo falta calcular a_e .
- Esto se puede hacer a partir de la relación de autoconsistencia

 $N_e = 4\pi \int_0^{R_0} r^2 n_e(r) dr = \frac{T_e R_0}{e^2} \frac{(R_0/a_e) \cosh{(R_0/a_e)} - \sinh{(R_0/a_e)} - \sinh$

- ullet a_e es solución de la ecuación anterior para dado N_e
- En base a lo anterior se puede expresar $n_e(r)$
- **2**
- Discusión del gráfico
- Mostrar que los electrones se juntan en su mayoría en el borde de la burbuja. Esta es una capa límite de tamaño
- Entonces, la condición límite pasa a ser $l_e e = a_e$.

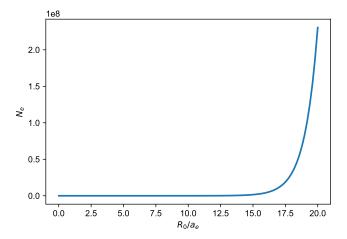


Figura 1

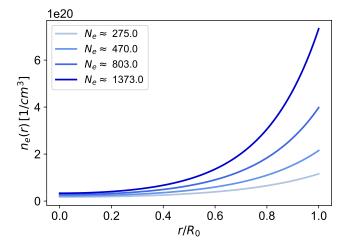


Figura 2

[Cálculo de $N_{e max}$]

- \bullet N_e alcanza su valor máximo $N_{e\,max}$ en la condición límite $l_{ee} = a_e$.
- ullet donde l_{ee} está dado por
- expresión con referencia
- donde
- expresión para $n_e(R_0)$ con label

- grande, debe ocurrir que R_0/a_e1 .

 Bajo este límite se obtiene $N_e \approx \frac{T_e R_0}{2e^2} e^{R_0/a_e}$ y $n_e(R_0) \approx \frac{T_e}{8\pi e^2 R_0^2} \frac{R_0}{a_e} e^{R_0/a_e}$

- a partir de 5 y referencia, respectivamente
- Juntando ambas expresiones se obtiene

$$n_e(R_0) pprox rac{N_e}{4\pi R_0^2 a_e} \operatorname{para} rac{R_0}{a_e} \gg 1$$

• Volviendo a la condición límite $l_{ee} = a_e$ se obtiene

$$N_{e\,max} = \frac{64}{9} \frac{T_e^2 R_0^2}{e^4} \tag{6}$$

Gráfico de la densidad de electrones. Se pueden poner letras como ticklabels en matplotlib https : $//www.tutorialspoint.com/matplotlib/matplotlib_setting_ticks_and$

- Cálculo del tiempo al que se alcanza la densidad media máxima t_0 ??]
- Basta decir que son tiempos cortos del orden de 6 * 10^{-11} ?? O tengo que hacer la cuenta? La cuenta es específica para esto y es muy larga. Fabián: por lo pronto, referenciá al Bunkin. Si tenemos tiempo lo escribimos bien

Evolución desde $N_e = N_{e max}$ hasta R = R1

[Resumen] En la sección anterior se concluyó que la cantidad de electrones dentro de un bubston alcanza un valor límite $N_{e\,max}$ en un período corto de tiempo durante el cual se asume que no cambia significativamente el radio. Al mimsmo ritmo se forma una capa superficial de cargas positivas en el exterior del bubston debido a las moléculas ionizadas. Cabe preguntarse qué efecto tiene esta distribución de carga sobre la dinámica de la burbuja. En esta sección se verá que tal distribución produce una presión eléctrica que tiende a expandir la burbuja. Además, para determinar la evolución del radio se realizan dos suposiciones. En primer lugar, que el proceso es cuasiestático de modo que las expresiones de la sección anterior válidas para R_0 , ahora valen para R(t) radio del bubston. En segundo lugar, se asume que el número de electrones N_e se mantiene constante en su valor máximo. Por último, el bubston no se expande indefinidamente, sino hasta tomar contacto con los demás bubstons del cluster.

Consecuencias de las hipótesis: régimen de autoconsistencia

■ En base a la primer hipótesis y a la expresión 6 se obtiene

$$N_{e\,max}(t) = \frac{64}{9} \frac{T_e^2 R(t)^2}{e^4}$$

 \blacksquare que aumenta a medida que R lo hace. Sin embargo, en base a la segunda hipótesis, $N_{e,max}$ debe mantenerse constante. Esto exige que T_e se comporte de la forma

$$T_e(R) = T_e(R_0) \frac{R_0}{R} \tag{7}$$

donde $T_e(R_0) = \Delta/3$ temperatura inicial del bubston. Se asume que esta dependencia vale solo durante la expansión del bubston.

[Presión eléctrica] Como se mencionó anteriormente, la distribución de carga produce una presión eléctrica p_e sobre la pared de la burbuja. Tal presión está dada por dos contribuciones

$$p_e = p_{gas} + p_{coul}$$

donde $p_{gas}=(2/3)n_e(R)T_e(R)$ es la presión producida por el gas de electrones por qué ese valor? y p_{coul} = $E^2(R)/8\pi$ es la presión debido a la repulsión coulombiana entre las cargas positivas y negativas. Tengo que agregar bien cómo se hace la cuenta de la p_{coul} ? No recuerdo bien el argumento de Fabián. En esta última, el campo eléctrico E(r) está dado por

$$E(r) = -d\phi/dr = \frac{T_e a_e}{er^2} \left[\sinh\left(\frac{r}{a_e}\right) - \frac{r}{a_e} \cosh\left(\frac{r}{a_e}\right) \right]$$

De este modo,

$$p_e = \frac{T_e^2}{\pi e^2} \left\{ \frac{1}{6Ra_e} \sinh\left(\frac{R}{a_e}\right) + \frac{a_e^2}{8R^4} \left[\sinh\left(\frac{R}{a_e}\right) - \frac{R}{a_e} \cosh\left(\frac{R}{a_e}\right) \right] \right\} = 0$$
el cuento desde la coalesciancia hasta llegar a los describación máximo y el tiempo al

En la figura 3 se grafica $p_e(R)$.

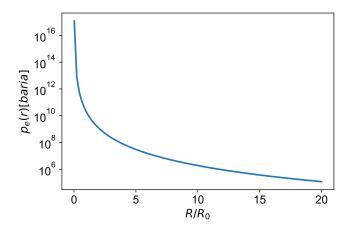


Figura 3: Gráfico de la presión para ver su dependencia $con 1/R^4$

Discusión de la dependencia

Presentación de la ecuación diferencial de evolución de R(t)]

- A continuación se verá que la presión eléctrica produce que el bubston se expanda. Se parte de la ecuación de evolución de R(t)
- Esta es una aproximación de la ecuación de momento Referencial el libro "The Acustic Bubble"de T.G.Leighton

$$R\dot{u} + \frac{3}{2}u^2 = \frac{p_e}{\rho} \tag{8}$$

- donde $u = \dot{R} = dR/dt$ y se consideró que $p_e p_0$ presión hidrostática.
 - Dinámica de la burbuja para $R > R_0$
- Dada la funcionalidad conocida de $p_e(R)$, lo único que queda es resolver la ecuación diferencial 8.
- Esto se hizo numéricamente mediante el método Runge-Kutta-4.
- Tengo que explicar en detalle cómo resolví numéricamente el problema?
- Figura de R(t) marcando el límite en el que hay coalescencia
- Esta evolución no vale indefinidamente, sino hasta que se produce la coalescencia de los bubstons del mismo cluster. Esto ocurre cuando $R(t) = R_1 = l/2$ donde les la distancia entre los centros de los bubstons. Esta longitud se puede estimar como $l \approx 2a_i$
- Revisar referencia y definir a_i
- Numéricamente se obtuvo que el tiempo en el que ocurre este proceso t_{coal} es del orden de valor?

Evolución desde la formación del núcleo

- Luego del tiempo de coalescencia se asume que todos los bubstons se fusionan para formar una burbuja grande, a partir de ahora denominada "núcleo".
- Condciones iniciales de la burbuja
- Calculo los distintos parámetros en función de las fórmulas presentadas
- ullet Se busca calcular la presión eléctrica en $R=R_{cl}$ a tiempo inicial. La presión eléctrica está dada por la ecuación (17) del Bunkin

$$p_e = \frac{2}{3}\bar{n_e}T_e\frac{x}{3}\left[1 + \pi\left(\frac{x-1}{x}\right)^2\frac{e^2R_{cl}^2\bar{n_e}}{T_e}\right]$$

donde $\bar{n_e}\,=\,3.4*10^{16}\,\mathrm{cm^{-3}}$ es la densidad media de electrones en el cluster, $T_e \approx 0.1\,\mathrm{eV}$ es la temperatura de los electrones, $x \approx 17.9$ es un parámetro, e es la carga eléctrica y R_{cl} es el radio del cluster que a $t=0\,$ es $R_{cl} \approx 10^{-2}$ cm.

• A partir de ahora puede dejar de valer el régimen de autoconsistencia", por lo que la dependencia de T(R) presentada en referencia? podría dejar de valer. En este sentido, se asume que los electrones del núcleo se encuentran a la misma temperatura correspondiente al instante anterior a la coalescencia, es decir, $T(R_1) \approx 0.1 eV$.

- Debido a que no se conoce el proceso por el cual los bubstons forman el núcleo, tampoco se puede asumir que la distribución de electrones $n_e(r)$ mantenga la funcionalidad de la expresión referencia. Consecuentemente, la expresión para la presión eléctrica también deja de valer. Aún más, la ecuación de evolución 8 deja de valer debido a que durante la dinámica del clúster podría ocurrir que la presión eléctrica sea comparable con la hidrostática externa.
- Sin embargo, sí sepuede asumir ... para continuar tengo que repasar las condiciones de la fórmula de Willis
- condiciones para la fórmula de Willis. Buscar bien y explicar por qué se plantea la igualdad de energías a tiempo inicial. No me queda claro por qué deja de valer la evolución que hicimos con la presión de electrones.

$$R\dot{u} + \frac{3}{2}u^2 = \frac{p_0}{\rho} \tag{9}$$

- La velocidad inicial está dada por
- fórmula de la velocidad inicial en función de la energía
- Mientras que las condiciones iniciales son
- Se obtuvo el radio máximo $R_{max} = valor?$ cm a tiempo $t_{max} = valor?$ s.

CAPÍTULO II: EVOLUCIÓN DESDE EL RADIO MÁXIMO

D. Resumen del capítulo

4 [Descripción general de los fenómenos]

- El objetivo es calcular la evolución de una burbuja de radio inicial R_{max} tiene que tener el mismo nombre que el cap anterior hasta el estado de compresión máxima.
- En el capítulo anterior solo se tuvieron en cuenta las fuerzas hidrostáticas y eléctricas. En este capítulo se consideran no se considerarán las fuerzas eléctricas.
- Se considerarán una gran variedad de efectos físicos que se demostraron son importantes en la evolución de la burbuja Referencia a Gabriela
- Estos son la compresibilidad y viscosidad del medio líquido que rode a la burbuja, la transferencia de calor, la transferencia de masa debido a condensación y evaporación del vapor, la difusión de las partículas de vapor y la variación del número de partículas de distintas especies debido a reacciones químicas.
- El objetivo es calcular la evolución del radio R(t) de la burbuja

15 [Ecuación diferencial para R(t)]

 La evolución del radio R(t) de la burbuja está dada por la ecuación de Rayleigh y Plasset generalizada Referencia al Yasui. No sé a cuál de todos. Fijarme que el paper tenga la misma ecuación

$$\left(1 - \frac{\dot{R}}{c_L} + \frac{\dot{m}}{c_L \rho_{L,i}}\right) R \ddot{R} + \frac{3}{2} \dot{R}^2 \left(1 - \frac{\dot{R}}{3c_L} + \frac{2\dot{m}}{3c_L \rho_{L,i}}\right) = \frac{1}{\rho_{L,i}} \left(1 + \frac{\dot{R}}{c_L} + \frac{\dot{R}}{3c_L \rho_{L,i}}\right) = \frac{1}{\rho_{L,i}} \left(1 - \frac{\dot{R}}{c_L \rho_{L,i}}\right) = \frac$$

donde c_L es la velocidad del líquido en el infinito, \dot{m} es el flujo neto de evaporación por unidad de área y unidad de tiempo, $\rho_{L,i}$ es la densidad del líquido en la superficie de la burbuja, $\rho_{L,\infty}$ es la densidad del líquido en el infinito, $p_B(t)$ es la presión del líquido sobre la superficie externa de la burbuja y p_∞ es la presión ambiente en el infinito. Presentar ecuación, de dónde se obtuvo, qué es cada factor y de dónde se sacan los valores, son los mismos para deuterio e hidrógeno?

16 [¿Dónde se considerará cada fenómeno?]

- ¿Dónde serán tenidos en cuenta los fenómenos físicos comentados anteriormente?
- La compresibilidad y viscodidad del medio líquido fueron tenidas en cuenta en la ecuación de R(t)
- ullet Para calcular \dot{m} es necesario considerar la evaporación y condensación en las paredes de la burbuja, así como la transferencia de calor.
- \blacksquare Para calcular p_B se necesita una ecuación de estado del gas interno
- Para calcular $\frac{dp_B}{dt}$ se necesita conocer cómo varía el número de partículas de cada especie dentro de la burbuja a través de reacciones químicas y, para el caso particular de gases condensables, se necesitan considerar difusión. Además, se necesita conocer cómo varía la temperatura de la burbuja, necesitando una ecuación para la conservación de la energía

17 [¿Qué fenómenos se implementaron en este trabajo?]

- Comentar que en este trabajo se logró implementar el código de reacciones y de condensación/evaporación.
- Comentar qué modelo se considera para la presión de los gases dentro de la burbuja y qué modelo para la energía
- Comentar que se trata de un problema del tipo stiff y deberá ser trabajado con cuidado. No definir problemas stiff, eso conviene hacerlo en otra sección.

E. Fenómenos físicos

1. Condensación y Evaporación

- Tengo que repasar la tesis de Gabriela y el paper de Yasui para comenzar a escribir esto
- Sí se podría hacer mención a las ecuaciones para calcular la conducción de calor.

2. Reacciones químicas

Gabriela obtuvo el modelo de reacciones quas del paper de Yasui 1997. Podría verificar si no hay un mejor modelo. Yasui escribió un libro sobre burbujas. Quicás sea

útil leerlo. Mi principal foco estaría en el capítulo 2. Se desarrollan no solo las reacciones químicas sino también los demás fenómenos.

Toegel Phase diagrams for sonoluminescing bubbles: A comparison between experiment and theory. En este se desarrolla el modelo hidrondinámico de la burbuja, junto tmb a modelos de transferencia de calor. En cuanto a las reacciones químicas en particular, el modelo no es exactamente el de la ecuación de Arrhenius, sino de la "ley de Arrhenius modificada". En teoría esto se explica en mayor detalle en el libro "Gas-Phase Combustion Chemistry" de W. C. Gardiner pero no me puse a buscarlo

- Releer la parte de reacciones químicas de la tesis de Gabriela y el paper de Yasui al que se hace referencia.
 Esta sección intenta resumir eso.
- DUDA: en el código de Gabriela, n es nro de partículas o concentración? En la tesis es concentración
- Vale la pena agregar acá la contribución de las reacciones químicas a la conservación de la energía?
- Las reacciones químicas dentro de la burbuja son de no equilibrio Referencia al libro de Yasui y es necesario emplear un modelo de cinética química
- Ocurren cuando las temperaturas en el interior de la burbuja son elevadas
- En este trabajo se consideró sólo la presencia inicial de moléculas de H₂O, O₂ y H₂, lo cual da lugar a 8 reacciones+
- El cambio total

F. Método numérico

- Mencionar que es un problema del tipo stiff. Explicar brevente de qué se trata esto
- Historia de cómo el código pasó de ejecutar en días (el

- mío) o minutos (el de Gabriela) a segundos (el mío):
- Comentar que ya se contaba con un código en C++ programado en Borland por Gabriela (y en qué año), pero que resolvía el sistema de ecuaciones diferenciales usando Runge-Kutta Ferhber corroborar cómo se escribía. Comentar qué complicaciones tenía y que se progrmó toro código en C++
- Se usó el cluster.
- Se optó por python. Se usó la librería scipy. Nuevamente el código era muy lento con RK45 pero con el método de Radau todo mejoró. Explico esto?

CONCLUSIONES

- 1. Se calculó numéricamente el radio máximo de la burbuja, obteniendo un valor 10 veces mayor a los resultados experimentales (y teóricos del Bunkin)
- 2. Se calculó numéricamente el tiempo al que la burbuja alcanza el radio máximo, obteniendo un valor 10 veces mayor a los resultados experimentales (y teóricos del Bunkin)
- 3. Ídem para la energía, salvo por un factor 600
- 4. Se encontró que el problema es de naturaleza stiff, lo cual permitió elegir un mejor método numérico que el que se venía usando. Esto permitió disminuir enormemente el tiempo de cómputo
- 5. Se logró calcular la evolución de un único bubston, obteniendo los mismos resultados que el paper de Bunkin
- 6. Se logró implementar un módulo de reacciones, de conducción del calor y de condensación y evaporación.
- 7. Se pudo usar el cluster de MECOM para agilizar las cuentas del código en C++, aunque luego se decidió trabajar en python
- 8. Se lograron reproducir las cuentas más importantes del Bunkin con Mathematica