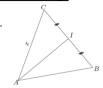
Chapitre: Trigonométrie



I. Rappel de trigonométrie du collège

Exercice 1 : Rappel de trigonométrie du collège

Soit *ABC* un triangle équilatéral dont la mesure des côtés vaut *x*.



On note I le milieu du segment [BC].

- 1. Que représente la droite(AI) dans le triangleABC?
- 2. Remplir le tableau ci- dessous:

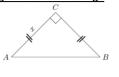
	\widehat{CIA}	\widehat{CAB}	\widehat{CAI}	\widehat{ICA}
Mesure en degré				

- 3. a. Donner la mesure du segment [CI] en fonction de x.
 - b. A l'aide du théorème de Pythagore, déterminer la mesure du segment [AI] en fonction de x.
 - c. Dans le triangle AIC, déterminer le sinus, le cosinus et la tangente des angles \widehat{IAC} et \widehat{ICA} . Puis, remplir le tableau suivant :

α	$\cos \alpha$	$\sin \alpha$	$\tan \alpha$
60°			
30°			

Exercice 2 : Rappel de trigonométrie du collège

On considère le triangle rectangle-isocèle en C cidessous.
On note x la mesure du côté AC



des aiguilles

1. Compléter le tableau suivant

	\widehat{ACB}	\widehat{CAB}
Mesure en degré		

- a. A l'aide du théorème de Pythagore, exprimer la mesure du côté [AB] en fonction de x.
 - b. Dans le triangle rectangle ABC, déterminer le sinus, le cosinus et la tangente de l'angle \widehat{CAB} .
 - c. Compléter le tableau ci-contre :

α	$\cos \alpha$	$\sin \alpha$	an lpha
45^o			

II. Fonctions circulaires

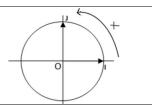
1) Cercle trigonométrique

<u>Définition 1</u> : Orienter un cercle, c'est choisir ur	sens de parcours sur ce cercle appelé sens
(ou positif).	
L'autre sens est appelé sens	(ou négatif).
<u>Définition 2</u> : Orienter le plan, c'est orienter tou	is les cercles du plan dans le même sens.

L'usage est de choisir pour sens direct le sens

d'une montre. On l'appellera sens

<u>Définition 3 :</u> Dans le plan muni d'un repère orthonormé								
$(0; \vec{l}, \vec{j})$, le cercle trigonométrique est le cercle de centre								
et de rayon	_ et sur lequel on a choisi un							
sens de parcours, appelé sens direct (ou positif) : c'est <u>le sens</u>								
inverse des aiguilles d'une montr	inverse des aiguilles d'une montre.							



Construction : On trace la tangente en I au cercle trigonométrique \mathfrak{T} et on munit cette droite du repère (I,A) tel que IA = OI = 1.

Cette droite représente la droite des réels.

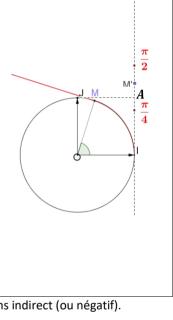
Propriété 1 :

- A chaque réel *x* correspond un point *M* du cercle trigonométrique.
- Réciproquement, à chaque tour de cercle effectué avec la droite des réels, on se retrouve au même point sur le cercle trigonométrique.

 Ainsi à chaque point M du cercle trigonométrique.

Ainsi, à chaque point M du cercle trigonométrique correspond une infinité de réels, différant tous d'un multiple de______.

Remarque : 2π est le	
du cercle trigonométrique (cercle de rayon 1).	



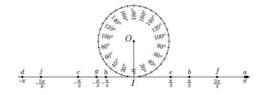
Remarque : le sens des aiguilles d'une montre est appelé sens indirect (ou négatif).

Exercice 3 : Enroulement de la droite numérique

On considère une droite graduée d'origine I sur laquelle est placé des points définis par leur abscisse

:
$$a(\pi) \qquad b\left(\frac{\pi}{2}\right) \qquad c\left(-\frac{\pi}{2}\right) \qquad d(-\pi) \qquad e\left(\frac{\pi}{3}\right)$$

$$f\left(\frac{3\pi}{4}\right) \qquad g\left(-\frac{\pi}{3}\right) \qquad h\left(-\frac{\pi}{4}\right) \qquad j\left(-\frac{5\pi}{6}\right)$$



On considère le cercle $\ensuremath{\mathfrak{T}}$ de rayon 1 placé sur la droite graduée comme l'indique la figure précédente.

- a. Soit M un point de C tel que l'arc ÎM mesure π.
 Donner la mesure de l'angle ÎOM.
 b. Placer l'unique point A du cercle C tel que l'arc ÎA ait pour longueur π.
- a. Soit M un point de C tel que l'arc M mesure π/2.
 Donner la mesure de l'angle 10M.
 b. Placer les deux points B et C appartenant au cercle C tel que les arcs 1B et 1C aient pour longueur π/2.
- 3. De même, placer les points E, F, G, H, J tels que les arcs $\widehat{IE}, \widehat{IF}, \widehat{IG}, \widehat{IH}, \widehat{IJ}$ aient respectivement la même longueur que l'abscisse des points e, f, g, h, j.

2) Une nouvelle unité de mesure : le radian

Définition 4 : La mesure d'un angle en	est égale à la
	que cet angle intercepte sur le cercle
trigonométrique.	

Définition 5 : Soit x un réel. Lorsque le point M' d'abscisse x sur la droite des réels se superpose au point M sur le cercle trigonométrique, l'angle \widehat{IOM} (pris dans le sens direct si x est positif, et dans le sens indirect si x est négatif) mesure x radians.

Remarque : La mesure de l'angle \widehat{IOM} en radian est égale à la longueur de l'arc IM

Propriété 2 : On obtient le tableau de conversion suivant :

Mesure de l'arc IM = mesure en radian de l'angle \widehat{IOM}	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	π	2π
Mesure en degré de l'angle \widehat{IOM}							

Application 1:

Compléter le tableau suivant :

Mesures d'angles	180	25	38		
en degrés					
Mesures d'angles				3π	5π
en radians				4	2

Exercice 4: Conversion radian - degré

Remnlir le tableau suivant :

Rempili le tubicuu sulvant.															
Degré									20	40	50	15	120	300	29
Radian	$\frac{\pi}{10}$	$\frac{3\pi}{10}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{4\pi}{3}$	$\frac{\pi}{5}$	$\frac{5\pi}{12}$	$\frac{7\pi}{6}$	$\frac{\pi}{8}$							

Exercice 5:

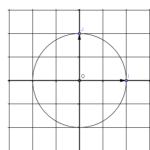
- 1. Dans le cercle trigonométrique ci-dessous, donner un réel associé aux points I, J, I' et I'.
- 2. Combien mesure, en degrés, l'angle \widehat{IOM} quand le point M est associé au réel $\frac{\pi}{2}$?
- 3. A quel réel le point M peut-il être associé lorsque l'angle \widehat{IOM} mesure 40°?



Exercice 6:

Dans le cercle trigonométrique ci-dessous, préciser pour chaque réel donné dans quel quart de cercle se trouve le point qui lui est associé.

- a. $\frac{3\pi}{7}$ b. $\frac{5\pi}{9}$ c. $\frac{18\pi}{11}$ d. $\frac{7\pi}{5}$
- e. $-\frac{23\pi}{9}$ f. $\frac{32\pi}{7}$ g. $-\frac{29\pi}{11}$ h. $\frac{687}{5}$



Exercice 7 : Placer des points sur le cercle trigonométrique

Placer sur le cercle trigonométrique ci-contre les points associés aux nombres réels suivants :

 $-\pi$

Exercice 8 : Points images sur le cercle trigonométrique et mesure d'angle

On se place sur le cercle trigonométrique ci-contre :

1. Quels sont les points images des réels suivants :

$$\frac{\pi}{2}$$
 $\frac{\pi}{6}$

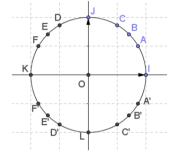


- 2. Donner trois réels différents ayant pour image :
 - a. le point *I*
- b. le point *K*
- c. le point *C*
- d. le point E
- 3. Donner une mesure des angles :





c.
$$(\overrightarrow{OC}; \overrightarrow{OI})$$



3) Mesure d'un angle orienté

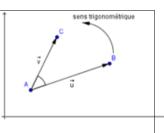
Définition 6: Soient \vec{u} et \vec{v} deux vecteurs.

Soient A, B et C trois points tels que $\vec{u} = \overrightarrow{AB}$ et $\vec{v} = \overrightarrow{AC}$. On définit alors une mesure de l'angle orienté $(\vec{u}, \vec{v}) =$

 $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ par la mesure de l'angle

si on tourne dans le sens trigonométrique (sens inverse des aiguilles d'une montre) pour passer de B à C, ou par

dans le cas contraire.



Remarque: On a défini une mesure de l'angle, on peut obtenir d'autres mesures de cet angle en ajoutant un multiple de 2π radian ou de 360° .

Attention! Un angle orienté possède plusieurs mesures.

Exemple: L'angle orienté $(\overrightarrow{OJ}, \overrightarrow{OI})$ mesure $-\frac{\pi}{2}$ rad mais aussi $\frac{3\pi}{2} rad, -\frac{5\pi}{2} rad, ...$

Application 2 : Mesures d'angles orientés et carré

ABCD est un carré.

Lire graphiquement une mesure de chacun des angles orientés ci-dessous :

a.
$$(\overrightarrow{CD}:\overrightarrow{CA}) =$$

b.
$$(\overrightarrow{BC}; \overrightarrow{OB}) =$$

c.
$$(\overrightarrow{OA}; \overrightarrow{AC}) =$$

d.
$$(\overrightarrow{DO}; \overrightarrow{AC}) =$$
 e. $(\overrightarrow{OB}; \overrightarrow{AD}) =$

e.
$$(\overrightarrow{OB}; \overrightarrow{AD}) =$$

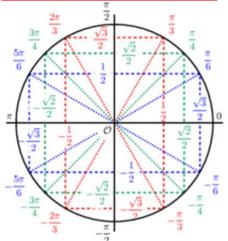
f.
$$(\overrightarrow{BA}; \overrightarrow{CD}) =$$



4) Mesure principale d'un angle orienté

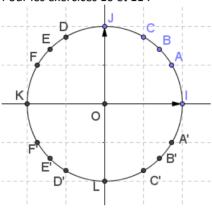
Définition 7: Soient \vec{u} et \vec{v} deux vecteurs. On appelle mesure principale de l'angle (\vec{u}, \vec{v}) l'unique mesure de l'angle (\vec{u}, \vec{v}) comprise dans l'intervalle

Les mesures principales remarquables :

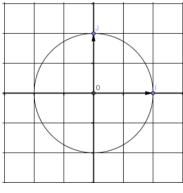


Cercle trigonométrique avec les points images :

Pour les exercices 10 et 11 :



Application 3:



Sur le cercle trigonométrique, on considère les point A, B et C tels que l'angle orienté $(\overrightarrow{OI}, \overrightarrow{OA})$ mesure $\frac{4\pi}{6}$ rad, l'angle orienté $(\overrightarrow{OI}, \overrightarrow{OB})$ mesure $\frac{5\pi}{3}$ rad, et l'angle orienté $(\overrightarrow{OI}, \overrightarrow{OC})$ mesure $\frac{-7\pi}{4}$ rad.

- 1. Placer les points A, B et C sur le cercle trigonométrique.
- 2. Déterminer la mesure des angles qui appartient à l'intervalle] $-\pi$; π].

Exercice 9: Mesures (principales) d'angles orientés

Sans utiliser la calculatrice, indiquer, parmi les nombres réels suivants, ceux qui appartiennent à l'intervalle $]-\pi ; \pi].$

On se place dans le cercle trigonométrique du cours avec les points images.

Repérer sur ce cercle les points images des réels suivants et donner pour chacun d'eux le réel de $]-\pi$; $\pi]$ qui a même image:

Réel	$\frac{3\pi}{2}$	3π	$-\frac{5\pi}{2}$	20π	$\frac{5\pi}{4}$	$\frac{7\pi}{3}$	$-\frac{7\pi}{6}$	$\frac{11\pi}{6}$	$\frac{31\pi}{2}$	-17π
Point image					_					
\in] $-\pi$; π]										

Exercice 11 : Points images et mesures d'angles orientés

On se place dans le cercle trigonométrique du cours avec les points images.

Repérer sur ce cercle les points images des réels suivants et donner pour chacun d'eux le réel de $[0; 2\pi]$ qui a même image :

Réel	$-\frac{4\pi}{3}$	$\frac{5\pi}{2}$	$-\frac{\pi}{6}$	$-\frac{\pi}{4}$	$\frac{7\pi}{3}$	$-\pi$	$-\frac{5\pi}{6}$	6π	$-\frac{3\pi}{4}$	$\frac{25\pi}{6}$	$-\frac{3\pi}{2}$	7π
Point image												
∈ [0 ; 2 π[

Application 4 : Donner la mesure principale des angles orientés dont une mesure en radians est :

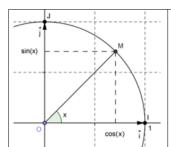
a)	$-\frac{\pi}{2}$	
b)	$\frac{2\pi}{5}$	
c)	$\frac{49\pi}{3}$	
d)	$\frac{38\pi}{5}$	
e)	$-\frac{19\pi}{7}$	
f)	$-\frac{127\pi}{3}$	

Exercice 12: Mesures principales d'angles orientés

Donner la mesure principale des angles mesure :

	p - p -						
5π	3π	5π	-3π	4π	11π	11π	25π
3	2	$-\frac{4}{4}$		3	<u></u> 6		
18π	-14π	40π	31π	25π	19π	13π	
		3	<u>6</u>	4	6	4	

III. Cosinus et sinus d'un angle orienté



<u>Définition 8</u>: Soit x une mesure de l'angle orienté $(\overrightarrow{OI}, \overrightarrow{OM})$ où M est un point du cercle trigonométrique.

- Le cosinus de x, noté $\cos x$, est de M.
- Le sinus de x, noté $\sin x$, est _____ de M

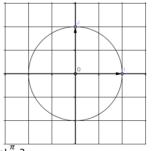
Activité : Valeurs remarquables du sinus et cosinus

Le but est de compléter au fur et à mesure le tableau suivant qui permettra de connaître quelques valeurs remarquables du sinus et du cosinus d'un nombre réel.

x (mesure en degrés)	0°	30°	45°	60°	90°
x (mesure en radians)					
cos x					
$\sin x$					

1.	a) Construire dans un repère orthonormé un cercle
	trigonométrique.

b) Expliquer pourquoi les sinus et cosinus des réels proposés sont toujours positifs ou nuls.
2. Donner la valeur exacte de sin 0 et de cos 0.



3. a) Sur le cercle trigonométrique, où se trouve le point associé au réel $\frac{\pi}{2}$?

b) En déduire la valeur exacte de $\sin \frac{\pi}{2}$ et de $\cos \frac{\pi}{2}$.



4. a) Placer sur le cercle trigonométrique, le point A associé au réel $\frac{\pi}{4}$?

b) Expliquer pourquoi la droite (OA) est un axe de symétrie du quart de cercle IJ de centre O.

5.	a) Placer sur le cercle trigonométrique, le point B associé au réel $\frac{\pi}{3}$?
	b) Quelle est la nature du triangle <i>OIB</i> ? Justifier.
	c) La hauteur issue de B de ce triangle coupe (OI) en H . Quelle sont les coordonnées du point H ? En déduire la valeur exacte de OH .
	Quelle 3011: les coordonnées du point 17 : En déduite la valeur évaleur de 011.
	d) Démontrer que H est le milieu de $[OI]$.
	e, remonate, que n'est te miner de [v1].
	c) En déduire la valeur exacte de $\cos\frac{\pi}{3}$ puis de $\sin\frac{\pi}{3}$
6.	a) Placer sur le cercle trigonométrique, le point C associé au réel $\frac{\pi}{6}$?
	b) Calculer $\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{6}$. En déduire le symétrique de C par rapport à la droite (OA) .
	c) En déduire la valeur exacte de $\sin \frac{\pi}{6}$ et de $\cos \frac{\pi}{6}$.

c) En déduire la valeur exacte de $\sin \frac{\pi}{4}$ et de $\cos \frac{\pi}{4}$.

Exercice 13 : Sinus et cosinus d'un nombre réel

- 1. Dans un repère orthonormé (0, I, I), tracer le cercle trigonométrique de centre 0.
- 2. Marquer tous les points du cercle qui peuvent être associés au réel x sachant que $\cos x = 0.75$.
- 3. Si on sait que $\sin x$ est positif, où se trouve le point associé au réel x?

Exercice 14 : Sinus et cosinus

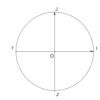
Dans le cercle trigonométrique ci-contre, préciser dans chaque cas le signe du sinus et du cosinus d'un réel x associé au point M.



a.
$$M \in \widehat{IJ}$$
 c. $M \in \widehat{I'J'}$

b.
$$M \in \tilde{J}$$

b.
$$M \in \widehat{II'}$$
 d. $M \in \widehat{I'I}$



Exercice 15: Sinus et cosinus

1. Placer approximativement sur un cercle trigonométrique les points associés aux réels suivants :

$$-\frac{55\pi}{7}$$

$$\frac{54\pi}{5}$$

$$\frac{1\pi}{3}$$
 $-\frac{8}{3}$

2. En déduire le signe du sinus et du cosinus de chacun de ces réels.

Exercice 16: Sinus et cosinus d'un nombre réel

Soit a un réel tel que $a \in \left[0, \frac{\pi}{2}\right]$ et $\cos a = \frac{3}{6}$.

- 1. Placer le point A associé au réel a sur un cercle trigonométrique.
- 2. Calculer sin a.

Exercice 17 : Sinus et cosinus d'un nombre réel

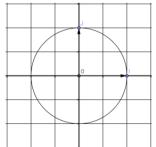
Soit b un réel tel que $b \in \left[0, \frac{\pi}{2}\right]$ et $\sin b = \frac{5}{2}$.

- 1. Placer le point B associé au réel b sur un cercle trigonométrique.
- 2. Calculer cos b.

Propriétés 3 :

- 1. Pour tout réel x, ____ $\leq \cos x \leq$ ____ et ___ $\leq \sin x \leq$ ____.
- 2. Pour tout réel x, $(\cos x)^2 + (\sin x)^2 =$

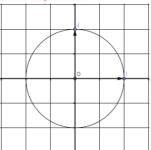
Idée de preuve :

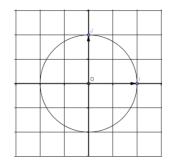


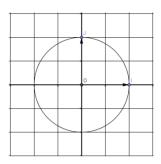
Propriétés 4 : Soit *a* un nombre réel, alors :

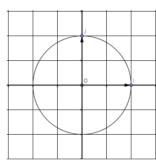
- 1. $\cos(-a) =$ _____et $\sin(-a) =$ _____ 2. $\cos(a + \pi) =$ _____et $\sin(a + \pi) =$ _____ 3. $\cos(\pi a) =$ _____et $\sin(\pi a) =$ _____ 4. $\cos(\frac{\pi}{2} + a) =$ _____et $\sin(\frac{\pi}{2} + a) =$ _____
- 5. $\cos\left(\frac{\pi}{2} a\right) =$ _____ et $\sin\left(\frac{\pi}{2} a\right) =$ _____

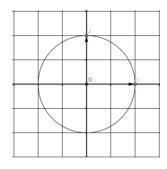
Idée de preuve :











Application 5 : En utilisant le cercle trigonométrique et le tableau des valeurs remarquables, déterminer la valeur exacte de :

a. $\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right)$	b. $\sin\left(-\frac{3\pi}{4}\right)$	c. $\sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)$
d. $\cos\left(-\frac{\pi}{6}\right)$	e. $\sin(2\pi)$	f. $\cos(2\pi)$

Exercice 18: Angles associés et valeurs particulières

Utiliser les résultats relatifs aux valeurs particulières et aux angles associés pour déterminer les valeurs exactes des nombres réels suivants :

a.
$$\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right)$$

c.
$$\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right)$$

d.
$$\sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)$$

a.
$$\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right)$$
 b. $\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right)$ c. $\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right)$ d. $\sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)$ e. $\sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)$ f. $\sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)$ g. $\cos\left(-\frac{\pi}{4}\right)$ h. $\cos\left(\frac{3\pi}{4}\right)$ i. $\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right)$ j. $\sin\left(-\frac{\pi}{3}\right)$ k. $\sin\left(\frac{3\pi}{4}\right)$ l. $\sin\left(\frac{4\pi}{3}\right)$ m. $\cos\left(\frac{3\pi}{2}\right)$ n. $\sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)$

f.
$$\sin\left(\frac{7\pi}{4}\right)$$

m.
$$\cos\left(\frac{3\pi}{3}\right)$$

n.
$$\sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)$$

$$\frac{\pi}{\pi}$$

Equation cos(x) = cos(a) et sin(x) = sin(a)

Propriété 5 : Soit a un réel connu et k un entier relatif. Les solutions dans \mathbb{R}

• de l'équation $\cos x = \cos a$ sont x =

et x =

• de l'équation $\sin x = \sin a$ sont x =

et x =

Application 6:

1. Résoudre dans \mathbb{R} puis dans $]-\pi; \pi]$, $\cos x = \cos \frac{\pi}{6}$ et $\sin x = \sin \frac{\pi}{6}$

- 2. Résoudre dans] $-\pi$; π], $\sin\left(x-\frac{\pi}{4}\right) = \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right)$

3. Résoudre dans $]-\pi$; π], $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$

Exercice 19: Système d'équation

Résoudre dans $]-\pi$; π] ces systèmes :

a.
$$\begin{cases} \cos\theta = \frac{\sqrt{3}}{2} \\ \sin\theta = \frac{1}{2} \end{cases}$$
b.
$$\begin{cases} \cos\theta = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \sin\theta = -\frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$
c.
$$\begin{cases} \cos\theta = \frac{1}{2} \\ \sin\theta = \frac{\sqrt{3}}{2} \end{cases}$$
d.
$$\begin{cases} \cos\theta = -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \sin\theta = -\frac{1}{2} \end{cases}$$
e.
$$\begin{cases} \cos\theta = -\frac{1}{2} \\ \sin\theta = -\frac{1}{2} \end{cases}$$
f.
$$\begin{cases} \cos\theta = \frac{\sqrt{3}}{2} \\ \sin\theta = -\frac{1}{2} \end{cases}$$
g.
$$\begin{cases} \cos\theta = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \sin\theta = \frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$
h.
$$\begin{cases} \cos\theta = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \sin\theta = -\frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$
i.
$$\begin{cases} \cos\theta = -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \sin\theta = -\frac{1}{2} \end{cases}$$
j.
$$\begin{cases} \cos\theta = \frac{1}{2} \\ \sin\theta = -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{cases}$$
k.
$$\begin{cases} \cos\theta = -\frac{1}{2} \\ \sin\theta = -\frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$
m.
$$\begin{cases} \cos\theta = 1 \\ \sin\theta = 0 \end{cases}$$
n.
$$\begin{cases} \cos\theta = 0 \\ \sin\theta = -1 \end{cases}$$
o.
$$\begin{cases} \cos\theta = -1 \\ \sin\theta = 0 \end{cases}$$
p.
$$\begin{cases} \cos\theta = 0 \\ \sin\theta = 1 \end{cases}$$

Exercice 20 : Equations $\cos t = \cos a$ et $\sin t = \sin a$

Pour chacune des équations suivantes :

- 1. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation.
- 2. Représenter les solutions de l'équation précédente par des points du cercle trigonométrique.

a.
$$\cos t = \cos \frac{2\pi}{3}$$

$$\sin x = \sin \frac{\pi}{4}$$

c.
$$\cos x = \cos \frac{\pi}{6}$$

d.
$$\sin t = \sin \left(-\frac{\pi}{2} \right)$$

e.
$$\cos t = \cos \frac{7\pi}{6}$$

f.
$$\cos\left(3x + \frac{\pi}{3}\right) = \cos\frac{\pi}{4}$$

g.
$$\sin\left(2x + \frac{\pi}{4}\right) = \sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$$

h.
$$\sin\left(3t - \frac{\pi}{2}\right) = \sin\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

a.
$$\cos t = \cos \frac{2\pi}{3}$$
 b. $\sin x = \sin \frac{\pi}{4}$ c. $\cos x = \cos \frac{\pi}{6}$ d. $\sin t = \sin \left(-\frac{\pi}{3}\right)$ e. $\cos t = \cos \frac{7\pi}{6}$ f. $\cos \left(3x + \frac{\pi}{3}\right) = \cos \frac{\pi}{4}$ g. $\sin \left(2x + \frac{\pi}{4}\right) = \sin \left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ h. $\sin \left(3t - \frac{\pi}{3}\right) = \sin \frac{\pi}{4}$ i. $\cos \left(2t - \frac{\pi}{3}\right) = \cos \left(t + \frac{5\pi}{6}\right)$

Exercice 21 : Equations $\cos t = \cos a$ et $\sin t = \sin a$

Résoudre dans \mathbb{R} , dans $]-\pi$; $\pi]$ et enfin dans $[0; 2\pi[$ l'équation :

a.
$$\cos t = \frac{1}{2}$$

o.
$$\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$c. \sin t = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

d.
$$\sin t = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

e.
$$\cos t = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

f.
$$\cos t = -1$$

g.
$$\cos t = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

h.
$$\sin t = -\frac{1}{2}$$

i.
$$\sin t = 0$$

j.
$$\cos 4t =$$

c.
$$\cos\left(2x-\frac{\pi}{6}\right)$$

a.
$$\cos t = \frac{1}{2}$$
 b. $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ c. $\sin t = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ d. $\sin t = \frac{\sqrt{3}}{2}$ e. $\cos t = \frac{\sqrt{2}}{2}$ f. $\cos t = -1$ g. $\cos t = -\frac{\sqrt{5}}{2}$ h. $\sin t = -\frac{1}{2}$ i. $\sin t = 0$ j. $\cos 4t = \frac{1}{2}$ k. $\cos \left(2x - \frac{\pi}{6}\right) = -\frac{1}{2}$ l. $\sin \left(3t + \frac{\pi}{4}\right) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

Exercice 22 : Inéquation avec sin t ou cos t

Par lecture sur le cercle trigonométrique, déterminer les réels t de $]-\pi$; π] puis de $[0; 2\pi[$ tels que :

a.
$$\cos t \ge \frac{1}{2}$$

b.
$$\sin t > \frac{\sqrt{3}}{3}$$

c.
$$\cos t < -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

a.
$$\cos t \ge \frac{1}{2}$$
 b. $\sin t > \frac{\sqrt{3}}{2}$ c. $\cos t < -\frac{\sqrt{2}}{2}$ d. $-\frac{1}{2} \le \sin t \le \frac{\sqrt{2}}{2}$ e. $\cos t \le 0$ f. $1 - 2\sin t > 0$

e.
$$\cos t \leq 0$$

f.
$$1 - 2\sin t > 0$$