

Yıldız Teknik Üniversitesi Elektrik Elektronik Fakültesi Bilgisayar Mühendisliği

BLM3021

Algoritma

Analizi

GR:2

DOÇ.DR. MEHMET AMAÇ GÜVENSAN

Ödev-2

İsim: Muhammed Taha Güneş

No: 21011017

Video Linki: https://youtu.be/sVQydywP1Ss

E.posta: taha.gunes@std.yildiz.edu.tr

1- Problemin Çözümü:

Kullanıcıdan ilk başta dizinin boyutu N değeri olarak alınmıştır. Kullanıcının girmiş olduğu N değeri sıfırdan küçük ya da hatalı bir değer girilirse, program önceden belirlenmiş bir varsayılan değeri kullanılmıştır veya hata mesajı verilmiştir. Kullanıcının girmiş olduğu N değeri geçerli ise bu değere uygun boyutta bir dizi (arr) oluşturulmuştur.

Rastgele değerlerden oluşan bu dizi, diziOlustur fonksiyonu ile karıştırılarak, sıralanmamış bir biçimde başlatılmıştır.

Sıralama işlemi için kWayMergeSort algoritması kullanılmıştır. Bu algoritma ile dizi k sayıda alt diziye ayrılmıştır. Her alt dizi sıralanmıştır ve ardından kWayMerge fonksiyonunu kullanarak bu alt dizileri birleştirilmiştir. Böylece tüm dizi tek bir sıralı dizi olarak elde edilmiştir. Kullanıcıdan farklı k değerleri için çalışma süresi ölçülmüş ve her bir k değeri için sıralama işleminin ne kadar sürdüğü hesaplanmıştır.

kWayMergeSort algoritması, ilk olarak diziyi k parçaya ayırır. Bu alt dizilerde sıralama işlemi, mergeSort fonksiyonu ile yapılmıştır. mergeSort fonksiyonu, iki alt diziye bölerek sıralama yapmıştır ve O(N log N) karmaşıklığına sahip olmuştur. Alt diziler sıralandıktan sonra, kWayMerge fonksiyonu, k-yönlü birleştirme algoritması kullanarak tüm alt dizileri bir araya getirilmiştir.

Sonuç olarak, her k değeri için sıralama süresi kullanıcıya çıktılarla birlikte iletilmiştir. Bu analiz ile farklı k değerlerinin sıralama süresine olan etkisi gözlemlenebilir hale gelmiştir.

2- Karşılaşılan Sorunlar:

Random sayılardan dizi üretilirken dizinin üretilmesi tekrar aynı sayı gelmemesi için eklenen kontrollerden dolayı çok uzun sürmüştür. Buna çözüm tüm elemanları sırasıyla diziyi üretip random indexe göre karıştırılması ile olmuştur. Başka bir sorun da başta atılan aynı dizinin üzerine sıralı dizinin yazılmasından kaynaklı olmuştur. Bu şekilde yapıldığı zaman k değerini değiştirsek bile orijinal dizi kaybedildiği için sıralı dizi üzerinde işlem yapılmıştır. Çözüm ise başka bir dizi tanımlayıp ona diziyi sıralamakta olmuştur. Diğer bir sorun ise k parçaya ayrılan dizilerin nasıl tutulacağı olmuştur. Buna çözüm matris şeklinde tutarak olmuştur. Bu matriste gezmekte de sıkıntı yaşanmıştır. Bu sorunda çözüm ise indices dizisi tanımlanarak cursor gibi kullanılmakta olmuştur

3- Karmaşıklık Analizi:

1. Dizi Oluşturma (diziOlustur)

Fonksiyonda N elemanlı bir dizi oluşturulmuştur ve bu dizi rastgele bir şekilde karıştırılmıştır.

Rastgele karıştırma işlemi O(N) karmaşıklığındadır.

2. Merge Sort (mergeSort)

mergeSort fonksiyonuyla standart bir Birleştirme Sıralaması algoritması uygulanmıştır.

Tek bir diziyi sıralamanın zaman karmaşıklığı O(N log N)'dir.

3. k-Yönlü Birleştirme (kWayMerge)

k alt dizi birleştirilmiştir ve her bir birleşim adımında minimum eleman seçilmiştir.

k alt dizi arasında minimumu bulmak ve elemanı kümülatif dizinin sonuna eklemek O(k log k) zaman almıştır.

Bu işlem N kez yapıldığı için O(N log k) karmaşıklığına sahiptir.

4. k-Yönlü Birleştirme Sıralaması (kWayMergeSort)

Bu fonksiyon, verilen diziyi k alt diziye bölmüştür ve her bir alt diziyi ayrı ayrı sıralamıştır.

Dizi k alt diziye bölündüğünde, her alt dizi N/k eleman içermiştir ve mergeSort her biri için $O((N/k) \log (N/k))$ zaman almıştır.

Tüm k alt diziyi sıralamanın toplam karmaşıklığı O(N log (N/k)) olmuştur.

Ardından, k-yönlü birleştirme işlemi O(N log k) zaman alır.

Toplamda kWayMergeSort fonksiyonunun karmaşıklığı:

O(Nlog(N/k))+O(Nlogk)=O(Nlog(N/k)+Nlogk)=O(NlogN)

Performans Ölçümü

Kodun ana fonksiyonunda, k 2'den 10'a kadar arttırılarak kWayMergeSort'un her bir değerdeki çalışma süresi ölçülmüştür. Bu ölçüm sonuçları, k değerinin k-yönlü birleştirme sıralamasının hızına etkisini göstermiştir. Teorik olarak, k değeri arttıkça N/k boyutlu alt dizilerin boyutu küçülür ve her bir mergeSort işlemi daha az zaman almalıdır. Ancak k arttıkça kWayMerge işleminin maliyeti O(N log k) ile artmıştır.

Bu iki etkiden dolayı, en hızlı sonuçlar orta değerlerde k ile elde edilmiştir. Kodun performans sonuçları (yani k'ya göre çalışma süresi) k değerine göre bir optimum nokta olduğunu gösterebilmiştir.

4- Ekran Çıktıları:

N=100 iken

k değerler 1.dizi	k değerler 2.dizi	k değerler 3.dizi	k değerler 4.dizi	k değerler 5.dizi	k değerler 6.dizi	kdeğerleri	k değerler 8.dizi	k değerler 9.dizi	k değerler 10.dizi
2 0.000000	2 0.000000	2 0.00000	2 0.00000	2 0.00000	2 0.00000	2 0.000000	2 0.00000	2 0.00000	2 0.000000
3 0.000000	3 0.000000	3 0.00000	3 0.00000	3 0.00000	3 0.00000	3 0.00000	3 0.00000	3 0.00000	3 0.000000
4 0.000000	4 0.000000	4 0.000000	4 0.00000	4 0.00000	4 0.00000	4 0.00000	4 0.00000	4 0.00000	4 0.000000
5 0.000000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.00000	5 0.00000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.000000
6 0.000000	6 0.000000	6 0.00000	6 0.00000	6 0.00000	6 0.001000	6 0.00000	6 0.000000	6 0.00000	6 0.000000
7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000
8 0.000000	8 0.000000	8 0.00000	8 0.00000	8 0.00000	8 0.00000	8 0.000000	8 0.000000	8 0.00000	8 0.000000
9 0.000000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.000000
10 0.00000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.00000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000
	2 0.00000 3 0.00000 4 0.00000 5 0.00000 6 0.00000 8 0.00000 9 0.00000	20,00000 20,00000 30,00000 30,00000 40,00000 40,00000 50,00000 50,00000 60,00000 70,00000 80,00000 80,00000 90,00000 90,00000	20,00000 20,00000 20,00000 30,00000 30,00000 30,00000 40,00000 40,00000 40,00000 50,00000 50,00000 50,00000 60,00000 60,00000 60,00000 70,00000 70,00000 70,00000 80,00000 80,00000 80,00000 90,00000 90,00000 90,00000	20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 50,00000 50,00000 50,00000 50,00000 60,00000 60,00000 60,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 80,00000 80,00000 80,00000 80,00000 90,00000 90,00000 90,00000 90,00000	20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 50,000000 50,00000 50,00000 50,00000 50,00000 50,000000 50,000000 50,000000 50,000000 50,000000	20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 50,00000	20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 50,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 80,00000 80,00000 80,00000 90,00000 90,00000 90,00000 90,00000 90,00000 90,00000 90,00000 90,00000 90,00000 90,00000 90,00000	20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 50,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 80,000000 80,00000 80,00000 80,00000	20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 20,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 30,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 40,00000 50,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 70,00000 80,00000

N=1 000 iken

14 kd	eğerler 1.dizi	k değerler 2.dizi	k değerler 3.dizi	k değerler 4.dizi	k değerler 5.dizi	k değerler 6.dizi	k değerler 7.dizi	k değerler 8.dizi	k değerler 9.dizi	k değerler 10.dizi
15	2 0.000000	2 0.000000	2 0.000000	2 0.001000	2 0.000000	2 0.000000	2 0.000000	2 0.000000	2 0.001000	2 0.000000
16	3 0.000000	3 0.000000	3 0.000000	3 0.000000	3 0.000000	3 0.000000	3 0.001000	3 0.001000	3 0.000000	3 0.000000
17	4 0.000000	4 0.000000	4 0.001000	4 0.000000	4 0.000000	4 0.001000	4 0.000000	4 0.000000	4 0.000000	4 0.000000
18	5 0.000000	5 0.001000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.000000	5 0.001000
19	6 0.001000	6 0.000000	6 0.000000	6 0.000000	6 0.001000	6 0.000000	6 0.000000	6 0.000000	6 0.000000	6 0.000000
20	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.001000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000	7 0.000000
21	8 0.000000	8 0.000000	8 0.000000	8 0.00000	8 0.000000	8 0.000000	8 0.001000	8 0.001000	8 0.001000	8 0.000000
22	9 0.000000	9 0.000000	9 0.001000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.001000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.000000	9 0.001000
23	10 0.000000	10 0.001000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000	10 0.000000

N=10 000 iken

23										
26 kc	değerler 1.dizi	k değerler 2.dizi	k değerler 3.dizi	k değerler 4.dizi	k değerler 5.dizi	k değerler 6.dizi	k değerler 7.dizi	k değerler 8.dizi	k değerler 9. dizi	k değerler 10.dizi
27	2 0.002000	2 0.002000	2 0.002000	2 0.002000	2 0.002000	2 0.003000	2 0.002000	2 0.002000	2 0.003000	2 0.003000
28	3 0.002000	3 0.003000	3 0.002000	3 0.002000	3 0.002000	3 0.002000	3 0.002000	3 0.002000	3 0.002000	3 0.002000
29	4 0.002000	4 0.002000	4 0.002000	4 0.002000	4 0.002000	4 0.002000	4 0.002000	4 0.002000	4 0.002000	4 0.002000
30	5 0.002000	5 0.002000	5 0.003000	5 0.002000	5 0.002000	5 0.002000	5 0.002000	5 0.002000	5 0.002000	5 0.002000
31	6 0.002000	6 0.002000	6 0.002000	6 0.002000	6 0.003000	6 0.002000	6 0.002000	6 0.002000	6 0.002000	6 0.002000
32	7 0.002000	7 0.002000	7 0.002000	7 0.002000	7 0.002000	7 0.002000	7 0.002000	7 0.002000	7 0.002000	7 0.002000
33	8 0.003000	8 0.002000	8 0.002000	8 0.002000	8 0.002000	8 0.002000	8 0.002000	8 0.002000	8 0.002000	8 0.002000
34	9 0.002000	9 0.002000	9 0.002000	9 0.002000	9 0.002000	9 0.002000	9 0.002000	9 0.002000	9 0.002000	9 0.002000
35	10 0.002000	10 0.002000	10 0.002000	10 0.002000	10 0.002000	10 0.002000	10 0.003000	10 0.003000	10 0.002000	10 0.002000

N=100 000 iken

k değ	erler 1.dizi	k değerler 2.dizi	k değerler 3.dizi	k değerler 4.dizi	k değerler 5.dizi	k değerler 6.dizi	k değerler 7.dizi	k değerler 8.dizi	k değerler 9.dizi	k değerler 10.dizi
	2 0.023000	2 0.022000	2 0.022000	2 0.023000	2 0.022000	2 0.024000	2 0.024000	2 0.024000	2 0.023000	2 0.022000
	3 0.022000	3 0.021000	3 0.021000	3 0.022000	3 0.020000	3 0.022000	3 0.021000	3 0.020000	3 0.021000	3 0.020000
	4 0.021000	4 0.020000	4 0.020000	4 0.019000	4 0.020000	4 0.021000	4 0.020000	4 0.021000	4 0.020000	4 0.020000
	5 0.021000	5 0.022000	5 0.020000	5 0.021000	5 0.020000	5 0.022000	5 0.021000	5 0.020000	5 0.021000	5 0.021000
	6 0.021000	6 0.022000	6 0.021000	6 0.020000	6 0.021000	6 0.019000	6 0.020000	6 0.021000	6 0.019000	6 0.020000
	7 0.022000	7 0.021000	7 0.021000	7 0.021000	7 0.020000	7 0.021000	7 0.021000	7 0.021000	7 0.021000	7 0.022000
	8 0.021000	8 0.021000	8 0.021000	8 0.021000	8 0.021000	8 0.021000	8 0.020000	8 0.021000	8 0.022000	8 0.022000
	9 0.026000	9 0.022000	9 0.022000	9 0.022000	9 0.022000	9 0.022000	9 0.021000	9 0.021000	9 0.022000	9 0.022000
	10 0.023000	10 0.022000	10 0.022000	10 0.022000	10 0.022000	10 0.022000	10 0.021000	10 0.022000	10 0.023000	10 0.023000

N=1 000 000 iken

JU										
51 kd	eğerler 1.dizi	k değerler 2.dizi	k değerler 3.dizi	k değerler 4.dizi	k değerler 5.dizi	k değerler 6.dizi	k değerler 7.dizi	k değerler 8.dizi	k değerler 9.dizi	k değerler 10.dizi
52	2 0.217000	2 0.249000	2 0.208000	2 0.218000	2 0.210000	2 0.209000	2 0.210000	2 0.213000	2 0.212000	2 0.216000
53	3 0.218000	3 0.218000	3 0.216000	3 0.215000	3 0.215000	3 0.211000	3 0.211000	3 0.211000	3 0.221000	3 0.214000
54	4 0.211000	4 0.219000	4 0.211000	4 0.212000	4 0.213000	4 0.210000	4 0.210000	4 0.211000	4 0.207000	4 0.210000
55	5 0.215000	5 0.221000	5 0.212000	5 0.217000	5 0.226000	5 0.213000	5 0.223000	5 0.225000	5 0.218000	5 0.212000
56	6 0.206000	6 0.219000	6 0.210000	6 0.217000	6 0.220000	6 0.213000	6 0.214000	6 0.212000	6 0.221000	6 0.222000
57	7 0.215000	7 0.224000	7 0.213000	7 0.224000	7 0.217000	7 0.210000	7 0.217000	7 0.216000	7 0.215000	7 0.219000
58	8 0.217000	8 0.215000	8 0.217000	8 0.221000	8 0.216000	8 0.209000	8 0.216000	8 0.207000	8 0.221000	8 0.211000
59	9 0.211000	9 0.221000	9 0.217000	9 0.221000	9 0.225000	9 0.218000	9 0.223000	9 0.215000	9 0.213000	9 0.213000
60	10 0.216000	10 0.217000	10 0.215000	10 0.223000	10 0.216000	10 0.223000	10 0.225000	10 0.224000	10 0.215000	10 0.223000

N=10 000 000 iken

63 ka	değerler 1.dizi	k değerler 2.dizi	k değerler 3.dizi	k değerler 4.dizi	k değerler 5. dizi	k değerler 6.dizi	k değerler 7.dizi	k değerler 8.dizi	k değerler 9. dizi	k değerler 10.dizi
64	2 2.266.000	2 2,263,000	2 2,213,000	2 2,268,000	2 2,216,000	2 2,222,000	2 2,237,000	2 2,309,000	2 2,314,000	2 2.195.000
65	3 2.247,000	3 2.268.000	3 2,249,000	3 2,250,000	3 2.231.000	3 2.214.000	3 2,239,000	3 2,284,000	3 2.332.000	3 2.219.000
66	4 2.266.000	4 2.259.000	4 2.214.000	4 2.264.000	4 2.227.000	4 2.213.000	4 2.240.000	4 2.275.000	4 2.429.000	4 2.216.000
67	5 2.265.000	5 2.249.000	5 2.210.000	5 2.247.000	5 2.245.000	5 2.215.000	5 2.248.000	5 2.258.000	5 2.292.000	5 2.217.000
68	6 2.234.000	6 2.240.000	6 2.208.000	6 2.210.000	6 2.226.000	6 2.216.000	6 2.214.000	6 2.218.000	6 2.300.000	6 2.221.000
69	7 2.209.000	7 2.218.000	7 2.215.000	7 2.230.000	7 2.249.000	7 2.212.000	7 2.226.000	7 2.232.000	7 2.416.000	7 2.229.000
70	8 2.248.000	8 2.241.000	8 2.233.000	8 2.252.000	8 2.268.000	8 2.240.000	8 2.245.000	8 2.245.000	8 2.362.000	8 2.232.000
71	9 2.254.000	9 2.267.000	9 2.263.000	9 2.264.000	9 2.258.000	9 2.244.000	9 2.227.000	9 2.238.000	9 2.267.000	9 2.257.000
72	10 2.253.000	10 2.283.000	10 2.354.000	10 2.287.000	10 2.251.000	10 2.248.000	10 2.248.000	10 2.282.000	10 2.242.000	10 2.262.000



















