# Teoria da Computação

## Exame de Primeira Chamada

### Universidade da Beira Interior

Segunda Feira 2 de Fevereiro de 2009 - Duração: 3 horas

A consulta dos apontamentos manuscritos e dos apontamentos da disciplina (**e só esses**) é tolerada.

É proibido o uso de calculadora e de telemóvel. Qualquer fraude implica reprovação na disciplina. Só serão corrigidas as provas **legíveis**.

Relembramos que, na tradição da axiomática de Peano, a notação  $\mathbb{N}$  utilizada neste documento refere-se ao conjunto dos naturais incluindo o 0. Referiremo-nos ao conjunto dos naturais sem o 0 (i.e.  $\{1,2,3\ldots\}$ ) por  $\mathbb{N}^*$ .

Exercício 1 (Fundamentos da Computação) Comente e justifique a seguinte afirmação: "as máquinas de Turing têm mais semelhanças com os autómatos de mealy do que com os autómatos de estados finitos clássicos".

#### Exercício 2 (Técnicas de Demonstração)

Demonstre, utilizando o princípios da gaiola de pombos, que se se escolher 7 números distintos de  $\{1, 2, ..., 11\}$  então dois dos números escolhidos tem uma soma de 12.

Considera para esse efeito que os pombos são os números seleccionados e as gaiolas os seis conjuntos:  $\{1,11\}$ ,  $\{2,10\}$ ,  $\{3,9\}$ ,  $\{4,8\}$ ,  $\{5,7\}$ ,  $\{6\}$ .

#### Exercício 3 (Expressões Regulares)

 $Um\ endereço\ IP\ \'e\ dado\ por\ 4\ n\'umeros\ separados\ por\ pontos.\ Cada\ numero\ est\'a\ no\ intervalo\ \{0-255\}.$   $Assim\ 192.168.20.1\ \'e\ um\ IP\ v\'alido,\ ao\ contr\'ario\ de\ 10.10.100.0.100\ ou\ 250.500.1.12.$ 

Define o alfabeto e uma expressão regular que descreve endereços IP's válidos.

#### Exercício 4 (Autómatos de estados finitos)

1. Considere o alfabeto  $A = \{a, b\}$ . Dê um autómato determinista que reconheça a linguagem  $\{w \mid |w| \mod 3 = 0\}$ .

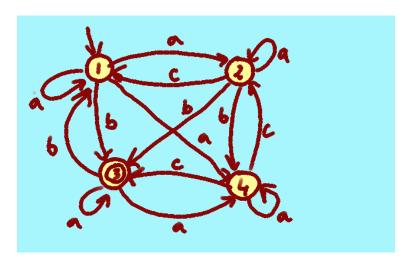


Figura 1: Autómato  $A_1$ 

2. Determinise o autómato  $A_1$  da figura 1.

Exercício 5 (Limites dos autómatos de estados finitos) Demonstre. usando o lema de bombeamento que a linguagem  $\{ww \mid w \in (a+b)^+\}$  não é regular.

Exercício 6 (Autómatos com pilha) Defina um autómato de pilha que reconheça sobre estado final e pilha vazia a linguagem  $\{a^{2n+2}b^{n-1} \mid n \geq 0\}$ 

### Exercício 7 (Máquinas de Turing)

Considere o alfabeto de entrada  $\{a,b\}$  e a máquina de Turing apresentada na figura 2 seguinte (onde todos os estados são finais):

- Apresente a sequência de configurações da execução até ao seu termino com a fita inicializada com a palavra aba.
- Que linguagem reconhece e que output gera esta máquina?

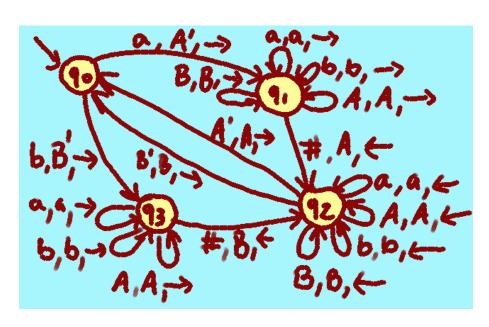


Figura 2: Autómato  $A_1$