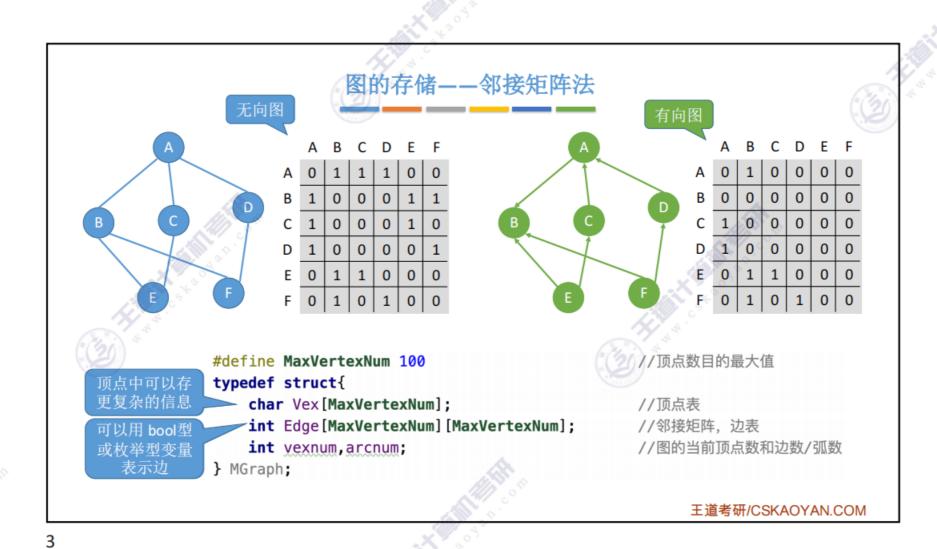
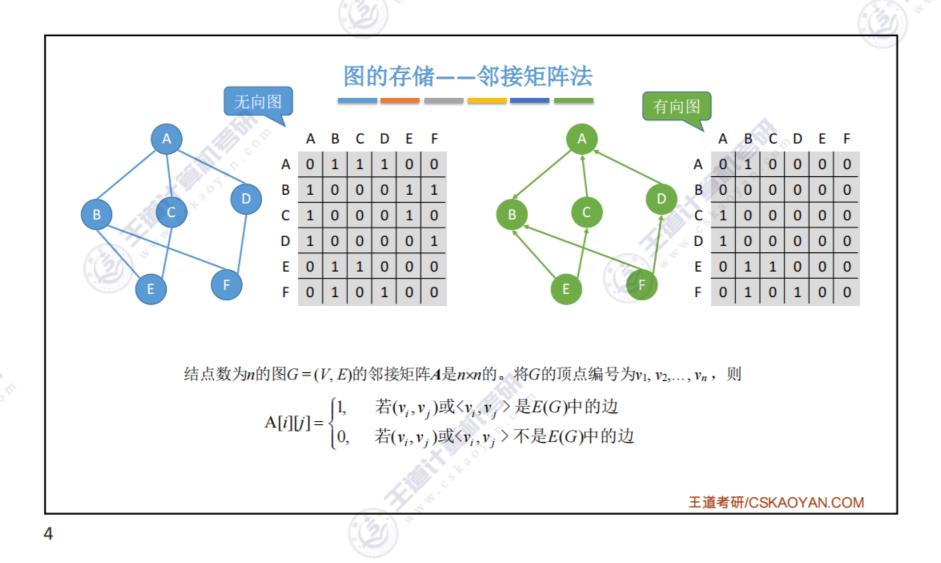
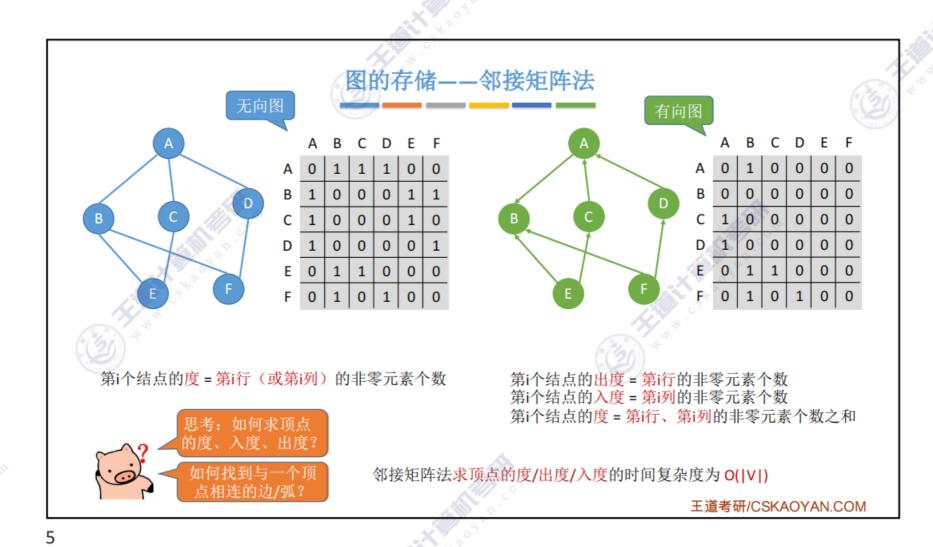


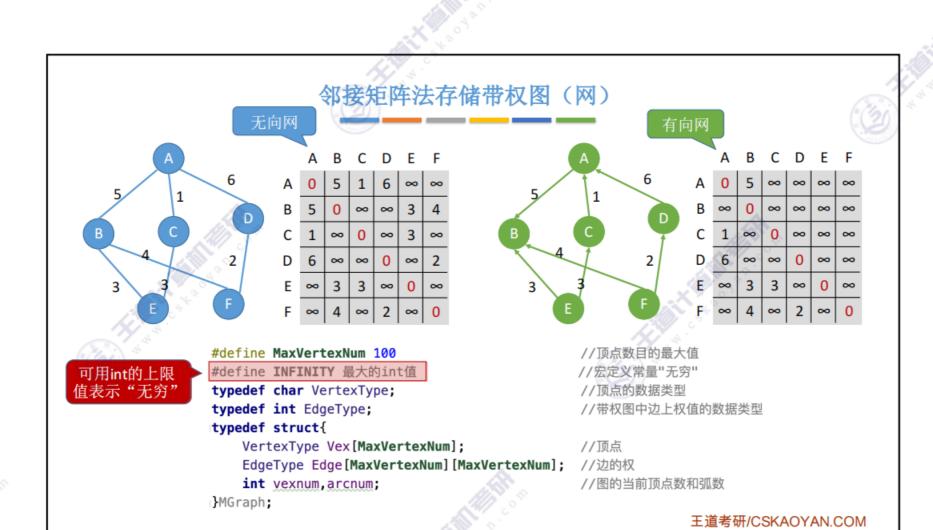
王道考研/cskaoyan.com





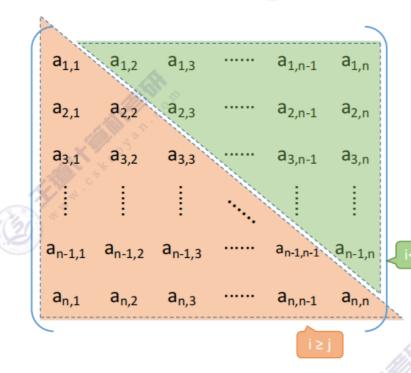


邻接矩阵法存储带权图 (网) 无向网 有向网 C D Ε BCDEF В 5 ∞ 3 4 1 3  $\infty$ -1  $\infty$  $\infty$  $\infty$  $\infty$  $\infty$  $\infty$ 2 6 2 6 D  $\infty$ Ε 3 3 Ε 3 3  $\infty$  $\infty$  $\infty$ 2 4 2 4  $\infty$ #define MaxVertexNum 100 //顶点数目的最大值 #define INFINITY 最大的int值 //宏定义常量"无穷" 可用int的上限 值表示"无穷" typedef char VertexType; //顶点的数据类型 typedef int EdgeType; //带权图中边上权值的数据类型 typedef struct{ VertexType Vex[MaxVertexNum]; EdgeType Edge[MaxVertexNum][MaxVertexNum]; //边的权 int vexnum,arcnum; //图的当前顶点数和弧数 }MGraph; 王道考研/CSKAOYAN.COM 6



邻接矩阵法的性能分析 无向图 В C D Ε BCDEF 0 0 0 0 D Ε Ε 空间复杂度: O(|V|2) ---只和顶点数相关,和实际的边数无关 适合用于存储稠密图 无向图的邻接矩阵是对称矩阵,可以压缩存储(只存储上三角区/下三角区) 王道考研/CSKAOYAN.COM 





策略: 只存储主对角线+下三角区

按行优先原则将各元素存入一维数组中。

B[0] B[1] B[2] B[3] .... 
$$B[\frac{n(n+1)}{2}-1]$$

矩阵下标 → 一维数组下标

 $a_{i,j}$  B[k]

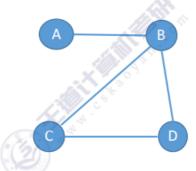
a<sub>i,j</sub> = a<sub>j,i</sub>(对称矩阵性质)

$$k = \begin{cases} \frac{i(i-1)}{2} + j - 1, & i \ge j \text{ (下三角区和主对角线元素)} \\ \frac{j(j-1)}{2} + i - 1, & i < j \text{ (上三角区元素} a_{ij} = a_{ji}) \end{cases}$$

王道考研/CSKAOYAN.COM

9

## 邻接矩阵法的性质



|   | Α | В | С | D |
|---|---|---|---|---|
| Α | 0 | 1 | 0 | 0 |
| В | 1 | 0 | 1 | 1 |
| С | 0 | 1 | 0 | 1 |
| D | 0 | 1 | 1 | 0 |

设图G的邻接矩阵为A(矩阵元素为0/1),则A"的元素A"[i][j]等于由顶点i到顶点j的长度为n的路径的数目

| 0 | 1 | 0 | 0 |   | 0 | 1 | 0 | 0 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 0 | 1 | 1 |   | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | * | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 |   | 0 | 1 | 1 | 0 |

$$A^{2}[1][4] = a_{1,1} a_{1,4} + a_{1,2} a_{2,4} + a_{1,3} a_{3,4} + a_{1,4} a_{4,4} = 1$$

$$A^{2}[2][2] = a_{2,1} a_{1,2} + a_{2,2} a_{2,2} + a_{2,3} a_{3,2} + a_{2,4} a_{4,2} = 3$$

$$A^{2}[3][3] = a_{3,1} a_{1,3} + a_{3,2} a_{2,3} + a_{3,3} a_{3,3} + a_{3,4} a_{4,3} = 1$$

$$A^{2}[1][2] = a_{1,1} a_{1,2} + a_{1,2} a_{2,2} + a_{1,3} a_{3,2} + a_{1,4} a_{4,2} = 1$$

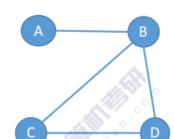
| $A^2 =$ | 1 | 0 | 1 | 1 |  |
|---------|---|---|---|---|--|
|         | 0 | 3 | 1 | 1 |  |
|         | 1 | 1 | 2 | 1 |  |
|         | 1 | 1 | 1 | 2 |  |

王道考研/CSKAOYAN.COM









|   | Α | В | C | D |
|---|---|---|---|---|
| Α | 0 | 1 | 0 | 0 |
| В | 1 | 0 | 1 | 1 |
| С | 0 | 1 | 0 | 1 |
| D | 0 | 1 | 1 | 0 |

设图G的邻接矩阵为A(矩阵元素为0/1),则A"的元素A"[i][j]等于由顶点i到顶点j的长度为n的路径的数目

|   | 0 | 1 | 0 | 0 |
|---|---|---|---|---|
|   | 1 | 0 | 1 | 1 |
| * | 0 | 1 | 0 | 1 |
|   | 0 | 1 | 1 | 0 |

| 0 | 3 | 1 | 1 |
|---|---|---|---|
| 3 | 2 | 4 | 4 |
| 1 | 4 | 2 | 3 |
| 1 | 4 | 3 | 2 |

王道考研/CSKAOYAN.COM

11



### 知识回顾与重要考点

#### 邻接矩阵法要点回顾:

- 如何计算指定顶点的度、入度、出度(分无向图、有向图来考虑)?时间复杂度如何?
- 如何找到与顶点相邻的边(入边、出边)?时间复杂度如何?
- 如何存储带权图?
- · 空间复杂度——O(|V|²),适合存储稠密图
- 无向图的邻接矩阵为对称矩阵,如何压缩存储?
- 设图G的邻接矩阵为A(矩阵元素为0/1),则An的元素An[i][j]等于由顶点i到顶点j的长度为n 的路径的数目

王道考研/CSKAOYAN.COM

# 你还可以在这里找到我们

快速获取第一手计算机考研信息&资料



购买2024考研全程班/领学班/定向班 可扫码加微信咨询

- 微博: @王道计算机考研教育
- B站: @王道计算机教育
- ₩15 小红书:@王道计算机考研
- 知 知乎: @王道计算机考研
- 抖音: @王道计算机考研
- 淘宝: @王道论坛书店

