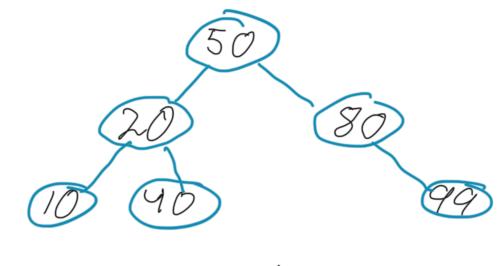
2. Dado el siguiente arbol binavio de bezqueda, realizar les operaciones sigurentes

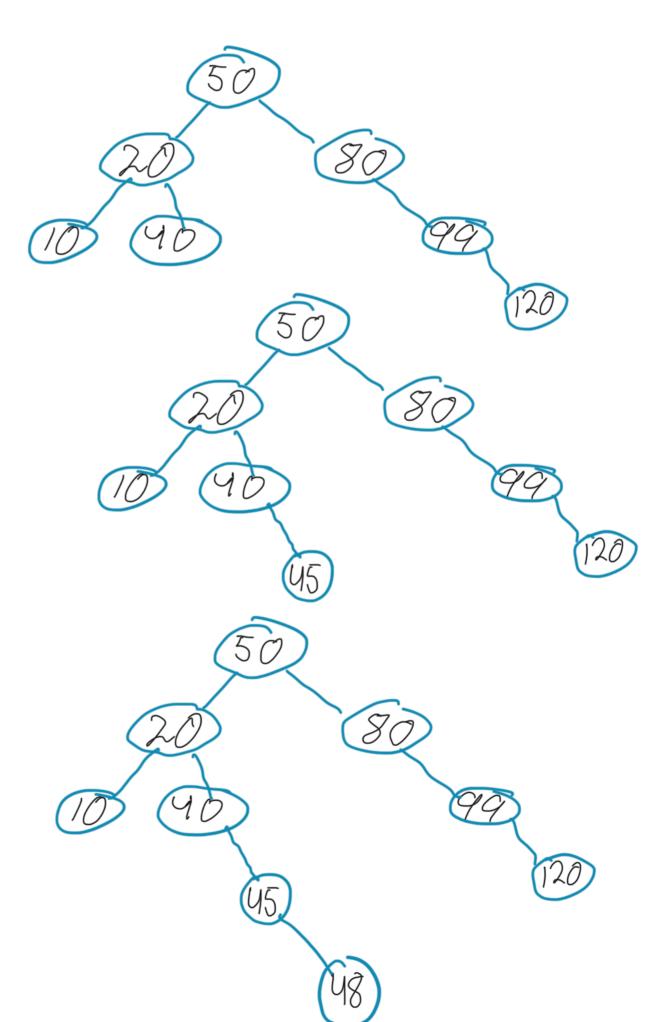


9) Inservences 120, 45, 48, 30

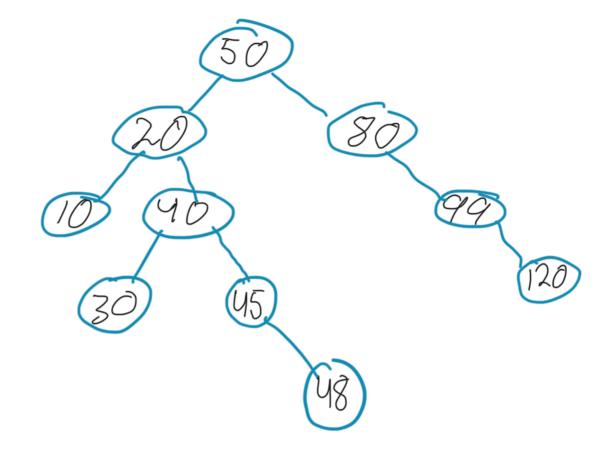
120799 por lo que se debe colocar a la derecha del 99

45740 por la que se debe colocar a la derecha

U\$745 se conviente en raiz el 45 y el 48 se coloca ala derecha



30 < 40 por 6 que el nodo hijo Se culoca a la izquierda



B) Eliminaciones 40, 50, 80

30 Se promueuc a nodo raiz pues 30 245

48 se promeve a raiz del arbol pres 20248280 y de esa forma se comple el inorden

Simplemente se recorera el 99 al ligar del 80 y el 120 al ligar del 80

99 30 45

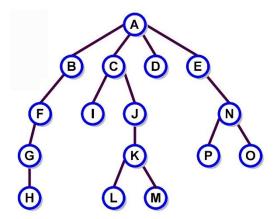
Ejercicio 3

Para el árbol que se muestra, responde las preguntas siguientes:

- a. ¿Cuál es el nodo raíz? Este es el nodo A.
- b. ¿Cuántos caminos diferentesde longitud 3 hay?Especifícalos.

Solo hay dos:

- A, E, N, P
- A, E, N, O



c. ¿La sucesión de nodos HGFBACI es un camino?

La sucesión de nodos H-G-F-B-A-C-I no constituye un camino en el árbol, ya que no sigue los enlaces directos entre nodos según la estructura del gráfico. En un camino válido, cada nodo debe estar conectado al siguiente en la secuencia mediante una arista en el orden indicado, lo cual no ocurre en esta secuencia debido a la falta de conexiones directas en varios tramos, como entre H y G o entre B y A.

d. ¿Cuáles nodos son los ancestros de K?

Estos son A, C y J.

e. ¿Cuáles nodos son las hojas?

Estos son H, I, L, M, D, P y O.

f. ¿Cuál es la altura del nodo C?

Esta es longitud 3, pues, el nodo C tiene los siguientes caminos hacia sus hojas:

- C-I: Longitud 1
- C-J-K-L: Longitud 3
- C-J-K-M: Longitud 3

Y como el mas largo es C, entonces tiene longitud C.

g. ¿Cuál es la altura del árbol?

Como el camino más largo es A-B-F-G-H y la longitud es de 4, la altura del árbol es 4.

h. ¿Cuál es el hermano a la derecha de D?

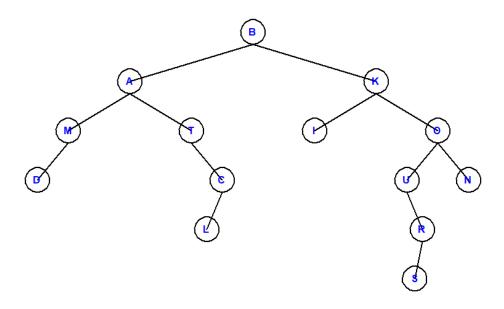
Este es el nodo E.

i. ¿Cuántos hijos tiene A?

Este tiene hijos: A, B, C, E.

Ejercicio 4.

Árbol Correspondiente:



El árbol binario se construye utilizando el postorden para identificar las raíces de cada subárbol y el inorden para definir las partes izquierda y derecha en torno a cada raíz. Partimos del último elemento en postorden, B, que es la raíz del árbol completo. Luego, B divide el inorden en los subárboles izquierdo (A, M, D, T, C, L) y derecho (K, I, O, U, R, S, N), y este proceso se repite recursivamente en cada subárbol para identificar sus propias raíces y divisiones.

Así, el recorrido en preorden del árbol resultante, siguiendo el orden raíz-izquierda-derecha, es: B, A, M, D, T, C, L, K, I, O, U, R, S, N.

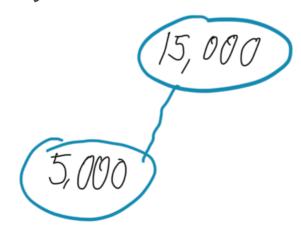
5. Construye un arbol binario de busqueda para el signiente conjunto de Empleados. Cada empleado tiene nombre, fecha de nacimiento, y veldo. Muestra graficamente y paso a paso su construcción. El criterio de comparación es por medio del sueldo

{(Saul Gaona (Juan Perez) (Pedro López (Maria Rodrigue) (Laura Sanchez (Carlos Hernández (Patricia Rosas (Ivan Lara (Leticia Rivera	15/07/1979 24/09/1964 12/12/1986 01/11/1978 03/11/1986	[5,000), 5,000), 8,000), 12,000), 13,000), 13,500), 13,500),
	. ,	-1 . , ,

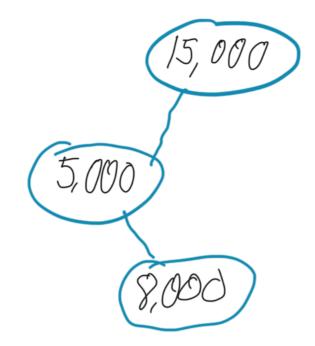
El prince pase es crear el arbol con el prince elemete agregar que Sera la roiz, Sail

15,000

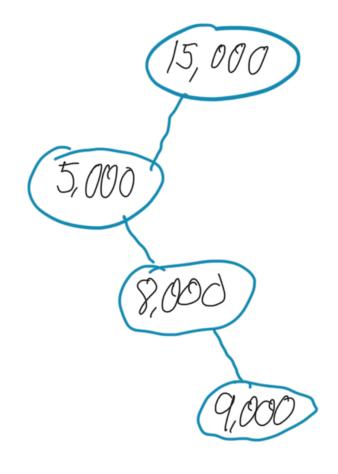
Agregaremon el salario de Juan que es de 5,000, 5,000 < 15,000 por lo tanto va a la izquierdo



Seguirenos con Pedro ceyo salvo en de 8,000 el cualira a la izanse de 5000



Continuaremos con Mariana, su solario es de 9000 va a la derecha de 8000



De igual forma param con el salario de Lavon que en de 12,000

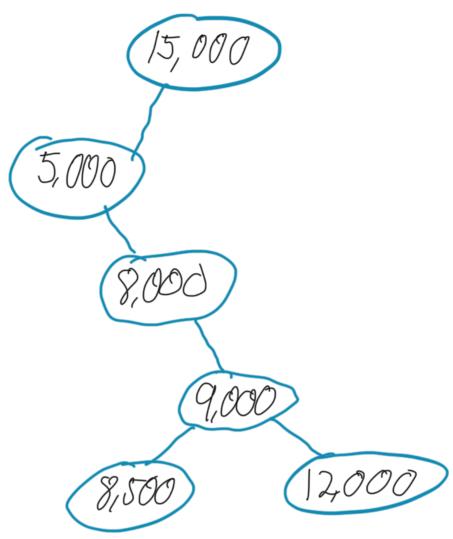
(5,000)

(8,000)

9,000

12,000

Segvire mor con Carlos y su solario en de 8,500, 9000 que en negar y sua la raiz

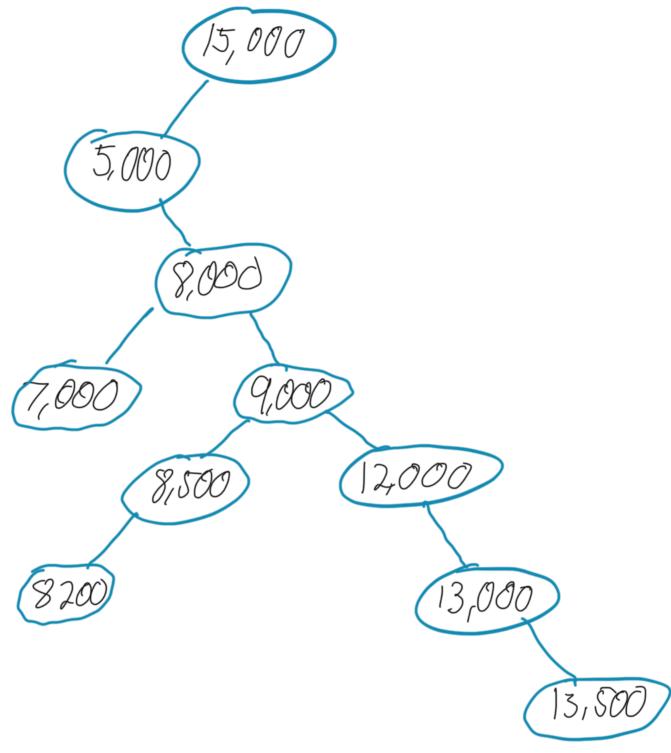


El salario de Patricia es de 13000 es mayor a 12,00 por lo que Sem hijo dereho

15,000 \$,000 9,000 12,000 13,000 8,200 el salero de Ivan sera el juiner hyo de Carlos 15,000 5,000 8,000 9,000 2,000 8,500 13,000

Leticia tiene un salario de 13500 el cual ez mayor al de Patricia

entenocer ion ala derccha 15,000 5,000 8,000 9,000 12000 8,500 13,000 13,500 Continuaremor con Andres su salario es de 7000, se convertira en hijo de Pedro.



Por ultimo agregaremos a Sandra y construiremos el arbol con todos los atributo

)andra (haves) 17/09/1986 \$4,600 Juan Rerez 12/12/1986 \$5,000 Andres Piente 05/10/1986 \$7,000 NOVE Pedro Lopez 18/06/1983 \$8,000 24/10/1986 34/10/1986 \$15000 Lara 24/09/1969 \$8,500 Maria Rodriguez 02/03/1989 \$9000 Laura Sanchez 15/07/1979 \$12,000 Kakricia Rosas 12/12/1986 \$13,000 eticia Licia Rivera 03/11/1986 \$13,500

Ejercicio 6

En base al árbol binario de búsqueda de la pregunta 5.

a. ¿En cuántas comparaciones se encontraría el empleado con sueldo de \$8,200?

La **primer** comparación que se debe hacer es con el objeto en el nodo raíz, que en éste caso almacena a Carlos Hernández con un sueldo de \$8,500, al ser mayor que \$8,200 tomamos el subárbol izquierdo.

La **segunda** comparación sería con Pedro López con un sueldo de \$8,000 el cual es mayor al deseado por lo que tomamos el subárbol derecho.

Finalmente, se ejecuta una **tercer** comparación con el elemento guardado en la raíz de éste subárbol, encontrando que es ese nodo el que almacenado al empleado con el sueldo deseado.

Así se necesitaron tres comparaciones para encontrar al empleado con un sueldo de \$8,200.

b. ¿Qué forma tendría el árbol si la lista de empleados inicialmente hubiera estado ordenada de forma ascendente por medio del sueldo?

Veamos cómo se hubiese construido en tal caso.

Se hubiese comenzado con Saúl Gaona con un sueldo de \$1,500 estableciéndolo cómo nodo raíz, se continuaría con Sandra Chávez con un saldo de \$4,600 que al ser mayor que el de Saúl se guardaría en el nodo derecho de la raíz (Saúl - Sandra), luego se hubiese agregado a Juan Pérez quien al tener mayor sueldo que Saúl y que Sandra se habría guardado en como nodo derecho del nodo correspondiente a Sandra, resultando en (Saúl - Sandra - Juan).

De continuar ésto para el resto de la lista ordenada, cada nuevo empleado se colocaría como nodo derecho del anterior, resultando de la forma:

Por lo que se termina convirtiendo en una simple lista ligada.

c. ¿Qué desventaja tiene la construcción de arboles cuándo los datos están ordenados?

Tal como se vió en el iniciso anterior, si los datos están ordenados, cada que se agrega un nodo al árbol éste lo hace siempre a la izquierda o siempre a la derecha (dependiendo de si la forma en que están ordenados es ascendente o descendente).

Formando una estructura de datos más semejante a a una lista simplemente ligada con sentinela al inicio y perdiendo los beneficios característicos de un árbol binario de busqueda, en concreto perdiendo la eficientización de las busquedas.

d. ¿Cómo se supera la desventaja del punto C?

Una forma de hacerlo es modificar el algoritmo por el cual se agregan elementos al árbol, combirtiendo el árbol, en un árbol binario de busqueda balanceado.

Primero se considera una forma de determinar que el arbol está desequilibiado, para ello, se define el equilibrio de un nodo como la

altura del subárbol derecho menos la altura del subárbol izquierdo con las hojas del árbol teniendo altura 0.

Si el valor absoluto del equilibrio del nodo raíz es mayor que uno, se considera que está en desequilibrio.

Una vez se tiene un arbol desequilibrado se procede de una de las siguientes formas según el caso que se de:

- 1. Rotación Izquierda (para desequilibrio positivo e hijo derecho con equilibrio del mismo signo):
 - El nodo desequilibrado se convierte en el hijo izquierdo de su hijo derecho.
- 2. Rotación Derecha (para desequilibrio negativo e hijo derecho con equilibrio del mismo signo):
 - El nodo desequilibrado se convierte en el hijo derecho de su hijo.
- 3. Rotación Izquierda Doble (para desequilibrio negativo e hijo derecho con equilibrio de signo opuesto):

Rotación derecha sobre el hijo derecho y luego rotación izquierda.

4. Rotación Derecha Doble (para desequilibrio positivo e hijo derecho con equilibrio de signo opuesto):

Rotación izquierda sobre el hijo izquierdo y luego rotación derecha.

Ejercicio 7.

Dispersa la siguiente secuencia de llaves utilizando la función módulo: {1957, 1963, 1979, 1984, 1987, 1994, 2000, 1987, 2008, 1923} construyendo la tabla dispersión usando dispersión cerrada y búsqueda lineal.

Consideramos que la llave de cada número es sí mismo y que no se muestran lugares "vacios".

Primero se crea la tabla de dispersión de longitud 10 pues es la cantidad de datos a almacenar.

Al tratarse de una sucesión, tiene un orden, por lo que se irán añadiendo de uno en uno.

$1) 1957 \pmod{10} = 7$

Lo añadimos en la posición 7:

7-> (1957, 1957)

2) $1963 \pmod{10} = 3$

Lo añadimos en la posición 3:

3-> (1963, 1963) **7->** (1957, 1957)

3) $1979 \pmod{10} = 9$

Lo añadimos en la posición 9:

3-> (1963, 1963)

7-> (1957, 1957)

9-> (1979, 1979)

4) $1984 \pmod{10} = 4$

Lo añadimos en la posición 4:

3-> (1963, 1963)

4-> (1984, 1984)

7-> (1957, 1957)

9-> (1979, 1979)

5) $1987 \pmod{10} = 7$

Pero la posición 7 ya está ocupada, por lo que consideramos el siguiente lugar (el 8), está "vacío", lo agregamos:

3-> (1963, 1963)

4-> (1984, 1984)

7-> (1957, 1957)

8-> (1987, 1987)

9-> (1979, 1979)

6) $1994 \pmod{10} = 4$

Pero la posición 4 ya está ocupada, consideramos el siguiente (el 5), está "vacío", lo agregamos:

3->	(1963,	1963)
4->	(1984,	1984)
5->	(1994,	1994)
7->	(1957,	1957)
8->	(1987,	1987)
9->	(1979,	1979)

7) $2000 \pmod{10} = 0$

Lo agregamos en la posición 0:

0->	(2000,	2000)
3->	(1963,	1963)
4->	(1984,	1984)
5->	(1994,	1994)
7->	(1957,	1957)
8->	(1987,	1987)
9->	(1979,	1979)

8) $1987 \pmod{10} = 7$

Pero el 7 ya está ocupado, consideramos el 8, está ocupado, consideramos el 9, está ocupado, consideramos el 0, está ocupado, consideramos el 1, está "vacío", lo agregamos.

0->	(2000,	2000)
1->	(1987,	1987)
3->	(1963,	1963)
4->	(1984,	1984)
5->	(1994,	1994)
7->	(1957,	1957)
8->	(1987,	1987)
9->	(1979,	1979)

9) $2008 \pmod{10} = 8$

Pero el 8 está ocupado, consideramos el 9, está ocupado, consideramos el 0, está ocupado, consideramos el 1, está ocupado, consideramos el 2, está "vacío", lo agregamos:

0->	(2000,	2000)
1->	(1987,	1987)
2->	(2008,	2008)
3->	(1963,	1963)
4->	(1984,	1984)
5->	(1994,	1994)
7->	(1957,	1957)
8->	(1987,	1987)
9->	(1979,	1979)

10) $1923 \pmod{10} = 3$

Pero el 3 está ocupado, consideramos el 4, está ocupado, consideramos el 5, está ocupado, consideramos el 6, está <u>"vacío", lo agregamos:</u>

0->	(2000,	2000)
1->	(1987,	1987)
2->	(2008,	2008)
3->	(1963,	1963)
4->	(1984,	1984)
5->	(1994,	1994)
6->	(1923,	1923)
7->	(1957,	1957)
8->	(1987,	1987)
9->	(1979,	1979)

Por lo que al final, la tabla de dispersión es la siguiente:

(2000,	2000)
(1987,	1987)
(2008,	2008)
(1963,	1963)
(1984,	1984)
(1994,	1994)
(1923,	1923)
(1957,	1957)
(1987,	1987)
(1979,	1979)