

Lista 1 - Conversão de base numérica

Conversão entre quaisquer duas bases numéricas

Desenvolvimento da ideia

Para resolver este exercício, foram aplicados os seguintes conceitos. Primeiro, a conversão de uma base B para a base 10 é feita através da utilização dos conceitos de notação posicional, onde cada número pode ser recuperado através de uma potência e uma multiplicação.

Para entender melhor, vamos para um exemplo

$$B_{10}(1427) = (1 * 10^3) + (4 * 10^2) + (2 * 10^1) + (7 * 10^0)$$

Perceba que, o número 1427 foi obtido através da decomposição de seus elementos. Veja que na regra gerada, o elemento que está sendo elevado é 10, isto porque o número está na base 10, vejamos um exemplo com um valor na base 2

$$B_2(100101) = (1 * 2^5) + (0 * 2^4) + (0 * 2^3) + (1 * 2^2) + (0 * 2^1) + (1 * 2^0) = 37$$

Com este sistema simples de decomposição é possível converter qualquer número, em qualquer base, para a base decimal (Como o exemplo apresentado acima)

A regra utilizada acima pode ser representada e resumida com um polinômio, apresentado abaixo.

$$n = \pm(n_j n_{j-1} \cdots n_1 n_0)_\beta = \pm(n_j \beta^j + n_{j-1} \beta^{j-1} + \cdots + n_0 \beta^0)$$

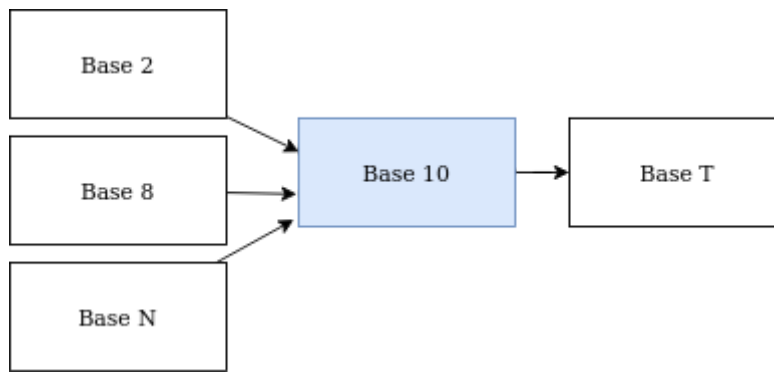
sendo $0 \leq n_i < \beta$ e $n_j \neq 0$

O segundo conceito utilizado é que, é possível realizar a conversão para qualquer base B partindo da base 10 apenas com as divisões sucessivas.

A regra de parada aplicada nas divisões sucessivas é que, a divisão deve parar assim que o elemento encontrado for menor ou igual a 1

Com os elementos na base 10 o necessário a ser feito é, converter esse elemento para a base de destino. Isso é feito através de divisões consecutivas, assim como explicado anteriormente.

Desta forma, o processo final de conversão utilizado é apresentado abaixo



Passo a passo "Na mão"

A figura abaixo representa o processo de conversão feito "Na mão". O método aplicado para tal é implementado e apresentado na seção de `Implementação`

Conversão de um valor binário para decimal

- A conversão de uma base qualquer B para decimal é representada pelo polinômio abaixo.

$$n = \pm (h_5 h_{5-1} \dots h_1 h_0)_B = \pm (h_5 \cdot B^5 + h_{5-1} \cdot B^{5-1} + \dots + h_0 \cdot B^0)$$

Desta forma, para fazer a conversão do valor

$$(11010)_2 = (1 \cdot 2^4) + (1 \cdot 2^3) + (0 \cdot 2^2) + (1 \cdot 2^1) + (0 \cdot 2^0)$$

$$= 16 + 8 + 0 + 2 + 0 = 26$$

Conversão de valor binário para octal

- A conversão de ~~qual~~ uma base ^{Decimal} inteira para uma base qualquer B é feita com a divisão dos elementos, uma forma para converter um binário para octal as seguintes conversões serão feitas

$$B_2 \rightarrow B_{10} \rightarrow B_8$$

$$(11010)_2 = (26)_{10} = (32)_8$$

$$\begin{array}{r|l} 26 & 8 \\ 3 & 2 = 32 \end{array}$$

$$\Rightarrow (2 \cdot 8) = 16 = 24 \cdot 2$$

Implementação

Todos os passos apresentados na seção anterior foram implementados utilizando a linguagem de programação C++. O código gerado é explicado abaixo.

Função de conversão para qualquer base

O trecho de código abaixo apresenta a conversão para qualquer base, nele a lógica aplicada é a mesma apresentada nas seções anteriores, onde os elementos são convertidos para decimal e depois convertidos para base de destino

```
std::string Bases::ToAnyBase(std::string value, int srcBase, int destBase)
{
    std::string valuesInDestBase;
    int valueInDecimal = ToDecimal(value, srcBase);

    // A quantidade pode ser > 1 pq quando é feito a
    // divisão de um elemento que é menor que a base resta o próprio elemento
    while (valueInDecimal > 1)
    {
        std::string resString;
        int res = valueInDecimal % destBase;
        if (res >= 10) // Somente bases maiores que 10 produzem tal módulo
            resString = ALPHABET[res - 10];
        else
            resString = std::to_string(res);

        valuesInDestBase.append(resString);
        valueInDecimal = valueInDecimal / destBase;
    }
    std::reverse(valuesInDestBase.begin(), valuesInDestBase.end());
    return valuesInDestBase;
}
```

Função para conversão em decimal

A função abaixo é utilizada pela função `ToAnyBase` para realizar a conversão dos dados de entrada para decimal

```

int Bases::ToDecimal(std::string value, int srcBase)
{
    int decimalValue = 0;
    int stringSize = value.size() - 1;

    for(char c: value)
    {
        int numericSymbol = 0;
        if (!std::isdigit(c)) // Caso seja dígito utiliza o strtol,
                               // que permite inserir dígito e
                               // devolve número (Com uma conversão de base)
            numericSymbol = std::strtoul(&c, NULL, srcBase); // converte string para long
        else
            numericSymbol = std::stoi(&c); // Converte string para inteiro
        decimalValue += numericSymbol * std::pow(srcBase, stringSize--);
    }
    return decimalValue;
}

```

Exemplo de utilização

Abaixo é feita a apresentação da forma de utilização do código criado

```

#include <iostream>
#include "bases.hpp"

int main()
{
    std::cout << 1010 << " (bin to dec) " <<
        Bases::ToAnyBase("100101", 2, 10) << std::endl;
    std::cout << 252 << " (dec to bin) " <<
        Bases::ToAnyBase("252", 10, 2) << std::endl;
    std::cout << 2526 << " (dec to hex) " <<
        Bases::ToAnyBase("2526", 10, 16) << std::endl;
    std::cout << "22FA" << " (hex to oct) " <<
        Bases::ToAnyBase("22FA", 16, 8) << std::endl;

    return 0;
}

```

Todo o código fonte está disponível no diretório [src](#)

Observações

Abaixo são listadas algumas observações feitas durante o desenvolvimento da lista de exercícios

- As bases octal e hexadecimal são formas de realizar representações mais simples dos elementos presentes na base binária