# Варианты контрольной работы

# Вариант 1

**1.** На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 2 & 5 & 6 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 6)(2\ 4\ 5).$  Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-25}.$ 
**2.** Для группы  $G$  самосовмещений прямоугольника

- - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^4 = e \rangle$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

#### Вариант 2

**1.** На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .

- **2.** Для группы G вращений квадрата
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- **3.** Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{12} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

#### Вариант 3

**1.** На множестве {1, 2, 3, 4, 5, 6} заданы подстановки

$$\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 5 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 5)(2\ 6\ 4).$$
 Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-45}$ .

- **2.** Для группы G самосовмещений ромба
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a \mid a^8 = e >$  в группу  $G_2 = < b | b^4 = e >$ .

**1.** На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 6 & 5 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 4\ 5)(2\ 6\ 3).$  Найти  $(\pi_1\cdot\pi_2)^{-55}$ .

- **2.** Для группы G сложения классов вычетов по  $mod\ 4$ 
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- **3.** Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^{12} = e \rangle$  в группу  $G_2 = \langle b | b^6 = e \rangle$ .

**1.** На множестве 
$$\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .

- **2.** Для группы  $G = < \{0,1,2,3\}$ , сложение по  $mod\ 4 >$ 
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- **3.** Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{20} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

# Вариант 6

1. На множестве 
$$\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 2 & 5 & 6 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 6)(2\ 4\ 5)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-25}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений прямоугольника
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^4 = e \rangle$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

#### Вариант 7

1. На множестве 
$$\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .

- 2. Для группы G вращений квадрата
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{12} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

# Вариант 8

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 5 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 5)(2\ 6\ 4).$  Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-45}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений ромба
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^8 = e \rangle$  в группу  $G_2 = < b | b^4 = e >$ .

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 6 & 5 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 4\ 5)(2\ 6\ 3)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-55}$ .

- 2. Для группы G сложения классов вычетов по  $mod \ 4$ 
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^{12} = e \rangle$  в группу  $G_2 = \langle b | b^6 = e \rangle$ .

1. На множестве {1, 2, 3, 4, 5, 6} заданы подстановки

$$\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4).$$
 Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}.$   
2. Для группы  $G = <\{0,1,2,3\}$ , сложение по  $mod\ 4>$ 

- - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{20} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

# Вариант 11

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 2 & 5 & 6 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 6)(2\ 4\ 5)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-25}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений прямоугольника
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^4 = e \rangle$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

# Вариант 12

1. На множестве 
$$\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .

- 2. Для группы G вращений квадрата
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a \mid a^{12} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки 
$$\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 5 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 5)(2\ 6\ 4).$$
 Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-45}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений ромба
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a \mid a^8 = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

1. На множестве {1, 2, 3, 4, 5, 6} заданы подстановки

на множестве 
$$\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 6 & 5 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1 4 5)(2 6 3).$  Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-55}$ .

- 2. Для группы G сложения классов вычетов по mod 4
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{12} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^6 = e \rangle$ .

### Вариант 15

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .

- 2. Для группы  $G = \{0,1,2,3\}$ , сложение по  $mod\ 4 >$ 
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{20} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

# Вариант 16

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 2 & 5 & 6 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 6)(2\ 4\ 5)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-25}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений прямоугольника
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^4 = e \rangle$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

### Вариант 17

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .

- 2. Для группы G вращений квадрата
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^{12} = e \rangle$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

#### Вариант 18

1. На множестве {1, 2, 3, 4, 5, 6} заданы подстановки

$$\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 5 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 5)(2\ 6\ 4).$$
 Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-45}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений ромба
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^8 = e \rangle$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

1. На множестве {1, 2, 3, 4, 5, 6} заданы подстановки

$$\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 6 & 5 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1 \ 4 \ 5)(2 \ 6 \ 3).$$
 Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-55}$ .

- 2. Для группы G сложения классов вычетов по mod 4
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{12} = e >$  в группу  $G_2 = < b | b^6 = e >$ .

# Вариант 20

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4).$  Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .  
2. Для группы  $G = <\{0,1,2,3\}$ , сложение по  $mod\ 4>$ 

- - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{20} = e >$  в группу  $G_2 = < b | b^4 = e >$ .

# Вариант 21

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 2 & 5 & 6 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 6)(2\ 4\ 5)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-25}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений прямоугольника
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a \mid a^4 = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

# Вариант 22

1. На множестве {1, 2, 3, 4, 5, 6} заданы подстановки

$$\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4).$$
 Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .

- 2. Для группы G вращений квадрата
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{12} = e >$  в группу  $G_2 = < b | b^4 = e >$ .

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки 
$$\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 5 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 5)(2\ 6\ 4).$$
 Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-45}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений ромба
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a \mid a^8 = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle.$

# Вариант 24

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 6 & 5 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 4\ 5)(2\ 6\ 3)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-55}$ .

- 2. Для группы G сложения классов вычетов по  $mod\ 4$ 
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{12} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^6 = e \rangle$ .

#### Вариант 25

1. На множестве {1, 2, 3, 4, 5, 6} заданы подстановки

$$\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4).$$
 Найти  $(\pi_1\cdot\pi_2)^{-35}.$   
2. Для группы  $G = <\{0,1,2,3\}$ , сложение по  $mod\ 4>$ 

- - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{20} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

#### Вариант 26

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки 
$$\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 2 & 5 & 6 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 6)(2\ 4\ 5).$$
 Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-25}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений прямоугольника
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a \mid a^4 = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .

- 2. Для группы G вращений квадрата
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{12} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 5 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 3\ 5)(2\ 6\ 4).$  Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-45}$ .

- 2. Для группы G самосовмещений ромба
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a \mid a^8 = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .

# Вариант 29

1. На множестве 
$$\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 6 & 5 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1 \ 4 \ 5)(2 \ 6 \ 3)$ . Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-55}$ .

- 2. Для группы G сложения классов вычетов по  $mod \ 4$ 
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = \langle a | a^{12} = e \rangle$  в группу  $G_2 = < b | b^6 = e >$ .

1. На множестве 
$$\{1,2,3,4,5,6\}$$
 заданы подстановки  $\pi_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \pi_2 = (1\ 2\ 5)(3\ 6\ 4).$  Найти  $(\pi_1 \cdot \pi_2)^{-35}$ .

- 2. Для группы  $G = < \{0,1,2,3\}$ , сложение по  $mod\ 4 >$ 
  - 2.1) составить таблицу Кэли;
  - 2.2) найти нормальную подгруппу второго порядка;
  - 2.3) найти подгруппу  $S_4$ , изоморфную группе G.
- 3. Найти все гомоморфные отображения группы  $G_1 = < a | a^{20} = e >$  в группу  $G_2 = \langle b | b^4 = e \rangle$ .