



厦门大学《大学物理C》期末试卷 (A)

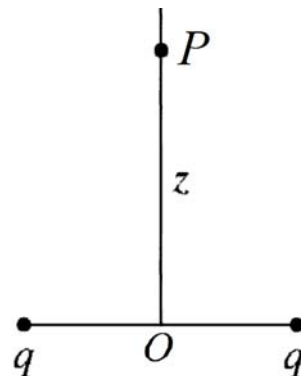
2013-2014 第二学期

1. (15分)

(a) 两个都带电为 q 的点电荷相距 d 放置, O 是它们连线的中点,

P 是它们连线中垂线上一点, 距中点为 z , 求 P 点处的电势 U 和电场强度 \vec{E} ;

(b) 把右边的电荷 q 换为 $-q$, 重新计算电势 U 和电场强度 \vec{E} 。



2. (15分)

(a) 一带电球壳 (内半径为 a , 外半径为 b), 已知电荷体密度为 $\rho = k/r^2$ (k 为常数), r 为空间某点距球心的距离,

1) 求下列三个区域内的电场强度 \vec{E} : (i) $r < a$, (ii) $a \leq r \leq b$, (iii) $r > b$;

2) 求此电荷分布下球心处的电势 U ;

(b) 一金属带电球壳 (内半径为 a , 外半径为 b) 带电 q ,

1) 求内外球面上的电荷量 q_a 和 q_b ;

2) 求此电荷分布下球心处的电势 U 。

3. (20分)

(a) 求通有稳恒电流 I 的方形线圈 (边长为 l) 中心的磁感应强度大小 B ;

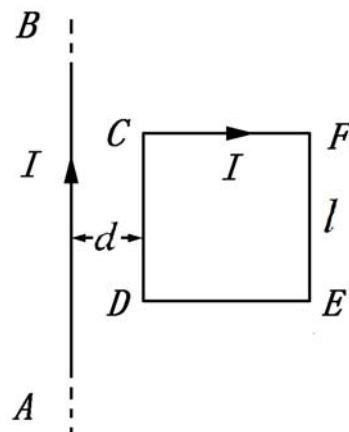
(提示: 有限长载流直导线 I 在与导线垂直距离为 a 的一

点处的磁感应强度大小的公式: $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\sin \beta_2 - \sin \beta_1)$)

(b) 把此方形线圈放在一个无限长直导线附近 d 处 (如图),

两者共面, 且 CD 、 EF 都与 AB 平行,

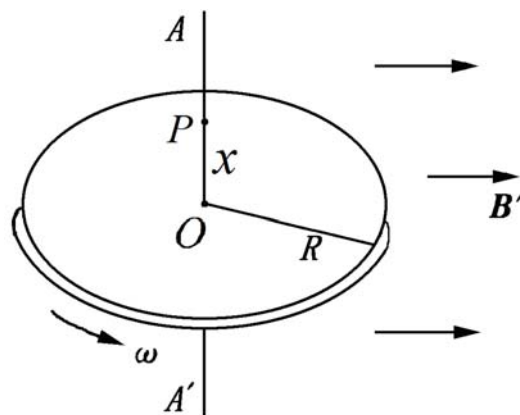
1) 若直导线也通有稳恒电流 I , 求直导线的磁场对方形线圈每边所作用的安培力 \vec{F} ;



- 2) 若直导线中电流 I 随时间 t 的变化规律为 $I = I_0 \cos \omega t$ (I_0, ω 为常数), 求直导线的磁场在方形线圈中的磁通量 Φ 和它在方形线圈中激发的感应电动势 ε_i ;
- 3) 求直导线和方形线框的互感系数 M 。

4. (20分)

半径为 R 的薄圆盘均匀带电, 总电量为 q 。令此盘绕通过盘心、且垂直于盘面的轴线 AA' 匀速转动, 角速度为 ω ,



- 1) 求轴线上距盘心 O 为 x 的 P 点处的磁感应强度

\vec{B} 和圆盘的磁矩 \vec{P}_m ;

- 2) 将此圆盘置于均匀外磁场 \vec{B}' 中, \vec{B}' 的方向垂直

于转轴 AA' , 求 \vec{B}' 磁场作用于圆盘的磁力矩的大小 M 。

(提示: 半径为 R 、通有电流 I 的圆环电流在其轴线上距环心为 x 的一点处的磁感应强度

大小公式: $B = \frac{\mu_0 R^2 I}{2(R^2 + x^2)^{3/2}}$)。

5. (15分)

- (a) 用 $\lambda_1 = 4000 \text{ \AA}$ 和 $\lambda_2 = 6000 \text{ \AA}$ 两种波长的光同时照射相距 0.4 mm 的双缝, 缝屏间距为 1 m , 求两种波长的明条纹第1次重合在屏幕上的位置, 以及这两种波长的光从双缝到该位置的波程差 δ ;
- (b) 某单色光垂直照射到空气中折射率 n 的劈尖上, 测得两相邻明条纹之间的距离是 l , 求劈尖顶角的正弦 $\sin \theta$ 。

6. (15分)

- (a) 用波长范围在 $\lambda = 5000 \text{ \AA} \sim 7000 \text{ \AA}$ 的平行光垂直照射一宽为 0.6 mm 的单缝, 缝后凸透镜的焦距 40 cm , 观察屏幕上形成的衍射条纹。若屏上离中央明条纹中心 1.4 mm 处的 P 点为一明条纹; 求: 1) 入射光的波长; 2) P 点处条纹的级数; 3) 从 P 点看, 对该光波而言, 狭缝处的波面可分成几个半波带?
- (b) 用上述波长的单色光垂直入射到一光栅上, 第二级明条纹出现在 $\sin \varphi = 0.20$ 处, 求光栅常数 d 。



厦门大学《大学物理C》期末试卷 (A) 答案

2013-2014 第二学期

1. (15 分) (例 8.1+8.9 简化)

(a) 由点电荷的电势公式和电势迭加原理, 选无限远处为电势零参考点, P 点处电势

$$U = 2U_q \quad (2\text{分}) = 2 \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{(z^2 + d^2/4)^{1/2}} = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{q}{(z^2 + d^2/4)^{1/2}} \quad (2\text{分})$$

由点电荷的电场公式, P 点处两个电荷的电场大小均为 $E_q = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{(z^2 + d^2/4)^{3/2}}$ (2分)

方向如图, 则水平分量抵消, 场强方向沿竖直方向 (1分)

$$\text{大小为竖直方向分量的迭加 } E = 2E_q \cos\theta = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{qz}{(z^2 + d^2/4)^{3/2}} \quad (1\text{分})$$

(b) 把右边的电荷 q 换为 $-q$,

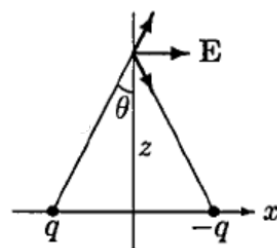
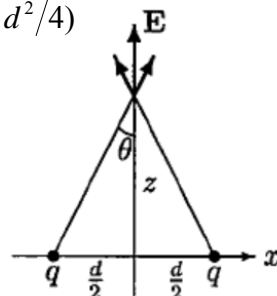
$$P \text{ 点处电势 } U = U_q + U_{-q} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{(z^2 + d^2/4)^{1/2}} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{-q}{(z^2 + d^2/4)^{1/2}} = 0$$

(3分)

$$P \text{ 点处两个电荷的电场大小为 } E_q = E_{-q} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{(z^2 + d^2/4)^{3/2}} \quad (2\text{分})$$

方向如图, 则竖直分量抵消, 场强沿水平方向, (1分)

$$\text{大小为水平方向分量的迭加: } E = 2E_q \sin\theta = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qd}{(z^2 + d^2/4)^{3/2}} \quad (1\text{分})$$



2. (15分)

(a) 由高斯定理 $\oint_s \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{q}{\epsilon_0}$, (2分)

(i) $r < a$ 区域, $q = 0$, 所以 $\vec{E} = 0$ (1分)

(ii) $a \leq r \leq b$ 区域,

$$E4\pi r^2 = \frac{1}{\epsilon_0} \int \frac{k}{r^2} 4\pi r^2 dr = \frac{4\pi k}{\epsilon_0} \int_a^r dr = \frac{4\pi k}{\epsilon_0} (r-a) \text{ 所以 } \vec{E} = \frac{k}{\epsilon_0} \frac{(r-a)}{r^2} \vec{r}^0 \quad (2\text{分})$$

(iii) $r > b$ 区域; $E4\pi r^2 = \frac{4\pi k}{\epsilon_0} \int_a^b dr = \frac{4\pi k}{\epsilon_0} (b-a)$ 所以 $\vec{E} = \frac{k}{\epsilon_0} \frac{(b-a)}{r^2} \vec{r}^0$ (2分)

电势 $dU = \frac{\frac{k}{r^2} 4\pi r^2 dr}{4\pi \epsilon_0 r}$ $U = \int_a^b dU$ (2分) $= \int_a^b \frac{\frac{k}{r^2} 4\pi r^2 dr}{4\pi \epsilon_0 r} = \int_a^b \frac{k dr}{\epsilon_0 r} = \frac{k}{\epsilon_0} \ln \frac{b}{a}$ (1分)

(b) (作业8.23简化)

1) 内球面电荷 $q_a = 0$, 外球面电荷 $q_b = q$; (2分)

2) 由均匀球面的电势分布规律, 选无限远处为电势零参考点, 球心处的电势 $U = \frac{q}{4\pi \epsilon_0 b}$ (3分)

3. (20分) (作业9.20+10.7变形)

(a) 正方形四边在中心产生的磁感应强度大小相等, 方向相同, (2分)

每一边产生的磁感应强度为 $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\sin \beta_2 - \sin \beta_1)$, 其中 $\beta_1 = \frac{\pi}{4}$, $\beta_2 = -\frac{\pi}{4}$ (2分)

所以中心处总磁场为 $B = 4 \frac{\mu_0 I}{4\pi \frac{l}{2}} (\sin \frac{\pi}{4} - \sin(-\frac{\pi}{4})) = \frac{2\sqrt{2}\mu_0 I}{\pi l}$ (1分)

(b)

1) 由安培力公式 $d\vec{F} = I d\vec{l} \times \vec{B}$ (1分)

DC边 处处 $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi d}$ $F = Il \frac{\mu_0 I}{2\pi d} = \frac{\mu_0 I^2 l}{2\pi d}$ 向左 (2分)

CF边 设CF上x处的电流元dx处的磁场 $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi x}$, 则 $F = \int_d^{d+l} \frac{\mu_0 I}{2\pi x} I dx = \frac{\mu_0 I^2}{2\pi} \ln \frac{d+l}{d}$ 向上 (2分)

FE边 处处 $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi(d+l)}$ $F = \frac{\mu_0 I^2 l}{2\pi(d+l)}$ 向右 (2分)

ED边 设ED上x处的电流元dx处的磁场 $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi x}$, 则 $F = \int_{d+l}^d \frac{\mu_0 I}{2\pi x} I (-dx) = \frac{\mu_0 I^2}{2\pi} \ln \frac{d+l}{d}$ 向下 (2分)

2) 由磁通量公式 $\Phi = \int \vec{B} \cdot d\vec{S}$ (1分) 则 $\Phi = \int_d^{d+l} \frac{\mu_0 I}{2\pi x} \cdot l dx = \frac{\mu_0 Il}{2\pi} \ln \frac{d+l}{d}$ 或 $\frac{\mu_0 l}{2\pi} \ln \frac{d+l}{d} I_0 \cos \omega t$ (1分)

由感应电动势公式 $\varepsilon_i = -\frac{d\Phi}{dt}$ (1 分) 则 $\varepsilon_i = -\frac{\mu_0 l}{2\pi} \ln \frac{d+l}{d} \frac{dI}{dt} = \frac{\mu_0 l}{2\pi} \ln \frac{d+l}{d} I_0 \omega \sin \omega t$ (1 分)

3) 由互感公式 $M = \frac{\Phi_{12}}{I_2}$ 或 $\frac{\Phi}{I}$ (1 分) 则 $M = \frac{\mu_0 l}{2\pi} \ln \frac{d+l}{d}$ (1 分)

4. (20分) (例9. 1pp59+作业9. 24pp95)

1) 圆环 r, dr 的等效电流 $dI = \frac{\frac{q}{\pi R^2} 2\pi r dr}{2\pi / \omega} = \frac{q\omega}{\pi R^2} r dr$, (4 分)

对 P 的磁场是 $dB = \frac{\mu_0 r^2 dI}{2(r^2 + x^2)^{3/2}} = \frac{\mu_0 q \omega}{2\pi R^2} \frac{r^3 dr}{(r^2 + x^2)^{3/2}}$ (2 分)

总磁场 $B = \int dB = \frac{\mu_0 q \omega}{2\pi R^2} \int_0^R \frac{r^3 dr}{(r^2 + x^2)^{3/2}} = \frac{\mu_0 q \omega}{2\pi R^2} \left[\frac{R^2 + 2x^2}{(R^2 + x^2)^{1/2}} - 2x \right]$ 沿 A'A 方向 (3 分)

由磁矩公式 $\vec{P}_m = I\vec{S}$ 或 $IS\vec{n}$ (2 分)

则 $dP_m = dI\pi r^2$ (2 分) 总磁矩 $P_m = \int dP_m = \frac{q\omega}{R^2} \int_0^R r^3 dr = \frac{q\omega R^2}{4}$ 沿 A'A 方向 (3 分)

2) 由磁力矩公式 $\vec{M} = \vec{P}_m \times \vec{B}$ (2 分) 则 $M = \int dM = \frac{q\omega R^2}{4} B'$ (2 分)

5. (15分) (例12. 1 pp142) (例12. 4 pp150)

(a) 由明纹公式 $x_{\text{明}} = \frac{D}{d} k\lambda$ (2 分)

设重合位置坐标为 x , $x = \frac{D}{d} k_1 \lambda_1 = \frac{D}{d} k_2 \lambda_2$ $\frac{k_1}{k_2} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{3}{2}$ 由题意, $k_1 = 3, k_2 = 2$ (2 分)

所以重合位置 $x = \frac{D}{d} k_1 \lambda_1 = \frac{1}{4 \times 10^{-4}} 3 \times 4 \times 10^{-7}$ 或 $\frac{D}{d} k_2 \lambda_2 = \frac{1}{4 \times 10^{-4}} 2 \times 6 \times 10^{-7} = 3 \times 10^{-3} \text{m}$ 或 3mm (2 分)

重合处的波程差 $\delta = k_1 \lambda_1$ 或 $k_2 \lambda_2 = 1.2 \times 10^{-6} \text{m}$ (2分)

(b) 由明纹公式 $2ne + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$ (2分)

设相邻两条明纹的厚度分别为 e_k, e_{k+1} , 则 $2n(e_{k+1} - e_k) = \lambda$ (2分) 又 $l \sin \theta = e_{k+1} - e_k$ (2分)

所以 $\sin \theta = \frac{\lambda}{2nl}$ (1分)

6. (15分) (作业13-13) (作业13. 16 pp189)

(a) 1) 由明纹公式 $a \sin \varphi = (2k+1) \frac{\lambda}{2}$ (2 分)

$$\text{由 } \frac{x}{f} = \frac{1.4}{400} = 3.5 \times 10^{-3} = \tan \varphi \approx \sin \varphi$$

$$\text{得 } \lambda = \frac{2a \sin \varphi}{2k+1} = \frac{2 \times 0.6}{2k+1} \times 3.5 \times 10^{-3} = \frac{1}{2k+1} \times 4.2 \times 10^{-3} \text{ mm} \quad (2 \text{ 分})$$

$$\text{当 } k=3, \text{ 得 } \lambda_3 = 6000 \text{ \AA} \quad (2 \text{ 分})$$

2) $k=3$, 所以 P 点是第 3 级明纹. (2 分)

3) $k=3$, 所以单缝处的波面可分成 $2k+1=7$ 个半波带; (2 分)

(b) 由光栅方程 $d \sin \varphi = k\lambda$ (2 分)

由题意 $0.20d = 2 \times 6000 \times 10^{-10}$ (2 分) 所以 $d = 6.0 \times 10^{-6} \text{ m}$ (1 分)

(若第 (a) 问的波长计算错误, 光栅方程的计算没错, 建议给 (b) 问的分值。)