



INSTITUTO FEDERAL

São Paulo

Câmpus Cubatão

IFSP - INSTITUTO FEDERAL DE CIÊNCIA E TECNOLOGIA DO ESTADO DE SÃO PAULO

LICENCIATURA EM MATEMÁTICA

1º SEMESTRE 2021

GEOMETRIA 1

PROFESSOR: LUCIANO ANDRE CARVALHO

AUTOR:

MATHEUS SANTOS BARROS

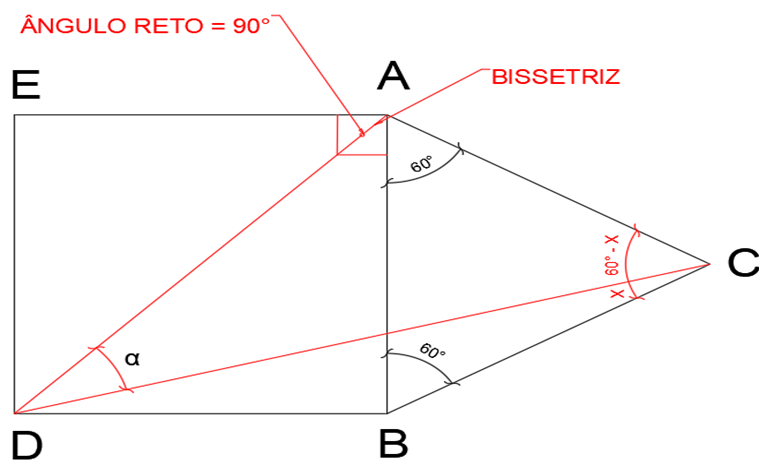
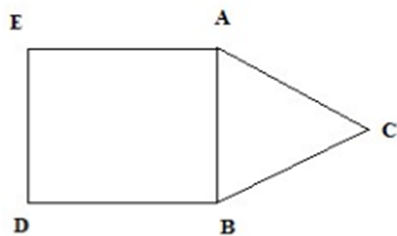
RA: CB301553X

CUBATÃO

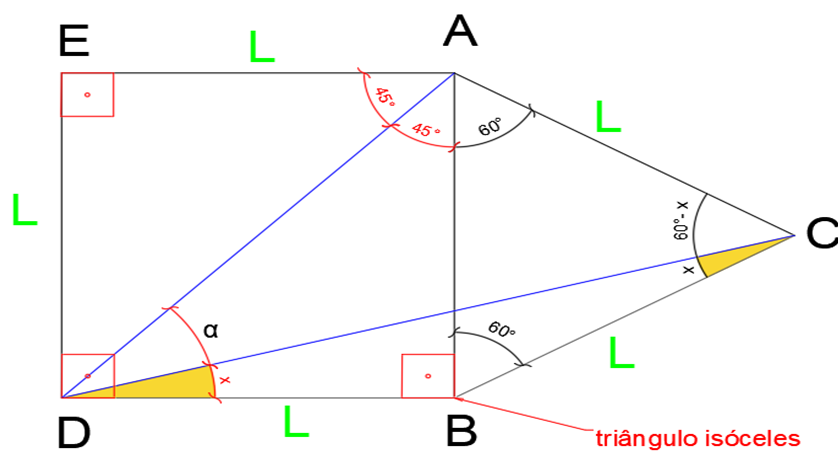
2021

TAREFA 4: QUADRILÁTEROS – TEOREMA DE TALES – TEOREMA DA BISSETRIZ

01.(UNIP) – O quadrilátero ABDE é um quadrado e o triângulo ABC é equilátero. O ângulo \widehat{CDA} vale:
 (A) 15° (B) 20° (C) 25° (D) 30° (E) 35°

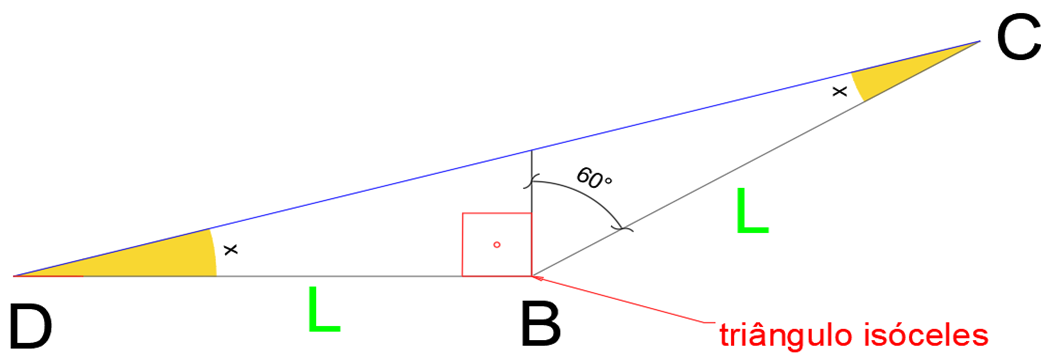


OBS: A bissetriz divide o ângulo reto de 90° em dois congruentes de 45°



OBS: Por se tratar de um quadrado de lado L logo se conclui-se que o triângulo equilátero também possui lado L

Triângulo DBC

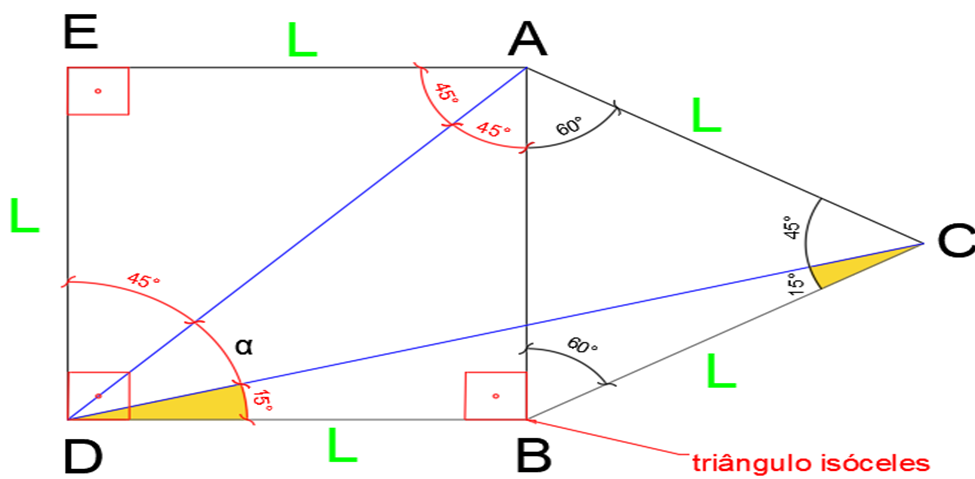


$$x + x + 90^\circ + 60^\circ = 180^\circ$$

$$2x = 180^\circ - 90^\circ - 60^\circ$$

$$x = 30^\circ / 2$$

$$x = 15^\circ$$



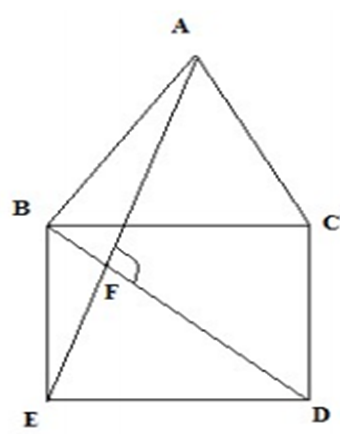
$$\alpha + 45^\circ + 15^\circ = 90^\circ$$

$$\alpha = 90^\circ - 60^\circ$$

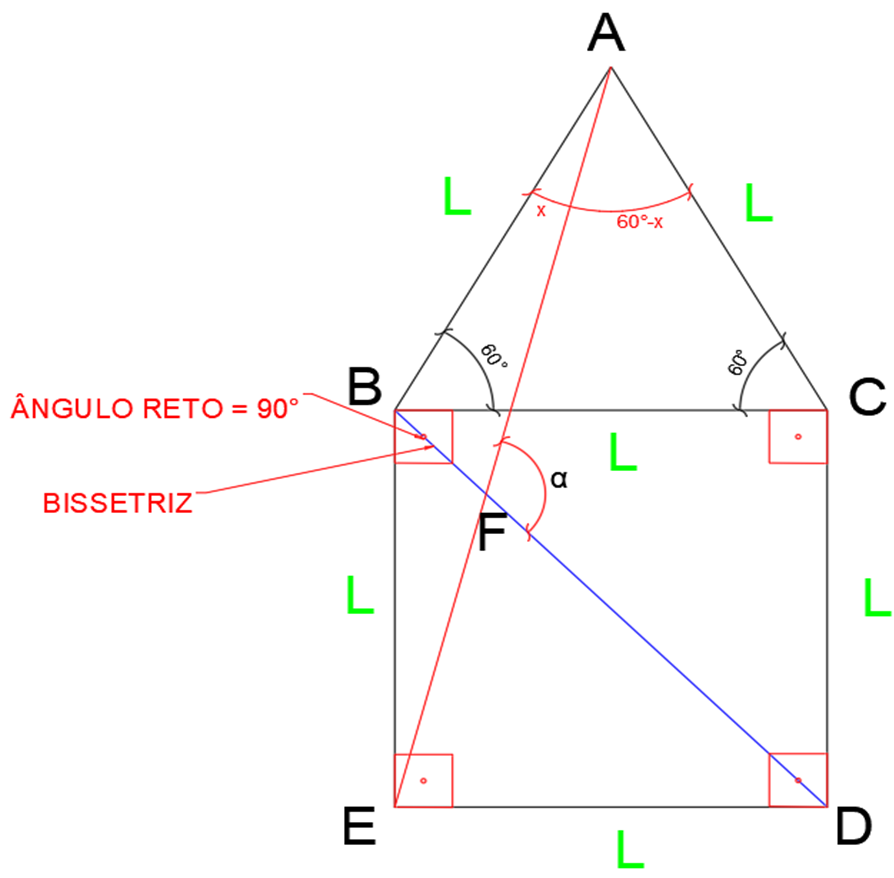
$$\alpha = 30^\circ$$

Resposta D: O ângulo mede 30°

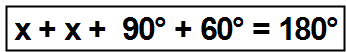
02.Na figura abaixo, ABC é um triângulo equilátero e BCDE é um quadrado. O ângulo $\widehat{A\hat{F}D}$ mede:
(A) 90° (B) 105° (C) 120° (D) 135° (E) 150°



OBS: A bissetriz divide o ângulo reto de 90° em dois congruentes de 45°



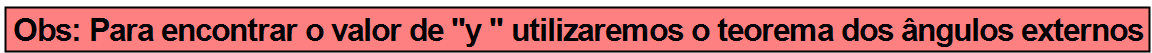
OBS: Por se tratar de um quadrado de lado L logo se conclui-se que o triângulo equilátero também possui lado L



$$2x = 180^\circ - 90^\circ - 60^\circ$$

$$x = 30^\circ/2$$

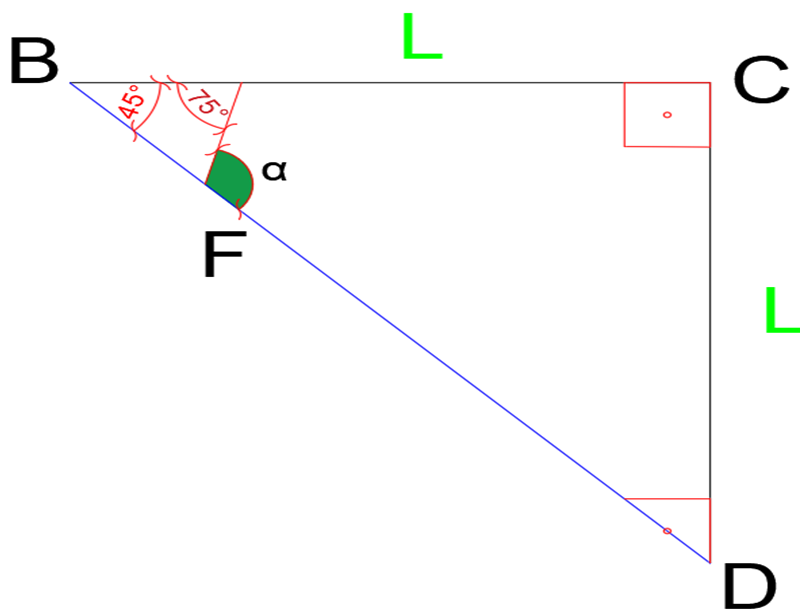
$$x = 15^\circ$$



$$y = 60^\circ + 15^\circ$$

$$y = 75^\circ$$

Triângulo BCD



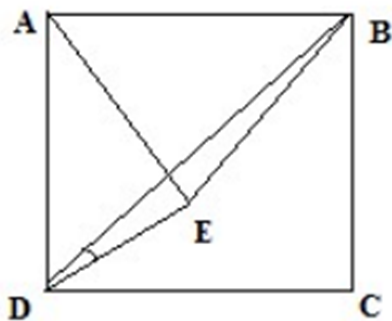
Obs: Para encontrar o valor de "α" utilizaremos o teorema dos ângulos externos

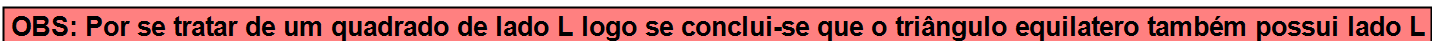
$$\alpha = 75^\circ + 45^\circ$$

$$\alpha = 120^\circ$$

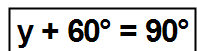
Resposta C: O ângulo mede 120°

03. Na figura abaixo, ABCD é um quadrado e ABE é um triângulo eqüilátero. A medida do ângulo \widehat{BDE} é:
(A) 10° (B) 15° (C) 20° (D) 25° (E) 30°





Triângulo equilátero ABE



$$y = 90^\circ - 60^\circ$$

$y = 30^\circ$

$$y + (\alpha + 45^\circ) + (\alpha + 45^\circ) = 180^\circ$$

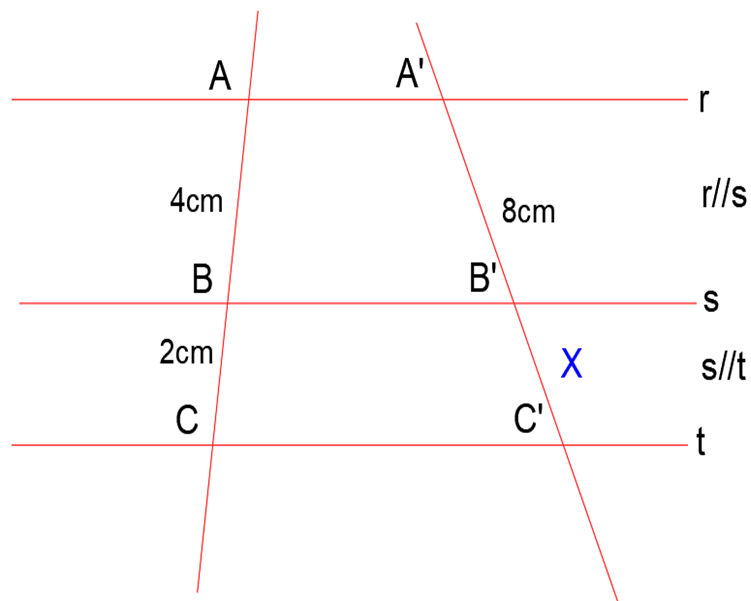
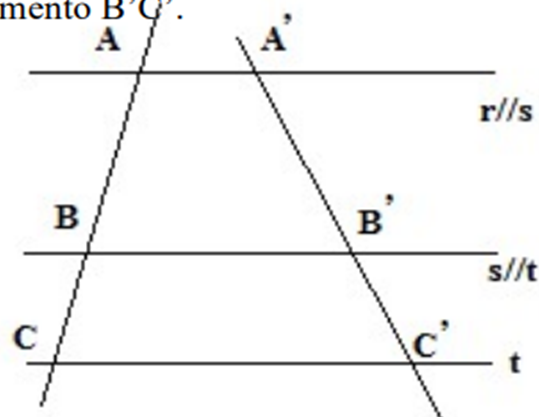
$$\alpha + \alpha = 180^\circ - 30^\circ - 45^\circ - 45^\circ$$

$$2\alpha = 60^\circ$$

$\alpha = 30^\circ$

Resposta E: O ângulo mede 30°

04.(UnB) – Considere a figura abaixo. Sabendo que os segmentos AB, BC e A'B' têm comprimentos 4cm, 2cm e 8cm, respectivamente, determine o comprimento do segmento B'C'.



OBS: Para resolver este exercício iremos utilizar o teorema de Tales.

$$\frac{AB}{BC} = \frac{A'B'}{B'C'}$$

$$\frac{4\text{cm}}{2\text{cm}} = \frac{8\text{cm}}{X}$$

$$X \cdot 4\text{cm} = 8\text{cm} \cdot 2\text{cm}$$

$$X = 16\text{cm}^2 / 4\text{cm}$$

$$X = 4\text{cm}$$

Resposta : O segmento B'C' tem o comprimento de 4cm.

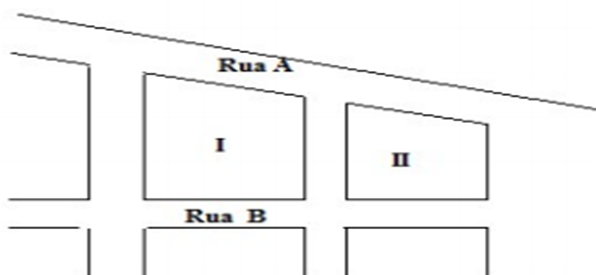
05. (UNESP) – A afirmação falsa é:

- (A) todo quadrado é um losango
- (B) existem retângulos que não são losangos
- (C) todo paralelogramo é um quadrilátero
- (D) todo quadrado é um retângulo
- (E) um losango pode não ser um paralelogramo

Resposta E: Todo losango é um paralelogramo

06.(UNIRIO) No desenho abaixo representado, as frentes para a rua A dos quarteirões I e II medem, respectivamente, 250m e 200m, e a frente do quarteirão I para a rua B mede 40m a mais do que a frente do quarteirão II para a mesma rua. Sendo assim, pode-se afirmar que a medida, em metros, da frente do menor dos dois quarteirões para a rua B é:

(A) 160 (B) 180 (C) 200 (D) 220 (E) 240



OBS: Para resolver este exercício iremos utilizar o teorema de Tales.

$$\frac{AB}{BC} = \frac{A'B'}{B'C'}$$

$$\frac{x + 40m}{x} = \frac{250m}{200m}$$

$$200m \cdot (40m + x) = 250m \cdot x$$

$$8000m^2 + 200m \cdot x = 250m \cdot x$$

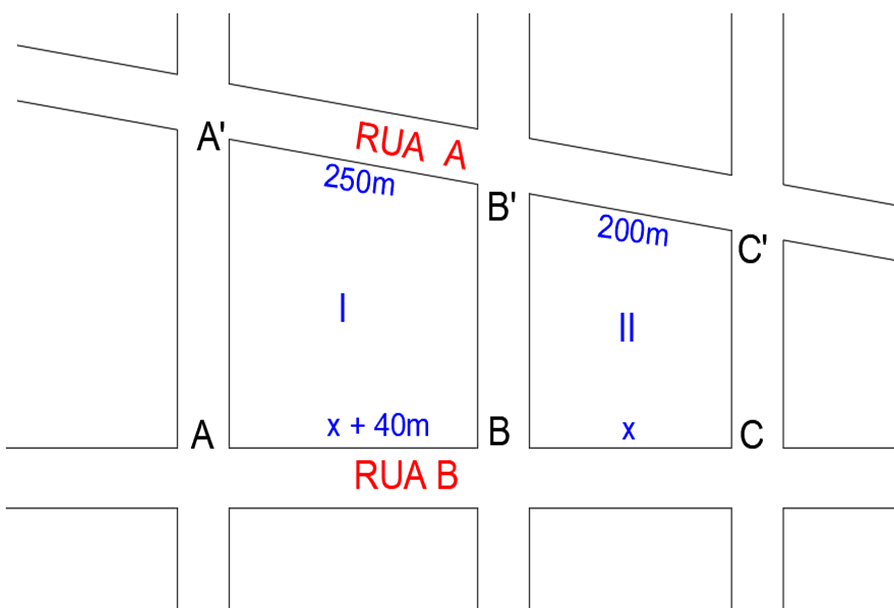
$$8000m^2 + 200m \cdot x = 250m \cdot x$$

$$250m \cdot x - 200m \cdot x = 8000m^2$$

$$50m \cdot x = 8000m^2$$

$$x = 8000m^2 / 50m$$

$$x = 160m$$



Resposta A: A medida do menor quarteirão de frente para rua B é de 160m