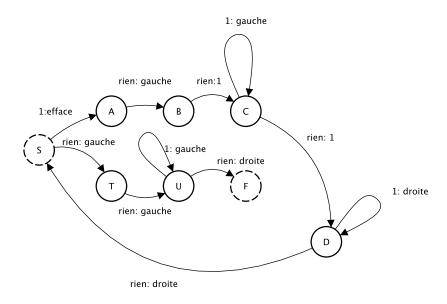
## 9.4 Machine de Turing

La machine de Turing est un modèle mathématique formel du calcul, et est à la base du fonctionnement (théorique) des ordinateurs classiques modernes.

- a. Comment est définie la machine de Turing, et que représent les différents éléments de cette définition?
- b. Supposons la machine suivante, déterminer le calcul qu'elle effectue:
  - Le ruban contient une séquence de deux signes: 1,1, représentant le nombre 2 en base unaire.
  - La position de départ de la tête de lecture est sur le signe le plus à gauche, l'état étant *S*.
  - Les opérations possibles sont: aller à droite, aller à gauche, écrire, ou terminer (dans l'état *F*).
  - La fonction de transition est représentée par le graphe qui suit:



Fonction de transition de la machine de Turing à analyser

Étape	État	Entrée (valeur ruban)	Écriture	Mouvement	Prochain état	Ruban - machine de Turing													
1	s	1	1	-	Α	-					1	1			Г				$\blacksquare$
2	Α	rien	rien	auche	В							1							
3	В	rien	1	-	С	_						1							
4	С	1	1	gauche	С	_				1		1							
5	С	rien	1	-	D					1		1							
6	D	1	1	droite	D				1	1		1							
7	D	1	1	droite	D				1	1		1							
8	D	rien	1	droite	S				1	1		1							
9	S	1	efface	-	Α				1	1		1							
10	Α	rien	rien	auche	В				1	1									
11	В	rien	1	-	С				1	1									
12	С	1	1	auche	С				1	1	1								
13	С	1	1	gauche	С				1	1	1								
14	С	1	1	gauche	С				1	1	1								
15	С	rien	1	-	D				1	1	1								
16	D	1	1	droite	D			1	1	1	1								
17	D	1		droite	D			1	1	1	1								<u> </u>
18	D	1	1	droite	D			1	1	1	1								Ш.
19	D	1		droite	D			1	1	1	1								Щ.
20	D	1	1	droite	D	l		1	1	1	1								Щ.
21	D	rien		droite	S			1	1	1	1								Щ.
22	S	rien	_	gauche	T			1	1	1	1								Щ.
23	T	rien		gauche	U	l		1	1	1	1								Щ.
24	U	1	1	gauche	U			1	1	1	1								Щ.
25	U	1	1	gauche	U	l		1	1	1	1								Щ.
26	U	1	1	gauche	U			1	1	1	1								ــــ
27	U	rien	rien	droite	F			1	1	1	1								ــــ
28	F					l		1	1	1	1								Щ.

Étapes du calcul avec la machine de Turing fournie