

Phase 4.1: Controller Design

การออกแบบระบบควบคุมตำแหน่งสำหรับหุ่นยนต์สี่ขา
BLEGS Analysis Unit

นายธีรโชค เมืองจำเนงค์
BLEGS Quadruped Robot Project

2 มกราคม 2026

สารบัญ

1 บทนำ (Introduction)

1.1 วัตถุประสงค์

Phase 4.1 มีวัตถุประสงค์เพื่อออกแบบและพัฒนาระบบควบคุมตำแหน่งสำหรับมอเตอร์ของหุ่นยนต์สี่ขา โดยใช้วิธีการควบคุมแบบ Direct Position Control ร่วมกับ S-Curve Motion Profiling เพื่อให้การเคลื่อนที่ของหุ่นยนต์มีความนุ่มนวลและแม่นยำ

1.2 ขอบเขตการศึกษา

- การออกแบบระบบควบคุมตำแหน่งแบบ Direct Position Control
- การพัฒนา S-Curve Motion Profile Generator
- การบูรณาการระบบควบคุมกับ Inverse Kinematics
- การทดสอบระบบควบคุมกับขาเดียว (Single Leg Testing)
- การวิเคราะห์ประสิทธิภาพและความแม่นยำของระบบควบคุม

1.3 ความเชื่อมโยงกับ Phase ก่อนหน้า

Phase 4.1 ใช้ความรู้และผลลัพธ์จาก Phase ก่อนหน้าดังนี้:

- Phase 1 (Kinematics): ใช้ฟังก์ชัน IK analytical สำหรับแปลงตำแหน่งปลายเท้าเป็นมุมมอเตอร์
- Phase 2 (Dynamics): ใช้ข้อมูล Torque analysis เพื่อเลือกมอเตอร์ที่เหมาะสม (5 N·m)
- Phase 3 (Simulation): ใช้ Trajectory pattern จากการจำลองมาระยุกต์ในอาร์ดแวร์จิง

2 หลักการควบคุมตำแหน่ง (Position Control Theory)

2.1 Direct Position Control

Direct Position Control คือวิธีการควบคุมที่ส่งคำสั่งตำแหน่งเป้าหมายไปยังมอเตอร์โดยตรง โดยมอเตอร์จะมีระบบควบคุมภายใน (Internal Controller) ที่รับผิดชอบในการเคลื่อนที่ไปยังตำแหน่งเป้าหมาย

2.1.1 ข้อดี

- ความเรียบง่าย: ไม่ต้องพัฒนา Controller Loop ที่ซับซ้อน
- ความเสถียร: ระบบควบคุมภายในของมอเตอร์ได้รับการปรับจูนแล้ว
- ความแม่นยำ: มอเตอร์ใช้ Encoder feedback เพื่อรักษาความแม่นยำ
- การตอบสนอง: Update rate สูง (100-1000 Hz) ภายในมอเตอร์

2.1.2 ข้อจำกัด

- ต้องอาศัยคุณภาพของ Internal Controller ของมอเตอร์
- ความคุณ Torque และ Velocity โดยตรงได้ยากกว่า
- ต้องระวังการส่งคำสั่งที่เร็วเกินไป (Command saturation)

2.2 ระดับของระบบควบคุม (Control Hierarchy)

ระบบควบคุมของหุ่นยนต์สี่ขาแบ่งเป็น 3 ระดับ:

1. High-Level Controller (Gait Controller):

สร้าง Trajectory ของปลายเท้าในพื้นที่ Cartesian (x, y)

- Input: Gait parameters (step length, lift height, cycle time)
- Output: $\mathbf{P}_F(t) = [x_F(t), y_F(t)]^T$ สำหรับแต่ละขา

2. Mid-Level Controller (Inverse Kinematics):

แปลงตำแหน่งปลายเท้าเป็นมุมมอเตอร์

- Input: $\mathbf{P}_F(t)$ จาก Gait Controller
- Process: Analytical IK (Phase 1.2)
- Output: $\boldsymbol{\theta}(t) = [\theta_A(t), \theta_B(t)]^T$

3. Low-Level Controller (Motor Controller):

ส่งคำสั่งตำแหน่งไปยังมอเตอร์

- Input: $\boldsymbol{\theta}(t)$ จาก IK
- Process: Communication protocol (Binary/Serial)
- Output: Motor position commands

3 S-Curve Motion Profiling

3.1 หลักการ S-Curve Profile

S-Curve Motion Profile เป็นวิธีการสร้าง Trajectory ที่มีความเร่งเปลี่ยนแปลงอย่างต่อเนื่อง (Continuous Acceleration) เพื่อลดแรงกระแทก (Jerk) และทำให้การเคลื่อนที่นุ่มนวล

3.1.1 พารามิเตอร์

- p_0 = ตำแหน่งเริ่มต้น (Start position)
- p_f = ตำแหน่งเป้าหมาย (Final position)
- v_{max} = ความเร็วสูงสุด (Maximum velocity)
- a_{max} = ความเร่งสูงสุด (Maximum acceleration)
- j_{max} = Jerk สูงสุด (Maximum jerk)
- t_f = เวลารวม (Total time)

3.2 สมการ S-Curve Profile

S-Curve Profile แบ่งการเคลื่อนที่เป็น 7 ขั้นตอน แต่ในการประยุกต์ใช้จริง เรา simplify เป็น 3 ขั้นตอนหลัก:

3.2.1 ขั้นที่ 1: Acceleration Phase ($0 \leq t \leq t_1$)

ความเร่งเพิ่มขึ้นแบบ smooth จาก 0 ถึง a_{max}

$$a(t) = a_{max} \sin\left(\frac{\pi t}{2t_1}\right) \quad (1)$$

$$v(t) = \frac{2a_{max}t_1}{\pi} \left[1 - \cos\left(\frac{\pi t}{2t_1}\right) \right] \quad (2)$$

$$p(t) = p_0 + \frac{2a_{max}t_1}{\pi} \left[t - \frac{2t_1}{\pi} \sin\left(\frac{\pi t}{2t_1}\right) \right] \quad (3)$$

3.2.2 ขั้นที่ 2: Constant Velocity Phase ($t_1 \leq t \leq t_2$)

เคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่

$$a(t) = 0 \quad (4)$$

$$v(t) = v_{cruise} \quad (5)$$

$$p(t) = p_1 + v_{cruise}(t - t_1) \quad (6)$$

3.2.3 ขั้นที่ 3: Deceleration Phase ($t_2 \leq t \leq t_f$)

ความเร่งลดลงแบบ smooth จาก $-a_{max}$ ถึง 0

$$a(t) = -a_{max} \sin\left(\frac{\pi(t - t_2)}{2t_3}\right) \quad (7)$$

$$v(t) = v_{cruise} - \frac{2a_{max}t_3}{\pi} \left[1 - \cos\left(\frac{\pi(t - t_2)}{2t_3}\right) \right] \quad (8)$$

$$p(t) = p_2 + v_{cruise}(t - t_2) - \frac{2a_{max}t_3}{\pi} \left[(t - t_2) - \frac{2t_3}{\pi} \sin\left(\frac{\pi(t - t_2)}{2t_3}\right) \right] \quad (9)$$

3.3 การประยุกต์ใช้ในระบบจริง

ในการพัฒนาระบบควบคุมหุ่นยนต์ เราใช้วิธี S-Curve แบบง่าย โดยใช้ Sinusoidal Velocity Profile:

$$v(t) = v_{max} \sin\left(\frac{\pi t}{t_f}\right) \quad (10)$$

ตำแหน่งจะได้จากการ integrate:

$$p(t) = p_0 + (p_f - p_0) \left[\frac{t}{t_f} - \frac{1}{2\pi} \sin\left(\frac{2\pi t}{t_f}\right) \right] \quad (11)$$

ข้อดี:

- สมการเรียบง่าย คำนวณเร็ว
- Jerk ต่ำ (ความเร่งเปลี่ยนแปลงอย่างต่อเนื่อง)
- เมฆะสำหรับ Gait trajectory ที่เป็นวงรอบ (Cyclic motion)

4 การออกแบบ Trajectory Generator

4.1 Elliptical Foot Trajectory

สำหรับการเดินของหุ่นยนต์สี่ขา เราใช้ Trajectory รูปวงรีสำหรับแต่ละขา:

4.1.1 พารามิเตอร์

- x_c, y_c = จุดศูนย์กลางของขา (Center position)
- a = กึ่งแกนใหญ่ (Semi-major axis) = Step length / 2
- b = กึ่งแกนเล็ก (Semi-minor axis) = Lift height / 2
- T = Gait cycle time
- ϕ = Phase offset สำหรับแต่ละขา

4.1.2 สมการ Trajectory

$$x_F(t) = x_c + a \cos\left(\frac{2\pi t}{T} + \phi\right) \quad (12)$$

$$y_F(t) = y_c - b \left| \sin\left(\frac{2\pi t}{T} + \phi\right) \right| \quad (13)$$

โดยใช้ $| \sin |$ เพื่อให้วงรีอยู่ด้านล่างเท่านั้น (ไม่ยกขาเหนือจุดศูนย์กลาง)

4.2 Asymmetric Trajectory (Advanced)

สำหรับการเดินที่นุ่มนวลยิ่งขึ้น เราพัฒนา Asymmetric Trajectory ที่แบ่งเวลาไม่เท่ากัน:

- Stance Phase (65%): เท้าสัมผัสพื้น - ใช้เวลานาน เพื่อลดแรงกระแทก
- Swing Phase (35%): เท้ายกขึ้น - ใช้เวลาสั้น เพื่อเคลื่อนที่เร็ว

4.2.1 สูตร Time Warping

ใช้ฟังก์ชัน $\tau(t)$ เพื่อแปลงเวลาเชิงเส้นเป็น Asymmetric time:

$$\tau(t) = \begin{cases} \frac{t}{0.65T} \cdot \pi & \text{if } 0 \leq t < 0.65T \text{ (STANCE)} \\ \pi + \frac{t-0.65T}{0.35T} \cdot \pi & \text{if } 0.65T \leq t < T \text{ (SWING)} \end{cases} \quad (14)$$

แล้วใช้ในสูตร:

$$x_F(t) = x_c + a \cos(\tau(t) + \phi) \quad (15)$$

$$y_F(t) = y_c - b |\sin(\tau(t) + \phi)| \quad (16)$$

5 การบูรณาการกับ Inverse Kinematics

5.1 ขั้นตอนการแปลง Trajectory

1. Trajectory Generation:

สร้าง $\mathbf{P}_F(t) = [x_F(t), y_F(t)]^T$ จาก Gait parameters

2. Inverse Kinematics:

แปลงเป็นมุมมอเตอร์โดยใช้ฟังก์ชัน IK analytical:

$$[\theta_A(t), \theta_B(t)] = \text{IK_analytical}(\mathbf{P}_F(t), \text{config}) \quad (17)$$

3. Position Command:

ส่งคำสั่งไปยังมอเตอร์:

$$\text{Motor}_A \leftarrow \theta_A(t), \quad \text{Motor}_B \leftarrow \theta_B(t) \quad (18)$$

5.2 การเลือก Configuration

จาก Phase 1.2 เรามี 4 Configurations ที่เป็นไปได้ แต่เราเลือกใช้:

- **Configuration 1 (Down-Down):** หมายความว่ามุมทั้งสองข้อต่ำ

- Torque สมดุล (จาก Phase 2.1)
- มุมมอเตอร์อยู่ในช่วงที่ปลอดภัย
- Workspace กว้าง

5.3 ตัวอย่างโค้ด Python

Listing 1: Trajectory to Motor Angles

```
1 import numpy as np
2 from kinematics import calculate_ik_analytical
3
4 def trajectory_to_motor_angles(x_traj, y_traj, config
= 1):
```

```

5      """
6      Convert Cartesian trajectory to motor angles
7
8      Parameters :
9      -----
10     x_traj : array-like
11         X coordinates of foot trajectory (mm)
12     y_traj : array-like
13         Y coordinates of foot trajectory (mm)
14     config : int
15         IK configuration (1, 2, 3, or 4)
16
17      Returns :
18      -----
19     theta_A : array
20         Motor A angles (degrees)
21     theta_B : array
22         Motor B angles (degrees)
23     """
24
25     n_points = len(x_traj)
26     theta_A = np.zeros(n_points)
27     theta_B = np.zeros(n_points)
28
29     for i in range(n_points):
30         P_F = np.array([x_traj[i], y_traj[i]])
31         theta_A[i], theta_B[i] =
32             calculate_ik_analytical(P_F, config)
33
34     return theta_A, theta_B
35
36 # Example: Generate elliptical trajectory
37 t = np.linspace(0, 1, 100) # 100 points per cycle
38 x_center, y_center = 0, -200
39 step_length, lift_height = 60, 30
40
41 x_traj = x_center + (step_length/2) * np.cos(2*np.pi*t)
42 y_traj = y_center - (lift_height/2) * np.abs(np.sin(2*
43 np.pi*t))
44
45 # Convert to motor angles
46 theta_A, theta_B = trajectory_to_motor_angles(x_traj,
47     y_traj, config=1)

```

6 ข้อกำหนดทางเทคนิค (Technical Specifications)

6.1 พารามิเตอร์การควบคุม

พารามิเตอร์	ค่า	หน่วย
Update Rate	50-100	Hz
Control Loop Time	10-20	ms
Communication Baud Rate	921600	baud
Position Resolution	0.01	degrees
Maximum Velocity	300	deg/s
Maximum Acceleration	1000	deg/s ²

ตารางที่ 1: พารามิเตอร์การควบคุมระบบ

6.2 Gait Parameters (Single Leg Testing)

พารามิเตอร์	ค่า	หน่วย
Trajectory Parameters		
Center Position	(0, -200)	mm
Step Length	60	mm
Lift Height	30	mm
Timing Parameters		
Gait Cycle Time	600	ms
Update Rate	100	Hz
Points per Cycle	60	points
Test Parameters		
Total Cycles	341+	cycles
Total Test Time	205	seconds
Success Rate	96-99	%

ตารางที่ 2: พารามิเตอร์การทดสอบขาเดียว

7 การทดสอบและผลลัพธ์ (Testing and Results)

7.1 Single Leg Testing

การทดสอบขาเดียวดำเนินการกับขาซ้ายหน้า (Front-Left) โดยใช้ Binary Protocol v1.1

7.1.1 ขั้นตอนการทดสอบ

1. เริ่มต้นที่ Home position: $P_F = (0, -200)$ mm
2. สร้าง Elliptical trajectory (60x30 mm)
3. แปลงเป็นมุมมอเตอร์ด้วย IK (Config 1)
4. ส่งคำสั่งไปยังมอเตอร์ @ 100 Hz
5. บันทึกข้อมูล feedback จากมอเตอร์
6. วิเคราะห์ความแม่นยำและ error

7.1.2 ผลการทดสอบ

เกณฑ์	ผลลัพธ์
Total Cycles Tested	341+ cycles
Success Rate	96-99%
Position Error (RMS)	< 2 degrees
Maximum Error	< 5 degrees
Communication Errors	< 1%
Motor Response Time	< 10 ms
สถานะ	✓ PASS

ตารางที่ 3: ผลการทดสอบการควบคุมขาเดียว

7.2 การแก้ปัญหา Motor Jitter

7.2.1 ปัญหาที่พบ

ในช่วงแรกของการทดสอบ พบร่วมมอเตอร์มีอาการสั่น (Jitter) เมื่อรับคำสั่งตำแหน่งใหม่

7.2.2 สาเหตุ

- ส่งคำสั่งเร็วเกินไป (Update rate สูงเกินจำเป็น)
- คำสั่งตำแหน่งมีการกระโดดแบบ step change
- ระบบควบคุมภายในมอเตอร์ตอบสนองแบบ aggressive

7.2.3 วิธีแก้ไข

1. ลด Update rate จาก 200 Hz เหลือ 100 Hz
2. เพิ่ม S-Curve profiling ให้กับ trajectory
3. ปรับจูนพารามิเตอร์ของมอเตอร์ (ใน MCU firmware):

- ลด Position P-gain
 - เพิ่ม Velocity feedforward
 - ปรับ Current limit
4. ใช้ Trajectory smoothing filter (Moving average)

7.2.4 ผลลัพธ์หลังแก้ไข

- Motor jitter ลดลงเกือบหมด
- การเคลื่อนที่นุ่มนวลและต่อเนื่อง
- Success rate เพิ่มขึ้นจาก 85% เป็น 96-99%

8 การพัฒนา Binary Protocol

8.1 ภาพรวม Communication Protocol

Binary Protocol ถูกพัฒนาเพื่อการสื่อสารที่มีประสิทธิภาพระหว่าง PC และ Motor Controller (MCU)

8.1.1 คุณสมบัติ

- Efficiency: ใช้ Binary format (compact กว่า ASCII)
- Reliability: มี CRC-16 checksum
- Speed: Baud rate 921600 (ส่งข้อมูลได้เร็ว)
- Flexibility: รองรับคำสั่งหลายประเภท

8.2 โครงสร้าง Packet

8.2.1 Command Packet (คอมพิวเตอร์ส่งไปยังไมโครคอนโทรลเลอร์)

Field	Size (bytes)	Type	Description
Header	1	uint8	0xAA (Start marker)
Command	1	uint8	Command ID
Motor ID	1	uint8	Motor index (1-8)
Position	4	float32	Target position (degrees)
CRC-16	2	uint16	Checksum
Total	9		

ตารางที่ 4: โครงสร้าง Command Packet

8.2.2 Response Packet (ໄມໂຄຣຄອນໂທຣລເລວ່ວ່າດົກລັບໄປຢັງຄອມພິວເຕັບ)

Field	Size (bytes)	Type	Description
Header	1	uint8	0xBB (Start marker)
Motor ID	1	uint8	Motor index (1-8)
Current Pos	4	float32	Current position (degrees)
Current Vel	4	float32	Current velocity (deg/s)
Current	4	float32	Motor current (A)
Status	1	uint8	Status flags
CRC-16	2	uint16	Checksum
Total	17		

ຕາຮາງທີ 5: ໂຄຮສ້າງ Response Packet

8.3 Command Types

ID	Command	Description
0x01	SET_POSITION	ສັ່ງຄຳສັ່ງຕຳແໜ່ງເປົ້າໝາຍ
0x02	GET_FEEDBACK	ຂອ້ານຸດ feedback ຈາກມອເຕອວ່າ
0x03	ENABLE_MOTOR	ເປີດໃຊ້ງານມອເຕອວ່າ
0x04	DISABLE_MOTOR	ປຶດໃຊ້ງານມອເຕອວ່າ
0x05	SET_ZERO	ຕັ້ງຕຳແໜ່ງປັຈຈຸບັນເປັນຄູນຍົງ
0x06	EMERGENCY_STOP	ຫຍຸດຜູກເນີນ

ຕາຮາງທີ 6: ຮາຍການ Command Types

8.4 CRC-16 Checksum

ໃຊ້ CRC-16-CCITT polynomial ສໍາຫຼັບກວດຈັບ error:

$$\text{Polynomial} = x^{16} + x^{12} + x^5 + 1 = 0x1021 \quad (19)$$

8.4.1 ຕັວຢ່າງໂດັດ Python

Listing 2: CRC-16 Implementation

```

1 def crc16_ccitt( data ):
2     """
3         Calculate CRC-16-CCITT checksum
4
5     Parameters :

```

```

6      -----
7      data : bytes
8          Input data
9
10     Returns :
11     -----
12     crc : int
13         CRC - 16 checksum (16 - bit)
14         """
15     crc = 0xFFFF
16     polynomial = 0x1021
17
18     for byte in data:
19         crc ^= (byte << 8)
20         for _ in range(8):
21             if crc & 0x8000:
22                 crc = ((crc << 1) ^ polynomial) & 0
23                               FFFF
24             else:
25                 crc = (crc << 1) & 0xFFFF
26
return crc

```

9 สรุปและข้อเสนอแนะ (Conclusion and Recommendations)

9.1 สรุปผลการออกแบบ

Phase 4.1 ได้ออกแบบและพัฒนาระบบควบคุมตำแหน่งสำหรับหุ่นยนต์สี่ขาได้สำเร็จ โดยมีผลลัพธ์ดังนี้:

- ✓ **Controller Design:** Direct Position Control + S-Curve Profiling
- ✓ **Trajectory Generation:** Elliptical และ Asymmetric trajectory
- ✓ **IK Integration:** ใช้ Analytical IK (Config 1) สำเร็จ
- ✓ **Binary Protocol:** รองรับการสื่อสารที่เสถียร (Success rate 96-99%)
- ✓ **Single Leg Testing:** ทดสอบ 341+ cycles สำเร็จ

9.2 จุดเด่นของระบบ

1. **ความนิ่มนวล:** S-Curve profiling ลด Jerk และแรงกระแทก
2. **ความแม่นยำ:** Position error < 2 degrees (RMS)
3. **ความเสถียร:** Success rate สูง (96-99%)

4. ความเร็ว: Update rate 100 Hz เพียงพอสำหรับ Gait control
5. ความยืดหยุ่น: รองรับ Gait pattern หลายแบบ

9.3 บทเรียนที่ได้รับ

- **Update Rate:** ไม่จำเป็นต้องสูงเกินจำเป็น - 100 Hz เพียงพอ
- **Trajectory Smoothing:** สำคัญมากสำหรับการลด Motor jitter
- **Motor Tuning:** การปรับจูนพารามิเตอร์มอเตอร์ (P-gain, Feedforward) มีผลมาก
- **Error Handling:** ต้องมี Checksum และ Timeout protection

9.4 ข้อเสนอแนะสำหรับ Phase ถัดไป

9.4.1 Phase 4.2: Hardware Integration

- ขยายระบบควบคุมจาก 1 ขา (2 motors) เป็น 4 ขา (8 motors)
- พัฒนา Multi-motor synchronization
- ทดสอบ Trot gait บนชาร์ดแวร์จริง
- เพิ่ม Emergency stop และ Safety features

9.4.2 Phase 5: Quadruped Scaling

- พัฒนา Motor indexing system
- ออกแบบ Mirror kinematics สำหรับขาซ้าย-ขวา
- ทดสอบ Multi-leg coordination
- ปรับจูน Gait parameters สำหรับการเดินบนพื้นจริง

9.5 ข้อจำกัดที่ควรระวัง

- **IK Singularities:** หลีกเลี่ยงตำแหน่งที่ IK มี multiple solutions หรือ undefined
- **Workspace Limits:** ตรวจสอบว่า Trajectory อยู่ภายใน reachable workspace
- **Communication Latency:** ต้องมีการชดเชย Latency ในระบบ Real-time
- **Power Management:** ต้องมี Battery monitoring และ Low voltage protection

10 เอกสารอ้างอิง (References)

1. Phase 1.2: Inverse Kinematics Analytical - BLEGS Analysis Unit
2. Phase 2.1: Static Torque Analysis - BLEGS Analysis Unit
3. Phase 3.1: Gait Control Simulation - BLEGS Analysis Unit
4. S-Curve Motion Profile Theory and Applications
5. Binary Communication Protocols for Embedded Systems
6. CRC-16-CCITT Checksum Standard