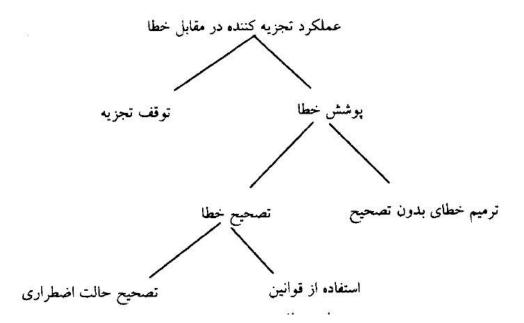
مدیریت خطا در تجزیه کننده



گرامر ذیل نشان میدهد که بعد از هر دستور سمی کالن قرار دارد.

stmt->stmt; stmt_list | stmt;

با توجه به آمار، یکی از خطاهایی که معمولا در برنامه رخ میدهد عدم درج سمی کالن است در نتیجه قاعده تولیدی به صورت ذیل نیز به گرامر اضافه میگردد.

stmt_error→stmt stmt_list|stmt stmt_error به جای stmt به جای stmt با stmt به جای stmt و نتیجه اگر برنامه نویس سمی کالن را درج نکند دستورات به جای stmt با و تجزیه کاهش می یابد بنابراین تجزیه کننده متوقف نمی گردد بلکه پیغام مناسب را صادر و تجزیه ادامه می یابد.

پوشش خطا در تجزیه کننده پیشگو غیر بازگشتی

۱- اگر پایانهای مانند a بالای پشته باشد که با نماد جاری یکسان نباشد، خطا رخ می دهد، به منظور پوشش خطا، نماد a را به ورودی اضافه می کنیم، بنابراین نماد بالای پشته با نماد جاری یکسان می شود بنابراین انتقال تطبیق انجام می گردد و نماد بالای پشته و نماد ورودی اضافه شده حذف می گردد و امید می رود تجزیه با موفقیت ادامه یابد، به عبارت ساده نماد

بالای پشته حذف میگردد. در این روش پیغامی مبنی بر درج a به برنامهنویس داده خواهد شد، تا برنامهنویس از خطا مطلع شود.

 $S \rightarrow bcA$ $A \rightarrow aA|c$

جدول تجزیه پیشگوی غیر بازگشتی

	a	b	С	\$
S		S→bcA		
Α	A→aA		A→c	

رشته bdcc را در مراحل ذیل تجزیه می کنیم.

مراحل تجزيه رشته bdcc

پشته	ورودی	توضيحات
\$ S	bdcc\$	
\$Acb	bdcc\$	
\$Ac	dcc\$	نماد بالا پشته c و نماد ورودی d است، در نتیجه خطا رخ میدهد. بنابراین به منظور
		پوشش خطاc را به ورودی اضافه میکنیم.
\$Ac	cdcc\$	نماد بالای پشته و نماد ورودی یکسان است و در نتیجه نماد بالای پشته و نماد
		ورودی حذف می شوند و تجزیه ادامه می یابد.

۲- نمادهای (first(A) را به عنوان مجموعه هماهنگ کننده A در نظر میگیریم . بنابراین اگر یکی از نمادهای (first(A) در ورودی ظاهر شود تجزیه بر اساس A ادامه می یابد. جدول تجزیه این گرامر در جدول ذیل نشان داده شده است.

S→bA A→aA|c

جدول تجزيه پيشگوي غير بازگشتي

2000 20	a	b	c	\$
S		S→bA		
A	A→aA		A→c	

مراحل تجزیه رشته bdec

پشته	ورودی	ثوضيحات
\$S	bdec\$	
\$Ab	bdec\$	
\$A	dec\$	M[A,d] خالی است در نتیجه خطا رخ داده است. بنابراین از
		نمادهای ورودی تا رسیدن به نمادی از (first(A صرفنظر
		می شود. در نتیجه از d صرفنظر می شود.
\$A	ec\$	M[A,e] خالی است در نتیجه خطا رخ داده است. بنابراین از
		نمادهای ورودی تا رسیدن به نمادی از (first(A صرفنظر
		می شود. بنابراین از e صرفنظر می شود.
\$A	c\$	
\$c	c\$	
\$	\$	
_ <u></u>		

۳- نمادهای (A) follow را به عنوان نمادهای هماهنگ کننده A در نظر میگیریم. (follow(A) نمادهایی هستند که بعد از A قرار میگیرند، بنابراین از نمادهای ورودی تا رویت یکی از نمادهای (follow(A) صرفنظر میکنیم و پس از رسیدن به یکی از نمادهای (follow(A) ،غیر پایانه A را از بالای پشته حذف میکنیم.

جدول تجزيه پيشگوي غير بازگشتي

S→bAe A→aA|c

	a	b	c	e	\$
S		S→bAe			
A	A→aA		A→c		1

مراحل تجزیه رشته bde

پشته	ورودي	توضيحات
\$S	bde\$	
\$eAb	bde\$	
\$eA	de\$	[A,d] خالی است در نتیجه خطا رخ داده است. بنابراین از نمادهای ورودی تا رسیدن به نمادی از follow(A) صرفنظر می شود. بنابراین از d صرفنظر می شود.
\$eA	e\$	[A,e] خالی است در نتیجه خطا رخ داده است. بنابراین از نمادهای ورودی تا رسیدن به نمادی از (follow(A صرفنظر میشود. چون e در (follow(A است در نتیجه A از پشته حذف میشود.
\$e	e\$	
\$	\$	

این روش معایبی نیز دارد به عنوان مثال به قطعه برنامه ذیل دقت کنید:

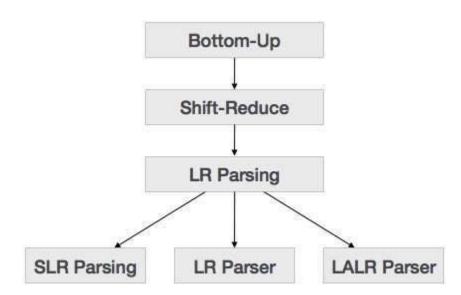
a:=b+c if(a=b) d=d+;

دستور اول علامت ; از قلم افتاده است بنابراین یک خطای نحوی رخ داده است. در نتیجه تجزیه کننده تا رسیدن به علامت ; که علامت هماهنگ کننده است ورودی را حذف میکند ، بنابراین کل عبارت if (a=b) d=d+1 حذف میگردد.

٤- برای رفع مشكل روش ٣ كلمات كليدی شروع كننده دستورات را به مجموعه هماهنگ كننده اضافه می كنیم. به عنوان مثال كلمات repeat،while،if را به مجموعه هماهنگ كننده غیر پایانه تولید كننده عبارات اضافه می كنیم.

تجزیه یایین به بالا

فرایند تجزیه پایین به بالا از گرههای برگ یک درخت آغاز می شود و به سمت بالا تا رسیدن به گره ریشه ادامه می یابد. در این روش ما از یک جمله آغاز می کنیم و سپس قواعد ترکیب را به روش معکوس برای رسیدن به نماد آغازین ادامه می دهیم.





```
\exp r \rightarrow \exp r + \operatorname{term} | \exp r - \operatorname{term} | \operatorname{term} + \operatorname{term} | \operatorname{term} \rightarrow 1|2|3|4
```

رشته 2-1+4 توسط تجزیه کننده پایین به بالا به صورت ذیل تجزیه می گردد.

```
4+1-2
term +1-2
expr + 1-2
expr + term -2
expr - 2
expr - term
expr
expr

(شته 2-1+4 با موفقیت به نماد شروع کاهش می یابد، در نتیجه این رشته پذیرفته می شود. اما

(شته 3-1+2 با توجه به مراحل ذیل قابل کاهش به نماد شروع نیست.
```

1+2+3
term+ 2-+3
expr + 2 -+ 3
expr + term -+3
expr -+ a
expr -+ term
expr -+ expr

2 +2-+3 expr -+ term
expr -+ expr

3 expr -+ term
expr -+ expr

4 +2-+3 expr -+ expr

6 expr -+ expr

6 expr -+ expr

7 expr -+ expr

8 expr -+ expr

9 expr -+ expr

9 expr -+ expr

1 expr -+ expr

2 expr -+ expr

2 expr -+ expr

3 expr -+ expr

4 expr -+ expr

6 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

2 expr -+ expr

2 expr -+ expr

3 expr -+ expr

4 expr -+ expr

4 expr -+ expr

4 expr -+ expr

5 expr -+ expr

6 expr -+ expr

6 expr -+ expr

6 expr -+ expr

6 expr -+ expr

7 expr -+ expr

8 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

2 expr -+ expr

2 expr -+ expr

3 expr -+ expr

4 expr -+ expr

6 expr -+ expr

6 expr -+ expr

6 expr -+ expr

7 expr -+ expr

8 expr -+ expr

8 expr -+ expr

9 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

2 expr -+ expr

2 expr -+ expr

3 expr -+ expr

6 expr -+ expr

6 expr -+ expr

7 expr -+ expr

8 expr -+ expr

8 expr -+ expr

9 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

2 expr -+ expr

2 expr -+ expr

3 expr -+ expr

4 expr -+ expr

6 expr -+ expr

7 expr -+ expr

8 expr -+ expr

8 expr -+ expr

9 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

2 expr -+ expr

3 expr -+ expr

4 expr -+ expr

6 expr -+ expr

6 expr -+ expr

7 expr -+ expr

8 expr -+ expr

9 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

1 expr -+ expr

2 ex



انواع روشهای کاهش رشته 2-1+4 به نماد شروع

روش دوم	روش اول	
4+1-2 term +1-2 expr + 1 -2 expr + term -2 expr - 2 expr - term	4+1-2 4+ term -2 4+ term -term term + term -term expr + term -term expr - term expr	
expr روش چهارم	روش سوم	
4+1-2 4+ 1 - term 4+ term -term term + term -term expr + term -term expr - term expr	4+1-2 4+ 1 - term 4+ term -term term + expr -term term + expr (عدم موفقیت در تجزیه)	

مقایسه تجزیه پایین به بالا با سمتراست ترین اشتقاق

سمت راست ترين اشتقاق	تجزیه پایین به بالا	
expr	4+1-2	
expr - term	term +1-2	
expr - 2	expr + 1 - 2	
expr + term - 2	expr + term -2	
expr + 1 - 2	expr - 2	
term + 1 - 2	expr - term	
4+1-2	expr	

دستگیره: زیر رشته ای منطبق بر سمت راست یک قانون و ایجاد کننده یک کاهش به غیر پایانه سمت چپ آن قانون **ویژگی دستگیره**: زیر رشته ای که با عمل کاهش با توانایی هدایت تجزیه کننده به عنصر شروع گرامر

دستگیره ها در تجزیه پایین به بالا رشته 2-1+4

قاعده توليد مورد استفاده	كاهشها	دستگیره
term→4	4+1-2	4
expr→term	term +1-2	term
term→1	expr + 1 -2	1
expr→expr+term	expr + term -2	expr + term
term→2	expr - 2	2
expr→expr+term	expr - term	expr - term
	expr	



S→bBCf B→Bcd|c C→e

S bBCf bBef bBcdef bccdef

دستگیرههای کاهش رشته bccdef

كاهش	دستگیره	
bccdef	С	
bBcdef	Bed	
bBef	e	
bBCf	bBCf	
S		

مثال دستگیره

abbcde دنباله ورودي

$$egin{aligned} {\sf S} & o {\sf aABe} \\ {\sf A} & o {\sf Abc} \mid {\sf b} \\ {\sf B} & o {\sf d} \end{aligned} \qquad egin{aligned} {\sf aAbc} {\sf de} \\ {\sf aAde} \\ {\sf aABe} \\ {\sf S} \end{aligned} \qquad egin{aligned} {\sf Abc} {\sf de} \\ {\sf aAde} \\ {\sf aABe} \\ {\sf S} \end{aligned} \qquad egin{aligned} {\sf Abc} {\sf de} \\ {\sf aAbc} {\sf de} \\ {\sf aAbc} \\ {\sf aAb$$

روش تجزیه انتقال – کاهش shift-reduce

روش تجزیه انتقال – کاهش از دو مرحله منحصر به فرد برای تجزیه پایین به بالا استفاده می کند. این مراحل به عنوان shift-step و reduce-step شوند.

مرحله Shift يا انتقال: (يافتن دستگيره)

مرحله انتقال به پیشروی اشاره گر ورودی به نماد ورودی بعدی اشاره دارد که به آن نماد انتقالی گفته می شود. این نماد روی پشته وارد می شود. نماد انتقالی به صورت یک گره واحد یا منفرد از درخت تجزیه است.

مرحله Reduce يا كاهش : (كاهش دستگيره)

وقتی تجزیه کننده یک قانون گرامری کامل RHSرا پیدا کرد و آن را به LHSجایگزین کرد ، به عنوان reduce-stepیا گام کاهشی شناخته می شود. این فرایند وقتی اتفاق می افتد که عنصر بالایی پشته حاوی یک دستگیره یا handleباشد. برای کاهش، یک عملکرد POPروی پشته اجرا می شود که دستگیره را از پشته خارج می کند و آن را با نماد غیر پایانی LHS جایگزین می کند.

همه تجزیه کنندههای پایین به بالا بعد از یافتن دستگیره، آن را کاهش میدهند. تفاوت انواع تجزیه کنندههای پایین به بالا در نحوه کشف دستگیرههاست.

❖ مهمترین تجزیه کنندههای پایین به بالا: ۱-تجزیه کننده عملگر-اولویت

۲- تجزیه کننده LR

تجزيه كننده عملكر اولويت

تجزیه کننده عملگر-اولویت، را می توان به سادگی به صورت دستی ایجاد کرد. این تجزیه کننده ضعیف است و بیشتر برای عبارات محاسباتی کاربرد دارد. تجزیه کننده عملگراولویت از روابط عملگرها برای تعیین دستگیره ها استفاده می کند. تجزیه کننده عملگراولویت را برای همه انواع گرامرها نمی توان ایجاد کرد. این تجزیه کننده فقط برای گرامرهای موسوم به گرامرهای عملگر قابل تولید است. گرامرهای عملگر، گرامرهایی هستند که دو ویژگی ذیل را داشته باشند.

۱- سمت راست هیچ قاعده تولیدی € نباشد.

۲- در سمت راست هیچ قاعده تولیدی بیش از یک غیر پایانه مجاور هم وجود نداشته باشد.

نقطه ضعفهای روش عملگر اولویت

- دشوار بودن اداره نمودن نشانه هایی مانند علامت منها با دو اولویت متفاوت (دودیی یا یگانی)
- عدم اطمینان از نتیجه درست تجزیه به دلیل رابطه نزدیک بین گرامر زبان در حال تجزیه و تجزیه کننده عملگر اولویت
 - قابلیت تجزیه بر روی تنها رده کوچکی از گرامرها



 $S \rightarrow ACD$

A→Sc |D

 $B\rightarrow Dd \mid \epsilon$

این گرامر عملگر نیست، یکی از قواعد سمت راست λ است.

 $S \rightarrow AB$

 $A \rightarrow aA \mid a$

 $B \rightarrow bB \mid b$

این گرامر عملگر نیست، زیرا دو غیرپایانه مجاور یکدیگردر سمت راست ۶ قرار دارند.

S→aAbB | aAb | abB | ab

 $A \rightarrow aA \mid a$

 $B \rightarrow bB \mid b$

برای تبدیل به گرامر عملگر میتوان از جایگذاری استفاده نمود.

عملگر اولویت – تعیین اولویتها

مفهوم	رابطه
اولویت a کمتر از b است.	a <. b
اولویت a و b یکسان است.	a = b
اولویت a بیش از b است.	a.> b

تعریف ۳ رابطه اولویت مجزای بین هر زوج از پایانه ها ممکن است در یک زبان دو عملگر وجود داشته باشد.

عملگر اولویت روشهای تعیین اولویت

۱- استفاده از شرکت پذیری و اولویت موجود بین خود عملگرها در زبان

۲- ایجاد گرامر غیر مبهمی برای زبان و درخت تجزیه آن با قابلیت انعکاس شرکت پذیری و اولویت صحیح بین عناصر پایانه در درخت

استفاده از اولویت ها

- ۱- قرار دادن روابط اولویت بین پایانه ها در رشته ورودی به تجزیه
- ۲- قرار دادن علامت \$ ابتدا و انتهای رشته ورودی به همراه اولویت آن نسبت به اولین پایانه و آخرین پایانه رشته
 - ۳- حذف غیر پایانه ها از جمله ورودی
 - ۴- پویش از انتهای چپ رشته تا رسیدن به اولین اولویت <.
 - ۵- پویش به عقب (چپ) از همان نقطه با پشت سرگذاردن هر = تا رسیدن به -
 - ۶- تعیین دستگیره شامل هر چیزی در سمت چپ اولین راست ۵. در مرحله >و سمت <

- \uparrow راست (توان) بالاترین اولویت و شرکت پذیر از \uparrow
- ۲- * و / بالاترین اولویت بعدی و شرکت پذیر از چپ
 - و پایین ترین اولویت و شرکت پذیر از چپ -

$E\rightarrow E+E \mid E*E \mid id$

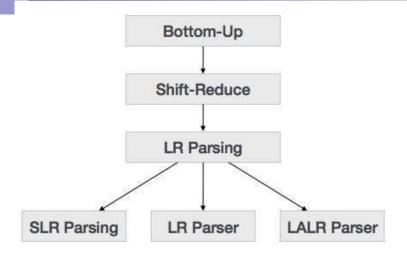
جدول اولويت عملكرها

id	+	*	\$
	>	>	>
<	>	<	>
<	>	>	>
<	<	<	
	id	< > > < > < > < > < > < > < > < > < > <	<pre></pre>

مراحل تجزيه رشته id+id*id

مراحل تجزيه رسته ١٥٠١٥					
پشته	رابطه نماد جاری ورودی و نماد بالای پشته	ورودی	عمل	دستگیره	
\$	<	id + id * id \$	انتقال به پشته		
\$id	>	+ id * id \$	كاهش	id دستگیره است و کاهش با E→id	
\$+	< .	id * id \$	انتقال به پشته		
\$+id	>	* id \$	کاهش	id دستگیره است و کاهش با E→id	
\$+	<	* id \$	انتقال به پشته		
\$+*	<	id \$	انتقال به پشته		
\$+*id	>	s	كاهش	id دستگیره است و کاهش با E→id	
\$+*	>	s		* به همراه غیرپایانه های طرفین آن که در مراحل قبلی به دست آمده است. دستگیره است و کاهش با E→E*E	
\$ +	>	s		+ به همراه غیرپایانههای طرفین آن که در مراحل قبلی به دست آمده است. دستگیره است و کاهش با E→E+E	
\$		S	550	رشته ورودی تمام شده و نماد شروع تولید شده است در نتیجه تجزیه تکمیل میگردد.	

تجزیه کننده های LR



دلایل پر طرفداربودن تجزیه کننده های LR

۱- قابلیت تشخیص ساختارهای زبانهای مستقل از متن

۲- عمومی ترین روش تجزیه انتقال کاهش غیر بازگشتی

۳- توانایی تجزیه رده گرامرهای قابل تجزیه پیش گو

۴- سریعترین تشخیص خطای نحوی با پویش چپ به راست

تجزیه LR - نقاط ضعف ۱ - کار زیاد در ساخت آن برای گرامر زبان بشکل دستی

۲- نیازمند ابزار مولد تجزیه کننده LR برای ایجاد

مقایسه LL و LR

LR	LL
اشتقاق راست ترین را بطور معکوس انجام می دهد.	اشتقاق چپ ترین
با ریشه غیر پایانی روی پشته پایان می یابد.	با ریشه غیر پایانی روی پشته شروع می کند.
با یک پشته خالی شروع می شود.	وقتی پشته خالی شود به پایان می رسد.
از پشته برای تعیین این که چه چیزی قبلا دیده است استفاده می کند.	از پشته برای تعیین این که چه چیزی هنوز باقی مانده است استفاده می کند.
درخت تجزیه پایین به بالا را می سازد.	درخت تجزیه بالا به پایین را می سازد.
سعی می کند طرف راست را روی پشته تشخیص دهد، آن را بردارد و غیر پایانی متناظر را وارد پشته نماید.	به طور مداوم غیر پایانه را از پشته بر می دارد و سمت راست مربوطه را وارد پشته می کند.
غیر پایانی ها را کاهش می دهد.	غیر پایانی ها را گسترش می دهد.
پایانی ها را می خواند همزمانی که آن ها را روی پشته وارد می دهد.	پایانی ها را می خواند وقتی یک عنصر را از پشته بر می دارد.
درخت تجزیه پیمایش پس ترتیبی دارد.	درخت تجزیه پیمایش پیش ترتیبی دارد.

گرامر (LL(K) توانایی تشخیص وقوع سمت راست یک رشته با دیدن تمام آنچه که از آن سمت راست مشتق شده ، با استفاده از **K** نماد پیش نگر

وانایی تشخیص وقوع سمت راست تنها با دیدن اولین K نماد از آنچه توسط سمت راست آن مشتق شده اولین K

تجزیهکننده LR

تجزیه گر LR یک تجزیه کننده غیر بازگشتی، (shift-reduceانتقالی-کاهشی) و پایین به بالا است. تجزیه گر LR از کلاس گسترده ای از گرامر مستقل از متن استفاده می کند که آن را به کار آمدترین روش تجزیه نحوی تبدیل می کند. تجزیه گرهای LRهمچنین به عنوان تجزیه کننده (k) LR شناخته می شود، که لمخفف اسکن از چپ به راست left-to-right جریان ورودی است. R مخفف ساختار راست ترین اشتقاق به صورت معکوس است و k علامت تعدادی نمادهای رو به جلو برای تصمیم گیری را مشخص می کند.

سه الگوریتم هستند که به طور گستردهای برای ساخت تجزیه کننده LRاستفاده می شوند:

- (ساده ترین، کمترین توانایی) LR تجزیه کننده
 - بر روی دسته کوچکترین گرامرها کار میکند.
- تعداد حالتها معدود است و از این رو جدول بسیار کوچکی دارد.
 - ساخت ساده و آسانی دارد.
 - (CLR) LR تجزیه کننده (CLR) قدر تمندترین، گران ترین
 - بر روی مجموعه کاملی از گرامرهای (LR(1)کار می کند.
 - جدول بزرگی ایجاد می کند و تعداد حالتها زیاد است.
 - ساخت کندی دارد.
- (LALR(1 تجزیه کننده LR رو به جلو (LR پیش نگر) قدرت متوسط، هزینه متوسط
 - بر روی گرامرهای با اندازه متوسط کار می کند
 - تعداد حالتها همانند الگوريتم (SLR(1)است. و F.Rismanian ©



 $\mathbf{a}_1 \mathbf{a}_2 \mathbf{a}_3 \dots$ خروجي برنامه تجزیه LR action goto حالات قسمتهای مختلف تجزیه کننده LR

۱- ورودی: رشته ورودی که تجزیه کننده باید آن را تجزیه کند در این قسمت قرار دارد. به انتهای رشته ورودی \$ اضافه میشود. تجزیه کننده LR با دیدن \$ پایان رشته ورودی را تشخیص میدهد.

 Y_- پشته: محتوای پشته به صورت $S_0X_1S_1...X_mS_m$ نشان داده می شود. S_1 نشان دهنده حالات و X_1 پایانه ها و غیر پایانه های گرامر است. نمادهای ورودی به پشته منتقل می شوند تا یک دستگیره در پشته یافت شود، پس از کشف دستگیره، کاهش آنجام می شود.

۳- جدول تجزیه LR: این بخش شامل دو قسمت action و goto است. قسمت action عملی که باید انجام شود و بخش goto حالت بعدی را مشخص میکند.

٤- خروجي: دنباله اي از قواعد توليد گرامر است كه در تجزيه استفاده شده اند.

۵- برنامه تجزیه کننده LR این برنامه قسمت اصلی تجزیه کننده است. برنامه تجزیه کننده بر اساس نماد جاری رشته ورودی و حالت بالای پشته و محتوای جدول تجزیه، مرحله بعدی را تعیین میکند. نحوه عملکرد برنامه تجزیه کننده را با یک مثال نشان میدهیم.

تجزيه انتقال-كاهش

- در تجزیه انتقال-کاهش،یک پشته نمادهای گرامر را نگهداری می کند،وبخشی از رشته ورودی که هنوز تجزیه نشده است
 در بافر ورودی قرار می گیرد.
- در روند پویش از چپ به راست در رشته ورودی، تجزیه کننده چندین نماد را به پشته انتقال می دهد.و این عمل تا زمانیکه
 یک دستگیرهβ در بالای پشته ظاهر شود ادامه می یابد. سپسβبا سمت چپ مولد مناسب کاهش می یابد. این عمل تا زمانیکه
 خطایی پیدا شود یا پشته شامل نمادشروع و ورودی تهی شود، ادامه می یابد.

٠,

مزيت هرس نمودن: توانايي توليد معكوس سمت راست ترين اشتقاق

مشكلات هرس نمودن دستگيره

۱- تعیین زیر رشته مناسب برای کاهش در یک شبه جمله راست

۲- انتخاب قانون مناسب در موارد وجود دو یا بیشتر قانون با زیر رشته یکسان در سمت راست

(1)
$$E \rightarrow E + E$$

(2)
$$E \rightarrow E * E$$

(3)
$$E \rightarrow (E)$$

$$(4) E \rightarrow id$$

مثال هرس نمودن دستگیره

شبه جمله _ر است	دستگیره	قانون كاهشى
id1 + id2 * id3	id1	E o id
E + id2 * id3	id2	E o id
E + E * id3	id3	E o id
E + E * E	E * E	$E \rightarrow E * E$
E+E	E+E	$E \rightarrow E + E$
E		