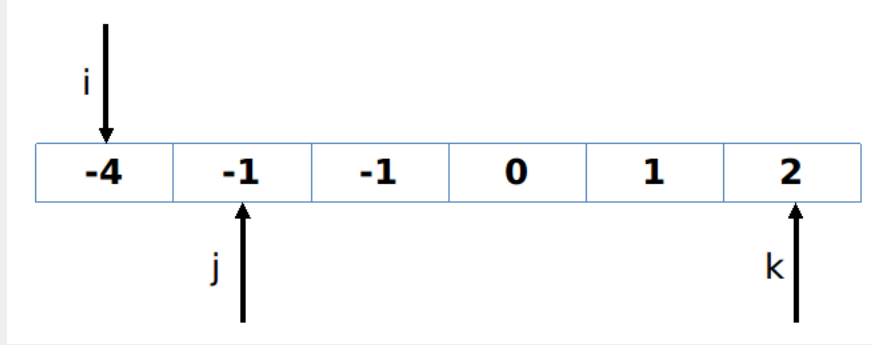


### 3Sum:

假设数组为  $[-1, 0, 1, 2, -1, -4]$

首先，把数组排序，复杂度为  $O(\log n)$ 。不先排序的话非常麻烦。同理，想象由三个指针，初始状态是指向如下图所示



**Step1**，先保持  $i$  恒定，开始计算  $j$  和  $k$ ：

- 1) 当  $a_i + a_j + a_k = 0$  时，把  $a_i, a_j, a_k$  作为结果之一保存起来。指针  $i$  和  $k$  同时向中间移动一个单位。
- 2) 当  $a_i + a_j + a_k < 0$  时， $k$  保持不动， $j$  向右移动一个单位。为什么这么做呢？我们希望找到  $a_i + a_j + a_k = 0$  的组合，而当前状态是  $a_i + a_j + a_k < 0$ ，又由于指针  $i$  恒定不动，只能移动  $j$  和  $k$  来寻找，也就是说只有  $a_j$  和  $a_k$  可变。由于数组是升序的，因此  $a_j < a_k$ ，因此要从小于零变成等于零，只能增加  $a_j$ ，因为  $a_k$  已经是最大的了不能再大了，而要是  $k$  往左移动一个的话只能让  $a_i + a_j + a_k$  的和更小，更小于零了。因此只能是把  $j$  指针向中间移动一个单位，从而增大  $a_i, a_j, a_k$  的和。
- 3) 移动完成之后继续进行判断，重复第一步。
- 4) 当  $a_i + a_j + a_k > 0$ ， $j$  保持不动， $k$  往中间移动一个单元，从而让  $a_i, a_j, a_k$  三个数的和更小一点，接着尝试是否能等于零。
- 5) 再次重复以上几步，一直到指针  $i$  和  $k$  在数组中间某个位置相遇位置。可以用 `while loop` 实现 `while j < k ...`

**Step2**，把指针  $i$  往右移动一个单元，重复 **Step1** 中所有步骤。一直到指针  $i$  移动到倒数第三个元素为止。这是因为当指针  $i$  在倒数第三个元素的时候， $j$  和  $k$  就分别指向最后两个元素了。

**Step3**，这里头设计到一个 `avoid duplicate` 的问题，因此还要加上一步去重复。先考虑重复是如何出现的，留意数组中由两个 `-1`。因此  $i$  会扫过两个 `-1`，因此产生两组相同的  $a_i, a_j, a_k$ 。  $(-1, 0, 2)$  对于  $i=1$ ，另一组  $(-1, 0, 2)$  对应  $i=2$ 。

如何避免这种重复？只需要想办法 `skip` 掉第一个 `-1` 即可，或者更笼统地说让  $j$  指针只停留在最后一个 `-1`，而跳过前面所有的 `-1`。

加入语句 `if (i==0 || num[i] != num[i-1])`，如果  $i$  指向第一个元素，或者 `a(i) != a(i-1)` 那么就指向上面所有的步骤，否则不做任何判断计算，直接把  $i$  指针向右移动一格。

完整代码如下：

```

28 def ThreeSum(nums):
29     nums.sort()
30     n = len(nums)
31     res = set()
32
33     if n < 3:
34         return None
35
36     for i in range(n-2):
37
38         if i == 0 or nums[i] != nums[i-1]:
39             j = i + 1
40             k = n - 1
41
42             while j < k:
43                 sum = nums[i] + nums[j] + nums[k]
44                 if sum == 0:
45                     res.add( (nums[i], nums[j], nums[k]) )
46                     j += 1
47                     k -= 1
48                 elif sum < 0:
49                     j += 1
50                 else:
51                     k -= 1
52     return list(res)

```

题外：

在 {a, b, c, d, e} 这个字符数组中选取三个，列出所有可能的选法，显然总共有  $C(3, 5)=10$  种选法。

分别为

1) 以a为首字符：

1.1 以 e 为尾字符：

b, c, d 为中间字符，总共由三种选法  
(a, b, e) (a, c, e) (a, d, e)

1.2 以 d 为尾字符：

b, c 为中间字符，总共由两种选法  
(a, b, d) (a, c, d)

1.3 以 c 为尾字符

b 为中间字符，总共由一种选法  
(a, b, c)

2) 以 b 为首字符：

2.1 以 e 为尾字符：

c, d 为中间字符， 共两种选法

(b, c, e) (b, d, e)

2.2 以 d 为尾字符：

c 为中间字符， 共一种选法

(b, c, d)

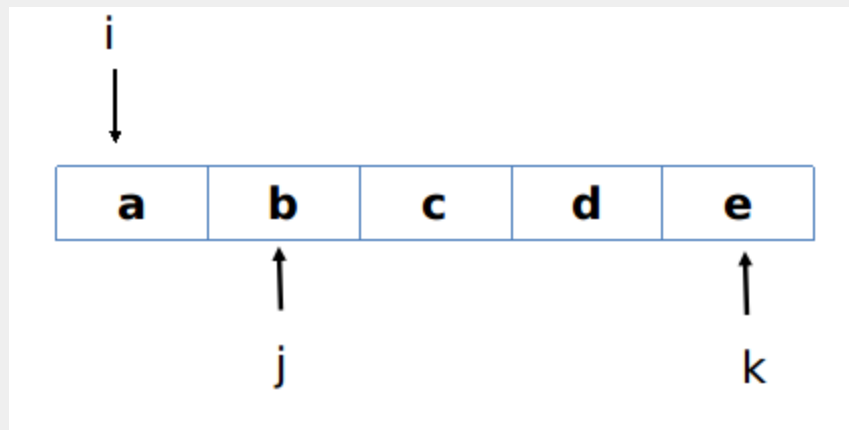
3) 以 c 为首字符：

3.1 以 e 为尾字符：

只能d 为中间字符， 共一种选法

(c, d, e)

至此，我们找到了所有的10种组合方式。如果仔细分析，以上我们在做选择的方法可以有规律可循，想象我们三个指针，一开始只想第一个，第二个，和最后一个元素，如下图表示：



1) 指针 i 恒定，指针 k 恒定，指针 j 扫过中间所有元素。(a 为首字符， e 为尾字符)

2) 指针 i 恒定，指针 k 向左移动一格，指针 j 继续扫描中间的元素 (a 为首字符， d 为尾字符)

3) 指针 i 继续恒定，重复第二步，知道指针 k 移动到 a[2] 的位置为止。(a 为首字符， c 为尾字符)

4) 指针 i 向前移动一格，j 停在 i + 1 位置， k 停在最后的位置，重复步骤(1) 和步骤 (2)，直到指针 i 移动到 N-2 的位置位置 (b 为首字符...)

这样一直到指针 i 扫到第 N-2 个元素为止， 就找到了所有的组合数。这就是夹逼法，其复杂度为  $O(n^3)$ . 代码：

```

1  def comb(strs):
2
3      n = len(strs)
4      res=set()
5
6      for i in range(0, n-2):
7          for k in range(n-1, 1, -1):
8              for j in range(i+1, k):
9                  tup = ( strs[i], strs[j], strs[k] )
10                 res.add(tup)
11     return res
12
13     strs=['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f']
14     res = comb(strs)
15     print(res)
16     print(len(res))

```

这里假设元素没有重复。

\*\*\*\*\*

上面的问题是三循环嵌套，现在回到这条题目，我们用类似的方法，但可以简化二循环把复杂度降为 $O(n^2)$ 。