ADDITIF ALIMENTAIRE POUR LES AGNEAUX (5 points) - CORRECTION

Mots-clés: titrage avec suivi conductimétrique; incertitudes-types composées; langage Python.

A. Réalisation du titrage

A.1. L'équation $NH_4^+(aq) + HO^-(aq) \rightarrow NH_3(aq) + H_2O(l)$ traduit une **réaction acido-basique**.

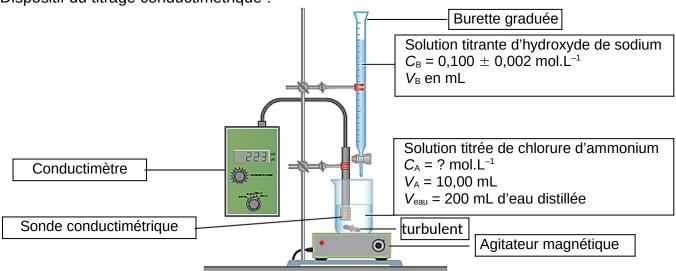
En effet, on peut identifier les deux couples acide / base associés aux demi-équations :

 $NH_4^+(aq) / NH_3(aq) NH_4^+(aq) = NH_3(aq) + H^+$

 $HO^{-}(aq) + H^{+} = H_{2}O(1)$ $H_2O(1) / HO^-(aq)$

 $NH_4^+(aq) + HO^-(aq) \rightarrow NH_3(aq) + H_2O(1)$

A.2. Dispositif du titrage conductimétrique :



A.3. À l'équivalence, les réactifs sont mélangés dans les proportions stœchiométriques de l'équation de titrage $NH_4^+(aq) + HO^-(aq) \rightarrow NH_3(aq) + H_2O(1)$

 $\frac{n_{\mathrm{A}}(\mathrm{NH}_{4}^{+})}{1} = \frac{n_{\mathrm{E}}(\mathrm{HO}^{-})}{1}$ soit:

donc : $C_A.V_A = C_B.V_{eq}$ d'où :

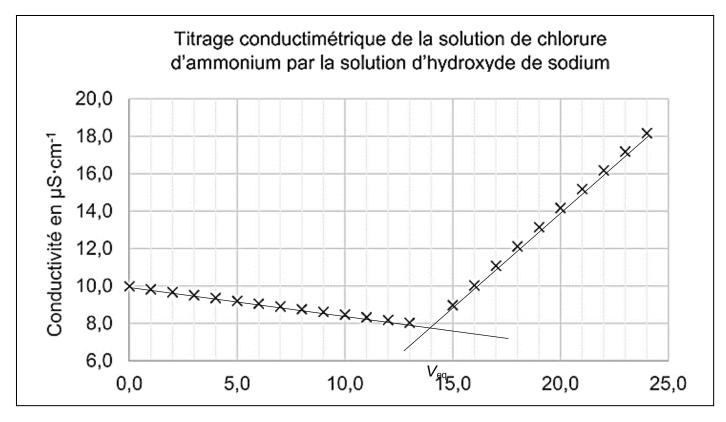
 $C_{A} = \frac{C_{B}.V_{eq}}{V_{A}}$

Pour déterminer le volume équivalent, on trace les deux segments de droite modélisant l'évolution de la conductivité. L'abscisse leur point d'intersection donne la valeur du volume à l'équivalence V_{eq} (voir ci-après).

Graphiquement, on lit $V_{eq} = 14,0$ mL.

soit
$$C_A = \frac{0,100 \times 14,0}{10,00} = 0,140 \text{ mol.L}^{-1}$$

0.10*14.0/10.0



A.4. On a:
$$U(C_A) = C_A \times \sqrt{\left(\frac{U(C_B)}{C_B}\right)^2 + \left(\frac{U(V_{eq})}{V_{eq}}\right)^2 + \left(\frac{U(V_A)}{V_A}\right)^2}$$

 $U(C_A) = 0.140 \times \sqrt{\left(\frac{0.002}{0.100}\right)^2 + \left(\frac{0.1}{14.0}\right)^2 + \left(\frac{0.02}{10.00}\right)^2} = 3 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$

1.40e-1*\((0.002 /0.100)2+(0.1/14 .0)2+(0.02/10.00)2) .002986369

On ne conserve qu'un seul chiffre significatif pour $U(C_A)$.

Donc: $C_A = (0.140 \pm 0.003) \text{ mol.L}^{-1} \text{ soit}$ 0.137 mol.L⁻¹ < $C_A < 0.143 \text{ mol.L}^{-1}$

A.5. La masse m de chlorure d'ammonium $NH_4Cl(s)$ dans V=1,00 L de solution de l'éleveur est : $m=n.M=C_A.V.M.$

En tenant compte de l'encadrement de $C_{\rm A}$:

$$0.137 \times 1.00 \times 53.5 \text{ g} < m < 0.143 \times 1.00 \times 53.5 \text{ g}$$

soit **7.33 q < m < 7.65 q**.

1.37e-1*1*53.5 7.3295 1.43e-1*1*53.5 7.6505

Le site indique : 300 mg = 0,300 g par kg d'agneau à 10 % près.

Pour un agneau de 24 kg cela correspond à une masse m': $24 \times 0,270$ g < m' < $24 \times 0,330$ g soit **6,48 g < m' < 7,92 g**. Les valeurs de m sont bien comprises dans l'encadrement de m'. L'éleveur apporte bien à l'agneau la masse de chlorure d'ammonium préconisée par le site.

24*0.27 6.48 24*0.33 7.92

B. Simulation du titrage

```
1 # Simulation du titrage dont la réaction support est de la forme
  # a A + b B -> c C + H2O
   # a, b, c et d sont les coefficients stoechiométriques
4 from matplotlib import pyplot as plt
          # nombre stoechiométrique de l'espèce à titrer A COMPLETER
          # nombre stoechiométrique de l'espèce titrante A COMPLETER
7 b=
8 c=
          # nombre stoechiométrique du produit de la réaction A COMPLETER
9 Ca=0.14 # concentration de la solution à titrer (mol/L)
10 Va=10.0  # volume de la solution à titrer (mL)
11 Cb=0.10  # concentration de la solution titrante (mol/L)
12 Veq= # Calcul du volume à l'équivalence (mL) A COMPLETER
13 pasVb=0.1
14 nA,nB,nC,nS_A,nS_B=[],[],[],[],[]
15 v=[i/10 for i in range(250)]
16 for Vb in V:
       if Vb<Vea:
17
           nA.append(Ca*Va-Cb*Vb*a/b)
18
                   # A COMPLETER AVEC LE CALCUL DE nB
19
20
           nC.append(c/b*Cb*Vb)
21
           nS A.append(Ca*Va)
22
           nS_B.append(Cb*Vb)
       else:
23
          nA.append(0)
24
25
           nB.append(Cb*Vb-Cb*Veg)
26
           nC.append(c/b*Cb*Veq)
27
           nS_A.append(Ca*Va)
28
          nS_B.append(Cb*Vb)
```

B.1 L'équation de la réaction support du titrage est de la forme : $a A + b B \rightarrow c C + H_2O$ (ligne 1) avec a, b et c les coefficients stœchiométriques.

L'équation de la réaction de titrage étant :

 $NH_4^+(aq) + HO^-(aq) \rightarrow NH_3(aq) + H_2O(1)$

On en déduit :

Ligne 6 : **a = 1** ; Ligne 7 : **b = 1** ; Ligne 8 : **c = 1**.

- **B.2.** Ligne 21 (et 27) nS_A.append(Ca*Va). Cette ligne de code correspond à la quantité initiale d'ions chlorure Cl⁻ soit $n_A = C_A.V_A = 0.140 \times 10.00 \times 10^{-3}$ mol = 1,40 mmol. (S = spectateur ?). Ligne 22 (et 28) nS_B.append(Cb*Vb). Cette ligne correspond à la quantité d'ions sodium Na⁺ versée : $n_B = C_B.V_B$.
- **B.3. Figure 1**: la quantité de matière est nulle jusqu'à l'équivalence puis elle augmente \Rightarrow graphe de $n(HO^-)$ car HO^- est le réactif limitant avant l'équivalence et le réactif en excès après.

Figure 2 : la quantité de matière reste constante \Rightarrow graphe de $n(Cl^-)$ car Cl^- est un ion spectateur donc sa quantité de matière reste constante dans le bécher et égale à 1,40 mmol.

Figure 3: la quantité de matière augmente jusqu'à l'équivalence puis reste constante \Rightarrow graphe de $n(NH_3)$ car NH_3 et formé jusqu'à l'équivalence et n'est plus formé au-delà.

Figure 4: la quantité de matière augmente constamment \Rightarrow graphe de $n(Na^+)$ car Na^+ est un ion spectateur; il est apporté dans le bécher tout au long du titrage.

Figure 5: la quantité de matière diminue depuis 1,4 mmol jusqu'à l'équivalence et est nulle après \Rightarrow graphe de $n(NH_4^+)$ car NH_4^+ est consommé avant l'équivalence et est le réactif limitant après.

Remarque : les quantités sur les ordoonnées devraient être en mmol et non en mol.

B.4. Ligne 12 : Veg = Ca*Va/Cb

Ligne 19 : **nB.append(0)** car HO⁻ est le réactif limitant.