

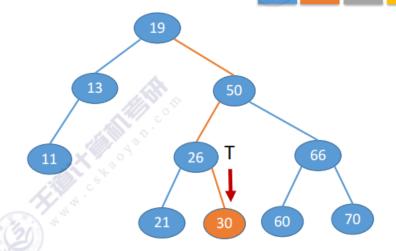


## 二叉排序树的定义 叉排序树可用于元 素的有序组织、搜索 二叉排序树,又称二叉查找树(BST,Binary Search Tree) 一棵二叉树或者是空二叉树,或者是具有如下性质的二叉 左子树结点值 < 根结点值 < 右子树结点值 左子树上所有结点的关键字均小于根结点的关键字; 右子树上所有结点的关键字均大于根结点的关键字。 左子树和右子树又各是一棵二叉排序树。 进行中序遍历, 可以得到一个递增的有序序列 左子树 右子树 13 11 王道考研/CSKAOYAN.COM

二叉排序树的查找 19 左子树结点值 < 根结点值 < 右子树结点值 若树非空,目标值与根结点的值比较: 若相等,则查找成功; 若小于根结点,则在左子树上查找,否则在右 子树上查找。 查找成功,返回结点指针;查找失败返回NULL //在二叉排序树中查找值为 key 的结点 例1: 查找关键字为30的结点 BSTNode \*BST\_Search(BSTree T,int key){ //二叉排序树结点 while(T!=NULL&&key!=T->key){ //若树空或等于根结点值,则结束循环 typedef struct BSTNode{ if(key<T->key) T=T->lchild; //小于,则在左子树上查找 else T=T->rchild; //大士,则在石子树上查找 struct BSTNode \*lchild,\*rchild; }BSTNode,\*BSTree; return T; 王道考研/CSKAOYAN.COM

4

#### 二叉排序树的查找



#### 左子树结点值 < 根结点值 < 右子树结点值

若树非空,目标值与根结点的值比较: 若相等,则查找成功; 若小于根结点,则在左子树上查找,否则在右 子树上查找。

查找成功,返回结点指针;查找失败返回NULL

例1: 查找关键字为30的结点
//二叉排序树结点
typedef struct BSTNode{
 int key;
 struct BSTNode \*lchild,\*rchild;
}BSTNode,\*BSTree;

//在二叉排序树中查找值为 key 的结点

5

# T 二叉排序树的查找 左子树经 若树非空 若相等, 若小于村子树上面 查找成工

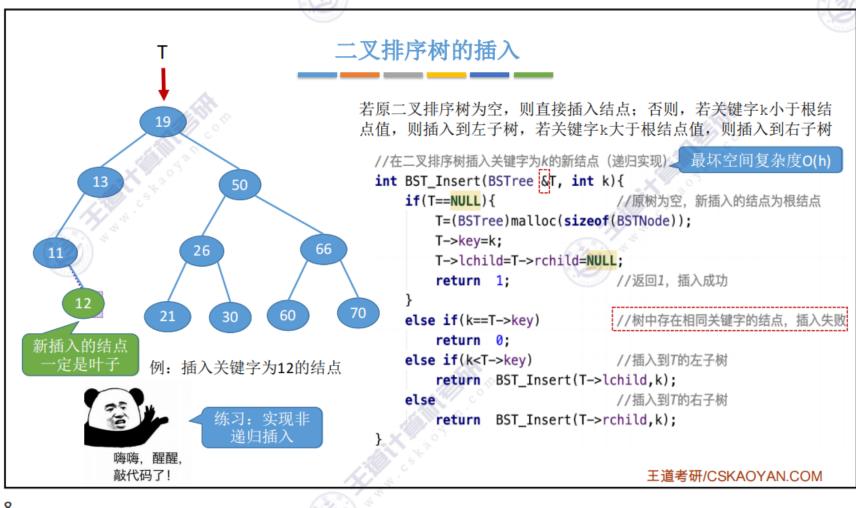
## 左子树结点值 < 根结点值 < 右子树结点值

若树非空,目标值与根结点的值比较: 若相等,则查找成功; 若小于根结点,则在左子树上查找,否则在右 子树上查找。

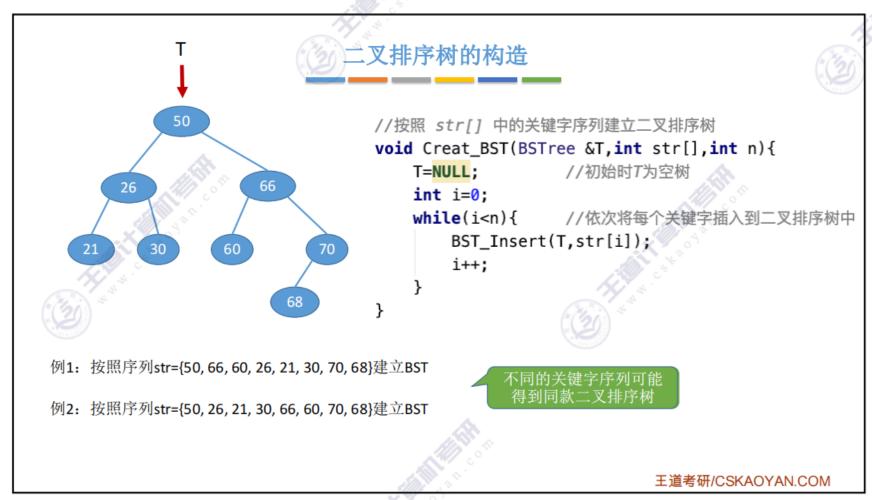
查找成功,返回结点指针;查找失败返回NULL

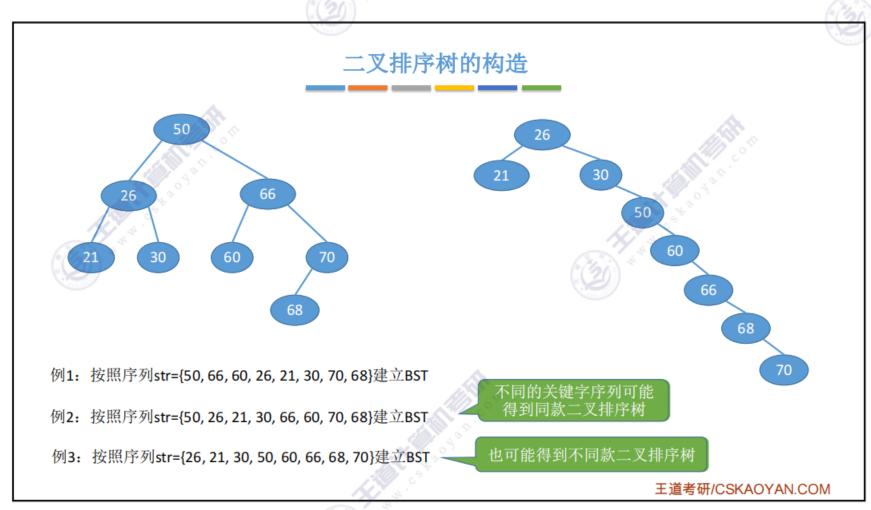
例2: 查找关键字为12的结点 //二叉排序树结点 typedef struct BSTNode{ int key; struct BSTNode \*lchild,\*rchild; }BSTNode,\*BSTree; //在二叉排序树中查找值为 key 的结点



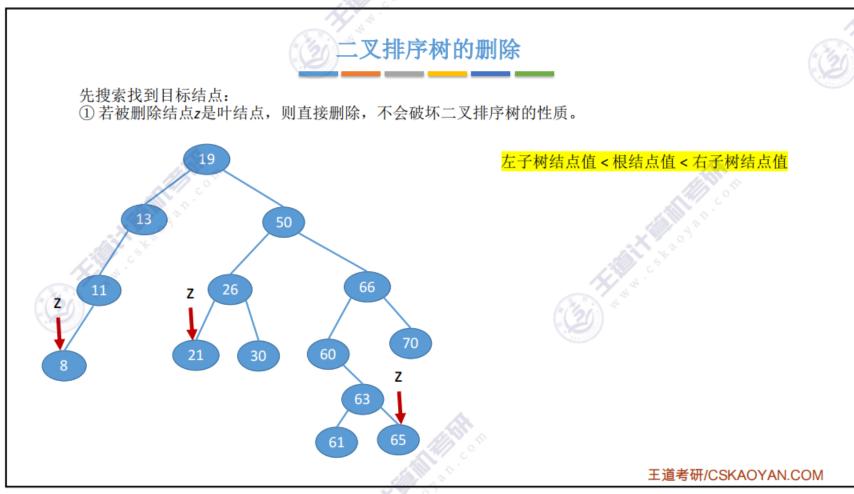


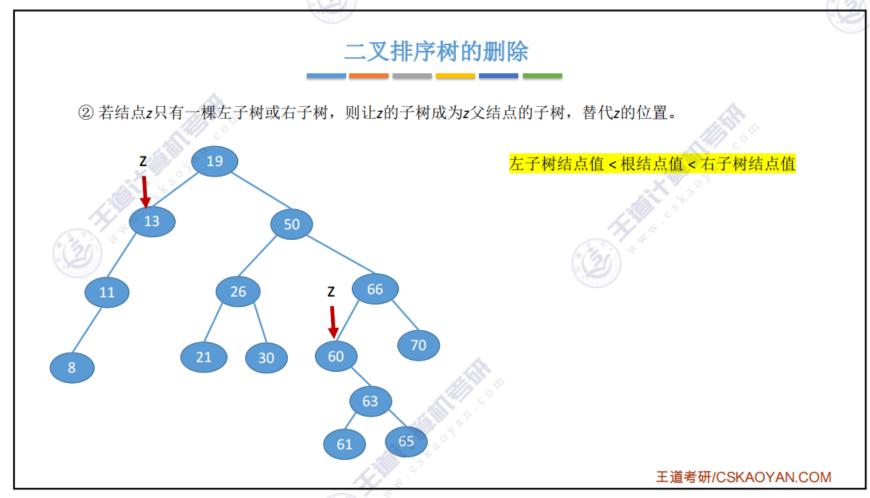








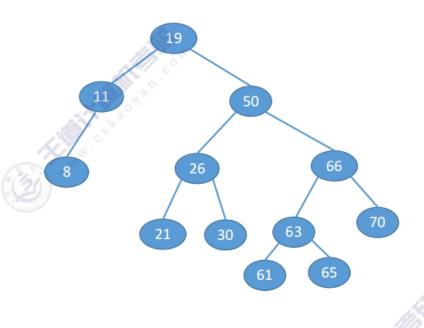






### 二叉排序树的删除

② 若结点z只有一棵左子树或右子树,则让z的子树成为z父结点的子树,替代z的位置。



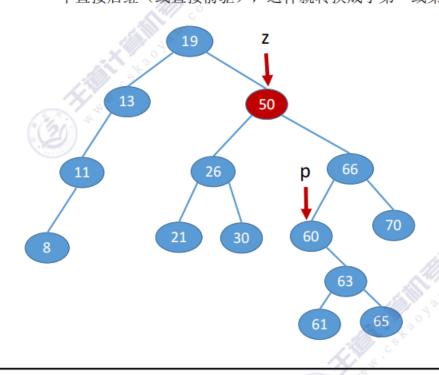
左子树结点值、根结点值、右子树结点值

王道考研/CSKAOYAN.COM

13

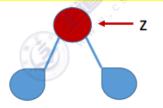
#### 二叉排序树的删除

③ 若结点z有左、右两棵子树,则令z的直接后继(或直接前驱)替代z,然后从二叉排序树中删去这个直接后继(或直接前驱),这样就转换成了第一或第二种情况。



左子树结点值 < 根结点值 < 右子树结点值

进行中序遍历,可以得到一个递增的有序序列



中序遍历——左 根 右

左根 (左根右)

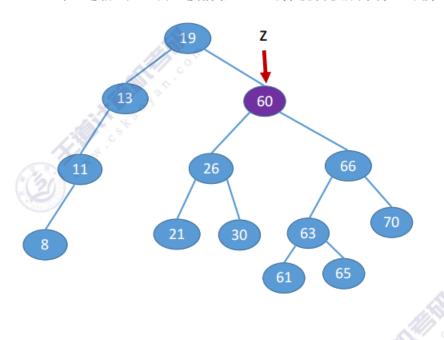
左 根 ((左 根 右) 根 右)

z的后继: z的右子树中最左下结点(该节点一定没有左子树)

王道考研/CSKAOYAN.COM



③ 若结点z有左、右两棵子树,则令z的直接后继(或直接前驱)替代z,然后从二叉排序树中删去这个直接后继(或直接前驱),这样就转换成了第一或第二种情况。



左子树结点值 < 根结点值 < 右子树结点值

进行中序遍历,可以得到一个递增的有序序列



中序遍历——左 根 右

左 根 (左 根 右)

左 根 ((左 根 右) 根 右)

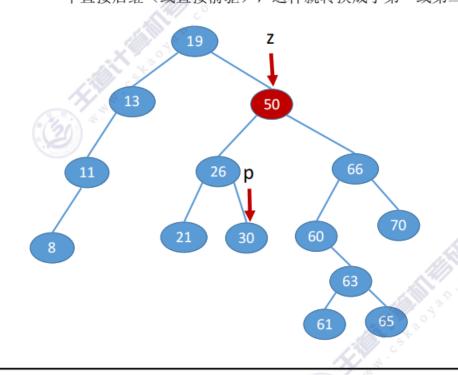
z的后继: z的右子树中最左下结点(该节点一定没有左子树)

王道考研/CSKAOYAN.COM

15

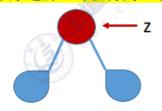
#### 二叉排序树的删除

③ 若结点z有左、右两棵子树,则令z的直接后继(或直接前驱)替代z,然后从二叉排序树中删去这个直接后继(或直接前驱),这样就转换成了第一或第二种情况。



左子树结点值 < 根结点值 < 右子树结点值

进行中序遍历,可以得到一个递增的有序序列



中序遍历——左根右

(左根右)根右

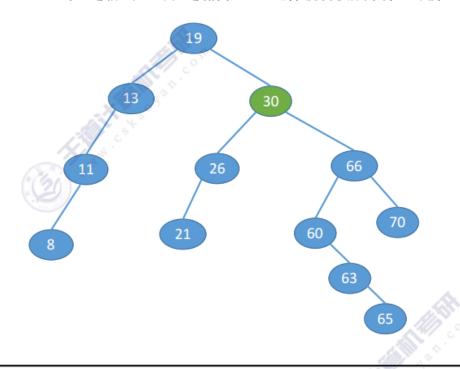
(左根 (左根 右)) 根 右

z的<mark>前驱:</mark>z的左子树中最右下结点(该节点一 定没有右子树)

王道考研/CSKAOYAN.COM

#### 二叉排序树的删除

③ 若结点z有左、右两棵子树,则令z的直接后继(或直接前驱)替代z,然后从二叉排序树中删去这个直接后继(或直接前驱),这样就转换成了第一或第二种情况。



左子树结点值 < 根结点值 < 右子树结点值

进行中序遍历,可以得到一个递增的有序序列



中序遍历——左根右

(左根右)根右

(左根 (左根 右))根 右

z的<mark>前驱:</mark>z的左子树中最右下结点(该节点一 定没有右子树)

王道考研/CSKAOYAN.COM

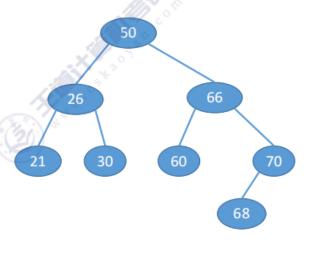
17

#### 若树高h,找到最下层的 一个结点需要对比 h 次

#### 查找效率分析

最好情况: n个结点的二叉树最小高度为 $log_2n$  $log_2n$  $log_2n$ 

查找长度——在查找运算中,需要对比关键字的次数称为查找长度,反映了查找操作时间复杂度



26

最坏情况:每个结点只有一个分支,树高h=结点数n。平均查找长度=O(n)

A.

<mark>查找成功</mark>的<mark>平均</mark>查找长度 ASL(Average Search Length)

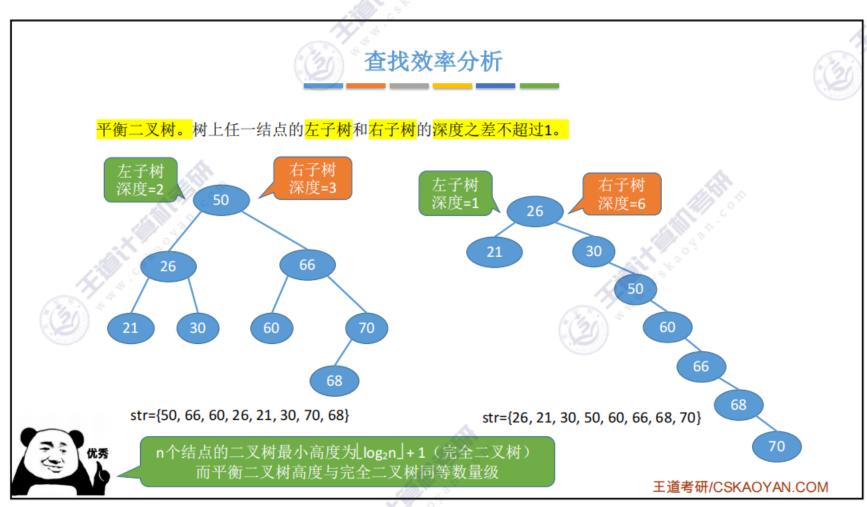
70

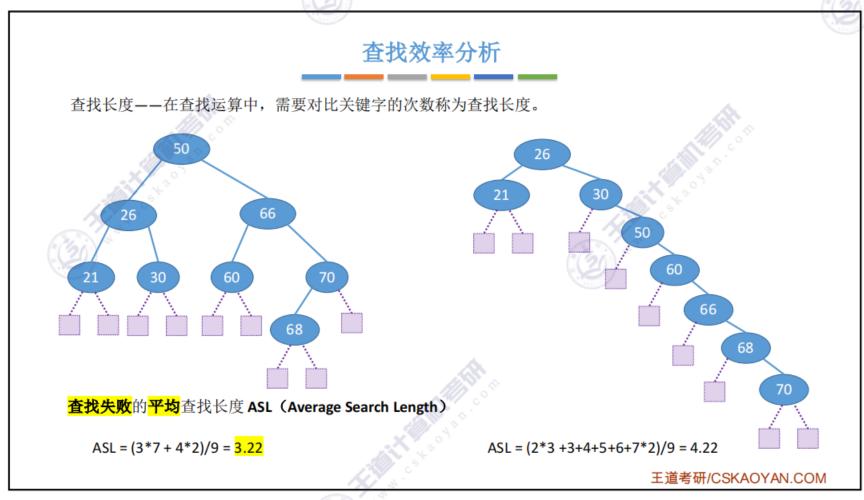
ASL = (1\*1 + 2\*2 + 3\*4 + 4\*1)/8 = 2.625

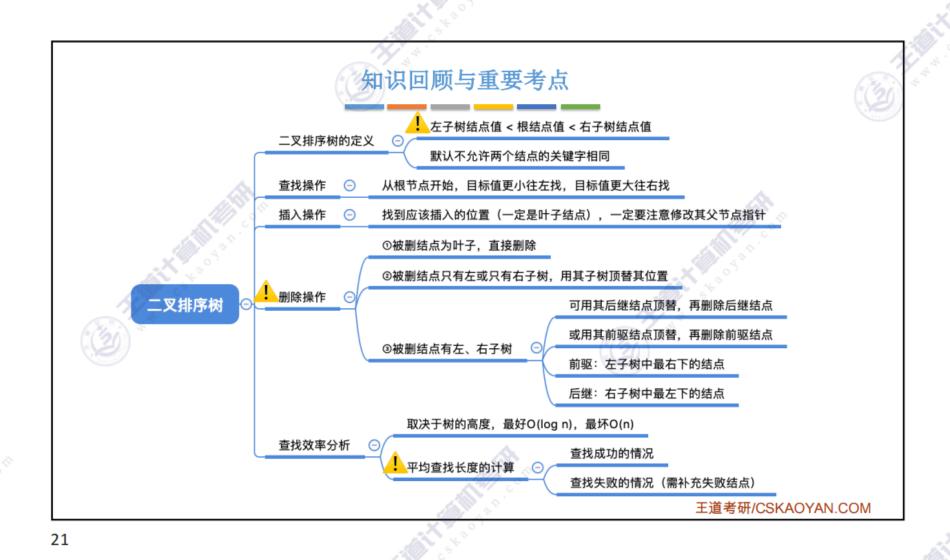
ASL = (1\*1 + 2\*2 + 3\*1 + 4\*1 + 5\*1 + 6\*1 + 7\*1)/8 = 3.75

王道考研/CSKAOYAN.COM









# 你还可以在这里找到我们

快速获取第一手计算机考研信息&资料



购买2024考研全程班/领学班/定向班 可扫码加微信咨询

- 微博:@王道计算机考研教育
- B站: @王道计算机教育
- ₩ 小红书: @王道计算机考研
- 知 知乎: @王道计算机考研
- 抖音: @王道计算机考研
- 淘宝:@王道论坛书店