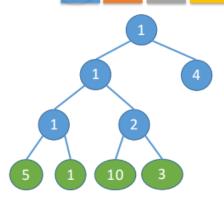




带权路径长度



结点的权: 有某种现实含义的数值(如: 表示结点的重要性等)

结点的带权路径长度: 从树的根到该结点的路径长度(经过的边数)与该结点上权值的乘积

<mark>树的带权路径长度</mark>:树中所有<mark>叶结点</mark>的带权路径长度之和(WPL, Weighted Path Length)

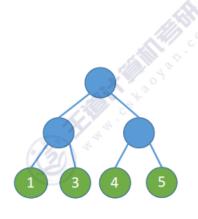
$$WPL = \sum_{i=1}^{n} w_i l_i$$

王道考研/CSKAOYAN.COM

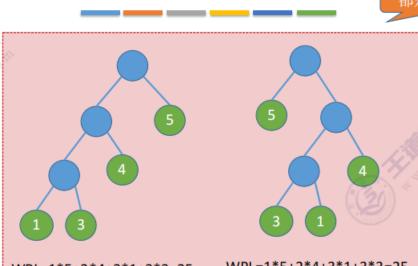
3

哈夫曼树的定义

都是哈夫曼树

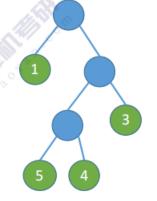


WPL= 2*1+2*3+2*4+2*5 = 26



WPL=1*5+2*4+3*1+3*3=25

WPL=1*5+2*4+3*1+3*3=25



WPL=1*1+2*3+3*5+3*4=34

在含有n个带权叶结点的二叉树中,其中<mark>带权路径长度(WPL)最小的二叉树</mark>称为哈夫曼树,也称最优二叉树

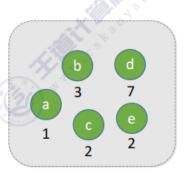


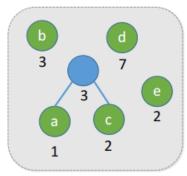


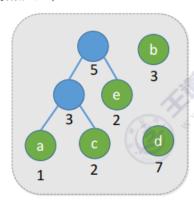
哈夫曼树的构造

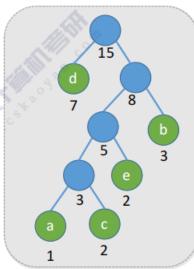
给定n个权值分别为 w_1 , w_2 ,..., w_n 的结点,构造哈夫曼树的算法描述如下: 1) 将这n个结点分别作为n棵仅含一个结点的二叉树,构成森林F。

- 2)构造一个新结点,从F中选取两棵根结点权值最小的树作为新结点的左、右子树,并且将新 结点的权值置为左、右子树上根结点的权值之和。
- 3)从F中删除刚才选出的两棵树,同时将新得到的树加入F中。
- 4) 重复步骤2) 和3), 直至F中只剩下一棵树为止。





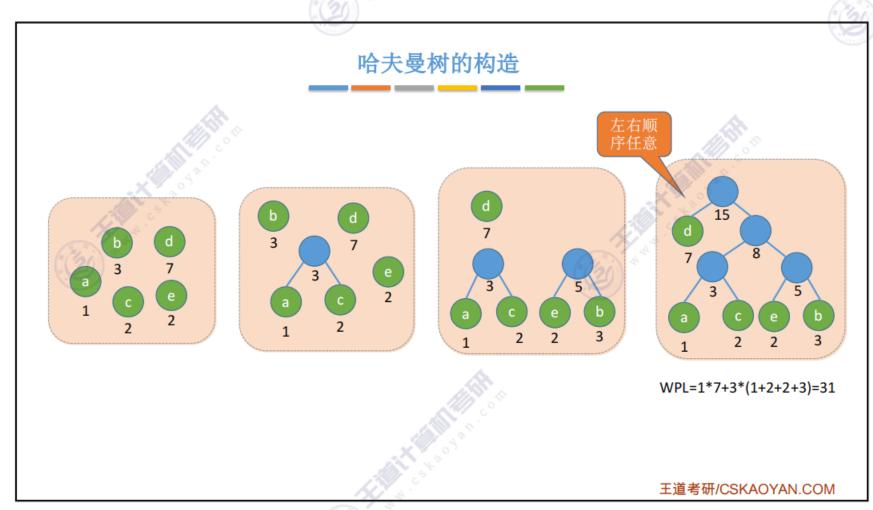




- 1)每个初始结点最终都成为叶结点,且权值越小的结点到根结点的路径长度越大
- 2) 哈夫曼树的结点总数为2n-1
- 3) 哈夫曼树中不存在度为1的结点。
- 4)哈夫曼树并不唯一,但WPL必然相同且为最优

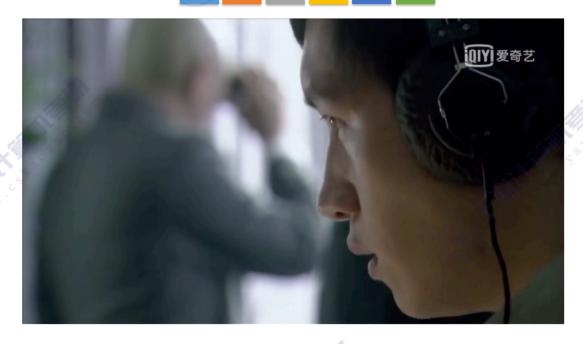
WPL_{min}=1*7+2*3+3*2+4*1+4*2=31

王道考研/CSKAOYAN.COM





哈夫曼编码



电报--点、划两个信号(二进制0/1)

王道考研/CSKAOYAN.COM

7

哈夫曼编码

固定长度编码——每个字符用相等长度的二进制位表示

A--0100 0001

B--0100 0010 C--0100 0011

ASCII编码

D--0100 0100

A--00

B--01

每个字符用长度为 C--10

D - -11

假设,100题中有80题选C,10题选A,8题选B,2题选D

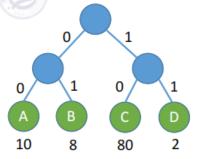
所有答案的二进制长度=80*2+10*2+8*2+2*2=200 bit



100个选择题

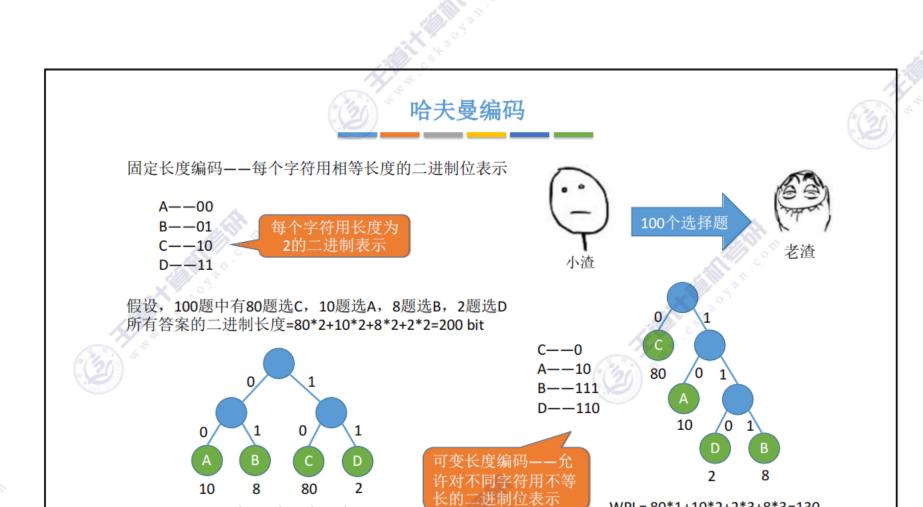


老渣



WPL= 80*2+10*2+8*2+2*2=200

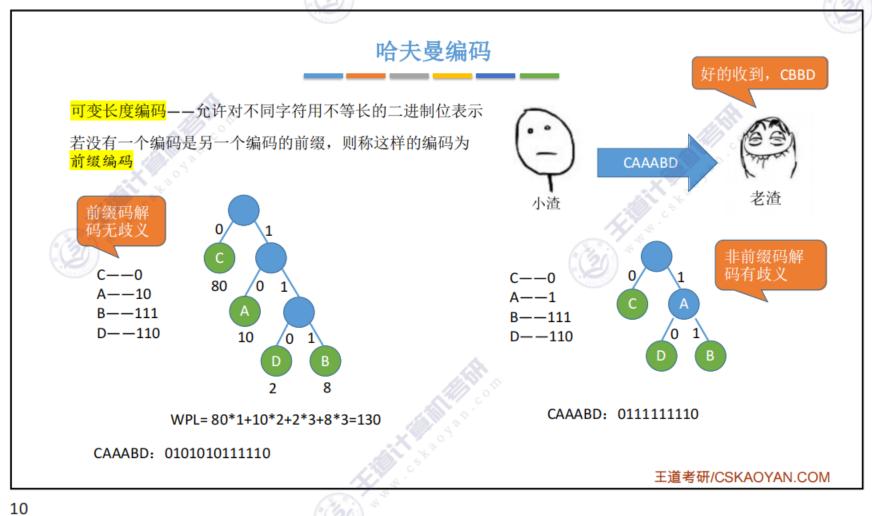
王道考研/CSKAOYAN.COM



WPL= 80*2+10*2+8*2+2*2=200

WPL= 80*1+10*2+2*3+8*3=130

王道考研/CSKAOYAN.COM







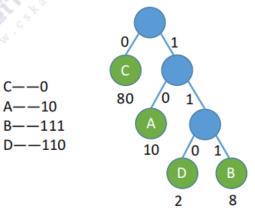
哈夫曼编码

固定长度编码——每个字符用相等长度的二进制位表示

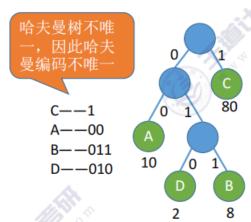
可变长度编码——允许对不同字符用不等长的二进制位表示

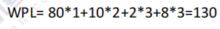
若没有一个编码是另一个编码的前缀,则称这样的编码为前缀编码

有哈夫曼树得到哈夫曼编码——字符集中的每个字符作为一个叶子结点,各个字符出现的频度作为结点 的权值,根据之前介绍的方法构造哈夫曼树











王道考研/CSKAOYAN.COM

11

英文字母频次

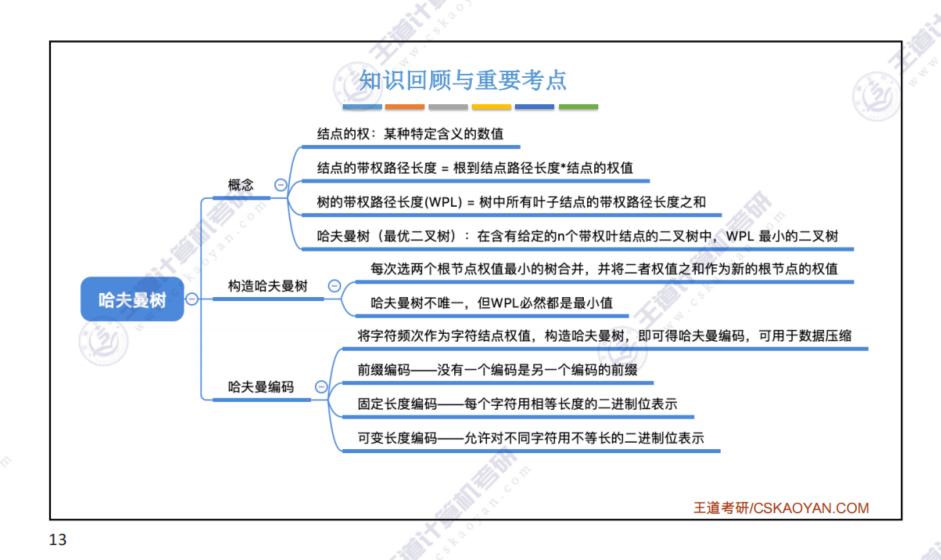
英文字母使用频率表:(%)

A 8.19 B 1.47 C 3.83 D 3.91 E 12.25 F 2.26 G 1.71 H 4.57 1 7.10 J 0.14 K 0.41 L 3.77 M 3.34 N 7.06 O 7.26 P 2.89 Q 0.09 R 6.85 S 6.36 T 9.41 U 2.58 V 1.09 W 1.59 X 0.21 Y 1.58 Z 0.08

试试设计哈夫曼编码,并计算<mark>数据压缩率</mark>

王道考研/CSKAOYAN.COM





你还可以在这里找到我们

快速获取第一手计算机考研信息&资料



购买2024考研全程班/领学班/定向班 可扫码加微信咨询

微博: @王道计算机考研教育

B站: @王道计算机教育

₩ 小红书: @王道计算机考研

知 知乎: @王道计算机考研

抖音: @王道计算机考研

淘宝: @王道论坛书店