Álgebra Linear

Profa. Elba Bravo Semestre: 2022 - 1

Lista de Exercícios 1

Suponha que A, B, C, D e E sejam matrizes de tamanhos

A B C D E (4×5) (4×5) (5×2) (4×2) (5×4)

Em cada parte, determine se a expressão matricial dada está definida. Para as que estão definidas, dê o tamanho da matriz resultante.

(a) *BA*

(b) AC + D (c) AE + B

(d) AB + B

(e) E(A+B)

(f) E(AC)

(g) $E^{T}A$

(h) $(A^T + E)D$

2. Suponha que A, B, C, D e E sejam matrizes de tamanhos

 (3×1)

 $B \qquad C \qquad D$ $(3 \times 6) \qquad (6 \times 2) \qquad (2 \times 6)$

Em cada parte, determine se a expressão matricial dada está definida. Para as que estão definidas, dê o tamanho da matriz resultante.

(a) *EA*

(b) AB^{T} (c) $B^{T}(A + E^{T})$ (e) $(C^{T} + D)B^{T}$ (f) $CD + B^{T}E^{T}$

(d) 2A + C

(g) $(BD^T)C^T$

(h) DC + EA

Considere as matrizes

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 3 & 1 & 5 \end{bmatrix},$$

$$D = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 \end{bmatrix}, \quad E = \begin{bmatrix} 6 & 1 & 3 \\ -1 & 1 & 2 \\ 4 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

Em cada parte, calcule a expressão dada (se possível).

(a) D+E

(b) D-E

(c) 5A

(d) -7C

(e) 2B - C

(f) 4E-2D

(g) -3(D+2E) (h) A-A

(i) tr(*D*)

(j) tr(D - 3E) (k) 4 tr(7B)

(l) tr(A)

Nos Exercícios 15–16, encontre todos os valores de k, se houver, que satisfazem a equação.

15.
$$\begin{bmatrix} k & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} k \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = 0$$

16.
$$\begin{bmatrix} 2 & 2 & k \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 2 & 0 & 3 \\ 0 & 3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \\ k \end{bmatrix} = 0$$

Nos Exercícios 17–18, resolva a equação matricial em termos de *a*, *b*, *c* e *d*.

17.
$$\begin{bmatrix} a & 3 \\ -1 & a+b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & d-2c \\ d+2c & -2 \end{bmatrix}$$

18.
$$\begin{bmatrix} a-b & b+a \\ 3d+c & 2d-c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 & 1 \\ 7 & 6 \end{bmatrix}$$

24. Em cada parte, encontre a matriz $A = [a_{ij}]$ de tamanho 4×4 cujas entradas satisfazem a condição dada.

(a)
$$a_{ij} = i + j$$

(b)
$$a_{ii} = i^{j-1}$$

(c)
$$a_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{se} & |i - j| > 1 \\ -1 & \text{se} & |i - j| \le 1 \end{cases}$$