Part III-B: Analysis Chemistry

Lecture by 王敏 Note by THF

2024年10月8日

目录

1	概论			2										
2	误差和分析数据处理													
	2.1	准确度	和精密度	3										
		2.1.1	准确度和误差	3										
		2.1.2	精密度和偏差	4										
		2.1.3	误差	6										
	2.2	如何提	高分析结果的准确度	6										
	2.3	有效数	(字	7										
		2.3.1	修约规则	8										
		2.3.2	运算规则	8										
	2.4	有限量	分析数据的统计处理	9										
		2.4.1	偶然误差的正态分布	9										
		2.4.2	t 分布	9										
		2.4.3	平均值的精密度和置信区间	10										
		2.4.4	可疑数据的取舍和显著性检验	11										
		2.4.5	相关和回归	13										

3	酸碱	酸碱滴定法															13						
	3.1	概述 .																					13
	3.2	基本原	理 .																				14
		3.2.1	酸碱是	官义																			14
		3.2.2	酸碱的	有强压	于																		14

1 概论

20 世纪 20-30 年代: 分析化学出现四大反应平衡理论的建立

20 世纪 40-50 年代: 光电色谱仪器设备出现

Notation. Bloch F and Purcell E M 建立核磁共振测定

Martin A J P and Synge R L M 建立气相色谱

Heyrovsky J 建立极谱分析法

20 世纪 70 年代以来: 计算机参与自动化

Notation. 分析化学分析方法: 3S+2A

3S: Sensitivity, Selectivity, Speediness

2A: Accuracy, Automatics

分析化学主要发展趋势:

在线分析 原位分析 实时分析 活体分析

Notation. 分析过程的步骤:

- 1. 分析方法选择
- 2. 取样 (Sampling, 具代表性的样本)
- 3. 制备试样(适合与选定的分析方法,消除可能的干扰)
- 4. 分析测定(优化条件,仪器校正,方法验证)
- 5. 结果处理和表达(统计学分析,测量结果的可靠性分析,书面报告)

Notation. 制备试样首先需要进行样品前处理

方法验证:线性性,灵敏性等

2 误差和分析数据处理

Notation. "挑数据": 做标准曲线

标品浓度 (0,1,2,3,4,5,6,7)

吸光度 (0,0.1,0.2,0.3,0.4,0.001,0.6,0.7)

对于可疑数据,需要通过其他方法进行确认(至少3次试验)

2.1 准确度和精密度

2.1.1 准确度和误差

Definition. 准确度 (Accuracy): 测量值和真值的接近程度,准确度的高低用误差大小衡量

Definition. 误差 (error): 测量结果和真值的差值

误差具有客观性和普遍性

实验结果都有误差,测量值只能尽可能接近真实值

Definition. 约定真值:由国际计量大会定义的单位及我国的法定计量单位

Example. 国际单位制基本单位"米"、"克"等

Notation. 约定真值是有一个量的真值的近似值,误差可以忽略不计

Definition. 标准值:采用可靠的分析方法、在不同实验室、由不同的分析人员、对同一个试样反复多次测定后将大量数据用数理统计求得的测量值

误差的表示方法:

$$\delta = x - \mu$$
.

Definition. 绝对误差: δ

测量值: *x* 真值: *μ*

相对误差: RE%

绝对误差 (Absolute Error) 可正可负,单位为测量值的单位 绝对误差的绝对值越小,准确度越高 相对误差 (Relative Error, RE):

$$RE\% = \frac{\delta}{\mu} \times 100\%.$$

或:

$$RE\% = \frac{\delta}{x} \times 100\%.$$

相对误差无单位, 可正可负

Example. 有真实值为 0.0020g 和 0.5000g 的两个样品, 称量结果分别为 0.0021g 和 0.5001g, 计算相对误差和绝对误差

$$\delta_1 = 0.0021 - 0.0020 = 0.0001, \ \delta_2 = 0.5001 - 0.5000 = 0.0001 = \delta_1$$

$$\begin{aligned} RE_1\% &= \frac{0.0001}{0.0020} \times 100\% = 5\% \\ RE_2\% &= \frac{0.0001}{0.5000} \times 100\% = 0.02\%. \end{aligned}$$

Notation. RE 要求: 测高含量组分, RE 可小; 测低含量组分, RE 可大高含量组分对应化学分析法; 低含量组分对应仪器分析法

2.1.2 精密度和偏差

Definition. 精密度:在规定的测定条件下,多次平行测定结果相互吻合的程度,精密度高低用偏差衡量

偏差: 单个测量值和测量平均值的差距

Definition. 绝对偏差: d

相对偏差: d%平均偏差: \bar{d} 标准偏差: SD

相对标准偏差: RSD

绝对偏差:

$$d = x_i - \bar{x}.$$

相对偏差:

$$d\% = \frac{d}{\bar{x}}.$$

平均偏差:

$$\bar{d} = \frac{\sum |x_i - \bar{x}|}{n}.$$

相对平均偏差:

$$\frac{\bar{d}}{\bar{x}} \times 100\% = \frac{\sum |x_i - \bar{x}|}{n \cdot \bar{x}} \times 100\%.$$

标准偏差:

$$S_x = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2}{n-1}} (n \le 20).$$

n-1 称为自由度

相对标准偏差 (RSD, 变异系数):

$$RSD = \frac{S_x}{\bar{x}} \times 100\%.$$

RSD 越小,数据越集中,精密度越高

Notation. 方法的精密度考察:

- 1. 重复性 (repeatability): 同一实验室,较短时间间隔,同一分析人员对同一试样测定所得结果的接近程度
- 2. 中间精密度 (intermediate precision): 改变某些试验条件对同一试样测定结果的接近程度
- 3. 重现性 (reproducibility): 不同实验室,不同人员对同一试样测试结果的接近程度

Notation. 精密度和准确度的关系:

- 1. 精密度高是准确度高的前提
- 2. 精密度高,准确度不一定高
- 3. 只有精密度和准确度都高的数据才可取

Notation. 准确度体现结果的正确性,精密度体现结果的重现性

2.1.3 误差

Notation. 误差分类:系统误差、偶然误差(随机误差)

Definition. 系统误差 (可定误差): 分析中由某些确定原因造成的误差 特点:

- 1. 重现性
- 2. 单向性
- 3. 可以校正消除
- 4. 影响准确度

Notation. 系统误差分类:

仪器误差: 仪器本身缺陷 试剂误差: 试剂有杂质

Definition. 偶然误差 (随机误差): 由偶然因素影响

特点:

- 1. 无单向性(方向大小不确定)
- 2. 符合统计学规律(大误差出现的概率小,随机误差的正态分布)
- 3. 可以通过增加平行测定次数减小
- 4. 影响精密度

Definition. 过失:由分析工作者粗心大意造成,可以避免

2.2 如何提高分析结果的准确度

1. 选择合适的分析方法:

Notation. 对于化学分析法:适用于常量组分(>1%)的分析

对于仪器分析法: 适用于微量组分 $(0.01 \sim 1\%)$ 或痕量组分 (<0.01%) 的 分析

- 2. 减少相对误差:增大取样量
- 3. 减少偶然误差:增加平行测试次数 $(\geq 3, 活体测试 \geq 6)$
- 4. 消除系统误差:

Notation. 常用方法:

- 1. 与经典方法比较: (用其他方法测试该方法)
- 2. 对照试验 (control test): (用其他样本对比)
- 3. 回收试验/标准加入法: 测量原样本 x_1 , 加入某标准量 x_2 , 测量加入后的样本 x_3 , 计算回收率:

Recovery% =
$$\frac{x_3 - x_1}{x_2} \times 100\% \approx 95\% \sim 105\%$$
.

- 4. 空白试验:不加试样测试,得到并扣去空白值,用于检验由试剂、容器等引入杂质导致的系统误差
 - 5. 仪器校正

2.3 有效数字

Definition. 有效数字: 分析工作中实际上能测量到的数字

原则上:

- 1. 在记录测量数据时, 只允许保留一位可疑数字(欠准数字)
- 2. 误差是末尾数的 ±1 个单位

Example. 在分析天平上称出 m = 21.5370g , 则真值为 $21.5370 \pm 0.0001g$

Notation. 有效数字的末尾 0 不可省略: 反映相对误差

Question. 如何判断有效数字的位数?

- 1. 在数据中 $1 \sim 9$ 均为有效数字 (0 待定)
- 2. 算式中的倍数、分数及某些常数 (π, e) 可看为无数位有效数字
- 3. 变化单位时有效数字的位数必须保持不变,如 0.0015g = 1.5mg
- 4. pH 和 pK_a 等对数值,有效数字仅取决于小数部分,例: pH = 4.23,有效数字 2 位

Notation. 0 的位置和有效数字:

- 1. 小数前的 0 起定位作用,后面的 0 为有效数字
- 2. 整数后的 0 不一定是有效数字

Example. $36000 \Rightarrow 3.60 \times 10^{4}$: 3 位有效数字

2.3.1 修约规则

- 1. 四舍六人五留双, 五后有数需进位
- 2. 修约标准偏差: 只进不舍, 降低精密度, 提高可信度

表 1: 修约为两位 原值 修约值 原因 3.249 3.2 四舍 六人 8.361 8.4五留双 6.550 6.6 6.2506.2五留双 6.2526.3五后有数

2.1. 可多保留一位有效数字进行计算

2.2. 与标准限度值比较不应修约

2.3.2 运算规则

1. 加减法: 结果的小数位数以小数点后位数最少的为标准

Example.

$$0.0121 + 25.64 + 1.057 = 26.7091 \approx 26.71$$
.

2. 乘除法: 取相对误差最大的为标准

Example.

$$\frac{0.0325 \times 5.10 \times 60.1}{139.8} \approx 0.0712.$$

Notation. 对于高含量组分 (w > 10%), 分析结果一般保留 4 位有效数字对于中等含量组分 (1% < w < 10%), 保留 3 位对于微量组分 (w < 1%), 保留 2 位

2.4 有限量分析数据的统计处理

2.4.1 偶然误差的正态分布

正态分布的概率密度函数:

$$y = f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{-(x-\mu)^2/2\sigma^2}.$$

Notation. *x*:测量值

μ: 无限次测量的总体平均值

σ: 总体偏差

特点:

1. 当 $x = \mu$ 时, y 最大: 大部分测量值集中在算术平均值附近

2. 函数图像以 $x = \mu$ 的直线对称:正负误差出现的概率相同

3. $x \to -\infty$ 或 $x \to +\infty$ 时: 无限趋近 x 轴

4. μ 越大,数据越分散,函数图像矮小、坡度较缓

5.

$$\int_{-\infty}^{+\infty} f(x) \, \mathrm{d}x = 1.$$

Notation. 若令

$$u = \frac{x - \mu}{\sigma}$$
.

则:

$$y = f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{-u^2/2}.$$

称为标准正态分布曲线

Notation. 3σ 标准: 测量结果需要有 99.7% 以上的数据在真值范围内,即:

$$\int_{\mu=3\sigma}^{\mu+3\sigma} f(x) \, \mathrm{d}x \approx 99.7\%.$$

2.4.2 t 分布

Definition. t 分布为有限量数据 n 平均值的概率误差分布

$$t = \frac{|\bar{x} - \mu|}{S} \sqrt{n}.$$

x: 样本平均值

S: 样品标准偏差

t 值随自由度 f(f=n-1) 而变

当 $f \to +\infty$ 时为正态分布

Notation. t 分布和正态分布的异同:

相同:形状相似,积分面积表示概率

不同: t 不同时概率不同

Notation. t 分布相关概念:

1. 自由度 f

2. 置信区间: 以测定区间为中心,包括总体平均值在内的可信范围

$$\bar{x} \pm \frac{tS}{\sqrt{n}}$$
.

3. 置信水平 (置信度 P): 样本平均值落在置信区间的概率

$$P = \mu \pm \frac{tS}{\sqrt{n}}.$$

4. 显著性水平 $\alpha = 1 - P$

t 值的表达: 一定 P 下, $t \rightarrow t_{\alpha,f}$

2.4.3 平均值的精密度和置信区间

Example. 有一个样品,m 个人各测量 n 次,计算出每个人测得的平均值,平均值的分布符合正态分布

平均值的标准偏差/平均值的精密度:

$$S_{\bar{x}} = \frac{S_x}{\sqrt{n}}.$$

即:增加平行测定次数 n 可以减小平均值的标准偏差 $S_{\bar{x}}$

Notation. 增加测定次数,平均值的标准偏差呈反比变化,一般3到4次已经可以达到目标,继续增加效果不显著

Notation. 常用估计法: 点估计

求 x 和 x 进行比较

平均值的置信区间:

1. 单次

$$\mu = x \pm u\sigma$$
.

其中 $u = (x - \mu)/\sigma$ (见标准正态分布曲线)

2. 多次: 使用 $\sigma_{\bar{x}}$ 代替 σ

$$\mu = \bar{x} \pm u\sigma_{\bar{x}} = \bar{x} \pm u \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}.$$

3. 少量: t 分布

$$\mu = \bar{x} \pm t S_{\bar{x}} = \bar{x} \pm \frac{tS}{\sqrt{n}}.$$

可以用 X_U 表示上限, X_L 表示下限

Notation. 置信水平越高, 置信区间越宽

通常置信水平取 P = 0.95 或 $\alpha = 0.05$

置信区间反映估计的精密度

置信水平说明估计的把握程度

Notation. 1. μ 为一个定值, 无随机性

2. 单侧检验大于或小于总体均值, 双侧检验同时大于和小于总体均值

2.4.4 可疑数据的取舍和显著性检验

主要使用 G 检验(可疑数据取舍) \to F 检验(精密度检验) \to t 检验(准确度检验)

Notation. F 检验和 t 检验合称显著性检验

Notation. G 检验

在一组平行测量数据中有过高或过低的数据, 称为可疑数据/异常值/逸出值

- 1. 确定可疑值 x_q , 求出包括可疑值在内的平均值 \bar{x}
- 2. 求出可疑值与平均值之差的绝对值 $|x_q \bar{x}|$
- 3. 计算包括可疑值在内的标准偏差 S

$$G = \frac{|x_q - \bar{x}|}{S}.$$

4. 根据置信度 P 得到 α ,查表得 G 的临界值 $G_{\alpha,n}$,若 $G>G_{\alpha,n}$,则数据 应当舍弃

Notation. F 检验

判断两组数据间存在偶然误差是否有显著不同

$$F = \frac{S_1^2}{S_2^2}, (S_1 > S_2).$$

 f_1, f_2 为 S_1, S_2 的自由度

P 一定时, 查表得 F_{α,f_1,f_2} , 比较 $F < F_{\alpha,f_1,f_2}$ 则无显著性差异

Notation. t 检验

判断某一分析方法或操作过程中是否存在较大的系统误差

1. 使用 \bar{x} 和 μ 的比较:已知真值的 t 检验

$$t = \frac{|\bar{x} - \mu|}{\varepsilon} \sqrt{n}.$$

2. 两组样本平均值比较: 未知真值的 *t* 检验 两组数据:

$$\begin{cases} n_1, s_1, \bar{x_1} \\ n_2, s_2, \bar{x_2} \end{cases} .$$

当 $s_1 \approx s_2$, 令合并标准偏差:

$$s_{R} = \sqrt{\frac{偏差平方和}{总自由度}} = \sqrt{\frac{s_{1}^{2}(n_{1}-1) + s_{2}^{2}(n_{2}-1)}{n_{1}-1 + n_{2}-1}}.$$

$$\implies t = \frac{|\bar{x}_{1} - \bar{x}_{2}|}{s_{R}} \sqrt{\frac{n_{1} \cdot n_{2}}{n_{1} + n_{2}}}.$$

查表得 $t_{\alpha,f}$ (若无真值使用总自由度 $f = f_1 + f_2$), 比较 $t, t_{\alpha,f}$

Notation. 更常用的数据组比较准确度方法: ANOVA 分析 通过比较 p 值判断,用 * 号个数表示差异的大小

2.4.5 相关和回归

$$r = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x}) (y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 \times \sum_{i=1}^{n} (y_i - \bar{y})^2}}.$$

作业: P25, 8、9 题

3 酸碱滴定法

3.1 概述

滴定分析法(titrimetry)是一种定量分析方法

Notation. 将已知准确浓度的试剂溶液低价到待测物质的溶液中, 通过滴加试剂的浓度和体积, 定量计算待测物质的含量

滴定分析法又称容量分析法

特点:

- 1. 准确度高、适于常量组分分析(组分含量 > 1%,取样量 > 0.1g)
- 2. 易于操作
- 3. 快速

Notation. 基本术语:

滴定剂:浓度准确已知的试样溶液

滴定:将滴定剂通过滴定管逐滴滴加到被测物质溶液中的过程

化学计量点:滴定剂与待测溶液按化学计量关系完全反应的点,用 sp 表示

指示剂: 发生颜色改变指示终点的物质

滴定终点: 指示剂发生颜色改变的点, 用 ep 表示

滴定误差:滴定终点和化学计量点的差距,用 TE 表示

3.2 基本原理

3.2.1 酸碱定义

1. 电离理论

{酸:能电离出H⁺的物质→ →

2. 质子理论

BrØnster 酸:能给出质子的物质BrØnster 碱:能接受质子的物质

Notation. 共轭酸碱对:酸 \leftrightarrow 碱(质子)

两性物质:能给出和接受质子的物质(例:水)

3.2.2 酸碱的强度

1. 酸 HA 的解离常数:

$$K_a = \frac{[H_3O^+][A^-]}{[HA]}.$$

2. 碱 BOH 的解离常数:

$$K_b = \frac{[\mathrm{OH}^-][\mathrm{B}^+]}{[\mathrm{BOH}]}.$$