## Задача 5. Оценки

Код на R и графики в pdf с пометкой авторства присылать на е-мэйл: danila.milanov@gmail.com или показывать на занятии. Дедлайн — 27 января.

- 1 В таблице table.htm даны два распределения  $P_1$  и  $P_2$  случайных величин  $\xi_1$  и  $\xi_2$ , некоторые параметры которых неизвестны. Используя выборку значений произведения  $\xi_1\xi_2$  из data.csv, с именем из столбца Data:
  - оценить неизвестные параметры а) методом моментов б) методом максимального правдоподобия
  - построить график функции правдоподобия
  - построить гистограмму и график эмпирической функции распределения выборки. Поверх них построить графики плотности и функции распределения с оцененными параметрами.
- 2 Предполагая, что распределение диаметров астероидов главного пояса подчиняется степенному закону

$$F(x) = \begin{cases} 1 - \left(\frac{x_0}{x}\right)^{\alpha}, & x \geqslant x_0 \\ 0, & x < x_0, \end{cases}$$

оценить его параметры  $x_0$  и  $\alpha$  а) методом моментов б) методом максимального правдоподобия в) методом наименьших квадратов, аппроксимируя линейной функцией зависимость  $\log(1 - F_n(x))$  от  $\log(x)$ , где  $F_n(x)$  — эмпирическая функция распределения (смотри функцию lsfit)

Построить гистограмму диаметров и график эмпирической функции распределения, наложив на них соответствующие теоретические кривые с оцененными параметрами. Построить график  $\log(1 - F_n(x))$  от  $\log(x)$  вместе с аппроксимирующей прямой из пункта в).

Прокомментируйте согласие оценок с данными.

Используйте данные WISE (https://sbn.psi.edu/pds/resource/neowisediam.html) либо MPC (https://www.minorplanetcenter.net/iau/MPCORB/MPCORB.DAT).

Ключевые слова: Метод моментов, Функция правдоподобия, Метод максимального правдоподобия, Метод наименьших квадратов.

$$f(t) = \int \frac{\int_{1}^{1}(u)}{u} \int_{1}^{2} \left(\frac{t}{u}\right) du \quad \text{populue Apoulo 9}$$

$$f(n) = \int_{1}^{1}(n-a_{1}) + \int_{1}^{2}(n-a_{2}) \int_{1}^{2}(u-a_{1}) \int$$

$$f(t) = \frac{P_1}{a} \int_{a}^{b} \left(\frac{t}{a}\right) du$$

$$f(t) = \frac{P_1}{a} \int_{a}^{b} \left(\frac{t}{a}\right) + \frac{P_2}{a_2} \int_{a}^{b} \left(\frac{t}{a_2}\right) du$$

$$f(t) = \frac{1}{a} N(\frac{t}{a}) + \frac{1-p}{a_2} N(\frac{t}{a_2})$$
Mocrustaen van conng 5100 p-ynn
$$E(X) = \int_{R} t f(t) dt$$

$$\int = \int t f(t) dt$$

$$= \frac{P}{a} \int N(\frac{t}{a}) t dt + \frac{1-P}{a_1} \int N(\frac{t}{a_2}) dt$$

$$= \inf_{t = int_2} \frac{R}{t}$$

$$= \frac{1}{a_1} \int_{\mathbb{R}} N\left(\frac{t}{a_1}\right) t \, dt + \frac{1-p}{a_1} \int_{\mathbb{R}} N\left(\frac{t}{a_2}\right) dt$$

$$= \inf_{x \in \mathbb{R}} \frac{1}{x} \lim_{x \to \infty} \frac{1}{x} \lim_{x \to \infty}$$

$$P = \frac{|E(A) - \frac{1}{\alpha_1} int_2}{\frac{1}{\alpha_1} int_1 - \frac{1}{\alpha_2} int_2}$$

$$a_{1} = 0.7$$

$$a_{2} = 1$$

$$int_{2} = \int_{0.5\pi}^{1} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{t}{\alpha_{1}} - \mu\right)^{2}} dt = \sqrt[4]{\sqrt{3}\pi} \int_{0.5\pi}^{1} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{$$

$$|u| = \frac{t}{o_g t} - \mu$$

$$t = 0.7. \text{ The } t$$

$$|u| = \frac{t}{o_g t} - \frac{h}{\sigma}$$

$$dt = 0.4 \text{ The } dW$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot 0.70 \, du =$$

$$= \int_{\sigma J_{ZH}}^{+} e^{-\frac{1}{2}u^{2}} (0.700 + \frac{1}{6}) \cdot$$

$$= \frac{0.77}{\sqrt{200}} \int_{0.7}^{-\frac{1}{2}u^2} \int_$$