

光学

第一节 杨氏双缝 光程

1. (1)在双缝干涉实验中,为使屏上的干涉条纹间距变大,可以采取的办法是:

解析: 本题考查的是杨氏双缝干涉实验, 如图所示: 明、暗条纹的位置p满足:

$$\delta = r_2 n_2 - r_1 n_1 = r_2 - r_1 \approx d \cdot \frac{x}{D} = \begin{cases} \pm 2k \frac{\lambda}{2} & \text{明纹} \\ \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases}$$

注意:这里杨氏双缝干涉光路走的媒介是真空,于是 $n_2=n_1=1$,教材和课件中多省略了。但是分析计算光程差的时候,大家一定要记得折射率的倍数关系。

本题考点,相邻明(暗)条纹间距为: $\Delta x=D\lambda/d$ 。对于产生的明暗条纹,当观察屏靠近双缝的时候,D减小,于是 Δx 同样减小;若使两缝的间距d变小,则 Δx 增大;

把两个缝的宽度稍微调窄,不会 改变两缝中心点处子波到达屏幕的 光程差;若改用波长较小的单色 波源,则λ减小, Δx同样减小。 故选B 

1. (2)在真空中波长为 λ 的单色光,在折射率为n的透明介质中从A沿某路径传播到B,若A、B两点相位差为 3π ,则此路径AB的光程为:

解析: 本题考点:

不考虑相位超前与落后时,光程差和相位差之间的关系: $\Delta \varphi = 2\pi \delta/\lambda$, 其中 λ 为 真空中的波长

当 $\Delta \phi$ = 3π 时,可直接得到AB之间的光程差的绝对值 δ = $3\lambda/2$ 故选A

注意,光程差的定义: δ =几何距离r×折射率n。 因此本题中,AB之间的几何距离为: r= $3<math>\lambda$ /2n。





2. (1)在相同的时间内,一束波长为λ的单色光分别经过空气和玻璃,则两则传播的路和和走过的光程:

解析:本题考点:①不同介质中,光的传播速度不同,真空中的光速最快(等于c),空气中光速接近c,玻璃中光速变小,变为v=c/n。

②光程的物理意义: $L=nr=nv\Delta t=c\Delta t$,光在介质中走过的光程等于相同时间内在真空中走过的路程。

因此, 经过相同的时间t:

几何路程为: $v_1 \times t > v_2 \times t$,则在空气中传播的几何路程要大于在玻璃中的路程。 光程为: δ =几何路程×折射率= $(v \times t) \times (c/v) = ct$,所以在相同时间里,在空气中和玻璃中走过的光程相同。



2. (2)在双缝干涉实验中,入射光的波长为λ,用玻璃纸遮住双缝中的一个缝,若玻璃纸中光程比相同厚度的空气的光程大2.5λ,则屏上原来的明条纹处为:

解析:本题考点,两列光发生干涉加强与干涉相消时光程差 δ 满足的条件:

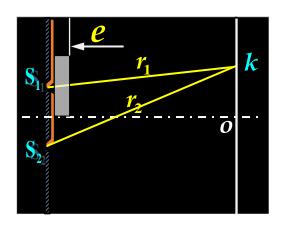
当 δ 为波长整数倍时,干涉加强 当 δ 为半波长奇数倍时,干涉相消

在放入玻璃纸之前: 屏上的明条纹处的光程差满足: $\delta_l = k\lambda$

当放入玻璃纸之后: 该处的光程差变为:

 $\delta' = \delta_1 + \Delta \delta = k\lambda + 2.5\lambda = (2k + 2 \times 2 + 1) \times (\lambda/2)$

变为了半波长的奇数倍, 对应暗纹。





2. (3)在双缝干涉实验装置放在折射率为n的媒质中,双缝到观察屏的距离为D,两缝之下的距离为d(d<<D),入射光在真空中的波长为λ,则屏上干涉条纹中相邻明纹的间距为:

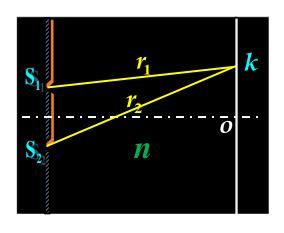
解析: 本题考点: 在不同介质中, 杨氏双缝干涉实验中光程差的计算公式:

 $\delta = nd\sin\theta \approx nd\theta \approx ndx/D$

相邻明纹,意味着光程差相差为 λ ,此时相邻明纹的间距 Δx 满足:

 $\lambda = \Delta x n d/D$

由此可得: $\Delta x = D \lambda dn$



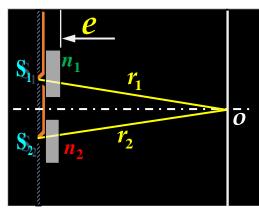


2. (4)若一双缝装置的两个缝分别被折射率为 n_1 和 n_2 的两块厚度均为e的透明介质所遮盖,此时由双缝分别到屏上原中央极大所在处的两束光的光程差 Δ =

解析:本题考点:杨氏双缝实验中,光路中加入介质后,通过该介质的光的光程的改变量为: $\Delta r=(n-1)e$

由于本题中,上下两个缝都被介质遮住了(如图所示),所以两列光的光程都发生了变化,它们的改变量分别是: $\Delta r_1 = (n_1 - 1)e$, $\Delta r_2 = (n_2 - 1)e$

因此,屏幕上不同位置处,两列光光程差的相对变化量为: $\Delta \delta = \Delta \mathbf{r}_2 - \Delta \mathbf{r}_1 = (\mathbf{n}_2 - \mathbf{n}_1) \mathbf{e}$



NOTION OF THE PROPERTY OF THE

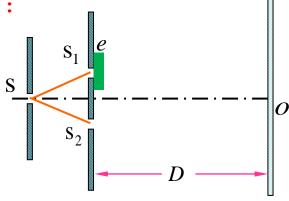
2. (5)如图,在双缝干涉实验中 $SS_1 = SS_2$,若将一厚度为e、折射率为n的薄云母片覆盖在 S_1 缝上,中央明条纹将向______移动;覆盖云母片后,两束相干光至原来中央明纹O处的光程差为:

解析:本题考点还是:①杨氏双缝实验中,光路中加入介质后,通过该介质的光的光程增加量(因为n>1)为: $\Delta r=(n-1)e$

②中央明纹的定义:两列光的光程差为0时所对应的条纹为中央明纹有了这两个知识点,我们就可以分析出,在如图所示的杨氏双缝中,如果上面的狭缝后覆盖了一个云母片,那么上面狭缝发出的光的光程就会增加 Δr 。为了使上下两列光的光程差为零,就应该增大下面狭缝发出的光的光程,减小上面狭缝发出的光的光程,使 $\delta' = r_2 - (r_1 + (n-1)e) = 0$,此处的位置满足: $r_2 - r_1 = (n-1)e > 0$ 。因此中央明条纹将**向上**移动。

当 r_2 - r_1 =0时,也就是对应原来中央明纹O处的光程差将变为:

$$\delta' = r_2 - (r_1 + (n-1)e) = -(n-1)e$$

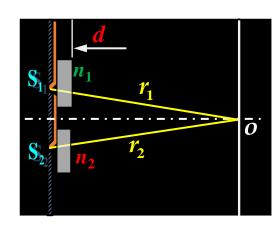




在右图示的双缝干涉实验中,若用薄玻璃片(折射率 n_1 =1.4)覆盖缝 S_1 ,用同样厚度的玻璃片(但折射率 n_2 =1.7)覆盖缝 S_2 ,将使原来未放玻璃时屏上的中央明条纹处O变为第五级明纹。设单色光波长 λ =480 nm (1 nm=10-9 m),求玻璃片的厚度d(可认为光线垂直穿过玻璃片)。

解析:本题考点与第2. (4) 题完全一样,上下两个缝都被介质遮住后,不同位置处的 光程差均改变了: $\Delta\delta = \Delta \mathbf{r}_2 - \Delta \mathbf{r}_1 = (\mathbf{n}_2 - \mathbf{n}_1) \mathbf{d}$,也就是中央明条纹O处的光程差变成了: $(\mathbf{n}_2 - \mathbf{n}_1) \mathbf{d} = \pm 5\lambda$,

可得: $d = \pm 5\lambda/(n_2 - n_1) = \pm 8 \times 10^{-6} \,\mathrm{m}$ 所以厚度为: $8 \times 10^{-6} \,\mathrm{m}$



WOOD WATER A STATE OF THE STATE

在双缝干涉实验中,波长 $\lambda = 550 \, nm$ 的单色平行光垂直入射到缝间距 $d = 2 \times 10^{-4} \text{m}$ 的双缝上,屏到双缝的距离 $D = 2 \, \text{m}$ 。求:(1)中央明纹两侧的两条第10级明纹中心的间距:(2) 用一厚度为 $e = 6.6 \times 10^{-6} \text{m}$ 、折射率为n = 1.58的云母片覆盖一缝后,零级明纹将移到原来的第几级明纹处?

解析: 本题考查的是杨氏双缝干涉实验的光程差计算和条纹间距公式, 如图所示:

$$\delta = r_2 n_2 - r_1 n_1 = r_2 - r_1 \approx d \cdot \frac{x}{D} = \begin{cases} \pm 2k \frac{\lambda}{2} & \text{明纹} \\ \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases}$$

因此,明纹的位置为: $x_k = \pm Dk\lambda/d$,则两侧的两条第10级明纹中心的间距为: $\Delta x = 20 \times D\lambda/d = 0.11 \text{ m}$ 。

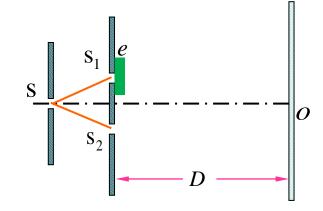
加入云母前:明纹的光程差为: $\delta = r_2 - r_1 = \pm k\lambda$,

加入后中央明纹处的光程差应满足: $\delta'=r_2-(r_1+ne-e)=0 \rightarrow r_2-r_1=\delta=(n-1)e$

该处所对应的原条纹的级数: $k = \delta/\lambda = (n-1)e/\lambda$

得: $k = 6.96 \sim 7$

因此,答案为第7级明纹





10. 思考题:在杨氏双缝干涉中,若做以下变动,屏幕上的干涉条纹将如何变化?(1) 将钠黄光换成波长为632.8 nm的氦氖激光;(2)将整个装置浸入水中;(3)将双缝间距增大;(4)将屏幕和双缝间距缩小。

解析: 本题考查的是杨氏双缝干涉实验在一般介质中的光程差计算式, 如图所示:

明、暗条纹的位置p为:

的位置
$$p$$
为:
$$\delta = r_2 n_2 - r_1 n_1 = nd \sin \theta \approx nd \cdot \frac{x}{D} = \begin{cases} \pm 2k \frac{\lambda}{2} & \text{明纹} \\ \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases}$$

且明纹的位置为: $x_k = \pm Dk\lambda/nd$, 且相邻明纹的间距为: $\Delta x = D\lambda/nd$

若将钠黄光 (589.3 nm) 源换成波长为632.8 nm的氦氖激光:则可知波长λ增大,所以明暗纹间距增大,且各级明纹/暗纹到中央距离也增大;当将装置放入水中时,则折射率η增大,所以明暗条纹的间距将缩小,且到中央距离也减小;当把双缝

的间距d增大时,明暗条纹的间距也在缩小,且到中央距离也减小; 最后当屏幕和双缝间距D缩小, 则明暗条纹的间距也在缩小, 且到中央距离也减小。

