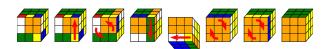
Lenses und Zauberwürfel



Tim Baumann

Curry Club Augsburg 13. August 2015





Abbildung: Picking a Lens Library (Cartesian Closed Comic)





Abbildung: Picking a Lens Library (Cartesian Closed Comic)

Die von Edward Kmett natürlich!





Abbildung: Picking a Lens Library (Cartesian Closed Comic)

Die von Edward Kmett natürlich! \$ cabal update





Abbildung: Picking a Lens Library (Cartesian Closed Comic)

Die von Edward Kmett natürlich!

- \$ cabal update
- \$ cabal install lens





Abbildung: Picking a Lens Library (Cartesian Closed Comic)

Die von Edward Kmett natürlich!

- \$ cabal update
- \$ cabal install lens

Building profunctors...





Abbildung: Picking a Lens Library (Cartesian Closed Comic)

Die von Edward Kmett natürlich!

- \$ cabal update
- \$ cabal install lens

Building profunctors...

Configuring semigroupoids...





Abbildung: Picking a Lens Library (Cartesian Closed Comic)

Die von Edward Kmett natürlich!

- \$ cabal update
- \$ cabal install lens

Building profunctors...

Configuring semigroupoids...

Downloading kan-extensions...



Eine Lens beschreibt eine (feste) Position in einer Datenstruktur, an der ein Wert eines bestimmten Typs gespeichert ist. Mit einer Lens ist es möglich, diesen Wert auszulesen und zu überschreiben.



Eine Lens beschreibt eine (feste) Position in einer Datenstruktur, an der ein Wert eines bestimmten Typs gespeichert ist. Mit einer Lens ist es möglich, diesen Wert auszulesen und zu überschreiben.

```
data Address = Address
{    _streetLine :: String
,    _townLine :: String
}

data Person = Person
{    _firstName :: String
,    _lastName :: String
,    _address :: Address
}
```



Eine Lens beschreibt eine (feste) Position in einer Datenstruktur, an der ein Wert eines bestimmten Typs gespeichert ist. Mit einer Lens ist es möglich, diesen Wert auszulesen und zu überschreiben.



Eine Lens beschreibt eine (feste) Position in einer Datenstruktur, an der ein Wert eines bestimmten Typs gespeichert ist. Mit einer Lens ist es möglich, diesen Wert auszulesen und zu überschreiben.

```
data Address = Address
   { _streetLine :: String
   , _townLine :: String
   }

data Person = Person
   { _firstName :: String
   , _lastName :: String
   , _address :: Address
   }

data Lens † s a = Lens †
   { getter :: s -> a
    , setter :: a -> s -> s
   }

address :: Lens † Person Address
address = Lens †
   { getter = _address
   , setter = \a p ->
        p { _address = a }
   }
}
```

streetLine, townLine :: Lens † Address String firstName, lastName :: Lens † Person String

Eine Lens beschreibt eine (feste) Position in einer Datenstruktur, an der ein Wert eines bestimmten Typs gespeichert ist. Mit einer Lens ist es möglich, diesen Wert auszulesen und zu überschreiben.

```
data Address = Address
  { _streetLine :: String
  , _townLine :: String
  }

data Person = Person
  { _firstName :: String
  , _lastName :: String
  , _address :: Address
  }

data Lens † s a = Lens †
  { getter :: s -> a
  , setter :: a -> s -> s
  }

Lens-Gesetze:

1 a = getter 1 (setter 1 a s)
2 setter 1 a . setter 1 b
  = setter 1 a
3 s = setter 1 (getter 1 s) s
```

streetLine, townLine :: Lens † Address String firstName, lastName :: Lens † Person String address :: Lens † Person Address

```
compose :: Lens^{\dagger} s a \rightarrow Lens^{\dagger} a b \rightarrow Lens^{\dagger} s b
```

```
personTownLine :: Lens † Person String
personTownLine = compose address townLine
```





Folgende Hilfsfunktion ist oft nützlich:

```
modify :: Lens<sup>†</sup> s a -> (a -> a) -> s -> s
modify 1 f s = setter 1 (f (getter 1 s)) s
Zum Beispiel, um die Stadt in der Adresse in Versalien zu schreiben:
person' = modify personTownLine (map toUpper) person
```

Alles wunderbar? Leider nein

Problem Nr. 1: Bei der Auswertung

```
modify (compose 1 m) f s
= setter (compose 1 m) (f (getter (compose 1 m) s)) s
= setter 1 (setter m (f (getter m (getter 1 s))) (getter 1 s)) s
wird getter 1 s zweimal berechnet. Besser wäre
  modify (compose 1 m) f s
= let a = getter 1 s in setter 1 (setter m (f (getter m a)) a) s
```



Alles wunderbar? Leider nein

Problem Nr. 1: Bei der Auswertung

```
modify (compose 1 m) f s
= setter (compose 1 m) (f (getter (compose 1 m) s)) s
= setter 1 (setter m (f (getter m (getter 1 s))) (getter 1 s)) s
wird getter 1 s zweimal berechnet. Besser wäre
  modify (compose 1 m) f s
= let a = getter 1 s in setter 1 (setter m (f (getter m a)) a) s
```

Problem Nr. 2: In modify wird die Datenstruktur zweimal durchlaufen: Einmal, um den gesuchten Wert zu extrahieren, dann nochmal, um den neuen Wert abzulegen.

Das kann kostspielig sein, z. B.

Das kann kostspielig sein, z. B bei der Lens rechts.

Alles wunderbar? Leider nein

Idee: Erweitere die Definition einer Lens um die modify-Funktion.



Alles wunderbar? Leider nein {-# LANGUAGE Rank2Types #-}

Idee: Erweitere die Definition einer Lens um die modify-Funktion. Wir verallgemeinern auch gleich modify auf effektvolle Updatefunktionen, d. h. solche, die beispielsweise **IO** verwenden:

```
data Lens<sup>‡</sup> s a = Lens<sup>‡</sup>
   { getter :: s -> a
     setter :: a -> s -> s
   , modifyF :: \forall f. Functor f \Rightarrow (a \rightarrow f a) \rightarrow s \rightarrow f s
```



Alles wunderbar? Leider nein {-# LANGUAGE Rank2Types #-}

Idee: Erweitere die Definition einer Lens um die modify-Funktion. Wir verallgemeinern auch gleich modify auf effektvolle Updatefunktionen, d. h. solche, die beispielsweise IO verwenden:

Bahnbrechende Einsicht von Twan van Laarhoven:

modifyF umfasst getter und setter!

Alles wunderbar? Leider nein {-# LANGUAGE Rank2Types #-}

 $\textbf{Idee} \hbox{: } \textbf{Erweitere die Definition einer Lens um die } \underline{\textbf{modify-Funktion}}.$

Wir verallgemeinern auch gleich modify auf effektvolle Updatefunktionen, d. h. solche, die beispielsweise IO verwenden:

Bahnbrechende Einsicht von Twan van Laarhoven:

modifyF umfasst getter und setter!

type Lens's a = \forall f. Functor f => (a -> f a) -> s -> f s



type Lens' s a = \forall f. Functor f => (a -> f a) -> s -> f s

①
$$(.^)$$
 :: s -> Lens' s a -> a



type Lens' s a = \forall f. Functor f => (a -> f a) -> s -> f s



type Lens's a = \forall f. Functor f => (a -> f a) -> s -> f s

newtype Id a = Id { getId :: a }
instance Functor Id where
fmap f (Id a) = Id (f a)



type Lens's $a = \forall f$. Functor $f \Rightarrow (a \rightarrow f a) \rightarrow s \rightarrow f s$

 $(.^)$:: s -> Lens' s a -> a

② (.~) :: Lens' s a -> a -> s -> s
 (.~) l a s = getId (l (_ -> Id a) s)
newtype Id a = Id { getId :: a }
instance Functor Id where
 fmap f (Id a) = Id (f a)

```
type Lens' s a = \forall f. Functor f => (a -> f a) -> s -> f s
 (.^{\circ}) :: s -> Lens' s a -> a
   newtype Const a b = Const { getConst :: a }
    instance Functor (Const a) where
      fmap _ (Const b) = Const b
 2 (.~) :: Lens' s a -> a -> s -> s
    (.~) las = getId (1 (\_ \rightarrow Id a) s)
   newtype Id a = Id { getId :: a }
    instance Functor Id where
      fmap f (Id a) = Id (f a)
```

```
type Lens's a = \forall f. Functor f => (a -> f a) -> s -> f s
```

```
1 (.^) :: s -> Lens' s a -> a
    s .^ l = getConst (l Const s)
    newtype Const a b = Const { getConst :: a }
    instance Functor (Const a) where
    fmap _ (Const b) = Const b
```

```
Gegeben: 1 :: Lens' s a und m :: Lens' a b

Gesucht: ? :: Lens' s b
```



```
Gegeben: 1 :: \forall f. Functor f => (a -> f a) -> s -> f s
und m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> a -> f a
Gesucht: ? :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> s -> f s
```



```
Gegeben: 1 :: \forall f. Functor f => (a -> f a) -> (s -> f s) und m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (a -> f a) Gesucht: ? :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (s -> f s)
```



```
Gegeben: 1 :: \forall f. Functor f => (a -> f a) -> (s -> f s)
und m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (a -> f a)
Gesucht: 1.m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (s -> f s)
```



```
Gegeben: 1 :: \forall f. Functor f => (a -> f a) -> (s -> f s)
und m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (a -> f a)
Gesucht: 1.m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (s -> f s)
```

Dabei ist . die stinknormale Funktionsverkettung aus der Prelude!



```
Gegeben: 1 :: \forall f. Functor f => (a -> f a) -> (s -> f s) und m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (a -> f a) Gesucht: 1.m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (s -> f s)
```

Dabei ist . die stinknormale Funktionsverkettung aus der Prelude!

Im Beispiel vom Anfang:

```
address :: Lens' Person Address
address f (Person first last addr) =
  fmap (Person first last) (f addr)
```



```
Gegeben: 1 :: \forall f. Functor f => (a -> f a) -> (s -> f s)
und m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (a -> f a)
Gesucht: 1.m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (s -> f s)
```

Dabei ist . die stinknormale Funktionsverkettung aus der Prelude!

Im Beispiel vom Anfang:

```
address :: Lens' Person Address
address f (Person first last addr) =
  fmap (Person first last) (f addr)
streetLine, townLine :: Lens' Address String
firstName, lastName :: Lens' Person String
```

36 / 84

Komponieren von Lens'es

```
Gegeben: 1 :: \forall f. Functor f => (a -> f a) -> (s -> f s) und m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (a -> f a) Gesucht: 1.m :: \forall f. Functor f => (b -> f b) -> (s -> f s)
```

Dabei ist . die stinknormale Funktionsverkettung aus der Prelude!

Im Beispiel vom Anfang:

```
address :: Lens' Person Address
address f (Person first last addr) =
  fmap (Person first last) (f addr)
streetLine, townLine :: Lens' Address String
firstName, lastName :: Lens' Person String
```

Dann haben wir address.townLine :: Lens' Person String

```
class (Functor t, Foldable t) => Traversable t where
  traverse :: Applicative f => (a -> f b) -> t a -> f (t b)
```



```
class (Functor t, Foldable t) => Traversable t where
  traverse :: Applicative f => (a -> f b) -> t a -> f (t b)
```

Ein Traversal's a ermöglicht das Durchlaufen und Abändern von mehreren Werten vom Typ a in einem vom Typ s mit applik. Effekten.



```
class (Functor t, Foldable t) => Traversable t where
   traverse :: Applicative f => (a -> f b) -> t a -> f (t b)
Ein Traversal' s a ermöglicht das Durchlaufen und Abändern von
mehreren Werten vom Typ a in einem vom Typ s mit applik. Effekten.
type Traversal' s a = forall f.
   Applicative f => (a -> f a) -> s -> f s
```

traverse :: Traversable t => Traversal' (t a) a

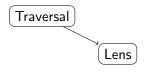


```
traverse :: Applicative f => (a -> f b) -> t a -> f (t b)
Ein Traversal's a ermöglicht das Durchlaufen und Abändern von
mehreren Werten vom Typ a in einem vom Typ s mit applik. Effekten.
type Traversal' s a = forall f.
  Applicative f \Rightarrow (a \rightarrow f a) \rightarrow s \rightarrow f s
traverse :: Traversable t => Traversal' (t a) a
evenIxs :: Traversal', [a] a
evenIxs f [] = pure []
evenIxs f [x] = (:[]) < f x
evenIxs f (x:y:xs) = (\x' xs' -> x':y:xs')
                       <$> f x <*> evenIxs f xs
Traversals lassen sich wie Lenses verknüpfen:
(.) :: Traversal' s a -> Traversal' a b -> Traversal'
```

class (Functor t, Foldable t) => Traversable t where

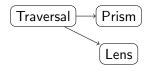
Lens

Lens ein s besteht aus einem a und anderen Daten



Traversal ein s besteht aus a's und anderen Daten

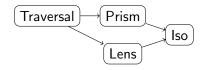
Lens ein s besteht aus einem a und anderen Daten



```
Traversal ein s besteht aus a's und anderen Daten
Lens ein s besteht aus einem a und anderen Daten
Prism ein s ist ein a oder etwas anderes
```

```
prism :: (a -> s) -> (s -> Either s a) -> Prism' s a
_Left :: Prism' (Either a c) a _Right :: Prism' (Either a c) c
_Just :: Prism' (Maybe a) a
_Void :: Prism' s Void
outside :: Prism' s a -> Lens' (s -> r) (a -> r)
```

Traversal ein s besteht aus a's und anderen Daten



```
Prism ein s ist ein a oder etwas anderes

lso ein s ist dasselbe wie ein a

iso :: (s -> a) -> (a -> s) -> Iso' s a

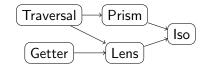
curried :: Iso' ((a, b) -> c) (a -> b -> c)

packed :: Iso' String Text

from :: Iso' s a -> Iso' a s

mapping :: Functor f => Iso' s a -> Iso' (f s) (f a)
```

Lens ein s besteht aus einem a und anderen Daten



```
Getter Funktion s -> a

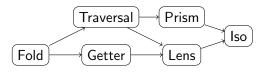
Traversal ein s besteht aus a's und anderen Daten

Lens ein s besteht aus einem a und anderen Daten

Prism ein s ist ein a oder etwas anderes

Iso ein s ist dasselbe wie ein a
```

```
to :: (s -> a) -> Getter s a
to length :: Getter [a] Int
```



```
Fold Funktion s -> [a]

Getter Funktion s -> a

Traversal ein s besteht aus a's und anderen Daten

Lens ein s besteht aus einem a und anderen Daten

Prism ein s ist ein a oder etwas anderes

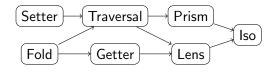
Iso ein s ist dasselbe wie ein a

unfolded :: (b -> Maybe (a, b)) -> Fold b a

folding :: Foldable f => (s -> f a) -> Fold s a

folded :: Foldable f => Fold (f a) a
```

replicated :: Int -> Fold a a



Setter in s gibt es veränderbare a's

Fold Funktion s -> [a]

Getter Funktion s -> a

Traversal ein s besteht aus a's und anderen Daten

Lens ein s besteht aus einem a und anderen Daten

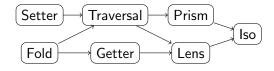
Prism ein s ist ein a oder etwas anderes

Iso ein s ist dasselbe wie ein a

sets :: ((a -> a) -> s -> s) -> Setter' s

mapped :: Functor f => Setter' (f a) a

mapped :: Setter' (x -> a) a



```
Setter's a = (a -> Id a) -> s -> Id s

Fold s a = (Contrav't f, Applicative f) => (a -> f a) -> s -> f s

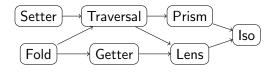
Getter s a = (Contrav't f, Functor f) => (a -> f a) -> s -> f s

Traversal's a = Applicative f => (a -> f a) -> s -> f s

Lens's a = Functor f => (a -> f a) -> s -> f s

Prism's a = (Choice p, Applicative f) => p a (f a) -> p s (f s)

Iso's a = (Profunctor p, Functor f) => p a (f a) -> p s (f s)
```



```
Setter' s a = (a -> Id a) -> s -> Id s

Fold s a = (Contrav't f, Applicative f) => (a -> f a) -> s -> f s

Getter s a = (Contrav't f, Functor f) => (a -> f a) -> s -> f s

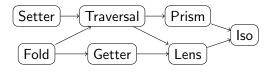
Traversal' s a = Applicative f => (a -> f a) -> s -> f s

Lens' s a = Functor f => (a -> f a) -> s -> f s

Prism' s a = (Choice p, Applicative f) => p a (f a) -> p s (f s)

Iso' s a = (Profunctor p, Functor f) => p a (f a) -> p s (f s)
```

Durch Subtyping ist jeder Iso eine Lens, jedes Prism ein Traversal . . .



```
Setter's a = (a -> Id a) -> s -> Id s

Fold s a = (Contrav't f, Applicative f) => (a -> f a) -> s -> f s

Getter s a = (Contrav't f, Functor f) => (a -> f a) -> s -> f s

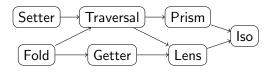
Traversal's a = Applicative f => (a -> f a) -> s -> f s

Lens's a = Functor f => (a -> f a) -> s -> f s

Prism's a = (Choice p, Applicative f) => p a (f a) -> p s (f s)

Iso's a = (Profunctor p, Functor f) => p a (f a) -> p s (f s)
```

- Durch Subtyping ist jeder Iso eine Lens, jedes Prism ein Traversal . . .
- Man kann z. B. eine Lens mit einem Traversal verknüpfen (mit .) und man bekommt ein Traversal.



```
Setter's a = (a -> Id a) -> s -> Id s

Fold s a = (Contrav't f, Applicative f) => (a -> f a) -> s -> f s

Getter s a = (Contrav't f, Functor f) => (a -> f a) -> s -> f s

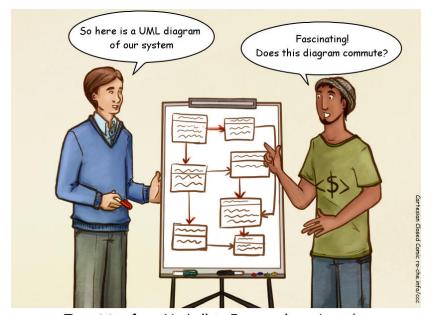
Traversal's a = Applicative f => (a -> f a) -> s -> f s

Lens's a = Functor f => (a -> f a) -> s -> f s

Prism's a = (Choice p, Applicative f) => p a (f a) -> p s (f s)

Iso's a = (Profunctor p, Functor f) => p a (f a) -> p s (f s)
```

- Durch Subtyping ist jeder Iso eine Lens, jedes Prism ein Traversal . . .
- Man kann z. B. eine Lens mit einem Traversal verknüpfen (mit 4) und man bekommt ein Traversal.
- Viele Beispielfunktionen haben einen allgemeineren Typ als angegeben.



Transition from Haskell to Java can be awkward Learning the lens library

Wo kann ich mehr über lens erfahren?

- Das Lens-Wiki: https://github.com/ekmett/lens/wiki
- Blogserie "Lens over Tea" http://artyom.me/lens-over-tea-1
- Vortrag von Simon Peyton Jones bei Skills Matter
- Blogpost: "Program imperatively using Haskell lenses"
- School of Haskell: "A Little Lens Starter Tutorial"
- Cheat Sheet für Control.Lens: https://github.com/anchor/haskell-cheat-sheets

