БЕСКОАЛИЦИОННЫЕ ИГРЫ

Цель работы: приобретение практических навыков в построении моделей конфликтных ситуаций с непротивоположными интересами сторон, определение равновесия Нэша и доминирования по Парето в биматричных играх, усвоение геометрических подходов к решению бескоалиционных игр в смешанных стратегиях.

Задания

1. Для симметричной биматричной игры 2x2 «Ястреб-голубь» построить графически варианты решений для игроков, исследовать интервалы изменения параметров, которые могут обеспечить равновесие по Нэшу. Определить, может ли в игре иметь место доминирование по Парето.

Предположим, что двое животных соперничают за некоторый ресурс (например, территорию в благоприятном для проживания месте) со значением V, т. е. получившее ресурс животное увеличивает ожидаемое число потомков на V. Для простоты предполагается, что существует всего две чистых стратегии — «ястреб» (H) и «голубь» (D). Животное, применяющее стратегию «ястреб», всегда сражается за территорию в полную силу и уходит, только получив серьезные травмы. «Голубь» же только угрожает противнику некоторым удобным для него способом и отступает, когда получает серьезный отпор, не успев получить ранения. Два голубя могут разделить ресурс миролюбиво, но два ястреба обязательно будут сражаться, пока один из них не будет ранен и будет вынужден отступить. Предполагается, что ранение уменьшает ожидаемое число потомков на величину C. Далее будем предполагать, что у особей нет различий в размерах и возрасте, которые влияют на вероятность ранения. Тогда данный конфликт может быть описан при помощи биматричной игры со следующими матрицами:

$$A = {}^{H}_{D} {\begin{pmatrix} 1/2(V-C) & V \\ 0 & 1/2V \end{pmatrix}}, \quad B = {}^{H}_{D} {\begin{pmatrix} 1/2(V-C) & 0 \\ V & 1/2V \end{pmatrix}}.$$

№	Значения параметров	№	Значения параметров	№	Значения параметров
1	4,1	6	6,2	11	1,5
2	5,1	7	3,4	12	1,6

3	6,1	8	4,5	13	4,4
4	4,2	9	5,6	14	5,5
5	5,2	10	1,4	15	6,6

2. Построить графически варианты решений для игроков, исследовать бескоалиционную игру на равновесие по Нэшу, доминирование по Парето.

№	Матрицы А и В	№	Матрицы А и В
1	$A = \begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$	9	$A = \begin{pmatrix} 17 & 6 \\ 9 & 14 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 9 & 18 \\ 11 & 9 \end{pmatrix}$
2	$A = \begin{pmatrix} 9 & 10 \\ 2 & 8 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 & 9 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$	10	$A = \begin{pmatrix} 7 & 20 \\ 19 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 8 & 4 \\ 2 & 19 \end{pmatrix}$
3	$A = \begin{pmatrix} 10 & 7 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 10 & 5 \\ 8 & 9 \end{pmatrix}$	11	$A = \begin{pmatrix} 19 & 11 \\ 19 & 6 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 9 & 9 \\ 0 & 10 \end{pmatrix}$
4	$A = \begin{pmatrix} 12 & 4 \\ 14 & 18 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 7 & 1 \end{pmatrix}$	12	$A = \begin{pmatrix} 0 & 7 \\ 2 & 7 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 11 & 15 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$
5	$A = \begin{pmatrix} 9 & 2 \\ 13 & 8 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 9 & 12 \\ 1 & 15 \end{pmatrix}$	13	$A = \begin{pmatrix} 12 & 0 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 13 & 3 \end{pmatrix}$
6	$A = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 8 & 8 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 9 & 9 \\ 12 & 18 \end{pmatrix}$	14	$A = \begin{pmatrix} 13 & 18 \\ 8 & 11 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 9 & 9 \\ 5 & 10 \end{pmatrix}$
7	$A = \begin{pmatrix} 6 & 15 \\ 7 & 6 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 19 & 17 \\ 15 & 7 \end{pmatrix}$	15	$A = \begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 8 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 14 & 8 \\ 8 & 5 \end{pmatrix}$
8	$A = \begin{pmatrix} 13 & 4 \\ 13 & 15 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 18 & 17 \\ 9 & 18 \end{pmatrix}$	16	$A = \begin{pmatrix} 19 & 14 \\ 15 & 13 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 4 & 9 \\ 7 & 3 \end{pmatrix}$