## ВОПРОСЫ К ЭКЗАМЕНУ 8 ФАКУЛЬТЕТ, 1 СЕМЕСТР

- 1. Действительные числа и их свойства. Принцип Архимеда. Грани числовых множеств. Теорема существования точных граней.
- 2. Леммы, связанные с полнотой множества действительных чисел: о вложенных отрезках, о конечном покрытии, о предельной точке.
- 3. Мощность множества. Счетность множества рациональных чисел. Несчетность континуума.
- 4. Предел последовательности. Общие свойства предела. Арифметические свойства сходящихся последовательностей. Предельный переход в неравенствах. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности, их свойства.
- 5. Критерий существования предела монотонной последовательности. Число е.
- 6. Подпоследовательности. Теорема Больцано-Вейерштрасса. Верхний и нижний пределы последовательностей.
- 7. Критерий Коши сходимости последовательностей.
- 8. Предел функции. Эквивалентность определений Гейне и Коши. Свойства предела функции.
- 9. Предельный переход и арифметические операции. Предельный переход и неравенства. Предел сложной функции.
- 10. Односторонние пределы, пределы на бесконечности. Критерий Коши существования предела функции. Замечательные пределы. Существование предела монотонной функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.
- 11. Сравнение асимптотического поведения функций. «О-о» символика.
- 12. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва, их классификация.
- 13. Непрерывность сложной функции.
- 14. Арифметические свойства непрерывных функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
- 15. Равномерная непрерывность. Теорема Кантора.
- 16. Непрерывность основных элементарных функций.
- 17. Производная функции. Связь между существованием производной и непрерывностью. Дифференциал. Необходимые и достаточные условия дифференцируемости. <del>Инвариантность формы первого дифференциала.</del>
- 18. Правила дифференцирования. Производная сложной функции. Производная обратной функции. Геометрический смысл производной и дифференциала. Производные основных элементарных функций.
- 19. Производные высших порядков. Правила вычисления, формула Лейбница.
- 20. Дифференцирование параметрически заданных функций. Дифференциалы высших порядков. Нарушение инвариантности формы.
- 21 Дифференциальные теоремы о среднем.
- 22. Правила Лопиталя раскрытия неопределенности.
- 23. Исследование функций. Условия монотонности функций. Экстремум функции. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие экстремума. Условия выпуклости и наличия точки перегиба графика функции. Вертикальные и наклонные асимптоты.
- 24. Локальная формула Тейлора. Остаточный член в форме Пеано. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа и Коши. Основные разложения по формуле Тейлора.

Tespera o cyrjecte bonne u rentepolisers De parnon pynkym