

Predicados



Pausa para o café....



- Ponto de Participação



Dizer que a afirmação “Todos os engenheiros da computação também são cientistas da computação” é falsa, do ponto de vista lógico, equivale a dizer que a seguinte afirmação é verdadeira:



- Pelo menos um engenheiro da computação não é cientista da computação;
- Nenhum engenheiro da computação é cientista da computação
- Nenhum cientista da computação é engenheiro da computação
- Pelo menos um cientista da computação não é engenheiro da computação
- Todos os engenheiros da computação não são cientistas da computação

Se é verdade que “Alguns programadores são cientistas da computação” e que “Nenhum médico é cientista da computação”, então é necessariamente verdadeiro que:



- Algum programador não é cientista da computação
- Algum programador é médico
- Nenhum programador é cientista da computação
- Algum cientista da computação é programador
- Nenhum cientista da computação é programador

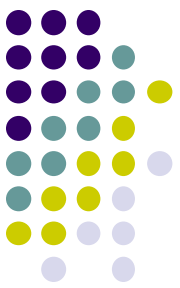
Suponha que as seguintes afirmações são verdadeiras:

***Todos os corredores de maratona são pessoas dedicadas.**

***Nenhuma pessoa dedicada é arrogante.**

Logo, podemos concluir que:

- Algumas pessoas arrogantes são dedicadas
- Nenhum corredor é arrogante
- Nenhum corredor é uma pessoa dedicada
- Algumas pessoas arrogantes são corredores.





Marcelo foi chamado para uma reunião com seu chefe. Nessa reunião ocorreu o seguinte diálogo:

- Chefe: Pedro disse que todos os relatórios que ele recebeu foram avaliados.

- Marcelo: Não é verdade o que Pedro disse.

Se o chefe considerou que Marcelo falou a verdade, ele pode concluir logicamente que, dos relatórios recebidos por Pedro:

- Pelo menos um relatório não foi avaliado
- Um único relatório não foi avaliado
- Nenhum relatório foi avaliado
- Somente um relatório foi avaliado

Qual a negação da proposição “Algum funcionário da agência P do Banco do Brasil tem menos de 20 anos”?



- Todo funcionário da agência P do Banco do Brasil tem menos de 20 anos;
- Não existe funcionário da agência P do Banco do Brasil com 20 anos;
- Nem todo funcionário da agência P do Banco do Brasil tem menos de 20 anos;
- Nenhum funcionário da agência P do Banco do Brasil tem menos de 20 anos;



Relembrando

- O que é Predicado?
- Predicado x Proposição.
 - Valor Verdade
 - Conjunto Verdade
- Quantificadores.
- Negação de sentenças quantificadas
- Equivalências.

► Leis de De Morgan

$$\sim \forall x P(x) \equiv \exists x \sim P(x)$$

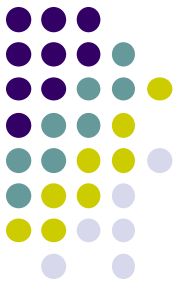
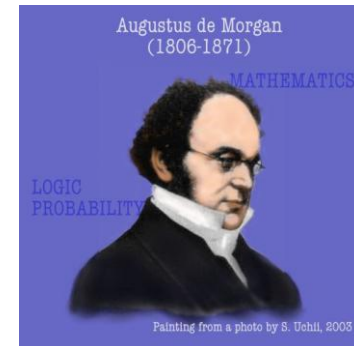
$$\sim \exists x P(x) \equiv \forall x \sim P(x)$$

Equivalências

- Leis de De Morgan

$$\sim \forall x P(x) \equiv \exists x \sim P(x)$$

$$\sim \exists x P(x) \equiv \forall x \sim P(x)$$



Equivalências ($S \equiv T$)

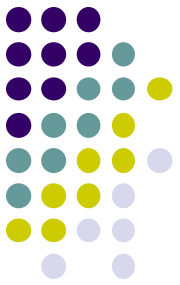


- Sentenças que envolvem predicados e quantificadores são logicamente equivalentes se e somente se elas têm o **mesmo valor verdade** quaisquer que sejam os predicados substituídos nessas sentenças e qualquer que seja o domínio para as variáveis nessas funções proposicionais.



Equivalências

- $\forall x(P(x) \wedge Q(x)) \equiv \forall x P(x) \wedge \forall x Q(x)$
- $\exists x(P(x) \vee Q(x)) \equiv \exists x P(x) \vee \exists x Q(x)$





Equivalências

- $\forall x(P(x) \wedge Q(x)) \equiv \forall x P(x) \wedge \forall x Q(x)$
- $\exists x(P(x) \vee Q(x)) \equiv \exists x P(x) \vee \exists x Q(x)$

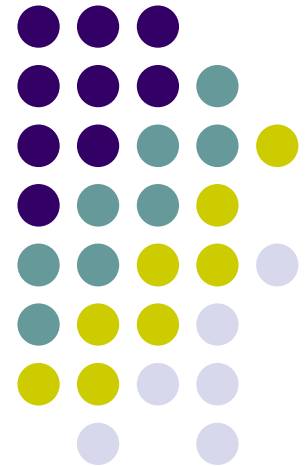
CUIDADO!!!!

- $\forall x(P(x) \vee Q(x)) \neq \forall x P(x) \vee \forall x Q(x)$
- $\exists x(P(x) \wedge Q(x)) \neq \exists x P(x) \wedge \exists x Q(x)$



Lógica de Predicados

Restrição de Domínio



Quantificadores com Restrição



- Uma notação abreviada é freqüentemente usada para restringir o domínio de um quantificador.
- Nessa notação, incluimos depois do quantificador uma condição que a variável deve satisfazer.

Quantificadores com Restrição



- Exemplo:
 - $\forall x < 0 (x^2 > 0)$
 - Propriedade: o quadrado de todo número negativo é positivo.



Quantificadores com Restrição



- Exemplo:
 - $\forall y \neq 0 (y^3 \neq 0)$
 - Propriedade: o cubo de um numero não nulo é também não nulo



Quantificadores com Restrição



- Exemplo:
 - $\exists z > 0 (z^2 = z)$
 - Qual???



Quantificadores com Restrição



- Restrições reescritas de outra forma

- $\forall x < 0 (x^2 > 0)$
- $\forall x (x < 0 \rightarrow x^2 > 0)$
- $\forall y \neq 0 (y^3 \neq 0)$
- $\forall y (y \neq 0 \rightarrow y^3 \neq 0)$

Quantificador Universal
equivale a Universal de
Proposição Condicional

- $\exists z > 0 (z^2 = z)$
- $\exists z (z > 0 \wedge z^2 = z)$

Quantificador Existencial
equivale a Existencial de
um Conjunção

Dúvidas!!!!



- Perguntas antes de continuarmos?



Tradução Português - Lógica



- Na aula passada:
- Todo estudante desta classe estudou lógica.

$C(x)$ = “x estudou lógica”

Domínio = {estudantes desta classe}

$\forall x C(x)$



Na aula passada

a) Alguns cães velhos aprendem truques novos.

$L(x)$ = “x aprende truques novos”

Domínio = {todos os cães velhos}



Na aula passada

a) Alguns cães velhos aprendem truques novos.

$L(x)$ = “x aprende truques novos”

Domínio = {todos os cães velhos}

$\exists x L(x)$



Na aula passada

a) Alguns cães velhos aprendem truques novos.

$L(x)$ = “x aprende truques novos”

Domínio = {todos os cães}

$\exists x L(x)$



E se mudarmos o domínio?



Na aula passada

a) Alguns cães **velhos** aprendem truques novos.

$L(x)$ = “x aprende truques novos”

Domínio = {todos os cães}



$\exists x L(x)$



E se mudarmos o domínio?

Alguns cães aprendem truques novos.





Na aula passada

a) Alguns cães **velhos** aprendem truques novos.

$L(x)$ = “x aprende truques novos”

Domínio = {todos os cães}

$V(x)$ = “x é velho”

$\exists x L(x)$

Alguns cães aprendem truques novos.



Na aula passada

a) Alguns cães **velhos** aprendem truques novos.

$L(x)$ = “x aprende truques novos”

Domínio = {todos os cães}

$V(x)$ = “x é velho”

$\exists x L(x)$ Alguns cães aprendem truques novos.

$\exists x (V(x) \wedge L(x))$

Alguns cães **velhos** aprendem truques novos.



Na aula passada

c) Todo pássaro pode voar.

$L(x)$ = “x pode voar”

Domínio = {todos os pássaros}

$\forall x L(x)$



Na aula passada

c) Todo pássaro pode voar.

$L(x)$ = “x pode voar”

Domínio = {todo ser vivo}

$\forall x L(x)$



E se mudarmos o domínio?

Na aula passada



c) Todo pássaro pode voar.

$L(x)$ = “x pode voar”

Domínio = {todo ser vivo}



$\forall x L(x)$



Todo ser vivo pode voar.



E se mudarmos o domínio?



Na aula passada

c) Todo pássaro pode voar.

$L(x)$ = “x pode voar”

Domínio = {todo ser vivo}

$\forall x L(x)$ Todo ser vivo pode voar.

$P(X)$ = “x é pássaro”



Na aula passada

c) Todo pássaro pode voar.

$L(x)$ = “x pode voar”

Domínio = {todo ser vivo}

$\forall x L(x)$

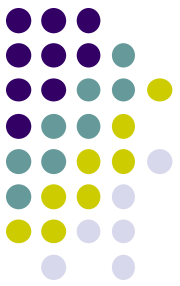
Todo ser vivo pode voar.

$P(X)$ = “x é pássaro”

$\forall x (P(x) \rightarrow L(x))$

Todo pássaro pode voar.

Na aula passada



c) Todo pássaro pode voar.

$L(x)$ = “x pode voar”

Domínio = {todo ser vivo}

$\forall x L(x)$ Todo ser vivo pode voar.

$P(x)$ = “x é pássaro”

$\forall x (P(x) \rightarrow L(x))$ Todo pássaro pode voar.



Não podemos expressar a sentença

$\forall x (P(x) \wedge L(x))$ **ERRADO!!!**

“Todo ser vivo é pássaro e sabe voar.”



Exercício

- Algum estudante da classe visitou o México
- Domínio: {estudantes da classe}





Exercício

- Algum estudante da classe visitou o México
- Domínio: {estudantes da classe}
- $M(x)$ = “x visitou o México”



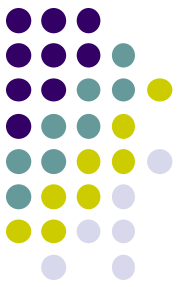
Exercício



- Algum estudante da classe visitou o México
- Domínio: {estudantes da classe}
- $M(x) = \text{“}x \text{ visitou o México”}$
- $\exists x M(x)$



Exercício



- Algum estudante da classe visitou o México
- Domínio: {todas as pessoas}





Exercício

- Algum estudante da classe visitou o México
- Domínio: {todas as pessoas}
- $M(x)$ = “x visitou o México”
- $E(x)$ = “x é estudante da classe”





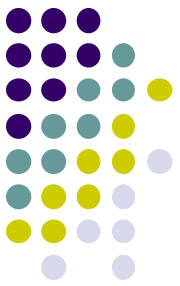
Exercício

- Algum estudante da classe visitou o México
- Domínio: {todas as pessoas}
- $M(x)$ = “x visitou o México”
- $E(x)$ = “x é estudante da classe”
- Existe uma pessoa x que é estudante da classe e que visitou o México.



Exercício

- Algum estudante da classe visitou o México
- Domínio: {todas as pessoas}
- $M(x)$ = “x visitou o México”
- $E(x)$ = “x é estudante da classe”
- Existe uma pessoa x que é estudante da classe e que visitou o México.
- $\exists x(E(x) \wedge M(x))$



Exercício

- Algum estudante da classe visitou o México
- Domínio: {todas as pessoas}
- $M(x)$ = “x visitou o México”
- $E(x)$ = “x é estudante da classe”
- Existe uma pessoa x que é estudante da classe e que visitou o México.
- $\exists x(E(x) \rightarrow M(x))$ **ERRADO!!!**



Porque é verdadeira para qualquer pessoa que não esteja na classe.



Exercício

- Todo estudante da classe visitou Canadá ou México.
- Domínio={estudantes da classe}
- $C(x)$ = “x visitou o Canadá”
- $M(x)$ = “x visitou o México”

?????





Exercício

- Todo estudante da classe visitou Canadá ou México.
- Domínio={estudantes da classe}
- $C(x)$ = “x visitou o Canadá”
- $M(x)$ = “x visitou o México”

$$\forall x(C(x) \vee M(x))$$





Exercício

- Todo estudante da classe visitou Canadá ou México.
- Domínio={todas as pessoas}
- $C(x)$ = “x visitou o Canadá”
- $M(x)$ = “x visitou o México”
- $E(x)$ = “x é estudante da classe”

??????



Exercício

- Todo estudante da classe visitou Canadá ou México.
- Domínio={todas as pessoas}
- $C(x)$ = “x visitou o Canadá”
- $M(x)$ = “x visitou o México”
- $E(x)$ = “x é estudante da classe”

$$\forall x(E(x) \rightarrow (C(x) \vee M(x)))$$

Exercício para a mente.



- Uma ajudinha...



Exercícios – Rosen 47



8) Transcreva estas proposições para o português, em que $R(x)$ é “ x é um coelho” e $H(x)$ é “ x salta” e o domínio são todos os animais.

a) $\forall x(R(x) \rightarrow H(x))$



Exercícios – Rosen 47



8) Transcreva estas proposições para o português, em que $R(x)$ é “ x é um coelho” e $H(x)$ é “ x salta” e o domínio são todos os animais.

a) $\forall x(R(x) \rightarrow H(x))$ **Todo coelho salta.**





Exercícios – Rosen 47

8) Transcreva estas proposições para o português, em que $R(x)$ é “ x é um coelho” e $H(x)$ é “ x salta” e o domínio são todos os animais.

a) $\forall x(R(x) \rightarrow H(x))$ Todo coelho salta.

b) $\forall x(R(x) \wedge H(x))$





Exercícios – Rosen 47

8) Transcreva estas proposições para o português, em que $R(x)$ é “ x é um coelho” e $H(x)$ é “ x salta” e o domínio são todos os animais.

a) $\forall x(R(x) \rightarrow H(x))$ **Todo coelho salta.**

b) $\forall x(R(x) \wedge H(x))$ **Todos os animais são coelhos e saltam**





Exercícios – Rosen 47

- 8) Transcreva estas proposições para o português, em que $R(x)$ é “ x é um coelho” e $H(x)$ é “ x salta” e o domínio são todos os animais.
- a) $\forall x(R(x) \rightarrow H(x))$ Todo coelho salta.
- b) $\forall x(R(x) \wedge H(x))$ Todos os animais são coelhos e saltam
- c) $\exists x(R(x) \rightarrow H(x))$



Exercícios – Rosen 47

- 8) Transcreva estas proposições para o português, em que $R(x)$ é “ x é um coelho” e $H(x)$ é “ x salta” e o domínio são todos os animais.
- a) $\forall x(R(x) \rightarrow H(x))$ Todo coelho salta.
 - b) $\forall x(R(x) \wedge H(x))$ Todos os animais são coelhos e saltam
 - c) $\exists x(R(x) \rightarrow H(x))$ Existe um animal que se é coelho então ele salta.



Exercícios – Rosen 47

8) Transcreva estas proposições para o português, em que $R(x)$ é “ x é um coelho” e $H(x)$ é “ x salta” e o domínio são todos os animais.

- a) $\forall x(R(x) \rightarrow H(x))$ Todo coelho salta.
- b) $\forall x(R(x) \wedge H(x))$ Todos os animais são coelhos e saltam
- c) $\exists x(R(x) \rightarrow H(x))$ Existe um animal que se é coelho então ele salta.
- d) $\exists x(R(x) \wedge H(x))$

Exercícios – Rosen 47



8) Transcreva estas proposições para o português, em que $R(x)$ é “ x é um coelho” e $H(x)$ é “ x salta” e o domínio são todos os animais.

a) $\forall x(R(x) \rightarrow H(x))$ Todo coelho salta.

b) $\forall x(R(x) \wedge H(x))$ Todos os animais são coelhos e saltam

c) $\exists x(R(x) \rightarrow H(x))$ Existe um animal que se é coelho então ele salta.

d) $\exists x(R(x) \wedge H(x))$ Existe um coelho que salta



Exercício para a mente.

- Agora é com vocês...
- Rosen pg 47 e 48
- Exercícios 7, 21, 22, 23, 24, 25.

