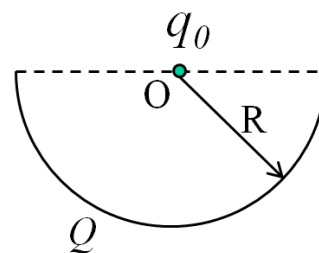


一、

如图所示，一个均匀的带电量为 Q ($Q > 0$) 的细线弯成半径为 R 的半圆环，圆心处放置一电荷量为 q_0 ($q_0 < 0$) 的点电荷，试求：



- (1) 圆心处点电荷所受的电场力的大小与方向；
- (2) Q 与 q_0 之间的相互作用势能，设无穷远点为零势能参考点。

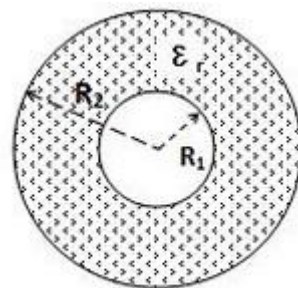
二、

一半径为 R 的带电球体，其电荷体密度为 $\rho = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ ， ρ_0 为一常量， r 为球内空间某点到球心的距离。求：

- (1) 空间各点电场强度的分布；
- (2) 电场强度在何处最大，最大值为多少？

三、

半径分别为 R_1 与 R_2 ($R_1 < R_2$) 的两导体球面同心地套在一起，两球面之间充满介电常数为 ϵ_r 的均匀电介质构成一个球形电容器，



- (1) 求该电容器的电容；
- (2) 将电容器充电，使内外球面分别带上电荷 $+Q$ 与 $-Q$ ，求介质球壳内外表面的极化电荷面密度；
- (3) 求充电后介质内电场的能量密度，及电容器储存的电场能量。

四、

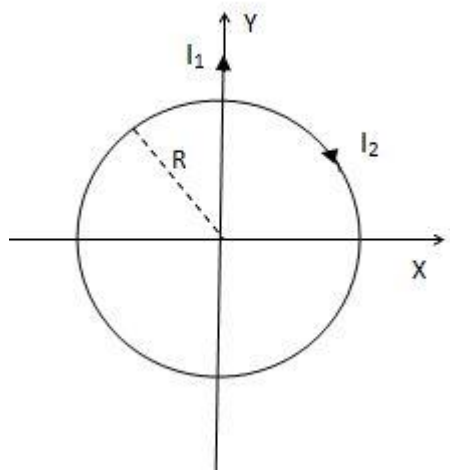
从经典观点来看，氢原子可看作是一个电子绕核作高速旋转的体系。已知电子和质子的电量分别为 $-e$ 和 $+e$ ，电子质量为 m_e ，氢原子电子的平面圆形轨道半径为 r_0 ，试求：

- (1) 电子轨道运动的磁矩 \vec{p}_m 的大小；
- (2) \vec{p}_m 在轨道圆心处所产生的磁感应强度 \vec{B} 的大小；
- (3) 设原子核质子的自旋产生的磁场磁感应强度为 \vec{B}_0 ，且在原子内可视为均匀磁场。当 \vec{B}_0 与 \vec{p}_m 之间的夹角 $\theta = 45^\circ$ 时，求 \vec{p}_m 受到原子核磁场 \vec{B}_0 的磁力矩的大小。

$$\left(\text{令 } k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \right)$$

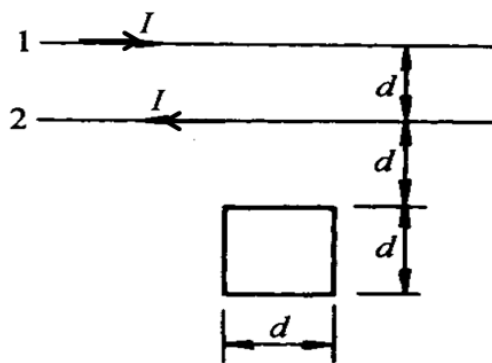
五、

半径为 R 的圆形线圈通有电流 I_2 ，置于电流为 I_1 的无限长直载流导线的磁场中，直导线经过圆形线圈的直径，且与圆形线圈相互绝缘，如图所示。求圆线圈受到长直线电流 I_1 的磁力的大小和方向。



六、

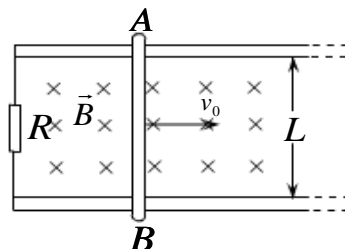
如图所示，两根无限长直导线相距为 d ，载有大小相等方向相反的电流 I ， I 以恒定的变化率 $\frac{dI}{dt}$ 增长。一个边长为 d 的正方形导线线圈位于导线平面内，与一根导线相距 d 。试求：



- (1) 线圈中的感生电动势的大小与方向；
- (2) 线圈与两直导线之间的互感系数 M ；
- (3) 若线圈的电阻为 R ，且计时开始时长直导线内的电流为 I_0 ，求 t 时刻后正方形线圈导线截面内通过的感应电量 q_i 。

七、

一对平行的金属导轨上放置一质量为 m 的金属杆 AB ，导轨间距为 L 。平行导轨一端用电阻 R 相连接。一均匀磁场 \vec{B} 垂直于两导轨所在平面（如图所示）。若杆以初速度 v_0 向右滑动，假定导轨是光滑的，且忽略导轨的电阻，求：



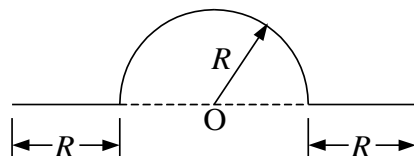
- (1) 当杆 AB 的速率为 v 时， AB 上动生电动势 ξ_i 、及通过金属杆 AB 内感应电流 I_i 的大小；
- (2) 当杆 AB 的速率为 v 时， AB 受到磁场 \vec{B} 的安培力的大小与方向；
- (3) AB 能移动的最大距离 s 。

八、在半径为 R 的导体球壳薄壁附近与球心相距为 d ($d > R$) 的 P 点处, 放一点电荷 q , 求:

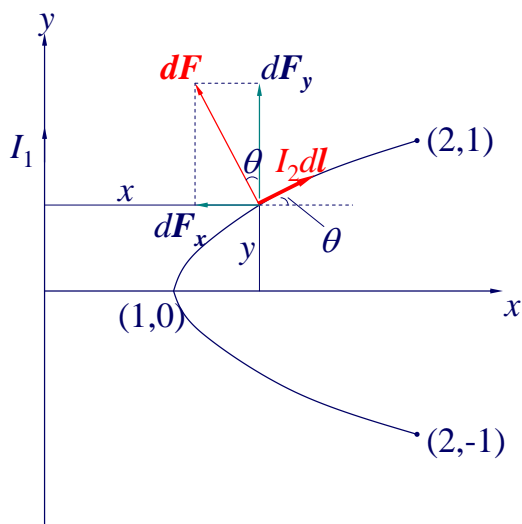
- (1) 球壳表面感应电荷在球心 O 处产生的电势和场强
- (2) 空腔内任一点的电势和场强
- (3) 若将球壳接地, 计算球壳表面感应电荷的总电量

九、一带电球体, 半径为 R , 电荷体密度与球半径成反比, 即 $\rho = K/r$ 。 K 为比例常数, 求空间的电场和电势的分布。

十、一均匀带电线由一半圆和两段直线组成, 各尺寸如图所示。设带电直线单位长度所带的电量为 λ , 求圆心 O 点的电场强度和电势。



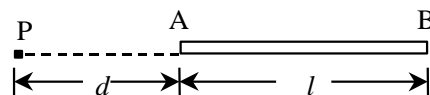
十一、如图长直载流导线 I_1 的右侧, 与其共面放置另一导线, 导线形状为一以 x 轴为对称轴的抛物线, 其顶点坐标为 $c(1,0)$, 端点坐标 $a(2,1)$, $b(2,-1)$, 通以电流 I_1 , 试求导线 I_1 所受的安培力。



一二、

如图所示, 电量 q ($q > 0$) 均匀分布在长为 l 的细杆上, 求在杆外

延长线上与杆一端距离为 d 的 P 点处:



- (1) 电场强度 \vec{E}_p ;

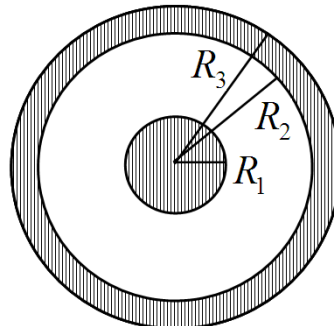
(2) 电势 V_p (设无穷远处为电势零点)。

十三、

如图所示，半径为 R_1 的导体球，外套有一同心的导体球壳，壳的内、外半径分别为 R_2 和 R_3 ，

当内球带电荷 Q 时，试求：

- (1) 空间的电场分布；
- (2) 计算储存的能量；
- (3) 球和球壳之间的电容值。



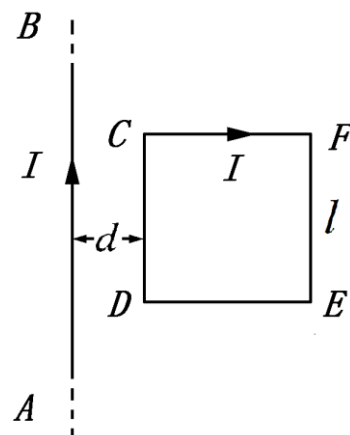
十四、

在距一个通电电流为 I 的无限长直导线 d 处共面放置一通有稳恒电流 I 的方形线圈 (边长为 l)，且 CD 、 EF 都与 AB 平行，

- (a) 求方形线圈中心的磁感应强度 \vec{B} ； (提示：有限长载流直导线 I 在与导线垂直距离为 a 的一点处的磁感应强度

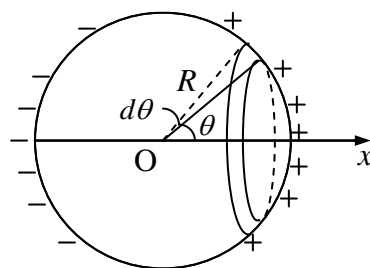
大小的公式： $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\sin \beta_2 - \sin \beta_1)$)

- (b) 求直导线的磁场对方形线圈每边所作用的安培力 \vec{F} ；
- (c) 求直导线和方形线框的互感系数 M 。



十五、

如图一带电球面，电荷面密度分布为 $\sigma = \sigma_0 \cos \theta$ ，式中 σ_0 为常数， θ 为任一半径与 z 轴的夹角，求球心 O 的电场强度和电势。



十六、半径为 R 的球面均匀带有面密度为 σ 的电荷，该球面绕其直径以角速度 ω 匀速转动，求球心 O 的磁感应强度。

