# mbmath.sty – Ein mathematisches LATEX-Package

Manfred Brill

15. Juli 2024

### 1 Makros

Grundsätzlich wird für das Setzen mathematischer Ausdrücke AMS-IATEX eingesetzt. AMS-IATEX enthält eine Menge von zusätzlichen Symbolen und Umgebungen, beispielsweise die align Umgebung als Alternative zu eqnarray. Matrizen werden mit der Umgebung pmatrix gesetzt, Determinanten mit der Umgebung vmatrix.

Beispiele:

 $\begin{vmatrix} a \\ -b \end{vmatrix}$ 

erhält man durch

\begin{vmatrix} a & b \\ -b & a \end{vmatrix}.

Darüberhinaus werden eine Reihe von Symbolen und Umgebungen definiert, die im Folgenden erläutert werden.

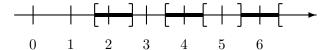
# 2 Intervall-Boxen für Grafiken

Für die Verwendung in Grafiken werden verschiedene LATEX-Boxen definiert, die mit \usebox{box-name} aufgerufen werden können. Die Längenangaben beziehen sich alle auf die Grundlänge 1 cm. Insgesamt sind definiert:

- ein abgeschlossenes Invervall: \usebox{closedint},
- ein abgeschlossenes Interval der halben Höhe: \usebox{smallclosedint},
- ein rechts offenes und links geschlossenes Intervall: \usebox{halfopenrint},
- ein rechts geschlossenes und links offenes Intervall: \usebox{halfopenlint},
- ein offenes Intervall: \usebox{openint}.

Die Abbildung 1 zeigt eine Abbildung aus [2] Die Positionierung des abgeschlossenen Intervalls erfolgt in der Grafik mit

\put(1.5,0){\usebox{\closedint}}



**Abbildung 1:** Die Intervalle [1, 5; 2, 5], [3.5; 4.5) und (5, 5; 6.5)

Tabelle 1: Die zusätzlichen mathematischen Symbole

Symbol	Erklärung	ET <sub>E</sub> X
N	Die natürlichen Zahlen	\$\N\$
$\mathbb{Z}$	Die ganzen Zahlen	\$\Z\$
Q	Die rationalen Zahlen	\$\Q\$
$\mathbb{R}$	Die reellen Zahlen	\$\R\$
$\mathbb{C}$	Die komplexen Zahlen	\$\C\$
$\mathbb{B}$	Symbol für Boolsche Algebra	\$\B\$
A	Symbol für $\sigma$ -Algebren	\$\A\$
$\mathbb{P}(\ )$	Potenzmenge einer Menge	\$\Potenz(\N)\$
1	Absolutbetrag einer Zahl	\$\abs{x}\$
ggT	Größter gemeinsame Teiler	\$\ggT{a}{b}\$
kgV	Kleinstes gemeinsames	\$\kgV{a}{b}\$
<del></del> 0 '	Vielfaches	, (g. (a) (a) 1
1	Shefferstrich in der Logik	<pre>\$\sheffer a\$</pre>
ld	Logarithmus zur Basis 2	\$\ld(x)\$
arccot	Arcus Kotangens	\$\arccot{x}\$
arsinh	Area Sinus Hyperbolicus	<pre>\$\areasinh{x}\$</pre>
arcosh	Area Kosinus Hyperbolicus	<pre>\$\areacosh{x}\$</pre>
artanh	Area Tangens Hyperbolicus	<pre>\$\areatanh{x}\$</pre>
$\operatorname{arcoth}$	Area Kotanges Hyperbolicus	<pre>\$\areacoth{x}\$</pre>
$f: X \to Y$	Abbildung	\$\arrow{f}{\R^3}{\R^3}\$
dist(,)	Metrik	\$\dist{x}{y}\$
$\mathbf{x}$	Vektor	\$\vtr{x}\$
0	Nullvektor	\$\nullv\$
$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$	Spaltenvektor im $\mathbb{R}^2$	\$\vtrs{1}{2}\$
$(x,y)^T$	Spaltenvektor im $\mathbb{R}^2$ ,	\$\vtrz{1}{2}\$
$\langle x \rangle$	transponiert geschrieben.	
$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$	Spaltenvektor im $\mathbb{R}^3$	\$\vtrst\${1}{2}{3}\$
$(x,y,z)^T$	Spaltenvektor im $\mathbb{R}^3$ ,	\$\vtrzt{1}{2}{3}\$
$(\omega, g, z)$	transponiert geschrieben.	Y (V C 1 2 C ( 1 ) ( 2 ) ( 3 ) Y
	Norm eines Vektors	<pre>\$\norm{\vtr{x}}\$</pre>
$\langle , \rangle$	Skalarprodukt	<pre>\$\inner{\vtr{x}}{\vtr{y}}\$</pre>
Rang	Rang einer Matrix	\$\rang{A}\$
Def	Defekt einer Matrix	\$\defekt{A}\$
201	Detert chief Mattix	7 (40101011) 7

# 3 Die Package-Datei

### 3.1 Die Kenndaten

Zunächst identifizieren wir das Paket und dessen aktuelle Version:

```
1 \NeedsTeXFormat{LaTeX2e}\relax
2 \ProvidesPackage{mbmath}[2024/07/15, (MB)]
3 \typeout{Enhanced math macros, V2.0, (c) Manfred Brill}
4 \ProcessOptions
```

# 3.2 Der Initialisierungsteil

Wir laden die folgenden Pakete:

```
5 \RequirePackage{amsmath}
6 \RequirePackage{amsfonts}
7 \RequirePackage{amssymb}
8 \RequirePackage{epic}
9 \RequirePackage{eepic}
```

# 4 Mathematiksymbole und Umgebungen mit AMS-LATEX

AMS-LATEX bietet bereits eine Menge von speziellen Makros und Umgebungen für das Setzen von mathematischen Inhalten. [1] ist eine gute Einführung zu diesem Thema. Insbesondere wird empfohlen, die align Umgebung zu nutzen, die der in LATEX enthaltenen eqnarray Umgebung deutlich überlegen ist.

### 4.1 Zahlenmengen

Es werden Symbole für natürliche, ganze, rationale, reelle und komplexe Zahlen eingeführt.

```
\label{lem:newcommand} $$11 \rightarrow {\mathbb{A}} $$11 \rightarrow {\mathbb{N}} $$12 \rightarrow {\mathbb{Z}} {\operatorname{hwathbb}\{N} $$12 \rightarrow {\mathbb{Z}} $$13 \rightarrow {\mathbb{Q}} {\operatorname{hwathbb}\{Q} $$14 \rightarrow {\mathbb{R}} $$15 \rightarrow {\mathbb{C}} $$16 \rightarrow {\mathbb{B}} $$\{\ B\} $$\ \ B} $$\{\ B\} $$\ \ B} $$\ \ B} $$\ \ B} $$\ \ B} $$
```

\Potenz Für die Potenzmenge wird das Makro \Potenz eingeführt.

```
17 \end{\{\potenz\} {\newcommand{\{\potenz\}} }}
```

Jetzt folgt eine Menge von Funktionen, das Skalarprodukt und der Absolutbetrag.

```
\abs Absolutbetrag:
           18 \newcommand{\abs}[1]{\ensuremath\lvert#1\rvert}
    \norm Norm:
           19 \newcommand{\norm}[1]{\ensuremath \lVert#1 \rVert}
    \dist Metrik:
           20 \newcommand{\dist}[2]{\ensuremath dist\left(#1, #2\right)}
     \ggT Es gibt das Makro \gcd für den größten gemeinsamen Teiler. Da auch das
          kleinste gemeinsame Vielfache als Makro eingeführt wird wird eine deut-
          sche Version definiert:
           21 \DeclareMathOperator{\ggT} {ggT}
     \kgV Das kleinste gemeinsame Vielfache zweier Zahlen:
           22 \DeclareMathOperator{\kgV} {kgV}
\sheffer Der Sheffer-Strich in der Logik:
           23 \newcommand{\sheffer}{\ensuremath\:|\:}
      \ld Der Logarithmus zur Basis 2:
           24 \DeclareMathOperator { \ld} { ld}
  \arccot Der Arcus-Kotangens:
           25 \DeclareMathOperator{\arccot} {arccot}
\areasinh Der Area Sinus Hyperbolicus:
           26 \DeclareMathOperator{\areasinh} {arsinh}
\areacosh Der Area Sinus Hyperbolicus:
           27 \DeclareMathOperator{\areacosh} {arcosh}
\areatanh Der Area Sinus Hyperbolicus:
           28 \DeclareMathOperator{\areatanh} {artanh}
\areacoth Der Area Sinus Hyperbolicus:
           29 \DeclareMathOperator{\areacoth} {arcoth}
   \inner Das Skalarprodukt wird mit spitzen Klammern geschrieben:
           30 \newcommand{\inner}[2]{\ensuremath \left< #1, #2 \right>}
```

```
\rang Der Rang einer Matrix:
           31 \newcommand{\rang} {\ensuremath \operatorname{Rang}}
  \defekt Der Defekt einer Matrix:
           32 \newcommand{\defekt}{\ensuremath \operatorname{Def}}
   \arrow Eine Abkürzung für f: M \to N:
           33 \newcommand{\arrow}[3]{\ensuremath #1:\: #2 \rightarrow #3}
   \nullv Abkürzung für den Nullvektor:
           34 \newcommand{\nullv}{\ensuremath \mathbf{0}}
     \vtr Vektoren werden als fettgesetzte Kleinbuchstaben geschrieben, um sie von
          Skalaren zu unterscheiden:
           35 \newcommand{\vtr}[1]{\ensuremath \mathbf{#1}}
    \vtrs Abkürzung für Spaltenvektoren im \mathbb{R}^2:
           36 \newcommand{\vtrs}[2]%
           37 {\ensuremath \begin{pmatrix} #1 \\ #2 \end{pmatrix}}
   \vtrst Abkürzung für Spaltenvektoren im \mathbb{R}^3:
           38 \newcommand{\vtrst}[3]%
           39 {\ensuremath \begin{pmatrix} #1 \\ #2 \\ #3\end{pmatrix}}
    \forall \forall \exists z \text{ Abk\"{u}} \text{ rzung f\"{u}} \text{ r} Spaltenvektoren im \mathbb{R}^2, geschrieben als transponierte Zei-
          lenvektoren:
           40 \newcommand{\vtrz}[2]{\ensuremath \left( #1, #2 \right)^T}
   lenvektoren:
           41 \newcommand{\vtrzt}[3]{\ensuremath \left(#1, #2, #3 \right)^T}
          4.2 Intervallboxen für Graphiken
              Für die Verwendung in Grafiken werden mit Hilfe von \newsavebox
          verschiedene LATEX-Boxen definiert.
closedint Ein geschlossenes Intervall erhält man durch
           42\setlength{\unitlength}{1cm}
           43 \newsavebox{\closedint}
           44 \savebox{\closedint}{
           45 \begin{picture} (0,0)
           46 \linethickness { 1mm }
```

```
47 \put(0.0, 0) {\line(1,0) {1}}
48 \thicklines
49 \put(0.0, -0.3) {\line(0,1) {0.6}}
50 \put(1.0, -0.3) {\line(0,1) {0.6}}
51 \put(0, -0.3) {\line(1,0) {0.1}}
52 \put(0, 0.3) {\line(1,0) {0.1}}
53 \put(1, -0.3) {\line(-1,0) {0.1}}
54 \put(1, 0.3) {\line(-1,0) {0.1}}
55 \end{picture}
56}
```

smallclosedint Ein geschlossenes Intervall mit der halben Größe im Vergleich zu closedint erhält man durch \usebox{smallclosedint}.

```
57 \newsavebox{\smallclosedint}
58 \savebox{\smallclosedint}{%
59 \setlength{\unitlength}{0.5cm}
60 \begin{picture}(0,0)
61 \linethickness{0.5mm}
62 \put(0.0, 0){\line(1,0){1}}
63 \thicklines
64 \put(0.0, -0.3){\line(0,1){0.6}}
65 \put(1.0, -0.3){\line(1,0){0.1}}
66 \put(0, 0.3){\line(1,0){0.1}}
67 \put(0, 0.3){\line(1,0){0.1}}
68 \put(1, -0.3){\line(-1,0){0.1}}
69 \put(1, 0.3){\line(-1,0){0.1}}
70 \end{picture}
71}
```

halfopenrint Ein links geschlossenes und rechts offenes Intervall erhält man durch \usebox{halfopenrint}.

```
72 \setlength{\unitlength}{1cm}
73 \newsavebox{\halfopenrint}
74 \savebox{\halfopenrint}{%
75 \begin{picture}(0,0)
76 \linethickness{1mm}
77 \put(0.0, 0){\line(1,0){1}}
78 \thicklines
79 \put(0.0, -0.3){\line(0,1){0.6}}
80 \put(1.0, -0.3){\line(0,1){0.6}}
81 \put(0, -0.3){\line(1,0){0.1}}
82 \put(0, 0.3){\line(1,0){0.1}}
83 \put(1, -0.3){\line(1,0){0.1}}
84 \put(1, 0.3){\line(1,0){0.1}}
```

```
85 \end{picture}
                 86 }
halfopenlint Ein rechts geschlossenes und links offenes Intervall erhält man durch
                \usebox{halfopenlint}.
                 87 \newsavebox{\halfopenlint}
                 88 \savebox{\halfopenlint}{%
                 89 \begin{picture}(0,0)
                 90 \linethickness { 1mm }
                 91\put(0.0, 0){\line(1,0){1}}
                 92\thicklines
                 93\put(0.0, -0.3){\line(0,1){0.6}}
                 94\put(1.0, -0.3){\line(0,1){0.6}}
                 95 \cdot put(0, -0.3) \{ \cdot line(-1, 0) \{ 0.1 \} \}
                 96 \text{ } \text{ } \{0, 0.3\} \{ \text{ } \{-1, 0\} \{ 0.1 \} \}
                 97 \cdot (1, -0.3) \cdot (-1, 0) \cdot (0.1)
                 98 \text{ } \text{put } (1, 0.3) { \line(-1,0) } {0.1} }
                 99 \end{picture}
                100 }
      openint Ein offenes Intervall erhält man durch \usebox{openint}.
                101 \newsavebox{\openint}
                102 \savebox{\openint}{%
                103 \begin{picture} (0,0)
                104 \linethickness { 1mm}
                105 \put(0.0, 0) {\line(1,0){1}}
                106 \thicklines
                107 \put (0.0, -0.3) {\line (0,1) {0.6}}
                108 \setminus (1.0, -0.3) \{ \setminus (0,1) \{ 0.6 \} \}
                109 \text{ } (0, -0.3) {\line(-1,0) } 
                110 \setminus put(0, 0.3) \{ \setminus line(-1, 0) \{ 0.1 \} \}
                111 \setminus put(1, -0.3) \{ \setminus line(1, 0) \{ 0.1 \} \}
                112\put(1, 0.3){\line(1,0){0.1}}
                113 \end{picture}
```

### Literatur

114 }

- [1] M. Goossens, F. Mittelbach, und A. Samarin: *Der LaTEX Begleiter*, 2000, Addison-Wesley.
- [2] M. Brill: Mathematik für Informatiker, 2001, Hanser.

## Index

Unterstrichene Seitenzahlen verweisen auf die Definition, alle anderen auf die Verwendung.

```
A=
                    \subitem *+\A+\d+\dc\\imageit(4n0)*(tobbeProcomsCoptions (31)\(mabiint)e(n24*)+\ProcessOptions+,
                        \subitem *+\aleft= \hdcslubnidæm(1*9+}\{In2Finvi)de$Pàrkage=lex{2\4$\dlocotcen}{2\4$\dlocotcen}{2\4}\12<mark>0</mark>videsPackage
abs=
                              \subitem *+\arcc40,+, \hdclind4x{piit+{main,bii25.tem *+\put+, \hdclindex{71}{code
arccot=
                                    \subitem kineareacoshbitendelihdea(35)kida1phd82,71}{code}{47},49,
areacosh=
areacoth=
                                   areasinh=
                                    \subitem *+\ar64,t65,66, \d7,dclindex{368, \694,i77, {29,}
areatanh=
                              \subitem *+\arro\68,, 69\h\alpha\72\limbdex{49}{ma\90\h}\81\382, 83,
arrow=
                                                                               80, 81, 82, 83,
                                                                                                                                                84, 91, 93, 94,
                   B=
                            \subitem *+\begings, %hdg/liggex {57} {codes, {377, 3108,
begin=
                45, 60, 75, 89, 103
                                                                               105, 107, 108,
                                                                                                                                                                                                      \hdcl::imdlex((70)) ((codle)) ((4
closedint=
                                                                                           lvertoitem\subjectateMannoteralbidithenbert1Nanople \\ (1881 - 1928 (45) \mathred{mannoteralbidithenbert1Nanople \\ (1881 - 1928 (45) \mathred{mannoteralbidithenbert1Nanople \mathred{mannoteralbidithenbert2}
DeclareMathOperator=
                                                                                                                                                           \subitem *+\relax+, \hdclindex{1}{cc
                                                                                                                                relax=
                                                               mathbb=
                                                                                                  \subitem *Requirepackage_bdclipsesitem {cpdeddlleelackage+,
                                                                                                  hdclindex{47}{main}{32/}
                              \subitem *+\defekt+,
defekt=
                                                   *+\dist+\hdclindex{24}{cmathbf=\hdclindex{24}{code}{34},35
dist=
                        \subitem *+\end+, \hdclindex\{57\}\cightarrow\; \, \subitem *+\\rightarrow+, \hdclindex\{11\}\code\\\11\}
                                                                                                                           rVert=
                                                                                                                                                             Nsubitémis++\rughtyert+\naclinaex\\\eedsfextormatf,\\eedsfextormatf,\\edge \langle \la
                                                               NeedsTeXFormat=
                                                                m *+\ensuremath+, \hacentaex
newcommand= \subitem *+\r
ensuremath=
                12, 13, 14, 15,
                                                                               12, 13, 14, 15,
                16, 17, 18, 19,
                                                                                                                                                                  \subitem *+\savebox+, \hdclindex{
                                                                                                                                savebox=
                                                                               16, 17, 18, 19,
                20, 23, 30, 31,
                                                                               20, 23, 30, 31,
                32, 33, 34, 35,
                                                                                                                                setlength=
                                                                                                                                                                     \subitem *+\setlength+, \hdclinde
                                                                               32, 33, 34, 35,
                37, 39, 40,
                                                                               36,
                                                                                          38, 40, 41
                                                                                                                                sheffer=
muiktypewsavebox+, \hdclindex{67}{code}{43}{,5
                         ggT=
                                                                                                                                                                                  \subitem *+\smallclosedint+,
                                            \subitenorm=\halfopebriltient+x+\\rangelindeholdliin\dena(i21)}{{8na}i,n87;19}
halfopenlint=
                                                                                                                              \hdclindex{51}{main}{34}
= \darkappa \subitem, \dclines+, \hdclines+, \hdclines
                                                                                            \subitem *+
halfopenrint=
                                             \subitem *+\halfopenrint+,
                                                                                                   \subitem *+\openint+, \hdcl\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\frac1\fr
inner=
                            \subitem *+\ciperatornandedclindexb48$fmmaindp@batorname+, \hdclindex{46}{code}{33
                                                                                                                                unitlength=
                                                                                                                                                                 \subitem *+\unitlength+, \hdclir
kgV=
                         \subitem *+\kRotenz=\hdcl\isudeixt@rd }*{tn\Piot}@rd2+, \hdclindex{17}{main}{17}
```

```
vtr= \subitem *+\vtvtrst=\hdc\lsim\olietxen53\fmain,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\\maxin,}\maxin,}\\maxin,}\maxin,}\maxin,}\maxin,}\maxin,}\\maxin,}\maxin,}\maxin,}\maxin,}\maxin,}\maxin
```