

Part III-B: Artificial Intelligence Outline

Lecture by 熊庆宇

Note by THF

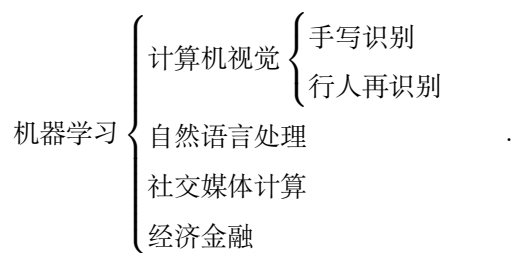
2024 年 11 月 4 日

目录

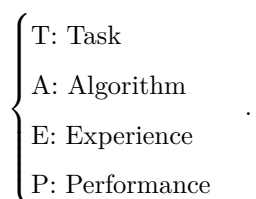
0.0.1	监督学习	2
0.0.2	归一化	4
0.0.3	决策树	4
0.1	无监督学习	5

Lecture 12

10.31



机器学习的四个部分:



Example. 人脸识别:

A: 线性回归

E: 以标定身份的人脸图片数据

P: 人脸识别准确率

机器学习的基本过程

从给定的数据中学习规律 \rightarrow 学习方法, 建立模型 \rightarrow 预测 \rightarrow 测试匹配度

机器学习分类

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{半监督学习} \left\{ \begin{array}{l} \text{监督学习} \\ \text{无监督学习} \end{array} \right. \\ \text{强化学习} \end{array} \right. .$$

0.0.1 监督学习

Definition. 根据已知的输入和输出训练模型, 预测未来输出

监督学习的数据存在样本标签, 有训练集和测试集

Example. 学习书籍内容, 设定标签: 艺术/政治/科学等, 找出训练文字和标签的映射关系

Notation. 分类方法: K -nearest neighbour, 决策树, 支持向量机, 朴素贝叶斯

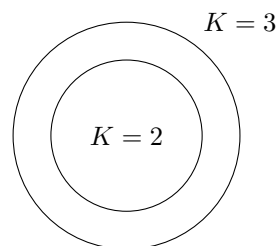
回归方法: 线性、树、支持向量回归, 集成方法

K -nearest neighbor

基本思路

找到与新输入的待预测样本最临近的 K 个样本, 判断这 K 个样本中绝大多数的所属类别作为分类结果输出

条件: 已经具有较大的样本量



Notation. KNN 算法的基本要素: 距离度量、 K 值、分类决策规则

距离度量

Notation. KNN 算法能够分类: 特征空间内的样本点之间的距离能够反映样本特征的相似程度

设有两个样本点 $\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j$, 以 n 维向量空间作为特征空间, 将这两个点表示为:

$$\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j \in \mathbf{X}.$$

$$\mathbf{x}_i = (x_i^1, x_i^2, \dots, x_i^n)^T.$$

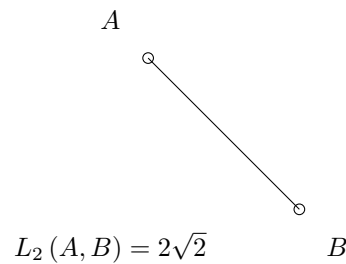
$$\mathbf{x}_j = (x_j^1, x_j^2, \dots, x_j^n)^T.$$

特征点之间的距离定义为:

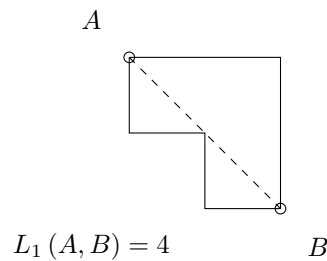
$$L_p(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j) = \left(\sum_{l=1}^n |x_i^l - x_j^l|^p \right)^{\frac{1}{p}}.$$

Example. 代入 $p = 2$, 易得 $L_2(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j)$ 为平面上两点间的距离公式, 该距离又称为欧氏距离:

$$L_2(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j) = \sqrt{(x_{i_1} - x_{j_1})^2 + (x_{i_2} - x_{j_2})^2}.$$



代入 $p = 1$: $L_1(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j)$ 称为曼哈顿距离:



K 值的选择

使用交叉验证方法确定最合适的 K 值

Lecture 13

11.04

KNN 算法的局限

- 对参数选择很敏感

- 计算量大

当 K 值较小: 易发生过拟合, 受噪声影响较大

当 K 值太大: 无法区分不同样本

0.0.2 归一化

Notation. 为何归一化: 某些数据在未归一化之前占比过大, 如年龄-存款

归一化处理:

$$M_j = \max_{i=1,2,\dots,m} x_{ij} - \min_{i=1,2,\dots,m} x_{ij}.$$

归一化后的距离计算:

$$L_2(A, B) = \sqrt{\sum_{j=1}^n \left(\frac{a_j - b_j}{M_j} \right)^2}.$$

特征值标准一致时无需归一化

表 1: 分类

样本名	x_1	x_2	x_3	类型	S_n 距离
S_1	39	0	21	K_1	$\sqrt[3]{4133} \approx 16.05$
S_2	3	5	65	K_2	$6\sqrt[3]{5^2} \sqrt[3]{19} \approx 46.81$
S_3	21	17	5	K_1	$2\sqrt[3]{3^2} \sqrt[3]{14} \approx 10.03$
...					
S_n	23	3	17	?	0

Notation. 欧几里得距离:

$$S = \sqrt{\sum_{i=1}^n \left(x_i^{(P)} - x_i^{(Q)} \right)^2}.$$

曼哈顿距离:

$$S = \sum_{i=1}^n \left| x_i^{(P)} - x_i^{(Q)} \right|.$$

切比雪夫距离:

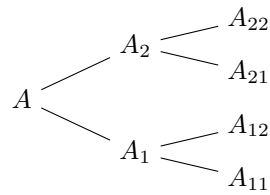
$$S = \max_l \left(\left| x_i^{(P)} - x_i^{(Q)} \right| \right).$$

0.0.3 决策树

Definition. 树形结构, 由节点和边组成

基本思想: 一个 if-then 的规则集合

可以分为树形或细胞型



Example. ID3 算法

0.1 无监督学习

Notation. 区别：有监督学习中提供样本的标签，无监督学习中机器自行提取样本的相似性

通过样本可以提取颜色、纹理、频率等特征

无监督函数通过定义相似度计算函数来提取特征的相似性，根据选择的相似度函数来分类

Notation. K-均值聚类算法

监督学习补充：线性回归 *Linear regression*

Definition. 回归与分类：挖掘和学习输出变量和输入变量之间的潜在关系模型

回归为连续、分类为离散

Example. 高尔顿提出衰退 (regression, 回归) 效应，指出：

$$y = 33.73 + 0.516 \frac{x_1 + x_2}{2}.$$

其中 x_1, x_2 为父母身高 (单位: inch), y 为经过回归后的下一代身高

Notation. 最小二乘法：求出使残差平方和最小的 a, b