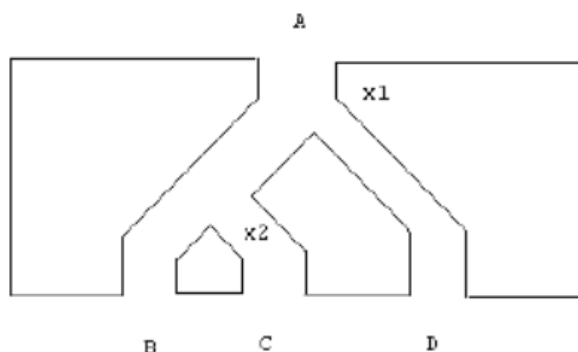


4. Considere o brinquedo abaixo:



Bolinhas são jogadas em A . As alavancas x_1 e x_2 causam o desvio da bolinha para a esquerda ou para a direita. Quando uma bolinha atinge a alavanca, causa alteração no estado da alavanca, sendo que a próxima bolinha a atingir a alavanca pegará o caminho oposto.

Pede-se:

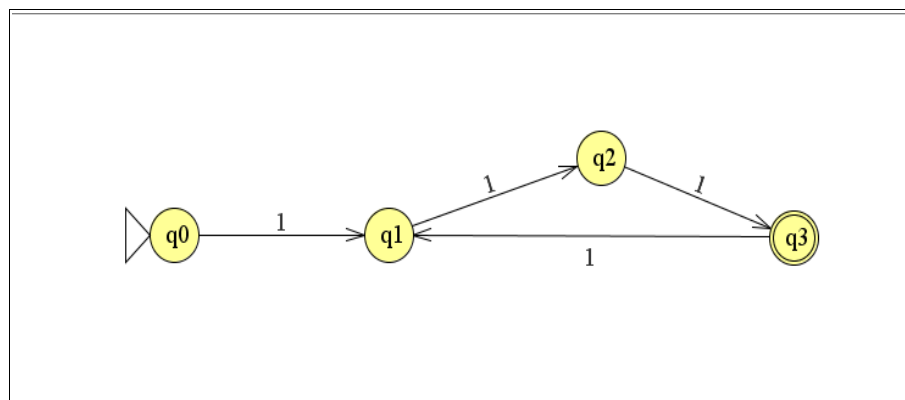
a- Modele este brinquedo por um autômato finito, considerando que pode-se denotar uma bolinha em A como entrada 1 e uma seqüência de entrada será aceita se a última bolinha cair na saída C.

b- Qual é a linguagem aceita por este autômato finito?

a. Usando representação tabular:

Seja o formato de estados formado pelo $\{x_1x_2\}\{a,r\}$, onde o estado inicial é $x_1,x_2=0,0$ (alavancas inicialmente fecham as entradas C e D), $\{a\}$ é aceptado e $\{r\}$ é rejeitado

| | |
|-------------------|-----|
| Estados | 1 |
| $\rightarrow 00r$ | 11r |
| 11r | 01r |
| 01r | 00a |
| *00a | 11r |



b. $L = (111)^n \mid n > 0$

5. Seja o autômato finito não determinístico (af-nd) $M = \langle \{q_0, q_1, q_2\}, \{0,1\}, \delta, q_0, \{q_2\} \rangle$, com o mapeamento δ dado por:

$\delta(q_0,0) = \{q_1, q_2\}$ $\delta(q_0,1) = \{q_0\}$

$\delta(q_1,0) = \{q_0, q_1\}$ $\delta(q_1,1) = \{ \}$

$\delta(q_2,0) = \{q_0, q_2\}$ $\delta(q_2,1) = \{q_1\}$

Pede-se:

a- encontre um autômato finito determinístico equivalente ao af-nd M dado.

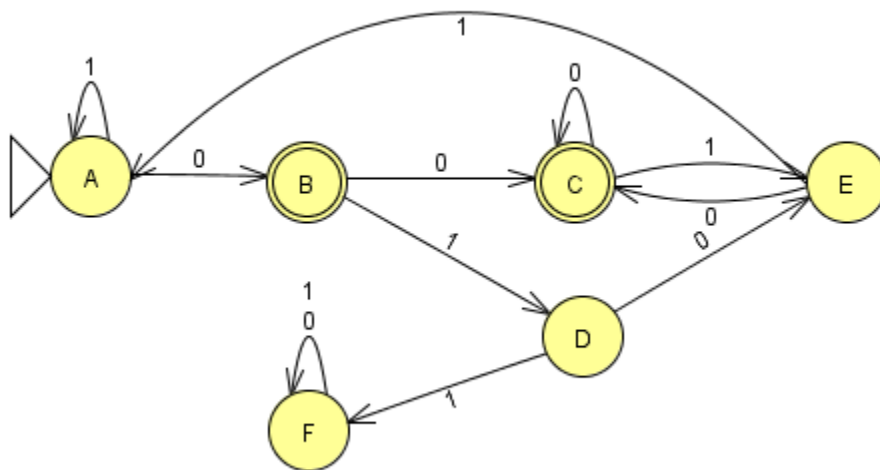
b- encontre um autômato finito determinístico com um número mínimo de estados que seja equivalente ao af-nd dado.

c- descreva $L(M)$ por uma expressão regular.

a. DFA

| Estados | 0 | 1 |
|-----------|----------|--------|
| ->{q0} | {q1q2} | {q0} |
| *{q1q2} | {q0q1q2} | {q1} |
| *{q0q1q2} | {q0q1q2} | {q0q1} |
| {q1} | {q0q1} | { } |
| {q0q1} | {q0q1q2} | {q0} |
| { } | { } | { } |

| Estados | 0 | 1 |
|---------|---|---|
| ->A | B | A |
| *B | C | D |
| *C | C | E |
| D | E | F |
| E | C | A |
| F | F | F |



b

| | F | E | D | C | B |
|---|---|---|---|---|---|
| A | X | X | X | X | X |
| B | X | X | X | X | |
| C | X | X | X | | |
| D | X | X | | | |
| E | X | | | | |

AF = Com 0 vai a BF, pelo tanto é distinguível

AE = Com 0 vai a BC e com 1 a A então não pode falar nada (marca BC com AE)

BC = Com 0 vai a C e com 1 a DE

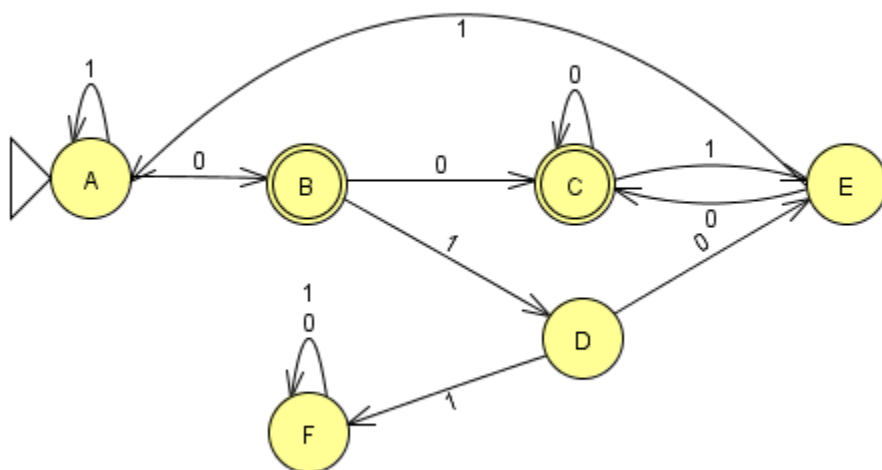
AD = Com 0 vai a BE então é distinguível

DF = Com 0 vai a EF e com 1 vai a F então não pode falar nada (marca EF com DF)

DE = Com 0 vai a EC então é distinguível e marcamos também BC e AE

EF = Com 0 vai a CF então é distinguível e marcamos também DF

Entao o DFA mínimo é o autômato inicial:



c

$(1+0(101+(0+100)(0+10)^*11))^*0+((1+0101)+(0(0+100))(0+10)^*11)^*(0(0+100))(0+10)^*$