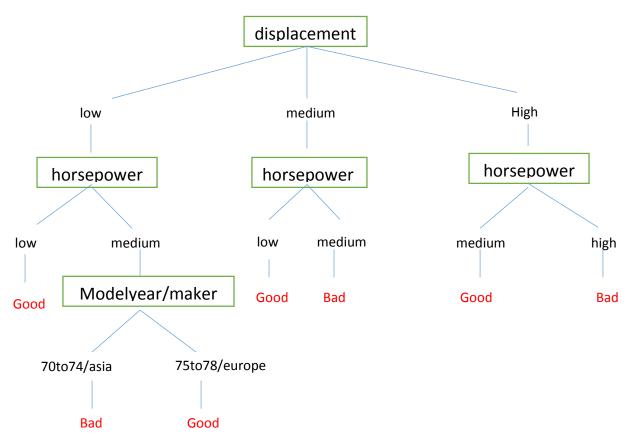
## Decision Trees – Vũ Xuân Luyện

- <u>Case 1:</u> Nếu chọn bắt đầu 'cylinders' thì với giá trị cylinders = 4: tiếp tục đến 'horsepower' với medium -> 'acceleration' với medium -> 'modelyear' mới đến được 'pmg'. Như vậy cần 4 cấp feature.
- <u>Case 2</u>: Bắt đầu với 'displacement'.



Tính mức độ hỗn loạn các phân tử trong đối tượng: Với good = 6, bad = 12.

Entropy(S) = - p+log2p+ - p-log2p- = - 
$$(6/18)$$
log2 $(6/18)$  -  $(12/18)$ log2 $(12/18)$  =  $0.5261 + 0.3896 = 0.9157$ 

Để xác định feature nào là tốt nhất tính:

## Gain(S, displacement)

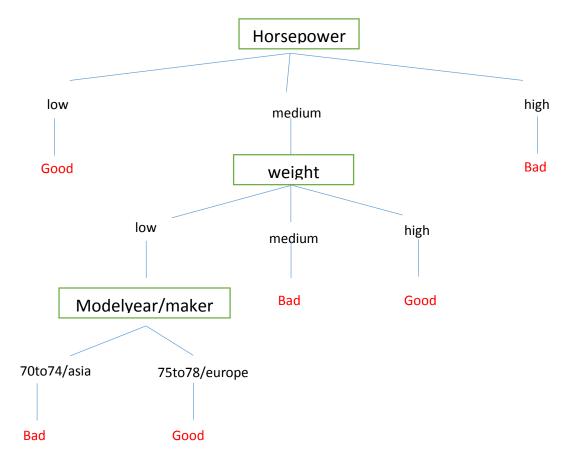
- $= Entropy(S) \sum v \in \{ \text{ displacement-low, displacement-medium, displacement-high } \} (|Sv|/|S|) \\ Entropy(Sv)$
- = Entropy(S) [(6/18).Entropy(S displacement-low) + (6/18).Entropy(S displacement-medium) + (6/18).Entropy(S displacement-high)]
- = Entropy(S) [(6/18).Entropy(S displacement-low) + 0 + 0]
- = Entropy(S) [(6/18).[(3/6)Entropy(S horsepower-low) + (3/6)Entropy(S horsepower-medium)]]

```
= \text{Entropy}(S) - [(6/18).[0 + (3/6)\text{Entropy}(S \text{ horsepower-medium})]
```

= Entropy(S) 
$$-$$
 [(6/18). (3/6) [ Entropy(S Modelyear -70to74) + Entropy(S Modelyear -75to78) ]]

$$= 0.9157 - (6/18)(3/6)(-(1/2)\log 2(1/2) - (1/2)\log 2(1/2)) = 0.9157 - 0.1667 = 0.794$$

Case 3: Bắt đầu với 'Horsepower'



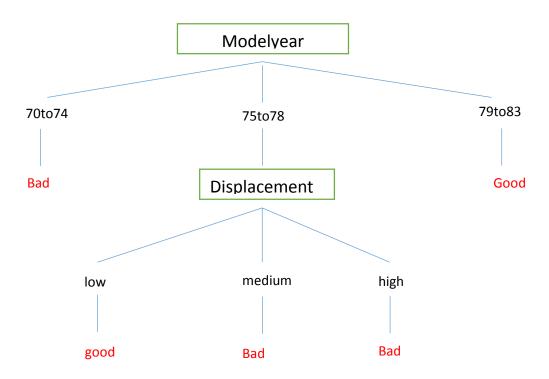
 $Gain(S, horsepower) = Entropy(S) - \sum v \in \{ horsepower - low, horsepower - medium, horsepower - high \}(|Sv|/|S|)Entropy(Sv)$ 

- $= Entropy(S) [(4/18).Entropy(S \ horsepower -low) + (9/18).Entropy(S \ horsepower -medium) + (5/18).Entropy(S \ horsepower -high)]$
- = Entropy(S) [0 + (5/18).Entropy(S horsepower medium) + 0]
- = Entropy(S) [(5/18).[ (3/9) Entropy(S weight -low) + (5/9) Entropy(S weight -medium) + (1/9) Entropy(S weight high) ] ]
- = Entropy(S) [(5/18).[(3/9)] Entropy(S weight -low) + 0 + 0]
- $= 0.9157 (5/18)(3/9)(-(1/2)\log 2(1/2) (1/2)\log 2(1/2))$
- = 0.9157 0.0922 = 0.8235

<u>Case 4:</u> Nếu chọn bắt đầu từ 'weight' -> 'horsepower' thì sẽ lặp lại giống như case 2.

<u>Case 5:</u> Nếu chọn bắt đầu từ 'acceleration' với low -> 'deplacement' với low -> 'horsepower'/'modelyear' -> 'pmg' cần 3 cấp feature giống với case 3.

Case 6: modelyear -> 'weight' hoặc 'placement'



Gain(S, Modelyear)

= Entropy(S) -  $\sum v \in \{ Modelyear -70to74, Modelyear -75to78, Modelyear -79to83 \} (|Sv|/|S|)Entropy(Sv)$ 

= Entropy(S) - [(7/18).Entropy(S Modelyear -70to74) + (7/18).Entropy(S Modelyear -75to78) + (4/18).Entropy(S Modelyear -75to78)]

= Entropy(S) - [0 + (7/18).Entropy(S Modelyear -75to78) + 0]

= Entropy(S) - [(7/18).Entropy(S displacement)]

= Entropy(S) - [(7/18).[(3/7) Entropy(S displacement -low) + (2/7).Entropy(S displacement -medium) + (2/7).Entropy(S displacement -high)]]

= 0.9157 - 0.3889 = 0.5268

<u>Case 7:</u> 'maker' với america -> 'weight' với high -> 'horsepower' -> 'pmg'. Cần 3 cấp feature để đến 'pmg'.

**Nhận xét:** qua giá trị Gain(S,feature) ta thấy case 6 với modelyear là Gain(S, Modelyear) nhỏ nhất nên tốt nhất.