### Robustheit

Max Brede und Johannes Andres

2021-12-13

## Contents

1	Vorwort	5			
2	Lehrplan     2.1 Semesterplan	<b>7</b> 7			
3	Programmieren in R	9			
4	Funktionen 4.1 Geschachtelte Funktionen	7 7 9 11			
5	if-Statements	19			
6	Zufallswerte	23			
7	Schleifen 2				
8	Listen  8.1 Listen und Datensätze	36 37			
9	Attribute	41			
10	Functionals  10.1 purrr::map	49 52 56			
11	Simulations- und Programmierübungen in R				
	11.1 Pascalsches Dreieck				

4		CONTENTS

12 Experimente in Psychopy	87
12.1 Experiment	88

## Vorwort

Dieses mit bookdown erstellte Dokument ist das Skript zum Seminar "psyM9-1: Psychologische Forschungsmethoden. Projektseminar I" und "PSY\_B\_20\_e-1: Forschungsorientierte Vertiefung: Forschungsmethoden" der CAU zu Kiel.

# Lehrplan

### 2.1 Semesterplan

Sitzung	Datum	Sitzungstitel	Lernziele
1	2021-10-25	Rste Codeschnipsel	Die Studierenden können Funktionen in R definieren, deren Bestandteile nennen und diese benutzen. wissen, was if-Statements sind und können diese in R einsetzen
2	2021-11-01	Iterationen und Zufallszahlen	wissen, was for- und while-Schleifen sind und können diese in R einsetzen
			können Werte von Zufallszahlen in R erzeugen
3	2021-11-08	Listen und Matrizen	wissen, wie eine "list" in R aufgebaut ist und können diese benutzen
			können Matrizen in R benutzen
4	2021-11-15	Welche Iterationen?	kennen verschiedene Arten von Rs iterativen "functionals" und können diese benutzen
			können basales microbenchmarking einsetzen um Funktionsperformance zu evaluieren
5	2021-11-22	Beispiele	haben erste Erfahrungen mit der Durchführung von Simulationsstudien in R
6	2021-11-29	Beispiele	
7	2021-12-06	Psychopy I	können einfache Reaktionszeit- und Rating-Experimente in Psychopy erstellen
8	2021-12-13	Psychopy II	können Ergebnisse von mit Psychopy und Pavlovia durchgeführten Studien in R einlesen und aufbereiten
9	2021-12-20	Beispiele	haben erste Erfahrungen mit der Durchführung von Experimenten in Psychopy und Pavlovia
10	2022-01-10	Puffer	44.4 2 0120120
11	2022-01-17	Puffer	
12	2022-01-24	Puffer	
13	2022-01-31	Puffer	

# Programmieren in R

### **Funktionen**

Wir kennen Funktionen ja schon aus den EDV-Veranstaltungen.

Zum Beispiel macht die sum-Funktion mit einem Vektor das, was der Name sagt:

```
sum(c(1,2,3))
## [1] 6
1 + 2 + 3
```

## [1] 6

Funktionen können wir auch selbst definieren. Eine Funktion, die uns begrüßt könnte zum Beispiel wie folgt aussehen:

```
greet_me <- function(){
  return('Hello! Nice to see you!')
}</pre>
```

Wenn wir jetzt die greet\_me-Funktion aufrufen, sehen wir:

```
greet_me()
```

```
## [1] "Hello! Nice to see you!"
```

In der Funktionsdefinition können wir ein paar Teile wiederkennen. Zum Einen ist da der greet\_me <--Teil, den wir ja schon als Objektzuweisung kennen. Wir weisen also dem Ergebnis eines Ausdrucks den Namen greet\_me zu.

Funktions-Objekte werden also genauso wie Datensätze und Vektoren als eine Kombination von Namen und zugehörigem Inhalt definiert.

Dabei erstellt die Funktion function() einen Objektinhalt, der aus body und formals besteht und in einem environment definiert ist.

Der body ist der Teil der Funktion, der definiert, was passieren soll und wird in R in geschweiften Klammern hinter der function-Funktion definiert In unserem Beispiel besteht der body aus dem Aufruf, einen Text zurückzugeben:

```
body(greet_me)
```

```
## {
## return("Hello! Nice to see you!")
## }
```

Die formals sind die Argumente, die bei der Ausführung des bodys genutzt werden sollen.

In unserem Beispiel haben wir noch keine Argumente berücksichtigt:

```
formals(greet_me)
```

```
## NULL
```

Wir könnten die Funktion aber neu definieren, so dass sie einen gegebenen Namen begrüßt. Dafür geben wir der function-Funktion ein Argument, das der Name des erwarteten Arguments sein soll:

```
greet_someone <- function(name){
   return(paste0('Hello ',name,'! Nice to see you!'))
}
greet_someone('Marvin')</pre>
```

#### ## [1] "Hello Marvin! Nice to see you!"

Wenn wir uns jetzt nochmal die formals ausgeben lassen, sehen wir, dass ein Argument vorgesehen ist:

```
formals(greet_someone)
```

#### ## \$name

Der letzte Teil einer Funktionsdefinition ist das *environment*. Damit ist der Namensraum gemeint, auf den die Funktion zugreifen kann:

```
environment(greet_someone)
```

```
## <environment: R_GlobalEnv>
```

In unserem Beispiel wurde die Funktion in der laufenden R-Session definiert (wie die allermeisten Funktionen, die wir dieses Semester nutzen werden). Der Output R\_GlobalEnv heißt also, dass die Funktion auf Objekte in der Haupt-R-Session zurückgreifen kann.

Praktisch heißt das, dass wir zum Beispiel Konstanten einmal außerhalb einer Funktion definieren können, die diese dann nutzen kann:

```
greet_someone_n_times <- function(name) {</pre>
  return(rep(paste0('Hello ',
                     '! Nice to see you!'),
             n))
}
greet_someone_n_times('Marvin')
    [1] "Hello Marvin! Nice to see you!" "Hello Marvin! Nice to see you!"
##
    [3] "Hello Marvin! Nice to see you!" "Hello Marvin! Nice to see you!"
    [5] "Hello Marvin! Nice to see you!" "Hello Marvin! Nice to see you!"
    [7] "Hello Marvin! Nice to see you!" "Hello Marvin! Nice to see you!"
##
    [9] "Hello Marvin! Nice to see you!" "Hello Marvin! Nice to see you!"
Was das aber nicht heißt ist, dass die Funktion eine externe Variable ändern
greet_someone_n_times <- function(name) {</pre>
 n <- 3
 return(rep(paste0('Hello ',
                    name,
                     '! Nice to see you!'),
             n))
}
greet_someone_n_times('Marvin')
## [1] "Hello Marvin! Nice to see you!" "Hello Marvin! Nice to see you!"
## [3] "Hello Marvin! Nice to see you!"
```

n <- 10

## [1] 10

Das liegt daran, dass die Funktion beim Aufrufen eine Kopie des globalen Environments als eigene Variablenumgebung zugewiesen bekommt und diese Kopie auch verändern kann. Die Kopie wird aber bei Beenden der Funktion verworfen, so dass Änderungen in der Funktion nicht erhalten bleiben.

Dabei werden die Argumente der Funktion dem Environment der Funktion hinzugefügt, wobei im Zweifelsfall gleichnamige Objekte für die Funktion überschrieben werden:

```
x <- 1:10
y <- 11:20

my_function <- function(x,y){
   return(c(x,y))
}

my_function(21,22)</pre>
```

## [1] 21 22

#### 4.0.1 Aufgabe

- 1. Erstelle eine Funktion mit dem Namen my\_mean, die den Mittelwert eines gegebenen Vektors berechnet.
- 2. Was ergibt der folgende Aufruf:

```
dummy_function <- function(a,b){
   a * b
}
c <- dummy_function(1,2)
formals(dummy_function)</pre>
```

3. Was ist am Ende des folgenden Aufrufs in number abgelegt?

```
number <- 'a number'
important_calculation <- function(number){
   number <- 42 / number * number
   return(number)
}
important_calculation(5)

## [1] 42
Antworten
1.

my_mean <- function(x){
   return(sum(x)/length(x))
}</pre>
```

2.

## \$a

```
##
##
$b
3.
'a number'
```

print(greet\_someone)

#### 4.1 Geschachtelte Funktionen

Um den Code übersichtlicher zu halten, können Teile von Funktionen in andere Funktionen ausgegliedert werden. Dabei nutzen wir, dass unsere Funktionen auch auf das global Environment zugreifen und Funktionen ja auch nur Arten von Objekten sind.

Wenn wir unsere Funktionen greet\_someone und greet\_someone\_n\_times von vorhin nochmal angucken sehen wir, dass ein Teil des Codes in beiden auftaucht:

```
## function(name){
     return(pasteO('Hello ',name,'! Nice to see you!'))
## }
print(greet_someone_n_times)
## function(name) {
##
##
     n < -3
##
##
     return(rep(paste0('Hello ',
##
                        name,
##
                        '! Nice to see you!'),
##
                n))
## }
Wir können greet_someone_n_times jetzt so umschreiben,
greet_someone benutzt:
greet_someone_n_times <- function(name){</pre>
  n <- 3
  return(rep(greet_someone(name),
             n))
}
greet_someone_n_times('Marvin')
```

```
## [1] "Hello Marvin! Nice to see you!" "Hello Marvin! Nice to see you!"
## [3] "Hello Marvin! Nice to see you!"
```

#### 4.1.1 Aufgabe

1. Erstelle eine my\_var Funktion, die die unkorrigierte Varianz eines Vektors  $(S^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - M_X)^2)$  berechnet. Benutze für den Mittelwert deine Mittelwerts-Funktion aus dem letzten Aufgaben-Block.

Antworten

1.

```
my_var <- function(x) {
    m_x <- my_mean(x)

    x <- (x - m_x)^2

    return(1/length(x) * sum(x))
}</pre>
```

#### 4.2 Optionale Argumente

Unsere greet\_someone\_n\_times-Funktion sieht ja im Moment wie folgt aus: print(greet\_someone\_n\_times)

```
## function(name){
## n <- 3
##
## return(rep(greet_someone(name),
## n))
## }</pre>
```

Ungünstig daran ist noch, dass das n bei jedem Aufruf als Konstante neu definiert ist.

Um dieses nanpassen zu können, können wir es als zweites Argument übergeben, das beim Aufruf festgelegt werden kann:

```
## [1] "Hello Marvin! Nice to see you!" "Hello Marvin! Nice to see you!"
## [3] "Hello Marvin! Nice to see you!"
```

Da wir uns aber das Tippen sparen wollen und nicht jedes Mal unseren Standard-Fall (n=3) explizit machen wollen, können wir dem Argument einen Standardwert zuweisen.

Dadurch machen wir aus dem n ein optionales Argument, wie wir es ja auch schon aus anderen Situationen kennen:

### if-Statements

Als letzten Schritt wollen wir besonders höflich zu speziellen Nutzern sein. So soll der Name 'Justus' ausschweifender gegrüßt werden, als alle anderen Namen.

Um das umsetzten zu können, müssen wir irgendwie einen Test einfügen, ob der gegebene Name gleich 'Justus' ist.

Dafür können wir ein so genanntes if...else-Statement nutzen. Die erste Hälfte, das if-Statement ermöglicht es uns, besonderes Verhalten auszulösen, wenn eine logische Bedingung erfüllt ist. Das else danach können wir nutzen um jeden anderen Fall zu definieren:

```
greet_someone <- function(name){
  if(name == 'Justus'){
    return(paste0('Hello ',name,'! How extraordinarily nice to see you! I hope you are doing well
}else{
    return(paste0('Hello ',name,'! Nice to see you!'))
  }
}</pre>
```

Das funktioniert zwar:

```
greet_someone('Justus')
```

```
## [1] "Hello Justus! How extraordinarily nice to see you! I hope you are doing well!"
greet_someone('Jonas')
```

## [1] "Hello Jonas! Nice to see you!"

Und bemerkensweiterweise auch in der geschachtelten Form:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Nicht, dass er uns verklagt.

```
greet_someone_n_times('Justus')
```

```
## [1] "Hello Justus! How extraordinarily nice to see you! I hope you are doing well!"
## [2] "Hello Justus! How extraordinarily nice to see you! I hope you are doing well!"
## [3] "Hello Justus! How extraordinarily nice to see you! I hope you are doing well!"
```

Aber wirklich gut lesbar ist das nicht unbedingt. Ein gängiger Ansatz, um die Lesbarkeit einer solchen Funktion mit verschiedenen Outputs zu verbessern, ist, nur ein return-statement ans Ende der Funktion zu stellen und die Teil-Änderung durch das if-statement in einem Objekt abzulegen, das im gemeinsamen return genutzt wird. So könnten wir den letzten Teil des Grußes zum Beispiel in einem Objekt namens text ablegen und je nach Nutzer anpassen:

```
greet_someone <- function(name){
  if(name == 'Justus'){
    text <- '! How extraordinarily nice to see you! I hope you are doing well!'
}else{
    text <- '! Nice to see you!'
}
  return(paste0('Hello ',name,text))
}</pre>
```

Ein letzter Trick, um diese Funktion leichter lesbar zu gestalten, ist den Regelfall vor das if-statement zu stellen und sich so das else zu sparen. Da die Anweisung im if-statement nur evaluiert wird, wenn der Test positiv aufgeht, ist das Ergebnis der folgenden Funktion äquivalent:

```
greet_someone <- function(name){
  text <- '! Nice to see you!'

if(name == 'Justus'){
  text <- '! How extraordinarily nice to see you! I hope you are doing well!'
}

return(pasteO('Hello ',name,text))
}</pre>
```

#### 5.0.1 Aufgabe

1. Erweitere die my\_var-Funktion um ein optionales corrected Argument, das standardmäßig auf TRUE gesetzt ist. Die Funktion soll, wenn dieses Argument auf TRUE gesetzt ist, die korrigierte $(s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - M_X)^2)$ ; wenn es auf FALSE gesetzt wird die unkorrigierte  $(S^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - M_X)^2)$  Stichprobenvarianz ausgeben.

Antworten

1.

```
my_var <- function(x, corrected=TRUE){
  m_x <- my_mean(x)

  x <- (x - m_x)^2

factor <- 1 / (length(x) - 1)

if(!corrected){
  factor <- 1 / (length(x))
}

return(factor * sum(x))
}</pre>
```

### Zufallswerte

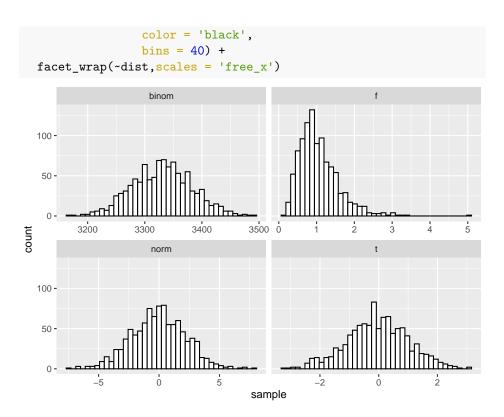
Mit R kann man sehr einfach quasi-zufällige<sup>1</sup> Wertreihen erstellen. Aus der Veranstaltung letztes Semester kennen wir ja schon die Funktion sample, die aus einer vorgegebenen Urne ziehen kann.

Für unsere Simulations-Probleme gibt es noch eine andere Reihe an Funktionen, die für eine feste Verteilungsklasse zufällige Wertfolgen erstellen können.

Diese Funktionen werden mit einem r für random und der Verteilungsklasse aufgerufen. Eine Übersicht der implementierten Verteilungen kann man mit ?Distributions aufrufen.

Mit diesen Funktionen können wir uns zum Beispiel jeweils 1000 zufällige Werte aus einer N(0,5)-, einer B(20000,1/6)-, einer t(50)- und einer F(12,36)-Verteilung ziehen und in Histogrammen darstellen:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Es ist für einen Rechner sehr schwierig, wahren Zufall zu erzeugen. Auf der Hilfeseite ?Random kann man sich eine Liste der Algorithmen anschauen, die R zur Generation quasizufälliger Wertfolgen nutzt. Diese nicht-wirklich-zufällige Natur der Wertfolgen hat aber auch den Vorteil, dass wir "zufällige" Ergebnisse reproduzierbar machen können. mit set.seed() können wir einen Startwert für die Zufalls-Generation festlegen, den andere R-Nutzer dann auch wählen können.



#### 6.0.1 Aufgabe

Erstelle eine Funktion gen\_distributed\_values, die mit Hilfe von if-Statements anhand eines Arguments distribution und eines Arguments n einen Vektor an Zufallszahlen generiert. Dabei soll distribution angeben, welche aus drei möglichen Verteilungen genutzt wird. Denke außerdem an mögliche Verteilungseigenschaften der genutzten Funktionen und füge sie als optionale Argumente zur Funktion hinzu.

#### Antwort

## [1] 4 4 3 5 2

### Schleifen

Bei so gut wie allen Simulationsproblemen stehen wir vor der Situation, dass wir eine Operation, zum Beispiel das Generieren einer gewissen Zahl an Zufallswerten und die Berechnung der zugehörigen Teststatistik, mehrere hundert Mal ausführen wollen.

Wir könnten jetzt die Operation mehrere hundert mal in unser Skript schreiben, damit würden wir aber zum Einen Fehler einladen, zum Anderen viel zu viel Lebenszeit verschwenden.

Deswegen gibt es in so gut wie jeder Programmiersprache irgendeine Form von Ausdrücken, die eine *iterative* Wiederholung eines Ausdrucks ermöglichen.

Ein Beispiel für die Anweisung einer solchen iterativen Wiederholung sind Schleifen. In R gibt es davon drei Arten:

- repeat die flexibelste Schleife, die so lange wiederholt bis sie mit break unterbrochen wird
- while eine Schleife, die zu Beginn jeder Wiederholung einen logischen Test durchführt und bei Zutreffen die Operation wiederholt
- for die unflexibelste der drei Möglichkeiten. for iteriert einen Wert durch einen Vektor oder eine Liste, bis alle Einträge einmal dran waren. Das heißt, dass wir eine feste Laufzeit und damit den einfachsten Umgang haben, weswegen wir auch for in diesem Kurs verwenden werden.

Die for-Syntax sieht dabei wie folgt aus:

```
for(value in vector){
  do something
}
```

Um jetzt Beispielsweise alle Werte von eins bis zehn durch zu laufen und jeden Wert auszugeben können wir den folgenden Ausdruck benutzen:

```
for(i in seq_len(10)){
    print(i)
}

## [1] 1

## [1] 2

## [1] 3

## [1] 4

## [1] 5

## [1] 6

## [1] 7

## [1] 8

## [1] 9

## [1] 10
```

Wie man an diesem Beispiel schon sehen kann, können wir in der Schleife auf den i-Wert zugreifen. Das können wir zum Beispiel benutzen, um die ersten zehn Zahlen der Fibonacci-Reihe zu berechnen, in der jeder Wert die Summe der zwei vorhergegangenen ist:

```
fib <- numeric(10)
for(i in seq_along(fib)){
  if(i<3){  # die ersten zwei Stellen müssen Einsen sein
    fib[i] <- 1
} else{
    fib[i] <- fib[i-1] + fib[i-2] # nimm die letzten zwei Einträge und summier sie auf
}
}
fib</pre>
```

#### ## [1] 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55

In diesem Beispiel ist noch ein weiteres Programmier-Prinzip sichtbar, die *Allokation* des Ergebnis-Vektors vor der Berechnung der Werte. Damit ist einfach gemeint, dass wir den leeren fib-Vektor erstellt haben, bevor wir mit der Schleife angefangen haben.

Der Grund für dieses Vorgehen ist, dass jedes Anlegen eines Vektors einer bestimtmen Größe ein bisschen Rechenzeit kostet. Wenn wir von vornherein festlegen, wie lang der Vektor werden soll, müssen wir nur einen Vektor anlegen. Wenn wir stattdessen wie im folgenden Beispiel in jeder Iteration den Vektor vergrößern, erstellt R implizit in jeder Iteration einen neuen Vektor.

```
fib <- 1
for(i in seq_len(10)){
  if(i<3){
    fib[i] <- 1
}else{</pre>
```

```
fib[i] <- fib[i-1] + fib[i-2]
}
fib</pre>
```

```
## [1] 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55
```

Bei 10 Stellen ist der Unterschied noch nicht wirklich bemerkbar. Wenn wir jetzt aber das ganze in Funktionen verpacken und für längere Sequenzen laufen lassen und die Laufzeit stoppen sehen wir den Unterschied:

```
fib_alloc <- function(n){</pre>
  fib <- numeric(n)</pre>
  for(i in seq_along(fib)){
    if(i<3){
       fib[i] <- 1
    }else{
       fib[i] \leftarrow fib[i-1] + fib[i-2]
  }
  return(fib)
fib_no_alloc <- function(n){</pre>
  fib <- 1
  for(i in seq_len(n)){
    if(i<3){
       fib[i] <- 1
    }else{
       fib[i] \leftarrow fib[i-1] + fib[i-2]
  }
  return(fib)
}
start <- Sys.time()</pre>
a <- fib_alloc(100000)
runtime_alloc <- Sys.time() - start</pre>
start <- Sys.time()</pre>
b <- fib_no_alloc(100000)</pre>
runtime_no_alloc <- Sys.time() - start</pre>
runtime_alloc
```

## Time difference of 0.03497458 secs

```
runtime_no_alloc
```

## Time difference of 0.07572579 secs

Mehr als die Hälfte der Zeit geht für das Erstellen des neuen Vektors drauf!

#### 7.0.1 Aufgabe

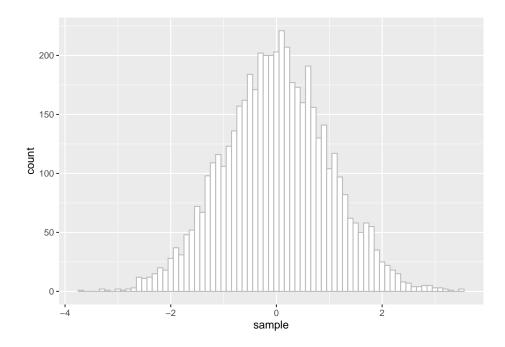
In QM-2 habt Ihr im Rahmen des zentralen Grenzwertsatzes gelernt, dass die Verteilungsfunktion der z-Transformation der n-ten Summe einer Reihe von unabhängigen Zufallsvariablen für wachsendes n schwach gegen die Standardnormalverteilung konvergiert.

Schreibe eine Funktion, die für eine gegebene Anzahl an Summen und eine gegebene Verteilungsklasse (und den entsprechenden Parametern inklusive der Stichprobengröße) einen Vektor mit den entsprechenden Summen zurückgibt. Nutze dafür deine Funktion aus der letzten Aufgabe.

Nutze diese Funktion dann um ein Histogramm mit 5000 dieser ztransformierten Summen zu erstellen.

Antwort

```
gen_central_lim_vec <- function(N,</pre>
                                  distribution,
                                  n,
                                  df = 1,
                                  lambda = 25,
                                  rate = 5) {
  ret_vec <- numeric(N)</pre>
  for(i in seq_len(N)){
    ret_vec[i] <- sum(gen_distributed_values(distribution,</pre>
                                         n,
                                         df,
                                         lambda,
                                         rate))
  }
  return(ret_vec)
}
tibble(sample = scale(gen central lim vec(5000, 'exp', 1000, rate = 5))) %>%
  ggplot(aes(x = sample)) +
  geom_histogram(binwidth = .1,
                  color = 'grey',
                  fill = 'white')
```



### Listen

Listen sind uns aus der R-Übung schon im Rahmen der Gruppenweisen Aggregation mit across und als Output von Inferenzstatistischen Funktionen untergekommen. Aber was genau Listen architektonisch sind, haben wir bisher übergangen.

Listen sind in R ziemlich ähnlich zu Vektoren <sup>1</sup>. Sie bilden Aneinander-Kettungen von Objekten ab, bei denen wir die einzelnen Elemente benennen können. Ein Unterschied zu Vektoren ist aber, dass die Objekte nicht von einem einzelnen Typ sein müssen. Ein anderer Unterschied wird deutlich, wenn wir uns den Output von benannten Vektoren und Listen genauer anschauen.

Die Ausgabe der Liste ähnelt unter der jeweiligen Überschrift (z.B.: \$a) dem Output, den wir bei einem unbenannten Vektor sehen:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Wobei der Ausdruck "Vektoren" hier irreführend ist, in R wird eigentlich die Eltern-Klasse der Objekte Vector genannt, zu der Atomic(unsere "Vektoren") und List gehören. Da wir aber in den Grundlagenfächern wegen der mathematischen Analogie "Vektor" zu den Atomic-Objekten gesagt haben, behalten wir das hier bei.

```
c(1)
```

#### ## [1] 1

Das liegt daran, dass in einer Liste unter dem Namen auch der ganze Vektor "abgespeichert" ist. Abgespeichert ist hier in Anführungszeichen, da in der Liste eigentlich nur ein Verweis auf einen Vektor liegt. Das kann man sich verdeutlichen, wenn man sich die Größen von Vektoren und Listen im Arbeitsspeicher anguckt.

Dazu erstellen wir einen Vektoren mit den Zahlen von 1:1000 und eine Liste, der wir dreimal diesen Vektor übergeben.

```
a <- c(1:1000)
b <- list(a = a, b = a, c = a, d = a)
```

Wenn wir uns jetzt die Größen der beiden Objekte angucken, sehen wir dass die Liste kleiner ist, als vielleicht zuerst erwartet:

```
lobstr::obj_size(a)
```

```
## 4,048 B
```

lobstr::obj\_size(b)

```
## 4,544 B
```

Wenn wir die Liste mit einem vergleichbaren Vektor gegenüberstellen sehen wir, dass dieser die Werte offensichtlich direkt ablegt, wohingegen die Liste die Werte nur einmal beinhaltet (plus ein bisschen Speicher für die wiederholten Verweise und Namen):

```
d <- c(a, a, a, a)
lobstr::obj_size(a)
## 4,048 B
lobstr::obj_size(b)
## 4,544 B
lobstr::obj_size(d)</pre>
```

```
## 16,048 B
```

Was passiert nun, wenn wir einen Teil eines der vier Einträge in der Liste ändern?

Dazu können wir die schon von data.frames bekannte Index-Variante mit dem \$-Operator nutzen um einen der Vektoren in der Liste zu modifizieren:

```
b$a[1] <- 5
lobstr::obj_size(b)</pre>
```

#### ## 12,592 B

Die Liste wird größer. Dass sie nicht in Inkrementen von 4000 B größer wird, liegt daran, dass die Zahlen in a als Sequenz von R effizienter gespeichert werden können, als als einfache Zahlen. Wenn wir uns a alleine angucken und die Größe vor und nach Änderung der ersten Stelle betrachten, wird das deutlich:

```
lobstr::obj_size(a)

## 4,048 B
a[1] <- 5
lobstr::obj_size(a)
```

#### ## 8,048 B

Für mehr Details zu diesem Speicher-Verhalten und dem zugrunde liegenden Prinzip ist das kostenlos hier zugängliche Buch "Advanced R" Wickham (2019) sehr gut, vor allem die Kapitel 2.2 und folgende und das Kapitel über Vektoren.

#### 8.0.0.1 Aufgabe

Überlege dir, wie sich der Speicherbedarf der Liste b ändert, wenn Du den zweiten Platz der Liste mit dem ersten Platz der Liste überschreibst. Probiere dann aus, ob sich deine Vorhersage bewahrheitet. Überprüfe dann, was passiert, wenn du die erste Stelle des dritten Platzes der Liste durch fünf ersetzt. Was könnte hier passiert sein?

Antwort

```
a <- c(1:1000)
b <- list(a = a,b = a,c = a,d = a)
b$a[1] <- 5
lobstr::obj_size(b)

## 12,592 B
b$b <- b$a
lobstr::obj_size(b)

## 12,592 B
b$c[1] <- 5
lobstr::obj_size(b)</pre>
## 20,640 B
```

#### 8.1 Listen und Datensätze

Das Arbeiten mit Listen ist ziemlich ähnlich zu der mit Datensätzen. Das liegt ganz einfach daran, dass Datensätze auch Listen sind, der einzige wirklich wichtige Unterschied ist, dass Datensätze im Vergleich zu Listen einheitliche Längen von den eingefügten Vektoren erwarten.

Zu sehen ist dieses Verhältnis ganz einfach, wenn man sich den mode eines Datensatzes anguckt:

```
a <- data.frame(1:10,
                 1:10)
class(a)
## [1] "data.frame"
mode(a)
## [1] "list"
Der Unterschied ist in den attributes des Datensatzes festgelegt.
attributes(a)
## $names
## [1] "X1.10"
                  "X1.10.1"
##
## $class
## [1] "data.frame"
##
## $row.names
   [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
Nur zum Spaß können wir so auch versuchen, umständlich einen Datensatz zu
erstellen:
a \leftarrow list(1:10,1:10)
attributes(a)
## NULL
attributes(a) <- list(names = letters[1:2],</pre>
                       row.names = 1:10,
                        class = "data.frame")
a
##
       a b
## 1
       1
## 2
       2 2
## 3
       3 3
## 4
       4 4
```

```
## 5 5 5
## 6 6 6
## 7 7 7
## 8 8 8
## 9 9 9
## 10 10 10
```

#### **8.1.0.1** Aufgabe

Überlege Dir, was wohl passiert, wenn du auf die gerade demonstrierte Art und Weise einen Datensatz erstellst, bei dem die eingefügten Vektoren von unterschiedlicher Länge sind. Überprüfe dann, ob die Erwartungen stimmen.

Antwort

```
a <- list(1:15,21:30,41:45)
attributes(a)
## NULL
attributes(a) <- list(names = letters[1:3],
                      row.names = 1:10,
                       class = "data.frame")
а
## Warning in format.data.frame(if (omit) x[seq_len(n0), , drop = FALSE] else x, :
## corrupt data frame: columns will be truncated or padded with NAs
##
               С
## 1
       1 21
              41
## 2
       2 22
              42
       3 23
              43
## 4
       4 24
              44
       5 25
       6 26 <NA>
## 7
       7 27 <NA>
## 8
       8 28 <NA>
       9 29 <NA>
## 10 10 30 <NA>
```

## 8.2 Arbeiten mit Listen

Da Datensätze eigentlich nur Listen sind, gibt es Listen-Operationen die wir schon von Datensätzen kennen, bei denen wir einfach noch nicht wussten, dass sie eigentlich aus dem Listen-Kontext stammen.

Insbesondere sind die Operationen, die wir auch schon hier im Skript genutzt haben, Listen-Operationen, die wir aus dem data.frame-Kontext kennen. Da

wären das Anlegen von Spalten/Listen-Einträgen mit Namen, wie wir es eben gesehen haben:

```
a <- list(a = 1:10)
b <- data.frame(a = 1:10)
```

Und das Indizieren mit dem \$-Operator:

```
a$a

## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

b$a

## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

Als kleinen Zusatz können wir uns noch die numerische Indizierung angucken, die bei Listen und damit auch Datensätzen mit doppelten eckigen Klammern funktioniert ([[]]). Dieser Index-Operator ist hilfreich, wenn nicht jedes mal für jeden Eintrag ein Name angelegt werden soll. Das kann zum Beispiel sinnvoll bei functional-Iteratoren sein, bei denen man nur eine schnelle Stapelverarbeitung plant, dazu aber später mehr.

Bei Listen und Datensätzen sieht der [[]]-Einsatz dann so aus:

```
a[[1]]
## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
b[[1]]
## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

#### **8.2.0.1** Aufgabe

Baue ein Skript, das eine Liste erstellt, die drei Einträge enthält. Jeder dieser Einträge soll auch wieder eine Liste sein. Das Skript soll nun mit Hilfe einer Schleife die Zahlen von 1 bis 100 durchgehen und alle durch 2 teilbaren Zahlen in den zweiten Eintrag, alle durch 3 teilbaren Zahlen in den dritten Eintrag und alle restlichen Zahlen in den ersten Eintrag einfügen. Nutze hierfür den "Modulo"-Operator ¾, der den 'Rest' einer Ganzzahldivision ausgibt. Überlege dir, wie du mit Zahlen wie der 6 umgehst, die sowohl durch 3 als auch durch 2 teilbar sind. Kleiner Tipp: length kann hier sehr hilfreich sein.

Zusatzaufgabe: Überlege dir, wie man dieses Skript so umbauen könnte, dass es für einen Vektor mit beliebigen Teilern funktioniert.

```
divisions <- list(list(), list(), list())

for(i in 1:100){
  if(i%2 == 0){</pre>
```

```
divisions[[2]][[length(divisions[[2]]) + 1]] <- i</pre>
 }
 if(i\%3 == 0){
    divisions[[3]][[length(divisions[[3]]) + 1]] <- i</pre>
 if(i\%2 != 0 & i\%3 != 0){
    divisions[[1]][[length(divisions[[1]]) + 1]] <- i</pre>
 }
}
summary(divisions)
        Length Class Mode
## [1,] 33
               -none- list
## [2,] 50
               -none- list
## [3,] 33
               -none- list
divisions <- list(list()) # mit einer leeren Liste für die nicht-teilbaren initiieren
divider \leftarrow c(2,3,5,7,9)
for(i in divider){
  divisions[[i]] <- list()</pre>
for(i in 1:100){
 divided <- F
 for(j in divider){
    if(i %% j == 0){
      divisions[[j]][[length(divisions[[j]]) + 1]] <- i</pre>
      divided <- T
    }
 }
  if(!divided){
    divisions[[1]][[length(divisions[[1]]) + 1]] <- i</pre>
 }
summary(divisions)
##
         Length Class Mode
## [1,] 22
                -none- list
## [2,] 50
                -none- list
## [3,] 33
               -none- list
## [4,] 0
               -none- NULL
## [5,] 20
                -none- list
## [6,] 0
                -none- NULL
## [7,] 14
                -none- list
## [8,] 0
               -none- NULL
```

## [9,] 11 -none-list

unlist(divisions[[1]]) # Mit Teilern und ohne 1 haben wir hier die Primzahlen bis 100

**##** [1] 1 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67 71 73 79 83 89 97

# Chapter 9

# Attribute

Bei der sehr umständlichen Erstellung des Datensatzes haben wir schon die attributes kennen gelernt. Diese Informationen, die in R zu einem Objekt neben dem eigentlichen Inhalt angelegt werden können, sind ein wichtiger Teil der Abbildung objektorientierter Programmierparadigmen<sup>1</sup> in R.

```
a <- list(1:10,1:10)
attributes(a)
## NULL
attributes(a) <- list(names = letters[1:2],
                       row.names = 1:10,
                       class = "data.frame")
a
##
          b
       a
## 1
       1
          1
##
  3
       3
          3
## 5
       5
          5
## 6
       6
          6
## 7
       7
          7
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Was genau objektorientierte Programmierung ist, ist hier erstmal nicht so wichtig, im Prinzip sind aber alle Objekte mit class-Attribut nach objektorientierten Paradigmen erstellt. Hier wird das nur erwähnt, weil es die Geschichte von R als Nachfolger von S demonstriert, in dem ursprünglich "moderne" Paradigmen nicht Thema waren. Die Erweiterung der bestehenden Objekte durch das Setzen von Attributen ist die Lösung für dieses Problem, die in Rs S3-Objekten resultieren. Daneben gibt es in R die S4-Objekte, die formalisiertere Klassendefinitionen ermöglichen. Das führt aber alles ein bisschen weit für diese Veranstaltung, deswegen sei hier nochmal auf das sehr gute Buch von Wickham (2019) verwiesen, in den Kapiteln 13-15 geht er auf OO-Programmierung in R ein.

```
## 8 8 8
## 9 9 9
## 10 10 10
```

Neben der Klasse (class) haben wir hier in die attributes auch die Namen der Einträge und die Zeilennamen geschrieben. Wir sehen also, dass der sichtbare und bemerkbare Unterschied zwischen Listen und Datensätzen aus dem Setzen dieser Attribute entsteht. Außerdem wird an diesem Beispiel deutlich, dass die Funktionen, die wir bisher zum Erstellen von Datensätzen genutzt haben, auch eigentlich nur Attribute setzen. Attribute sind also zusätzliche Informationen, die den Umgang mit Objekten ändern können.

Ein weiteres Beispiel für solche Änderungen durch Attribute sind Matritzen. In R kann man mit der matrix-Funktion zweidimensionale Daten-Raster erstellen, für die zum Beispiel auch die dimensionierte Indizierung [,] definiert ist:

```
matrix(1:100,
        nrow = 10,
        ncol = 10)
##
           [,1] [,2]
                        [,3]
                             [, 4]
                                    [,5]
                                          [,6]
                                                 [,7]
                                                       [,8]
                                                             [,9] [,10]
##
     [1,]
              1
                    11
                          21
                                31
                                       41
                                             51
                                                   61
                                                         71
                                                                81
                                                                       91
     [2,]
               2
                                32
                                             52
                                                         72
                                                                82
##
                    12
                          22
                                       42
                                                   62
                                                                       92
##
     [3,]
               3
                    13
                          23
                                33
                                       43
                                             53
                                                   63
                                                         73
                                                                83
                                                                       93
##
     [4,]
               4
                    14
                          24
                                34
                                       44
                                             54
                                                   64
                                                         74
                                                                84
                                                                       94
     [5,]
               5
                    15
                          25
                                35
                                       45
                                             55
                                                   65
                                                         75
                                                                85
                                                                       95
##
##
     [6,]
               6
                    16
                          26
                                36
                                       46
                                             56
                                                   66
                                                         76
                                                                86
                                                                       96
               7
##
     [7,]
                    17
                          27
                                37
                                             57
                                                   67
                                                         77
                                                               87
                                                                       97
                                       47
##
     [8,]
              8
                    18
                          28
                                38
                                       48
                                             58
                                                   68
                                                         78
                                                                88
                                                                       98
     [9,]
##
              9
                    19
                          29
                                39
                                       49
                                             59
                                                   69
                                                         79
                                                               89
                                                                       99
## [10,]
              10
                    20
                          30
                                40
                                       50
                                             60
                                                   70
                                                         80
                                                                90
                                                                      100
```

#### 9.0.0.1 **Aufgabe**

Erstelle eine Matrix und gucke die genau die Attribute und Inhalte an.

Können wir so wie wir einen Datensatz aus einer Liste erstellt haben, irgendwie ohne die matrix-Funktion eine Matrix erstellen? Gucke Dir dabei nach jeder Änderung an, was class und mode zurückgeben.

Probiere außerdem aus, was passiert, wenn man die Attribute einer Matrix auf eine Liste überträgt.

#### Zusatz:

Was passiert, wenn wir der Liste drei Dimensionen geben?

```
attributes(my_mat)
## $dim
## [1] 4 5
mode(my_mat)
## [1] "character"
class(my_mat)
## [1] "matrix" "array"
my_list_mat <- list(1:5,6:10,11:15,16:20)</pre>
attributes(my_list_mat) \leftarrow list(dim = c(2,2))
my_list_mat
##
        [,1]
                   [,2]
## [1,] integer,5 integer,5
## [2,] integer,5 integer,5
mode(my_list_mat)
## [1] "list"
class(my_list_mat)
## [1] "matrix" "array"
## Zusatz
my_list_mat <- list(1, 2,</pre>
                    3, 4,
                    5, 6,
                    7, 8)
attributes(my_list_mat) <- list(dim = c(2,4))
my_list_mat
       [,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,] 1
             3
                  5
                       7
## [2,] 2
mode(my_list_mat)
## [1] "list"
class(my_list_mat)
## [1] "matrix" "array"
```

```
attributes(my_list_mat) <- list(dim = c(2,2,2))
my_list_mat
## , , 1
##
##
        [,1] [,2]
## [1,] 1
             3
## [2,] 2
             4
##
## , , 2
##
##
        [,1] [,2]
## [1,] 5
             7
## [2,] 6
mode(my_list_mat)
## [1] "list"
class(my_list_mat)
## [1] "array"
```

Mit anderen Worten ist eine Matrix als ein Array definiert, das (egal ob Liste oder Vektor), zwei Dimensionen hat. Mit mehr als zwei Dimensionen fällt die Matrix-Klasse weg.

Die Matrix-Listen aus der Aufgabe können wir übrigens auch wie Matrizen verwenden:

```
attributes(my_list_mat) <- list(dim = c(2,4))

t(my_list_mat)

## [,1] [,2]
## [1,] 1 2
## [2,] 3 4
## [3,] 5 6
## [4,] 7 8

my_list_mat[1,2]

## [[1]]
## [1] 3</pre>
```

Das Ergebnis ist halt nur eine Liste, was mit dem bekannten doppel-Index aber auch umgangen werden kann:

```
my_list_mat[[1,2]]
```

## [1] 3

## Chapter 10

## **Functionals**

Wie wir am Anfang des Semesters bei der Definition unserer eigenen Funktionen ja schon gemerkt haben, sind Funktionen in R von der Struktur her gar nicht so verschieden zu anderen Objekten wie zum Beispiel Datensätzen oder Vektoren.

Sowohl die einen, wie auch die anderen, werden als Namen mit entsprechenden Inhalten im Environment angelegt, wobei aber natürlich bei Datensätzen die Daten damit gemeint sind und bei Funktionen *Environment*-Verweis, *Body* und *Formals* angelegt werden.

Das heißt für R aber auch, dass so genannte Functionals genutzt werden. Diese Gruppe von Funktionen sind solche, die andere Funktionen als Argumente und diese anwenden können. Beispiele für solche Funktionen haben wir auch schon kennen gelernt, die vielleicht aus dem Kapitel zur Aggregation von Daten in EDV1 bekannte across-Funktion ist ein solcher Fall:

```
## # A tibble: 3 x 9
##
     Species
                m_Sepal.Length s_Sepal.Length m_Sepal.Width s_Sepal.Width
##
     <fct>
                         <dbl>
                                         <dbl>
                                                       <dbl>
## 1 setosa
                           5.01
                                         0.352
                                                        3.43
                                                                      0.379
## 2 versicolor
                          5.94
                                         0.516
                                                        2.77
                                                                      0.314
## 3 virginica
                           6.59
                                         0.636
                                                        2.97
                                                                      0.322
## # ... with 4 more variables: m_Petal.Length <dbl>, s_Petal.Length <dbl>,
       m_Petal.Width <dbl>, s_Petal.Width <dbl>
```

Hier übergeben wir dem .fns-Argument eine Liste mit Funktionen, die dann auf alle numerischen Spalten des Datensatzes angewandt werden.

Ein anderes, sehr für R typisches Beispiel von Functionals sind sapply, lapply und mapply. Alle drei Funktionen nehmen als Input eins oder mehrere Objekte und eine Funktion, die auf jeden Eintrag de(s/r) übergebenen Objekte(s) angewandt werden soll.

Exemplarisch gucken wir uns sapply an, die Listen<sup>1</sup> als erstes Argument erwarten. Als Objekt nehmen wir iris (was ja wie wir gelernt habe eine aufgemotzte Liste ist) und lassen uns mit sapply für jede Spalte sagen, ob sie numerisch ist:

```
sapply(iris, is.numeric)
```

```
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species
## TRUE TRUE TRUE TRUE FALSE
```

Fällt Dir was auf? Wir haben gerade eine Funktion fünf mal ausgeführt, ohne ihr explizit ein Argument zu übergeben. Den (is.numeric(iris\$Sepal.Width),is.numeric(iris\$Sepal.Letc., etc., ...)-Teil hat uns sapply abgenommen. sapply ist sogar so weit gegangen, uns die Ergebnisse in einem praktischen Vektor wiederzugeben, hat also irgendwie einen Output für uns erstellt.

Diesen Vektor könnten wir jetzt als Index nutzen, um uns nur die numerischen Spalten ausgeben zu lassen und uns wieder mit sapply die Mittelwerte ausrechnen zu lassen:

```
sapply(iris[,which(sapply(iris, is.numeric))],
    mean)
```

```
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width ## 5.84333 3.057333 3.758000 1.199333
```

Die sapply-Funktion macht also im Prinzip nicht viel anderes, als unsere for-Schleifen.

### 10.0.1 Aufgabe

Baue die oben mit sapply implementierte Mittlung mit for-Schleifen nach. Dabei soll erst überprüft werden, ob eine Spalte numerische Inhalte hat, wenn dem so ist soll der Mittelwert dieser Spalte berechnet werden. Verpacke deine Lösung in eine Funktion, die den spaltenweisen Mittelwert zurückgibt.

Überlege dir insbesondere, ob Du den Output-Vektor allozieren kannst und was ein sinnvolles Format dafür wäre.

```
my_col_mean <- function(df){
  out <- rep(NA, ncol(df))
  names(out) <- names(df)</pre>
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>oder Vektoren

```
for(col in names(df)){
   if(is.numeric(df[[col]])){
     out[col] <- mean(df[[col]])
   }
}
return(out)
}
my_col_mean(iris)</pre>
```

```
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species ## 5.84333 3.057333 3.758000 1.199333 NA
```

## 10.1 purrr::map

Eine Alternative zu den \*apply-Funktionen ist die map-Familie aus dem purrr-Paket. Im Prinzip sind die identisch zu den \*apply-Funktionen, der große Unterschied ist, dass sie spezialisierter sind als erstere.

Diese Eigenschaft ist auch der einzige wirkliche Grund dafür, die functional-Iteratoren den Schleifen vorzuziehen. Code, der so spezifisch für ein Problem wie möglich ist, ist einfach schöner weil schneller verständlich.

Die grundlegende Funktion aus der map-Familie ist das einfache map, das lapply-Analogon. map nimmt also eine Liste oder einen Vektor und eine Funktion als Input und gibt eine Liste zurück:

```
map(1:10, sqrt)
```

```
## [[1]]
## [1] 1
##
## [[2]]
## [1] 1.414214
##
## [[3]]
## [1] 1.732051
##
## [[4]]
## [1] 2
##
## [[5]]
## [1] 2.236068
##
## [[6]]
## [1] 2.44949
##
```

```
## [[7]]
## [1] 2.645751
##
## [[8]]
## [1] 2.828427
##
## [[9]]
## [1] 3
##
## [[10]]
## [1] 3.162278
```

Alternativ kann mit der sogenannten Funktionsschreibweise auch ein Ausdruck formuliert werden, der für jeden iterierten Wert ausgeführt werden soll:

```
map(1:10, ~sqrt(.))
```

```
## [[1]]
## [1] 1
##
## [[2]]
## [1] 1.414214
##
## [[3]]
## [1] 1.732051
##
## [[4]]
## [1] 2
##
## [[5]]
## [1] 2.236068
## [[6]]
## [1] 2.44949
##
## [[7]]
## [1] 2.645751
##
## [[8]]
## [1] 2.828427
##
## [[9]]
## [1] 3
##
## [[10]]
## [1] 3.162278
```

Der besondere Vorteil dieser Funktionen gegenüber den \*apply-Funktionen, ist dass diese Gruppe von Funktionen ermöglicht, den erwarteten Output einer Iteration klar lesbar zu definieren.

Beispielsweise kann mit map\_dbl, map\_lgl und map\_chr klar festgelegt werden, dass 1. ein atomic-Vektor ausgegeben wird, der 2. einen klaren Datentyp hat:

```
map_dbl(1:10, ~.^2)
```

```
## [1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
map_lgl(1:10, ~.\%2==0)
```

```
## [1] FALSE TRUE FALSE TRUE FALSE TRUE FALSE TRUE
map_chr(1:10, ~letters[.])
```

```
## [1] "a" "b" "c" "d" "e" "f" "g" "h" "i" "j"
```

Und, noch praktischer, auch für komplexere Datentypen gibt es Wrapper. So können wir zum Beispiel mit  $map\_dfr$  und  $map\_dfc$  tibbles erzeugen lassen, die dann aus zeilenweise (dfr für rows) und spaltenweise (dfc für columns) zusammengefügten Ergebnissen bestehen:

```
## # A tibble: 10 x 2
##
           i
                 х
       <int> <int>
##
##
    1
           1
                10
##
    2
           2
                 7
##
    3
           3
                 3
           4
                 5
##
    4
##
    5
           5
                 3
##
    6
           6
                 7
##
    7
           7
                 5
##
    8
           8
                10
##
    9
           9
                 1
                 3
          10
map_dfc(1:10, ~c(sample(.:(.+10),1)))
```

```
## New names:
## * NA -> ...1
## * NA -> ...2
## * NA -> ...3
## * NA -> ...4
## * NA -> ...5
```

# 10.2 Exkurs: Iteratoren-Vergleich und Microbenchmarking

Man liest manchmal, dass loops in R wegen geringerer Geschwindigkeit in jedem Fall vermieden werden sollten. Das stimmt aber nicht wirklich, wenn man für seine for-Schleifen alloziert.

Um das zu zeigen vergleichen wir mit der folgenden Funktion for ohne Allokation, for mit Allokation, sapply und map\_dbl. Um die Laufzeiten zu vergleichen, nutzen wir die bench::mark- und bench::press-Funktion, sehr akkurate Funktion um Microbenchmarking durchzuführen. Microbenchmarking heißt hier nichts anders, als dass wir die möglichen Implementationen alle unter denselben Bedingungen sehr oft ausführen und die Ausführungszeiten notieren, um eine Idee von der Effizienz dieser zu erlangen.

```
my_function <- function(x) x^2</pre>
results \leftarrow bench::press(n = 1:5,
                             to_do <- 1:10 ^ n
                             bench::mark(
                                min_iterations = 100,
                                for_no_alloc = {
                                  res <- c()
                                  for (j in to_do) {
                                    res <- c(res, my_function(j))</pre>
                                  }
                                  res
                                },
                                for_alloc = {
                                  res <- numeric(length(to_do))</pre>
                                  for (j in to_do) {
                                    res[j] <- my_function(j)</pre>
                                  }
                                  res
                                },
```

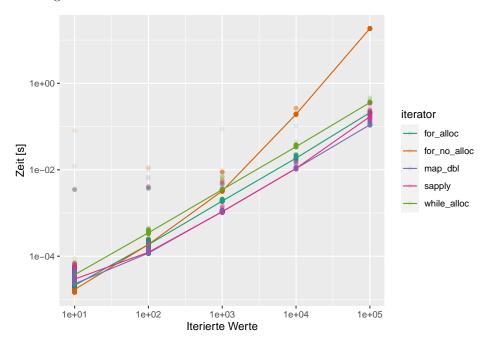
```
while_alloc = {
    res <- numeric(length(to_do))
    j <- 1
    while(j < length(to_do)) {
        res[to_do[j]] <- my_function(to_do[j])
        j <- j + 1
    }
    res
},

sapply = {
    res <- sapply(to_do, my_function)
},

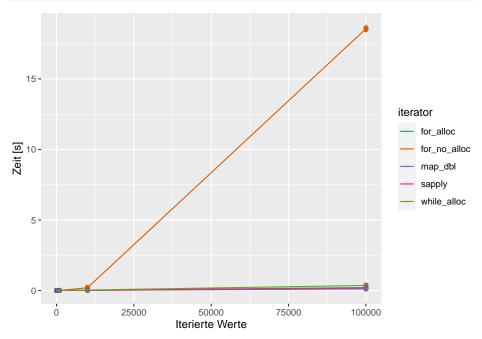
map_dbl = {
    res <- map_dbl(to_do, my_function)
}

)
})</pre>
```

Die Ergebnisse dieses Testlaufs sehen so aus:



Dabei stellen die Linien die Median-Verläufe der jeweiligen Aufrufe dar. Vorsicht: Die Achsen sind logarithmisch skaliert. Ohne diese Skalierung sehen die Ergebnisse so aus:



## 10.2.1 Aufgabe

Benutzt bench::mark um die folgenden drei Mittelwerts-Funktionen zu vergleichen:

```
my_for_mean <- function(x){
  out <- 0
  for(i in x){
    out <- out + i</pre>
```

```
}
  return(out/length(x))
}

my_manual_mean <- function(x){
  return(sum(x)/length(x))
}

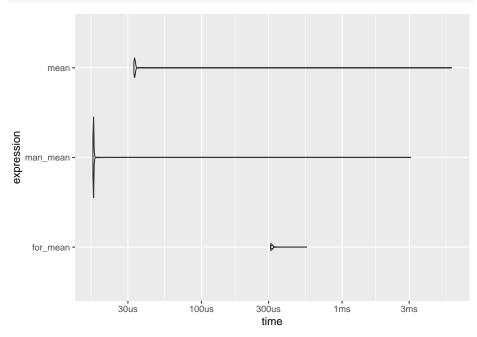
mean(x)</pre>
```

Antwort

Übrigens gibt es noch eine sehr nette Funktion, die man im Kontext von bench::mark nochmal erwähnen sollte:

Mit autoplot(type = 'violin') lassen sich die Ergebnisse eines Mikrobenchmarks ganz nett darstellen:

```
library(bench)
bmark %>%
  autoplot(type = 'violin')
```



## \$n

## 10.3 Eigene Functionals

Warum Functionals neben den Iteratoren für uns praktisch sind, wird am Simulations-Beispiel klar.

Wenn wir eine Funktion schreiben wollen, die zum Beispiel für einen t-Test das Ausschöpfen des Alpha-Niveaus bei verschiedenen Verteilungen überprüft, könnten wir wie bisher für eine Untermenge der Möglichkeiten mit if-else die richtige Funktion auswählen. Schöner wäre es aber doch, wenn wir eine Simulationsfunktion hätten, die einfach eine Funktion als Objekt nimmt und die Ergebnisse zurückgibt.

Dafür müssen wir erstmal verstehen, warum der folgende Aufruf funktioniert:

```
rnd_fct <- rnorm
rnd_fct(10)
## [1] -0.4199126  0.2312317  0.4539680  0.2489447  1.0210670 -1.3311690</pre>
```

```
## [7] 1.5289611 0.1749426 -0.8485907 -1.0582308
```

Wir haben in rnd\_fct einen Verweis auf rnorm abgelegt und können den Namen des Verweises jetzt äquivalent zum Inhalt des Ziels, also ganz einfach wie die ursprüngliche Funktion verwenden.

Das funktioniert aus ähnlichen Gründen, aus denen unsere Listen mit Verweisen kleiner als erwartet waren. Da wir den Inhalt nicht verändert haben, spart sich R den Aufwand die Funktion zu kopieren und legt einfach einen zweiten Verweis auf die rnorm-Funktion an, inklusive body und formals.

```
body(rnorm)
## .Call(C_rnorm, n, mean, sd)
body(rnd_fct)

## .Call(C_rnorm, n, mean, sd)
formals(rnorm)

## $n
## ##
## ## $mean
## [1] 0
##
## $sd
## [1] 1
formals(rnd_fct)
```

```
##
## $mean
## [1] 0
##
## $sd
## [1] 1
```

Mit anderen Worten können wir einen Verweis auf ein Funktions-Objekt wie die eigentliche Funktion verwenden. Diesen Umstand können wir ausnutzen, wenn wir unsere Simulationsfunktion schreiben, indem wir einfach ein Argument vorsehen, dass als Funktion benutzt werden kann.

So eine Funktion könnte so aussehen:

Und schon ist unser erster Functional fertig.

#### 10.3.1 Aufgabe

Erstelle einen functional summarise\_for\_me, der einen Vektor als Argument x und eine Funktion als Argument agg\_fn erwartet, und die Ihr dazu nutzen könnt, mit demselben Stichwort NA-bereinigt Summe, Mittelwert, Median und SD des Vektors c(10, NA, 21, 25, 13) zu berechnen.

```
summarise_for_me <- function(x, agg_fn){
  return(agg_fn(x, na.rm = T))
}

x <- c(10, NA, 21, 25, 13)
summarise_for_me(x, mean)</pre>
```

```
## [1] 17.25
```

```
summarise_for_me(x, sum)

## [1] 69
summarise_for_me(x, median)

## [1] 17
summarise_for_me(x, sd)

## [1] 6.946222
```

## 10.4 Argumente durchreichen

Unsere schöne Funktion wird offensichtlich problematisch, wenn wir zum Beispiel rf übergeben:

```
generate_values(rf, n = 100)
```

## Error in rnd\_fct(n): argument "df1" is missing, with no default

Dafür gibt es in R den Platzhalter ..., dem Ihr auch schon an anderer Stelle begegnet sein könntet. ... heißt nichts anderes als dass mehr Argumente möglich sind, bei denen wir noch nicht so ganz sicher sind, welche es sein werden.

Benutzen können wir das wie jedes andere Argument:

```
2.03497546
                                                               1.07752607
##
     [7]
          0.63611837
                        0.87353987
                                     1.03485287
                                                  0.81601814
                                                               1.02639860
                                                                            0.53705763
##
    [13]
          0.31405869
                       0.52439110
                                     1.39648091
                                                  1.06064416
                                                               0.46664706
                                                                            0.27070874
##
    [19]
          2.25204656
                       0.86366757
                                     1.15693767
                                                  1.81259878
                                                               0.56410316
                                                                            0.94787277
##
    [25]
          3.89529621
                       0.37557481
                                     1.92586101
                                                 0.42849312
                                                               1.49773976
                                                                            0.05813357
##
    [31]
          0.44438564
                       0.14525814
                                    2.36696864
                                                 1.66339698
                                                               0.53827284
                                                                            1.65650546
##
    [37]
          0.46055553
                       1.60033949
                                     0.30694711
                                                               1.48217075
                                                                            2.62585139
                                                  1.85127786
##
    [43]
          2.14504737
                       0.81919515
                                     1.38374697
                                                 0.89745419
                                                               0.37185526
                                                                            1.13406191
    [49]
##
          1.31479498
                       0.65300786
                                    0.80247351
                                                  1.80981147
                                                               0.32507006
                                                                            1.55078471
##
    [55]
          1.18369100
                       0.08447330
                                    1.91984029
                                                  0.13914696
                                                               0.79177535
                                                                            0.94549312
##
    [61]
          0.93354001
                       0.28173625
                                     1.45672514
                                                 0.60835450
                                                               0.91438839
                                                                            0.75916434
##
    [67]
          1.97458061
                       0.17009112
                                    1.49389432
                                                  2.16806557
                                                               1.61570079
                                                                            0.33946545
##
    [73]
          1.30805728
                       1.48765000
                                    0.41400625
                                                  0.98439720
                                                               2.91565515
                                                                            1.18407534
    [79]
          0.26514127 \quad 0.71282182 \quad 0.73094521 \quad 0.94654944 \quad 1.06797966 \quad 12.72549312
##
```

```
##
    [85]
          2.87107955 1.15050343
                                   0.27958205
                                               0.55015957
                                                            0.47310973
                                                                        0.89918620
##
    [91]
          1.87930474
                                                            1.43975652
                      1.79708365
                                   2.26899240
                                               1.19920258
                                                                        0.47004905
##
    [97]
          1.47975343
                      1.80849062
                                   2.76730517
                                               1.20793446
```

Sollten wir in dieser Liste noch für einen Sonderfall testen wollen (zum Beispiel um Sonderbehandlungen durchzuführen), können wir mit hasArg auf ein Argument testen:

## more than one df

```
## [1] 1.7191709 0.3844587 0.3358765 0.4924094 2.3220831 0.8904054 1.5374226
## [8] 0.3068908 1.7804266 0.1659158
```

Damit könnten wir auch eigene Argumente definieren, wenn wir die Funktionsdefinition übersichtlich halten wollen:

```
## [1] 1.4748042 2.4036888 0.3793993 1.9490523 4.1082832 1.2057001 0.5293067 ## [8] 0.8127482 0.2072046 4.8083358
```

So haben wir eine allgemeine Funktion geschrieben, die zum einen flexibel Daten mit übergebenen Funktionen generiert und zum anderen im Falle eines gesetzten Arguments skew dieses aus den Argumenten nimmt und das Ergebnis des

Funktionsarguments mit den restlichen ...-Argumenten mit dem Skew transformiert.

Auch nochmal zu betonen ist, dass wir den ...-Operator sowohl nutzen können, um die Argumente durchzureichen:

```
do_something <- function(.fn, ...){
  return(.fn(...))
}
do_something(mean, x = 1:10, trim = .1)</pre>
```

#### ## [1] 5.5

als auch um eine Liste zu erstellen, die wir dann mit do.call als Argumentliste übergeben:

```
do_something <- function(.fn, ...){
  args <- list(...)
  return(do.call(.fn, args))
}
do_something(mean, x = 1:10, trim = .1)</pre>
```

#### ## [1] 5.5

Letztere Methode ist dann praktisch, wenn wir entweder die Argumente ergänzen wollen, oder wie im Fall oben, nur Teile des Calls an eine Funktion weiterreichen wollen.

Da diese "impliziten" Argumente aber für formals und Autocomplete nicht zugänglich sind, außerdem das schreiben eines Arguments als expliziten Teil der Funktion einfacher ist, sollte außer bei sehr komplexen (z.B. grafischen) Funktionen auf diese Art der Argumente eher verzichtet werden.

Wir könnten die Verteilungs-Funktion mit Skew von oben ja auch (viel übersichtlicher und mit Standardwert) wie folgt schreiben:

```
## [1] 34.6888898 5.5226003 5.1995615 22.6796614 23.0399780 0.5764265
## [7] 2.2664878 19.1496233 4.9516273 0.4087788
```

### 10.4.1 Aufgabe

Ergänze den functional summarise\_for\_me um einen ...-Operator als Argument. Benutze diesen, um Argumente an die Funktionen weiterzugeben.

Baue außerdem eine Ausnahmebedingung in die Funktion ein, die falls das Argument scale auf TRUE gesetzt ist, die Daten vor der Aggregation z-transformiert. $^2$ 

Stelle außerdem sicher, dass die Funktion unabhängig von der Eingabe des Nutzers na.rm auf TRUE setzt.

```
summarise_for_me <- function(x, agg_fn, ...){</pre>
  args <- list(...)</pre>
  if(hasArg(scale)){
    if(args$scale){
      x \leftarrow scale(x)
      args <- args[!(names(args) == 'scale')]</pre>
  }
  args <- args[!(names(args) == 'na.rm')]</pre>
  return(agg_fn(x, na.rm = T))
x \leftarrow c(10, NA, 21, 25, 13)
summarise_for_me(x, mean, scale = T)
## [1] 2.775558e-17
summarise_for_me(x, sum, scale = T)
## [1] 1.110223e-16
summarise_for_me(x, median, scale = T)
## [1] -0.03599079
summarise_for_me(x, sd, scale = F)
## [1] 6.946222
summarise_for_me(x, sd, scale = T)
## [1] 1
```

 $<sup>^2\</sup>mathrm{Das}$  funktioniert ganz einfach mit der  $\mathtt{scale}\text{-}\mathrm{Funktion}.$ 

# Chapter 11

# Simulations- und Programmierübungen in R

Im Folgenden werden keine neuen Konzepte eingeführt, zum Üben der bisher eingeführten Konzepte werden aber eine Reihe von Aufgaben gestellt, die Schritt für Schritt mit statistischen Beispielen zu ersten eigenen und zunehmend komplexen Simulationen führen sollen. Zu jeder Aufgabe wird auch eine Musterlösung angeboten, wie immer ist diese aber zum Einen nicht die einzig mögliche Lösung und zum Anderen bitte erst zu konsultieren, wenn eine eigene Lösung versucht wurde. Der Lernfortschritt durch eigenes Programmieren (und Fehler machen) ist wesentlich größer als durch das einfache Lesen fertiger Skripte.

### 11.1 Pascalsches Dreieck

Das Ziel soll sein, eine Funktion namens binom\_mat zu erstellen, die für eine gegebene Zahl n das Pascalsche Dreieck bis zur gegebenen Größe zurückgibt. Dieses Dreieck soll erstmal als Matrix zurückgegeben werden, die für die Zahl 5 zum Beispiel so aussehen könnte:

##		[,1]	[,2]	[,3]	[,4]	[,5]
##	[1,]	1	0	0	0	0
##	[2,]	1	1	0	0	0
##	[3,]	1	2	1	0	0
##	[4,]	1	3	3	1	0
##	[5,]	1	4	6	4	1

Die erste Spalte der Matrix soll also die "obere linke Flanke" des Dreiecks repräsentieren.

```
binom mat <- function(z){
                                                   # (1)
  mat \leftarrow matrix(0,z,z)
                                                   # (2)
  for(i in seq(z)){
                                                   # (3)
    mat[i,1] <- 1
  for(i in seq(2,z)){
                                                   # (4)
    for(j in seq(2,i)){
                                                   # (5)
      mat[i,j] \leftarrow mat[i-1,j-1] + mat[i-1,j]
                                                   # (6)
  }
  return(mat)
                                                   # (7)
}
```

#### Erläuterungen:

- (1) Die Matrix soll am Ende z Zeilen haben. Allerdings werden die Zeilen und Spalten einer Matrix beginnend mit 1 durchnummeriert, so dass die Zeilennummer nicht das n der Binomialkoeffizienten ist. Vielmehr stehen die Bionomialkoeffizienten  $\binom{n}{k}$  am Ende in der Zeile mit der Nummer n+1 und der Spalte mit der Nummer k+1.
- (2) Hier wird eine Matrix erzeugt, die den Namen mat bekommt. Die Matrix wird zunächst mit Nullen gefüllt. Sie soll z Zeilen und z Spalten haben.
- (3) Die linke Spalte der Matrix wird mit Einsen gefüllt. Hier ist zu bemerken, dass die Elemente einer Matrix mit Zeilen- und Spaltennummer in eckigen Klammern angesprochen werden.
- (4) Hier folgen verschachtelte Schleifen. In der äußeren Schleife werden die Zeilen der Matrix angesprochen, die der Reihe nach mit den richtigen Zahlen gefüllt werden sollen. Die erste Zeile der Matrix hat schon die Endgestalt, daher beginnt die Schleife mit i=2.
- (5) Hier kommt die innere Schleife; die Zeile mit der Nummer i ist erreicht, die vorherigen Zeilen sind schon richtig aufgefüllt worden. Die Elemente in dieser Zeile ergeben sich dadurch, dass man die Zahlen links darüber und direkt darüber addiert. Die erste Zahl 1 der Zeile wurde vorher schon eingefüllt, daher fängt die Schleife mit j=2 an; außerdem sind die Zahlen am Ende alle 0 (sofern sie außerhalb des Dreiecks liegen), daher geht die Schleife nur bis j=i (i ist an dieser Stelle eine feste Zahl).
- (6) Hier werden wie gerade beschrieben die Zahlen der i-ten Zeile eingefügt.
- (7) Die Matrix ist jetzt fertig ausgefüllt und wird an dieser Stelle zurückgegeben.

Für manche Anwendungen wollen wir vielleicht eine Liste, keine Matrix als Output haben.

Schreibe deswegen eine Funktion binom\_list, die eine Liste von Vektoren zurückgibt.

Verpacke dann beide Funktionen in eine binom\_pascal-Funktion, in der mit einem optionalen Argument das Output-Format für das Pascalsche Dreieck angibt.

Antwort

```
## [[1]]
## [1] 1
##
## [[2]]
## [1] 1 1
##
## [[3]]
## [1] 1 2 1
##
## [[4]]
## [1] 1 3 3 1
##
## [[5]]
## [1] 1 4 6 4 1
binom_pascal <- function(z, format = 'm'){</pre>
  if(format != 'm'){
    return(binom_list(z))
  }
  return(binom_mat(z))
}
```

Erweitere deine Listenfunktion so, dass die zurückgegebene Liste die Klasse

pascal hat und die Anzahl der Zeilen des Dreiecks im n-Attribut abgelegt wird.

Schreibe nun eine Erweiterung des print-Befehls, indem du eine Funktion print.pascal definierst, die die Argumente x und den ...-Operator erwartet.

Mit diesem Namen legst Du fest, dass die pascal-Klasse mit genau dieser Funktion geprintet werden soll, sobald also ein Objekt diese Klasse hat, wird diese Printfunktion aufgerufen.

Der Output soll dabei so aussehen:

```
##
##
      1 1
##
     1 2 1
## 1 3 3 1
## 1 4 6 4 1
Antwort
binom_list <- function(z) {</pre>
  out <- list()</pre>
  for (i in seq_len(z)) {
    out[[i]] <- 1
    for (j in seq_len(i - 1) + 1) {
      out[[i]][j] <-
        out[[i - 1]][j - 1] + ifelse(is.na(out[[i - 1]][j]),
                                       out[[i - 1]][j])
    }
  }
  attributes(out)$class <- 'pascal'
  attributes(out)$n <- z
  return(out)
}
## für einfache Zahlen können wir die print-Funktion so schreiben:
print.pascal <- function(x,...){</pre>
  n <- attributes(x)[['n']]</pre>
  for(i in seq_len(n)){
    cat(rep(' ', n-i), sep = '')
    cat(x[[i]])
    cat('\n')
  }
## funktioniert:
binom_list(5)
```

```
## 1
## 1 1
```

##

36

84

126

```
##
     1 2 1
##
   1 3 3 1
## 1 4 6 4 1
## geht bei mehr digits aber kaputt:
binom_list(7)
##
         1
##
        1 1
##
       1 2 1
      1 3 3 1
##
##
     1 4 6 4 1
   1 5 10 10 5 1
## 1 6 15 20 15 6 1
## mit einer Verallgemeinerung der eingefügten Leerzeichen klappt das aber auch:
print.pascal <- function(x,...){</pre>
  n <- attr(x, 'n')</pre>
  nsp <- nchar(as.character(max(x[[n]]))) # guck wie viele Stellen die längste Zahl hat
  for(i in seq_len(n)){
    dummy <- str_pad(as.character(x[[i]]), # ergänze die Zahl als character auf die größte Länge
                      side = 'left',
                      width = nsp)
    cat(rep(' ', nsp * (n-i)), sep = '')
    cat(dummy, sep = paste0(rep(' ', nsp), collapse = ''))
    cat('\n')
  }
}
binom_list(10)
##
##
                               1
                                     1
##
##
                               3
                                     3
                        1
##
                                  6
                     1
##
                        5
                              10
                                    10
                                            5
                  1
##
                     6
                           15
                                 20
                                        15
                  7
##
            1
                       21
                              35
                                    35
                                           21
                                                         1
##
               8
                    28
                           56
                                        56
                                 70
                                              28
```

Als letztes wollen wir die Funktion nur noch praktisch nutzen. Dafür müssen wir noch eine Funktion binom\_coeff schreiben, die für gegebenes n und k den Wert des Binominialkoeffizienten ausgibt.

126

84

36

1

Überlege Dir dazu, ob Du lieber binom\_mat oder binom\_list benutzen möchtest. Mit choose(n,k) kannst Du überprüfen, ob die in R angelegte Funktion für den Binomialkoeffizienten auf dieselbe Lösung kommt.

Antwort

```
## [1] 45
choose(10,2)
```

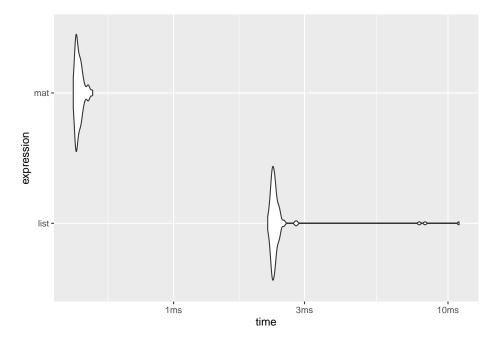
#### ## [1] 45

Anmerkungen:

- (1) n = 0 muss abgefangen werden.
- (2) Wenn <br/>n nicht 0 ist, wird die Matrix erzeugt, die ausreichend groß ist, also <br/> n+1 Zeilen hat.
- (3) Der gesuchte Koeffizient steht dann in der Zeile n+1 und der Spalte k+1, da ja die Nummerierung der Zeilen und Spalten einer Matrix mit 1 beginnt und nicht mit 0.

Aus Spaß können wir auch mal die beiden Implementationen vergleichen. Dazu bauen wir eine fast identische Funktion, die mit den Listen arbeitet und geben beide in bench::mark:

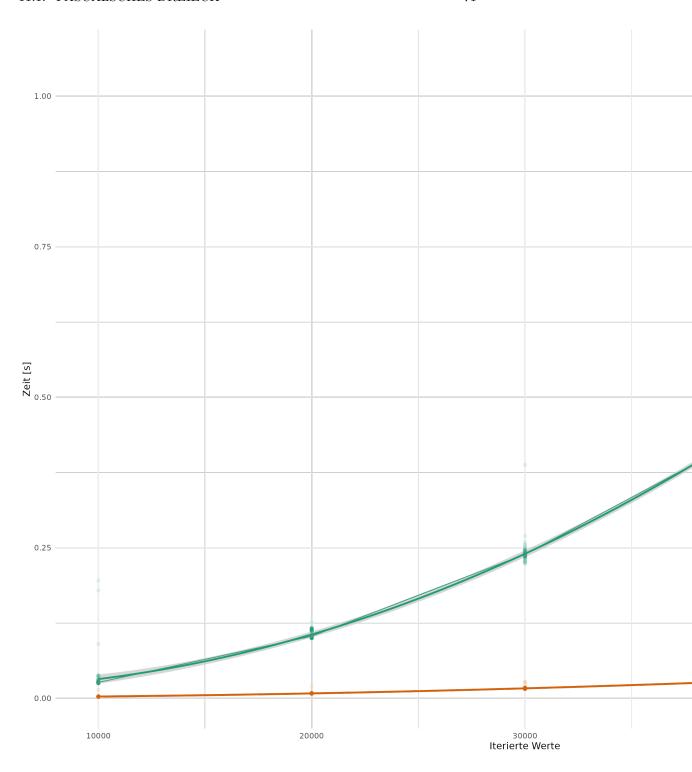
```
mat = binom_coeff(n,k)) %>%
autoplot(type = 'violin')
```



Die Matritzen-Variante ist wesentlich schneller, probieren wir noch einmal wie sich das für verschieden große Matritzen verhält:

```
sim <- bench::press(</pre>
 n = 100 * 1:5,
 bench::mark(iterations = 100,
              list = binom_coeff_l(n,k),
              mat = binom_coeff(n,k))
)
pmap_dfr(list(sim$time,
              names(sim$expression),
              sim$n),
         ~tibble(times = as.numeric(..1),
                 iterator = ..2,
                 reps = 100 * ..3)) %>%
  ggplot(aes(x = reps,
             y = times,
             color = iterator)) +
  geom_point(alpha = .1) +
  stat_summary(geom='line',
               fun = median) +
```

## $70\,\mathrm{CHAPTER}$ 11. SIMULATIONS- UND PROGRAMMIERÜBUNGEN IN R



## 11.2 Matrizen und $\chi^2$

Beispiele für Matrizen sind Kontingenztafeln. Hier spielen die Randsummen eine wichtige Rolle, die apply-Funktion bietet die oben schon erwähnte Möglichkeit, solche Randsummen besonders einfach zu bilden:

```
m <- matrix(c(1,2,3,4), ncol = 2)
m

## [,1] [,2]
## [1,] 1 3
## [2,] 2 4
apply(m, MARGIN = 1, FUN = sum)</pre>
```

## [1] 4 6

Die Argumente FUN und MARGIN müssen hier angegeben werden. Im Beispiel sollen Summen gebildet werden (FUN = sum), wobei ein Index festgehalten wird, hier Zeilenindex (MARGIN = 1). Der andere Index (hier dann der Spaltenindex) ist der Index, über den summiert wird. Sind die Einträge der Matix  $x_{ij}$ , so werden also die Summen  $\sum_j x_{ij}$  gebildet, die Randsummen am rechten Rand.

Dasselbe mit MARGIN = 2 liefert die Summen der Einträge in den jeweiligen Spalten, also die Randsummen am unteren Rand, ausprobieren!

An der Stelle von sum können auch andere Funktionen eingesetzt werden, beispielsweise prod, wenn nicht Summen, sondern Produkte gebildet werden sollen (ausprobieren!).

Alternativ sind in R mit colSums und rowSums Funktionen zur Bildung von Spalten- und Zeilensummen schon implementiert, außerdem könnten wir auch eine for-Schleife nutzen, um die Summen zu berechnen.

Überlege zuerst, wie man Eine Funktion schreiben könnte, die mit denselben Argumenten wie apply mit Hilfe einer for-Schleife Zeilen- oder Spaltenweise Werte aggregiert.

```
my_apply <- function(m,MARGIN,FUN, ...){
  if(MARGIN == 2) {
    m <- t(m)
  }
  out <- numeric(nrow(m))
  for (i in seq_len(nrow(m))) {
    out[i] <- FUN(m[i,], ...)
  }
  return(out)</pre>
```

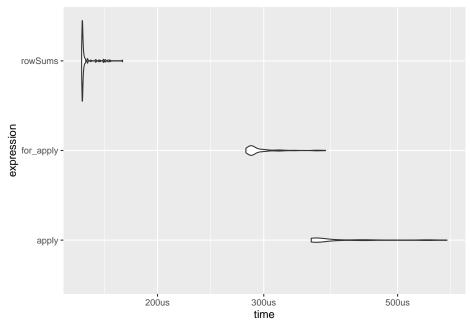
```
}
my_apply(m, 2, sum)
## [1] 3 7
apply(m, 2, sum)
```

## [1] 3 7

Nutze jetzt deine for-apply-Alternative, apply und rowSums um mit bench::mark zu testen, welche dieser Funktionen am besten in 100 Tests auf Basis einer 100x100-Matrix performed.

#### Antwort

```
library(bench)
m <- matrix(1:10000, ncol = 100)
bmark <- mark(
  iterations = 100,
  for_apply = my_apply(m, 1, sum),
  apply = apply(m, 1, sum),
  rowSums = rowSums(m)
)
bmark %>%
  autoplot(type = 'violin')
```



Eine dieser Funktionen können wir nun benutzen, um den chi-Quadrat-Wert einer Kontingenztafel zu bestimmen.

Schreibe dazu eine Funktion, die für eine Matrix  ${\bf x}$ einen chi-Quadrat-Wert nach der Formel

$$\chi^2 = \sum_{i,j} \frac{(f_{o,ij} - f_{e,ij})^2}{f_{e,ij}} = \sum_{i,j} \frac{\left(n_{ij} - \frac{n_i n_{ij}}{n}\right)^2}{\frac{n_i n_{ij}}{n}}$$

berechnet. Für diese Funktion gibt es zwei Möglichkeiten zur Implementation. Zum Einen können geschachtelte for-Schleifen verwendet werden, zur anderen kann die sweep-Funktion benutzt werden. sweep() kann benutzt werden um eine Matrix zeilen-oder spaltenweise mit einem Vektor zu transformieren. Dabei kann ein arithmetsicher Operator (+,-,...) genutzt werden um die Werte zu verrechnen. Hier ist ein einfaches Beispiel in dem mit sweep das kleine 1-mal-1 in einer 10x10-Matrix erstellt wird:

```
m \leftarrow matrix(rep(1:10, each = 10), ncol = 10)
##
           [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7]
                                                       [,8] [,9] [,10]
     [1,]
                     2
                                                    7
                                                                 9
##
               1
                           3
                                        5
                                              6
                                                                        10
##
     [2,]
               1
                     2
                           3
                                              6
                                                    7
                                                           8
                                                                 9
                                                                        10
                                  4
                                        5
##
     [3,]
               1
                     2
                           3
                                        5
                                              6
                                                    7
                                                           8
                                                                 9
                                                                        10
     [4,]
               1
                     2
                           3
                                  4
                                        5
                                              6
                                                    7
                                                           8
                                                                 9
##
                                                                        10
##
     [5,]
                           3
                                                                        10
     [6,]
               1
                     2
                           3
                                        5
                                              6
##
                                                                        10
                                                    7
##
     [7,]
               1
                     2
                           3
                                        5
                                              6
                                                                 9
                                                                       10
                     2
                                              6
                                                    7
##
     [8,]
               1
                           3
                                        5
                                                           8
                                                                 9
                                                                       10
                     2
     [9,]
               1
                           3
                                              6
                                                                        10
                     2
                                                    7
    [10,]
                           3
                                        5
                                              6
                                                           8
                                                                       10
##
               1
sweep(m, # Matrix
```

MARGIN = 1, # zeilenweise, also pro Zeile ein anderer Wert des Vektors STATS = 1:10, # der Vektor mit dem multipliziert werden soll FUN = '\*') # Angabe dass multipliziert werden soll

```
[,2]
                       [,3]
                              [,4]
                                    [,5]
                                           [,6]
                                                  [,7]
                                                        [,8]
                                                              [,9] [,10]
##
           [,1]
                     2
                            3
                                  4
##
     [1,]
               1
                                        5
                                               6
                                                     7
                                                            8
                                                                  9
                                                                         10
     [2,]
##
               2
                     4
                            6
                                  8
                                       10
                                              12
                                                    14
                                                           16
                                                                 18
                                                                         20
##
     [3,]
               3
                     6
                           9
                                 12
                                       15
                                              18
                                                    21
                                                           24
                                                                 27
                                                                         30
##
     [4,]
               4
                     8
                          12
                                 16
                                       20
                                              24
                                                    28
                                                           32
                                                                 36
                                                                        40
     [5,]
##
               5
                    10
                           15
                                 20
                                       25
                                              30
                                                    35
                                                           40
                                                                 45
                                                                        50
##
     [6,]
               6
                    12
                          18
                                 24
                                       30
                                              36
                                                    42
                                                          48
                                                                 54
                                                                        60
               7
     [7,]
##
                    14
                          21
                                 28
                                       35
                                              42
                                                    49
                                                           56
                                                                 63
                                                                        70
##
     [8,]
               8
                    16
                          24
                                 32
                                       40
                                              48
                                                    56
                                                          64
                                                                 72
                                                                        80
##
     [9,]
               9
                    18
                           27
                                 36
                                       45
                                              54
                                                    63
                                                          72
                                                                 81
                                                                        90
## [10,]
                    20
                          30
                                 40
                                              60
                                                    70
                                                          80
                                                                 90
              10
                                       50
                                                                       100
```

Suche Dir einen der beiden Wege aus und setze diesen um. Mit der chisq.test-Funktion könnt Ihr überprüfen, ob die bestehende Implementation auf dieselbe Lösung kommt.

#### Antwort

```
for_chisq <- function(m){</pre>
                                                     # (1)
  I <- dim(m)[1]</pre>
                                                     # (2)
  J \leftarrow dim(m)[2]
  n <- sum(m)
                                                     # (3)
  e \leftarrow matrix(rep(0,I*J),nrow = I)
                                                     # (4)
  nip <- rowSums(m)</pre>
                                                     # (5)
  npj <- colSums(m)</pre>
                                                     # (6)
  for(i in seq(I)){
    for(j in seq(J)){
       e[i,j] <- nip[i] * npj[j]/n</pre>
  }
  e1 <- matrix(rep(0,I*J), nrow = I)
                                                     # (7)
  for(i in seq(I)){
    for(j in seq(J)){
       e1[i,j] \leftarrow (m[i,j]-e[i,j])^2/e[i,j]
                                                     # (8)
  }
  return(sum(e1))
                                                     # (9)
```

#### Anmerkungen:

- (1) Die Matrix x ist die zu untersuchende Kontingenztafel mit absoluten Häufigkeiten. Zur Berechnung wird die Formel Folie 165 QM1 benutzt.
- (2) Die Zeilenzahl I der Matrix wird bestimmt (zur Erinnerung: R unterscheidet zwischen Groß- und Kleinbuchstaben), nächste Zeile: Spaltenzahl J.
- (3) Die Gesamtzahl n aller Beobachtungen.
- (4) In der Matrix e sollen nachher die erwarteten Häufigkeiten stehen, hier wird die Matrix angelegt und mit Nullen gefüllt.
- (5) Vektor der rechten Randsummen  $(n_{i.})$ , nächste Zeile untere Randsummen  $(n_{.j})$ .
- (6) Die Matrix e wird mit den erwarteten Häufigkeiten gefüllt.
- (7) In der Matrix e1 sollen nachher die Summanden für den chi-Quadrat-Koeffizienten stehen, hier wird sie mit Nullen gefüllt angelegt.
- (8) Die Matrix e1 wird mit den Summanden gefüllt.
- (9) Der chi-Quadrat-Koeffizient ist jetzt die Summe der Zahlen in der Matrix e1.

```
mat_chisq <- function(m) {
    e <- matrix(rep(colSums(m),</pre>
```

#### Zeile Was passiert? 1 2 Matrix wird aufgefüllt mit Spaltensummen (wir erinnern uns dass Matrizen in R spaltenweise 3 und zwar wird jede Spaltensumme pro Spalte in jede Zeile geschrieben und die Matrix soll dieselben Maße wie m haben. 4 5 6 Wir nehmen die Matrix der Spaltensummen 7 und die Zeilensummen gehen zeilenweise vor (jede Zeile eine Zeilensumme) 8 9 und multiplizieren die ni. und n.j in jeder Zelle. 10 Dann müssen wir die Zellen nur noch durch die Gesamtzahl der Beobachtungen teilen und hab 11 Als letztes quadrieren wir die Abweichungen der Matirx von den eij, teilen die Ergebnisse durc 12

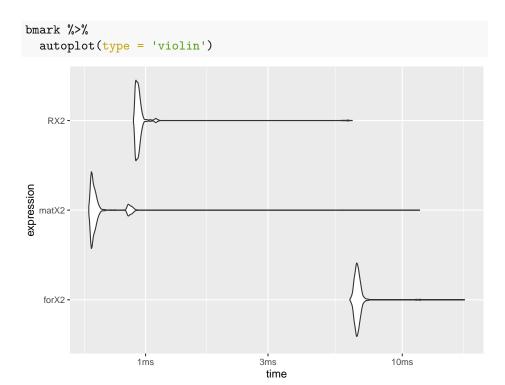
Kleine Zusatzaufgabe falls Interesse besteht: Benchmarke die zwei Implementationen (gerne die aus der Musterlösung, Du musst nicht noch selber die andere umsetzen<sup>1</sup>) und die folgende Variante gegeneinander:

```
unname(chisq.test(m)$statistic)
```

Was kommt raus? Hast Du eine Idee, warum das Ergebnis so aussieht wie es aussieht?

```
m <- matrix(1:10000, ncol = 100)
bmark <- bench::mark(
  iterations = 1000,
  forX2 = for_chisq(m),
  matX2 = mat_chisq(m),
  RX2 = unname(chisq.test(m)$statistic)
)</pre>
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>wenn Du nicht willst



Als letztes baue einen chi-Quadrat-Test auf Unabhängigkeit mit der  $\chi^2$ -Statistik aus unseren Funktionen durchführt und die Originalmatrix mit Randsummen, die Gesamtzahl an Beobachtungen, die Teststatistik, die Freiheitsgrade und das p² zurückgibt.

 $<sup>\</sup>overline{\phantom{a}^2}$ In unserem Fall müssen wir die Teststatistik mit der  $\chi^2_{(I-1)(J-1)}$ -Verteilung vergleichen, die R-Funktion für das Finden eines gegebenen  $\chi^2$ -Perzentils ist pchisq()

```
## $statistic
## [1] 0.46875
##
## $mat
##
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
           1
## [2,]
           2
                 5
                      8
                          15
## [3,]
           3
               6
                      9
                           18
                    24
## [4,]
           6 15
                           45
##
## $n
## [1] 45
##
## $df
## [1] 4
##
## $p
## [1] 0.976471
chisq.test(m)
## Warning in chisq.test(m): Chi-squared approximation may be incorrect
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: m
## X-squared = 0.46875, df = 4, p-value = 0.9765
Als kleinen Zusatz könnt Ihr Euch noch überlegen, wie Ihr eine eigene print-
Funktion für Euren Test schreiben könntet.
Antwort
my_chisq.test <- function(m){</pre>
  out <- list(statistic = mat_chisq(m))</pre>
  mat <- rbind(m, colSums(m))</pre>
 mat <- cbind(mat, rowSums(mat))</pre>
  out$mat <- mat
  out$n <- mat[nrow(mat), ncol(mat)]</pre>
  out\$df \leftarrow (nrow(m)-1) * (ncol(m) - 1)
```

out\$p <- pchisq(out\$statistic,</pre>

return(out)

df = out\$df,
lower.tail = F)

attributes(out)\$class <- 'my\_chisqtest'

11.3. T-TEST 79

```
print.my_chisqtest <- function(x, ...){</pre>
  cat('Chi-Quadrat-Test auf Unabhängigkeit')
  cat('\n')
  cat('Chi^2_(',x$df,') = ',x$statistic,'; p = ',x$p, sep = '')
  cat('\n\n')
  cat('Der Test ist damit auf 5%-Niveau',
      ifelse(x$p<.05,' ',' nicht '),
      'signifikant!', sep = '')
}
m \leftarrow matrix(1:9,ncol = 3)
my_chisq.test(m)
## Chi-Quadrat-Test auf Unabhängigkeit
## Chi^2_(4) = 0.46875; p = 0.976471
##
## Der Test ist damit auf 5%-Niveau nicht signifikant!
chisq.test(m)
## Warning in chisq.test(m): Chi-squared approximation may be incorrect
##
##
   Pearson's Chi-squared test
##
## data: m
## X-squared = 0.46875, df = 4, p-value = 0.9765
```

#### 11.3 t-Test

Erstelle eine Funktion my\_dkw, die für einen gegebenen Vektor x deskriptive Kennwerte als Liste zurückgibt. Diese Liste soll die Stichprobengröße<sup>3</sup>, den Mittelwert und die Varianz beinhalten. Mit einem optionalen Argument corrected soll angegeben werden können, ob die korrigierte oder die unkorrigierte Stichprobenvarianz ausgegeben werden soll.

```
my_dkw <- function(x,corrected=FALSE){
  n <- length(x)
  m <- sum(x)/n
  sqa <- sum((x-m)^2)
  var <- sqa/ifelse(corrected, n-1, n)
  return(list(n = n,m = m, v = var))
}</pre>
```

 $<sup>^3{\</sup>rm L\ddot{a}nge~des~Vektors}$ 

Mit Hilfe der vorangehenden Funktion soll nun ein rechtsseitiger Zwei-Stichproben-t-Test für unabhängige Stichproben bei vorausgesetzter Varianzhomogenität geschrieben werden.

Zur Erinnerung hier die Formel:

$$t = \frac{M_2 - M_1}{\sqrt{\frac{n_1 + n_2}{n_1 n_2}} \sqrt{\frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{n_1 + n_2 - 2}}}$$

Als Argumente werden die Vektoren der beiden Stichproben eingegeben, die zu testende Vermutung soll sein, dass der zur ersten Stichprobe gehörende Erwartungswert größer ist als der zur zweiten Stichprobe gehörende.

#### Antwort

Hier eine mögliche Realisierung:

```
my_t_test0 <- function(x1,x2){</pre>
                                          # (1)
  dkw1 \leftarrow my_dkw(x1)
                                           # (2)
  dkw2 <- my_dkw(x2)
  n1 <- dkw1$n
                                          # (3)
  n2 <- dkw2$n
  S1q <- dkw1$v
                                           # (4)
  S2q \leftarrow dkw2$v
  sq \leftarrow (n1 * S1q + n2 * S2q)/(n1+n2-2)
                                                   # (5)
  vf \leftarrow (n1+n2)/(n1*n2)
                                          # (6)
  nenner <- sqrt(vf*sq)</pre>
                                          # (7)
  t <- (dkw1$m-dkw2$m)/nenner
                                          # (8)
  df <- n1+n2-2
                                          # (9)
  return(1-pt(t,df))
                                           # (10)
}
```

#### Anmerkungen:

- (1) Als Argumente werden die beiden Stichprobenvektoren eingegeben. Der Test ist in dieser Form nicht richtig befriedigend, daher die 0 am Namen. Ihre Aufgabe ist es später, die Funktion so zu modifizieren (dann mit einem anderen Namen), dass sie Ihren Wünschen entspricht. In der Funktion werden die einzelnen Bestandteile des t-Bruchs ermittelt und am Ende zusammengebaut.
- (2) Die Kennwerte der ersten Stichprobe werden ermittelt, in der nächsten Zeile die der zweiten.
- (3) Die Länge der ersten Stichprobe wird extrahiert, da diese Länge häufiger vorkommt, ist ein kürzerer Name praktisch. Natürlich hätte man diese Zeile auch weglassen können; dann hätte man n1 im Folgenden überall durch dkw1\$n ersetzten müssen. Entsprechend in der nächsten Zeile für die zweite Stichprobe.

11.3. T-TEST 81

(4) Die Varianz der ersten Stichprobe wird extrahiert; sie bekommt den kürzeren Namen S1q (q für Quadrat), ausnahmsweise ist der erste Buchstabe groß, um daran zu erinnern, dass es die "normale" Varianz  $S_1^2$  und nicht die korrigierte Stichprobenvarianz  $s_1^2$  ist. Entsprechend die nächste Zeile für die zweite Stichprobe.

- (5) Hier wird  $s^2$  ausgerechnet. Die Rechnung entspricht nicht der Standardformel, das Ergebnis ist aber dasselbe wegen  $nS^2 = (n-1)s^2$ . Der Vorteil des Rechnens mit  $S^2$  ist der, dass hier auch eine Stichprobe einen Umfang von 1 haben kann, erst wenn beide Stichproben Umfang 1 haben, entsteht ein Problem. Ein Teil der Verbesserung könnte sein, dieses Problem abzufangen und durch eine print-Ausgabe darauf hinzuweisen.
- (6) Der Vorfaktor im Nenner.
- (7) Der Nenner.
- (8) Der t-Bruch.
- (9) Die Freiheitsgrade
- (10) Ergebnis ist der p-Wert des rechtsseitigen Tests.

#### Aufgaben:

(1) Stellen Sie sich vor, die Funktion würde nicht das richtige Ergebnis liefern. Fügen Sie Anweisungen ein, mit denen Sie die Zwischenresultate kontrollieren können um so einen möglichen Fehler zu finden!

```
my_t_test0 <- function(x1,x2){</pre>
  dkw1 <- my_dkw(x1)
  dkw2 \leftarrow my_dkw(x2)
  n1 \leftarrow dkw1$n
  n2 <- dkw2$n
  S1q <- dkw1$v
  S2q <- dkw2$v
  sq \leftarrow (n1 * S1q + n2 * S2q)/(n1+n2-2)
  print(sq)
  vf \leftarrow (n1+n2)/(n1*n2)
  print(vf)
  nenner <- sqrt(vf*sq)</pre>
  print(nenner)
  t <- (dkw1$m-dkw2$m)/nenner
  print(t)
  df <- n1+n2-2
  return(1-pt(t,df))
```

(2) Kontrollieren Sie das Ergebnis des t-Tests auf Folie 73 der Einführung! Die Daten dazu sind nicht explizit gegeben, lassen sich aber aus den Histogrammen auf Folie 46 (bis auf die unwesentliche Reihenfolge) leicht rekonstruieren (beachte: es handelt sich jeweils um 20 Werte). Bei der Herstellung der Datenvektoren kann der Ausdruck rep(bin\_value, times = n\_per\_bin) nützlich sein, mit my\_dkw können Sie die Kennwerte der Stichproben überprüfen. Achtung: die Konvention bei der Differenz der Mittelwerte ist auf den Folien anders als hier!

#### Antwort

```
x \leftarrow rep(0:4, c(.05, .2, .5, .15, .1) * 20)
y \leftarrow rep(0:5, c(.1, .05, .25, .2, .3, .1) * 20)
my_dkw(x)
## $n
## [1] 20
##
## $m
## [1] 2.05
##
## $v
## [1] 0.9475
my_dkw(y)
## $n
## [1] 20
##
## $m
## [1] 2.85
##
## $v
## [1] 2.0275
my_t_tst0(y,x)
## [1] 1.565789
## [1] 0.1
## [1] 0.3957006
## [1] 2.021731
## [1] 0.02514363
```

(3) Das Ergebnis ist unbefriedigend, da Sie ja nur am p-Wert erkennen können, ob der Test signifikant ist. Ändern Sie daher die Funktion geeignet ab, so dass weitere Kennwerte des Tests ausgegeben werden, benutzen Sie beispielsweise die Möglichkeiten einer Liste.

11.3. T-TEST 83

(4) Unbefriedigend ist auch, dass nur ein rechtsseitiger Test gerechnet werden kann. Ändern Sie die Funktion daher weiter so ab, dass auch linksseitige oder zweiseitige Tests möglich sind (Sie müssen dann ein weiteres Argument hinzufügen, mit dem Sie der Funktion Ihre Wünsche bekanntgeben, in der Funktion können Sie dann beispielsweise mit if - else arbeiten).

```
my_t_test0 <- function(x1,x2, alternative = 'two.sided'){</pre>
      dkw1 \leftarrow my_dkw(x1)
      dkw2 <- my_dkw(x2)
      n1 \leftarrow dkw1$n
      n2 \leftarrow dkw2$n
      S1q <- dkw1$v
6
      S2q <- dkw2$v
      sq \leftarrow (n1 * S1q + n2 * S2q)/(n1+n2-2)
      vf \leftarrow (n1+n2)/(n1*n2)
      nenner <- sqrt(vf*sq)</pre>
10
      t <- (dkw1$m-dkw2$m)/nenner
11
      df <- n1+n2-2
12
      if(substr(alternative,1,1) %in% c('t','T')){
13
        p <- 2 * pt(abs(t),df,lower.tail = F)</pre>
14
      }else{
15
        p \leftarrow pt(t,df,
16
                  lower.tail = substr(alternative,1,1) %in% c('l','L'))
17
18
      return(list(p = p,
19
                    t = t,
20
                    df = df)
21
```

```
Zeile Was passiert?

1-12 Alles wie gehabt, nur die p-Wert-Berechnung ändert sich
13 Wenn der erste Buchstabe t oder T ist, soll...
14 ...der rechsseitige-Wert des Betrags von t verdoppelt zurückgegeben werden.
15 Sonst...
16 .. soll der p-Wert (mit Vorzeichen) genommen werden...
17 ...und bei der t-Verteilung links abgeschnitten werden wenn die alternative mit l oder L anfäng
```

```
my_t_test0(x,y)
## $p
## [1] 0.05028725
##
## $t
## [1] -2.021731
##
## $df
## [1] 38
t.test(x,y)
##
##
    Welch Two Sample t-test
##
## data: x and y
## t = -2.0217, df = 33.575, p-value = 0.05123
\#\# alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
   -1.604535247 0.004535247
## sample estimates:
## mean of x mean of y
##
         2.05
                    2.85
 (5) Schreiben Sie eine ähnliche Funktion für den Einstichproben-t-Test<sup>4</sup>; hier
     ist als weiteres Argument der Erwartungswert unter H0 einzugeben, der
     vielleicht standardmäßig 0 ist.
Antwort
my_t_test1 <- function(x, mu0 = 0, alternative = 'two.sided'){</pre>
  n <- length(x)
```

<sup>4</sup>Als Erinnerung, die Formel für die unter der  $H_0$   $t_{n-1}$ -verteilte Teststatistik ist  $t = \frac{M_x - \mu_0}{s_\pi / \sqrt{n}}$ 

 $m \leftarrow mean(x)$ 

 $t \leftarrow sqrt(n) * (m-mu0)/sd(x)$ 

11.3. T-TEST 85

(6) Schreiben Sie eine ähnliche Funktion für den Zweistichproben-t-Test mit abhängigen Stichproben. Hier könnte es sich empfehlen, die Daten in Form einer Matrix einzugeben. Sinnvollerweise benutzen Sie nach Differenzbildung dann die Funktion für den Einstichproben-t-Test aus (5).

#### Antwort

```
my_t_test1 <- function(x, mu0 = 0, alternative = 'two.sided'){</pre>
  if(is.matrix(x) | is.data.frame(x)){
    x \leftarrow x[,1] - x[,2]
  }
  n <- length(x)
  m \leftarrow mean(x)
  t \leftarrow sqrt(n) * (m-mu0)/sd(x)
  df \leftarrow n-1
  if(substr(alternative,1,1) %in% c('t','T')){
    p <- 2 * pt(abs(t),df,lower.tail = F)</pre>
  }else{
    p \leftarrow pt(t,df,
              lower.tail = substr(alternative,1,1) %in% c('l','L'))
  }
  return(list(p = p,
                t = t,
                df = df)
}
```

(7) [Zusatz] Schreiben Sie eine Wrapper-Funktion, die auf eine von Ihnen gewählte Variante (Argumente, besonderes Input-Format,...) den zu rechnenden t-Test aus den gerade erstellten Funktionen auswählt und durchführt. Richten Sie Ihre Funktion so ein, dass sie sowohl mit Datensätzen als auch mit Matrizen und Vektoren für x umgehen kann. Wenn x zwei Dimensionen hat, soll y ignoriert werden. Außerdem soll ein Argument übergeben werden, dass für zwei Eingaben angibt, ob der Test abhängig oder unabhängig durchgeführt werden soll.

Antwort

```
my_t_test <- function(x,</pre>
                      y = NULL,
                      mu0 = 0,
                      alternative = 'two.sided',
                      paired = F){
  if(is.matrix(x) | is.data.frame(x)){
    if(paired){
      my_t_test1(x, mu0 = mu0, alternative = alternative)
    }else{
      my_t_test0(x[,1], x[,2],alternative = alternative)
    }
  }else{
    if(!is.null(y)){
      if(paired){
        my_t_test1(cbind(x,y), alternative = alternative)
      }else{
        my_t_test0(x, y,alternative = alternative)
      }
    }else{
      my_t_test1(x, mu0 = mu0, alternative = alternative)
  }
}
```

Kontrollieren Sie Ihre Funktionen immer an kleinen Datensätzen, in denen Sie auch von Hand rechnen können, beispielsweise können Sie Aufgaben aus QM2 benutzen. Alternativ können Sie auch größere Datensätze nutzen und Ihre Funktion mit der bekannten t-Test Funktion vergleichen. Achten Sie dabei aber darauf, dass Sie im unabhängigen Fall var.equal auf TRUE setzen.

# Chapter 12

# Experimente in Psychopy

Psychopy ist ein auf der offenen Programmiersprache Python basiertes Open Source Tool zur Erstellung und Durchführung von Experimenten. Seit Version 3 ist außerdem Unterstützung für Pavlovia hinzugekommen, die den Code in Javascript umwandelt und damit Browser-basiert und vor allem online lauffähig macht.

Das Tool kommt dabei mit einem "Builder" und einem "Coder" zum Erstellen von Experimenten und dem "Runner" zum Ausführen dieser. Die Drag-And-Drop Oberfläche des "Builders" (Abb. 12.1) stellt das Experiment als Zeitstrahl dar, und ist das Tool, das wir hauptsächlich nutzen werden.

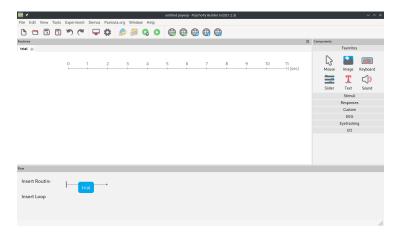


Figure 12.1: Builder-Ansicht von Psychopy.

Im Coder (Abb. 12.2) kann das mit dem Builder per Drag-And-Drop erstellte Experiment dann mit direktem Python-Coding angepasst werden. Python ist zwar an vielen Stellen ziemlich ähnlich zu R, wir werden aber so weit möglich

vermeiden die Skripte im Coder anzupassen, vor allem auch weil der Plan ist, die Experimente über Pavlovia gehostet durchzuführen. Das Umwandeln von Custom-Python-Code zu JS funktioniert zwar besser als man vielleicht denkt, aber nicht perfekt und wenn man sich sparen möchte, händisch Python in JS zu übersetzen, empfiehlt es sich, möglichst auf den Coder zu verzichten.

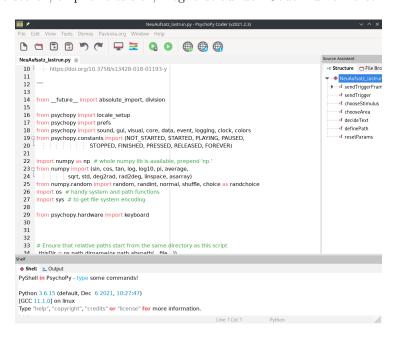


Figure 12.2: Coder-Ansicht von Psychopy.

Das letzte Fenster ist das "Runner"-Fenster (Abb. 12.3), in dem Experimente gestartet werden können, dazu aber später mehr.

## 12.1 Experiment

Wir wollen das folgende Experiment bauen und auf Pavlovia hosten:

Es handelt sich um eine abgewandelte Version der Stroop-Task. Die Probanden sollen also bei einem in einer Farbe dargestellten Schriftzug, der ein Farbwort angibt, per Tastendruck mitteilen, welche Farbe das Farbwort hat.

#### 12.1.1 Textelemente

Als ersten Schritt zu diesem Ziel erstellen wir das Farbwort und die zu drückenden Tasten als Text-Stimuli.

Dazu erstellen wir einfach mit dem "Text"-Item im rechten Menü unter Stimuli vier Text-Stimuli im schon geöffneten Trial (Abb. 12.4).

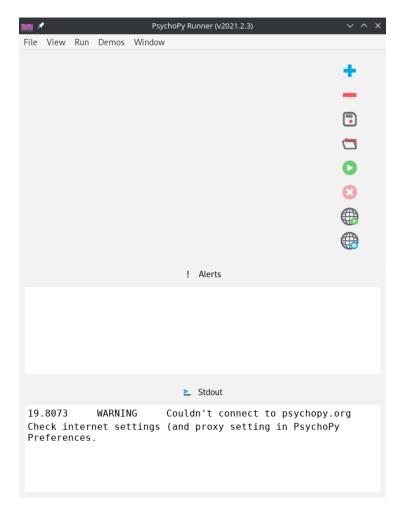


Figure 12.3: Runner-Ansicht von Psychopy. Die Fehlermeldung unten liegt an meinem Setup, stört uns aber nicht weiter.

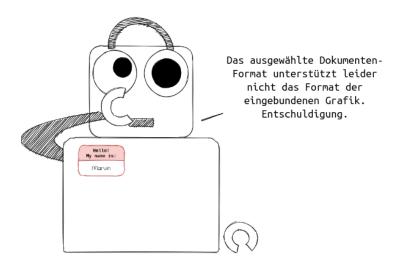


Figure 12.4: Anlegen von 5 Text-Stimuli. Das spätere Stimulus-Item wird mit "Platzhalter" als Inhalt initiiert, die vier Hinweise für das Antwort-Format mit einer Zahl (der zu drückenden Taste) und dem entsprechenenden Farbwort darunter initiiert.

Das Ergebnis ist erstmal nicht besodners schön. Wenn wir das Experiment laufen lassen (Mit Klick auf den "Run" Button: Abb. 12.5), können wir uns den bisherigen Trial angucken.

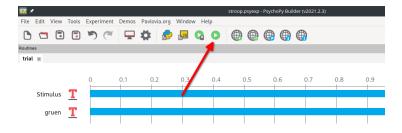


Figure 12.5: Run-Button.

Wie man in Abb. 12.6 sehen kann, ist das Experiment bis hierhin nicht besonders schön.

Als ersten Schritt um das zu verbessern, ändern wir Größe und Position der Tasten-Labels, so dass sie kleiner und am Bildschirmrand zu sehen sind. Die Positionen auf dem Bildschirm werden in Psychopy x- und y-Achse codiert, wobei (0,0) die Bildschirm-Mitte ist. Mit ein bisschen ausprobieren kann man richtige Positionen finden, für unser Experiment schieben wir die labels auf -.25 auf der y-Achse und -.45, -.15, .15 und .45 auf der x-Achse. In Abb. 12.7 wird exemplarisch das Label für "grün" im "Layout"-Tab nach links unten verschoben



Figure 12.6: Experiment bis zu diesem Moment.

und im "Formatting"-Tab auf die Hälfte der Größe angepasst.

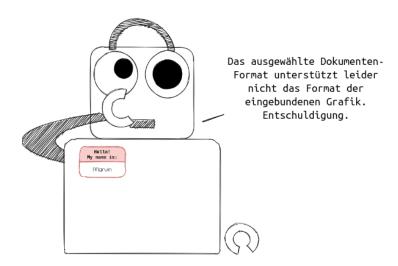


Figure 12.7: Anpassung von Position und Größe eines Textelements.

Wie in Abb. 12.8 zu sehen ist, sieht das schon wesentlich besser aus.

### 12.1.2 Input und Zeitlimit

Als weiteres Element für den Trial brauchen wir nur noch eine Tastatur-Eingabe, die die Antwort der Proband:innen ermöglicht.

Dafür fügen wir einfach ein "Keyboard"-Element aus der "Responses"-Kategorie hinzu, der wir die vier Knöpfe erlauben. Außerdem setzen wir den Haken, dass



Figure 12.8: Trial nach Änderung der Labels.

der Trial beim Drücken einer der legalen Tasten beendet wird.

Zuletzt entfernen wir die Duration von den Text-Stimuli, damit der Trial unbegrenzt bis zum Tastendruck läuft. Damit ist die Oberfläche und der Kontroll-Flow unseres Trials fertig (Abb. 12.9).

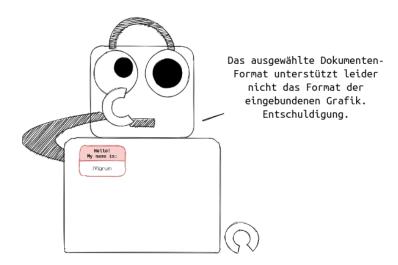


Figure 12.9: Hinzufügen einer Tasten-Antwort und Entfernung des Zeitlimits.

#### 12.1.3 Loops

Diesen Trial wollen wir jetzt nutzen um 32 Farbworte darzubieten. Diese Farbworte sollen die folgenden Kombinationen jeweils 2 mal in zufälliger Reihenfolge

Wort	Farbe
blau	blau
blau	gelb
blau	grün
blau	$\operatorname{rot}$
gelb	blau
gelb	gelb
gelb	grün
gelb	$\operatorname{rot}$
grün	blau
grün	gelb
grün	grün
grün	$\operatorname{rot}$
$\operatorname{rot}$	blau
$\operatorname{rot}$	gelb
$\operatorname{rot}$	grün
rot	rot

sein:

Dafür exportieren wir als ersten Schritt unsere Trial-Parameter als Tabelle:

Zuerst erstellen wir uns mit gtools::permutations die Kombinationen, verdoppeln die Einträge und ersetzen dann die Farben in der "Farbe"-Spalte durch rgb-Listen. Zuletzt sortieren wir die Zeilen zufällig um, um Pseudo-randomisiert die verschiedenen Bilder zu präsentieren, um das ganze dann als Semikolongetrennte Textdatei zu exportieren.

Dann fügen wir um unseren Trial einen "Loop" ein, der die Wiederholung regelt (Abb. 12.10). Hier verweisen wir dann auch auf unsere Tabelle mit den Bedingungskombinationen.

Wie im Dialog zu sehen sind die zwei Parameter "Wort" und "Farbe" erkannt worden.

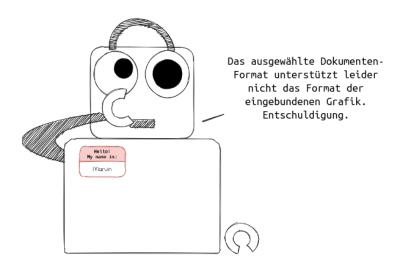


Figure 12.10: Hinzufügen eines Loops mit einer Wiederholung und festsetzen der Bedinungengen mit der erstellten csv.

#### 12.1.4 Benutzen von Parametern

Diese Parameter können wir nun im Stimulus einsetzen, um die Farbworte und die Farben zu nutzen.

Dafür setzen wir den Text auf "set every repeat" und den Wert "\$Wort" und die "Foreground Color" unter "Appearance" auf "\$Farbe" und "set every repeat".

Mit dem "\$" wird festgelegt, dass der folgende Text als Variablenname genutzt werden soll, es wird also in jeder Loop-Iteration ein Wert für die beiden Spalten gewählt, der jetzt in den Text-Stimulus eingesetzt wird.

Hierzu würde ich auch gern ein gif zeigen, auf Linux ist in der neuesten Version jedoch ein Bug, der die Lösung nur mit Workaround nutzbar macht.

Das Experiment sieht aber schon einmal ganz gut aus, wie in Abbildung 12.11 zu sehen ist:

#### 12.1.5 Neue Abschnitte

Als letztes wollen wir ein Fixationskreuz am Beginn jedes Trials hinzufügen, damit die einzelnen Trials merkbar getrennt sind.

Dafür fügen wir einfach eine weitere Routine an den Anfang von "trials" ein, die nur aus einer halben Sekunde mit einem Textbaustein mit dem konstanten Text "+" besteht (Abb 12.12).

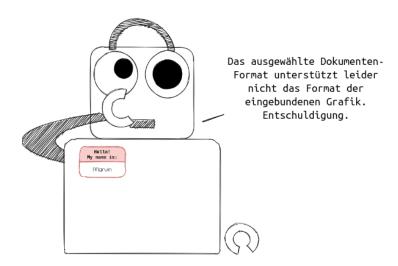


Figure 12.11: Experiment mit Loop.

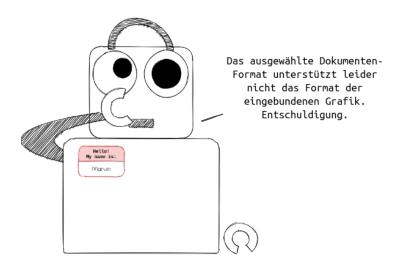


Figure 12.12: Einfügen eines Fixationskreuzes

## 12.1.6 Aufgabe

Überlegt Euch, wie Ihr dieses Experiment verbessern könnt. Mögliche Ansätze wären zum Beispiel eine Seite mit Instruktionstext, andere Tasten zum Antworten, eine Rückmeldung nach Antworten, erst späteres Einblenden der Tastenbelegung und und und.

Setzt Eure Ideen um.

# Bibliography

Wickham, H. (2019). Advanced r. CRC press.