## Bac 2021 Asie Spécialité physique-chimie <a href="https://labolycee.org">https://labolycee.org</a> Exercice B : « Water bottle flip » (5 points)

Mots-clés: mouvement dans un champ de pesanteur uniforme, lois de Newton, langage Python.

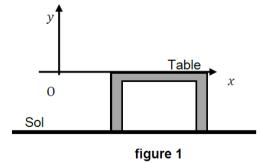
Le « water bottle flip » est un jeu d'adresse consistant à lancer une bouteille plastique partiellement remplie d'eau afin qu'elle se pose verticalement sur sa base sur une table placée à proximité. Il faut beaucoup s'entraîner pour réussir un « water bottle flip ». Initialement, la bouteille n'est tenue que par son col. Le mouvement ascendant du bras communique la vitesse juste suffisante à la bouteille. Tandis qu'elle monte puis redescend, celle-ci tourne sur elle-même.



Dans cet exercice, on se propose d'étudier le mouvement du centre de masse de la bouteille.

Le système considéré est l'ensemble {bouteille + eau} de masse m=162 g dont on étudie le mouvement du centre de masse, noté G.

Le système évolue dans le champ de pesanteur terrestre  $\overset{
ightharpoonup}{g}$  uniforme.

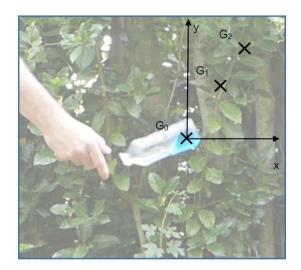


On fait l'hypothèse que l'action de l'air est négligeable.

Le mouvement est étudié dans le système d'axes (Oxy) (Cf. figure 1).

À la date t=0 s, le centre de masse G est placé à l'origine du repère O et sa vitesse initiale, notée  $v_0$  a une direction faisant un angle  $\alpha$  avec l'axe horizontal (Ox).

## Recherche des conditions initiales sur la vitesse



Grâce à la vidéo montrant un lancer réussi, on a pu pointer la position du centre de masse G à différents instants.

Sur la figure 2, la durée entre deux positions successives est  $\tau = 40$  ms.

L'échelle est donnée par la bouteille dont la hauteur est

figure 2 : chronophotographie du mouvement du centre de masse G lors du « water bottle flip » réussi.

- 1. Représenter sur la copie, sans souci d'échelle, le système d'axes (Oxy), le vecteur  $\overrightarrow{v_0}$  , l'angle  $\alpha$ ainsi que les coordonnées  $V_{0x}$  et  $V_{0y}$  et l'allure de la trajectoire du centre de masse de la bouteille.
- 2. À partir des données expérimentales fournies et de la figure 2, vérifier que la valeur expérimentale  $V_0$  du vecteur initial  $V_0$  est proche de 3,6 m.s<sup>-1</sup>
- 3. Proposer une méthode permettant de déterminer expérimentalement la valeur de l'angle  $\alpha$ .

## Modélisation du déplacement du centre de masse

- 4. En précisant la loi utilisée, donner les expressions des coordonnées du vecteur accélération a du centre de masse : ax(t) et ay(t).
- 5. En déduire les expressions des coordonnées  $v_x(t)$  et  $v_y(t)$  du vecteur vitesse du centre de masse et montrer que les équations horaires du mouvement sont :

$$\begin{cases} \{x(t) = v_0.\cos(\alpha).t \\ y(t) = -\frac{1}{2}.g.t^2 + v_0.\sin(\alpha).t \end{cases}$$

Pour déterminer la distance à laquelle tombe la bouteille par rapport au point O, on crée un programme en langage python dont un extrait est présenté ci-dessous. Ce programme utilise les équations horaires modélisant le déplacement du centre de masse et les valeurs expérimentales :

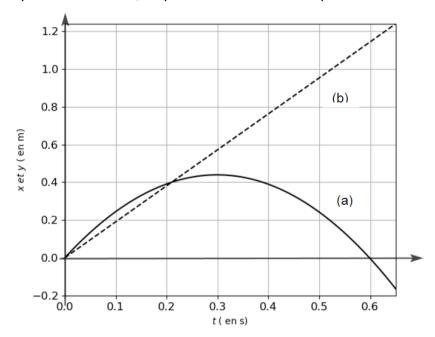
$$v_0 = 3.6 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$\alpha = 59^{\circ}$$

$$\alpha = 59^{\circ}$$
  $q = 9.81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ 

```
5.
       g = 9.81 # Intensité du champ de pesanteur en m /s<sup>2</sup>
6.
7.
       v_0 = float(input('valeur de la vitesse initiale(en m/s) : v_0 = ')
       alpha = float(input('valeur de l'angle de tir(en degré) : alpha = ')
8.
9.
10.
      # Tracé des courbes horaires
11.
12.
      t=np.linspace(0,0.65,100)
       for i in t:
13.
14.
          x = v_0 * cos(alpha*pi/180)*t
                                           #calcul de x à la date t
15.
          v = -0.5*a*t**2+
                                          *t #calcul de v à la date t
16.
17.
       plt.plot(t,x,'k--',label='x en fonction de t')
18.
       plt.plot(t,y,'k',label='y en fonction de t')
19.
```

L'exécution de ce programme permet d'obtenir le graphique ci-dessous qui modélise l'évolution des coordonnées (x, y), exprimées en mètre, du point G au cours du temps.



- **6.** Associer chacun de ces tracés à x(t) et y(t).
- 7. Préciser ce qui est caché par le rectangle gris dans la ligne 15 du programme (expression ou valeur).

On estime que le centre de masse G se trouve à une hauteur voisine de 2 cm du fond de la bouteille lorsque celle-ci se pose sur la table.

8. Estimer la durée du mouvement de la bouteille obtenue par la modélisation.

La durée du mouvement de la bouteille lors de la réalisation de ce « water bottle flip » a été mesurée. On a obtenu  $\Delta t = (0.50 \pm 0.05)$  s.

- **9.** Proposer au moins une explication permettant de rendre compte de l'écart entre cette durée réelle et la durée obtenue par la modélisation.
- **10.** À l'aide du modèle, déterminer la distance à laquelle la bouteille tombe sur la table par rapport à l'origine du repère. Indiquer ce qu'il est possible de prévoir pour la distance réelle.