

# NOTAÇÃO INFIXA, PRÉFIXA E POSFIXA

Lógica Matemática



# ALFABETO DA LÓGICA PROPOSICIONAL

## DEFINIÇÃO

✕ O alfabeto da Lógica Proposicional é constituído por:

- 1.– Símbolos de pontuação:  $(, , )$ ;
- 2.– Símbolos proposicionais:  $P, Q, R, S, P1, Q1, \dots$ ;
- 3.– Conectivos proposicionais:  $\neg, \vee, \wedge, \rightarrow, \leftrightarrow$ .

✕ **Símbolos de Pontuação.** Servem para impor uma certa ordem de precedência aos conectivos proposicionais.

✕ **Símbolos Proposicionais.** São utilizados para representar proposições na linguagem da Lógica.

✕ **Conectivos Proposicionais.** Servem para conectar proposições. Possuem as seguintes denominações:

- o símbolo  $\neg$  é denominado por “não”
- o símbolo  $\wedge$  é denominado por “e”
- o símbolo  $\vee$  é denominado por “ou”
- o símbolo  $\rightarrow$  é denominado por “se então” ou “condicional”
- o símbolo  $\leftrightarrow$  é denominado por “se, e somente se” ou “bicondicional” referenciado “sse”

# SÍMBOLOS DE PONTUAÇÃO

## UTILIZAÇÃO

- ✕ Considere a seguinte fórmula:

$$H = \left( \left( (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R) \right) \wedge ((S \vee P) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R))$$

- ✕ Ela possui 10 pares de parênteses ou 20 símbolos de pontuação, que, de fato, somente são utilizados para estabelecer de maneira correta a relação entre os símbolos proposicionais e seus conectivos.
- ✕ Os símbolos de pontuação permitem identificar:
  - A ordem em que os conectivos deverão ser aplicados;
  - A quais símbolos proposicionais aplica-se o conectivo;
- ✕ O significado da formula depende dos valores dados aos símbolos proposicionais e do significado dado para os conectivos. O símbolos de pontuação de fato não precisam ser interpretados.



# NOTAÇÃO INFIXA

## DEFINIÇÃO

- ✗ Na **notação infixa**, o operador encontra-se **no meio** dos operandos.
- ✗ O uso de parênteses (símbolos de pontuação) na maioria dos casos é necessário para explicitar a ordem em que os operadores devem ser aplicados e delimitar os operandos.

( Operando 1    **Operador**    Operando 2 )

- ✗ As formulas da Lógica Proposicional são construídas de forma indutiva a partir dos símbolos do alfabeto. Considerando que  $H$  e  $G$  são fórmulas, segue-se as seguintes regras:
  - 1.- Todo símbolo proposicional é uma fórmula;
  - 2.- A negação  $\neg H$  é uma fórmula;
  - 3.- A conjunção  $H \wedge G$  é uma fórmula;
  - 4.- A disjunção  $H \vee G$  é uma fórmula;
  - 5.- A condicional  $H \rightarrow G$  é uma fórmula;
  - 6.- A bicondicional  $H \leftrightarrow G$  é uma fórmula.

# NOTAÇÃO INFIXA

## INTERPRETAÇÃO

- ✕ Mostraremos como interpretar uma fórmula na notação infixa. Considere a seguinte fórmula:

$$H = \left( \left( (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R) \right) \wedge \left( (S \vee P) \rightarrow P \right) \right) \rightarrow \left( (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R) \right)$$

- ✕ Podemos decompor a fórmula em subfórmulas:

$$A = P \rightarrow Q \quad D = S \vee P \quad F = C \wedge E \quad H = F \rightarrow C$$

$$B = \neg R \quad E = D \rightarrow P$$

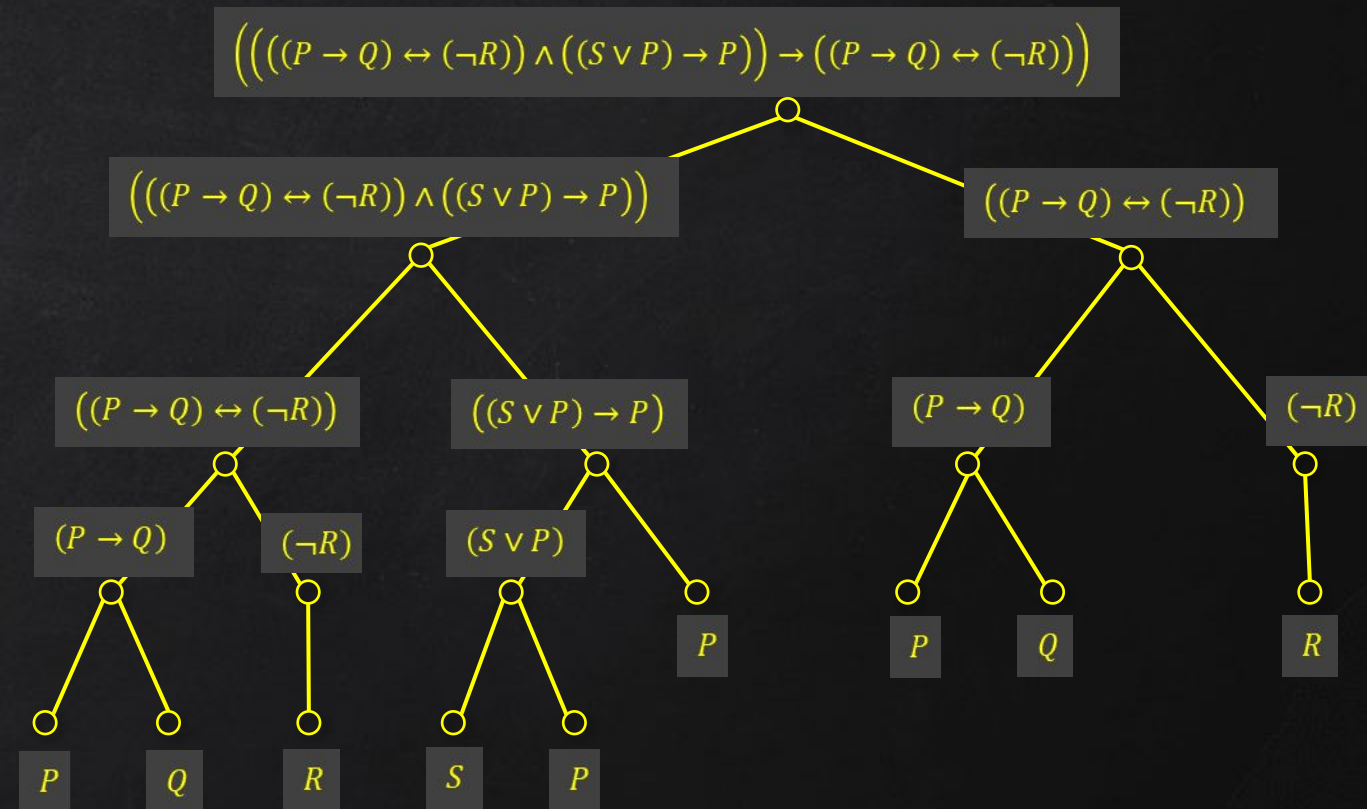
$$C = A \leftrightarrow B$$

# NOTAÇÃO INFIXA

## DECOMPOSIÇÃO

- Podemos decompor uma expressão infixa usando uma árvore binária começando pelo último operador (a ser aplicado) na ordem de precedência dos operadores e até chegar nas proposições simples (comprimento um).

- Mostra-se a decomposição da fórmula anterior:





# NOTAÇÃO PREFIXA

## DEFINIÇÃO

- ✕ Na **notação prefixa (ou polonesa)**, o operador **precede** a seus operandos.
- ✕ Neste caso, não há necessidade no uso de parênteses (símbolos de pontuação).

**Operador**    Operando 1    Operando 2

- ✕ As formulas da Lógica Proposicional são construídas de forma indutiva a partir dos símbolos do alfabeto. Considerando que  $H$  e  $G$  são fórmulas, segue-se as seguintes regras:
  - 1.- Todo símbolo proposicional é uma fórmula;
  - 2.- A negação  $\neg H$  é uma fórmula;
  - 3.- A conjunção  $H \wedge G$ , é dada pela fórmula  $\wedge HG$ ;
  - 4.- A disjunção  $H \vee G$ , é dada pela fórmula  $\vee HG$ ;
  - 5.- A condicional  $H \rightarrow G$ , é dada pela fórmula  $\rightarrow HG$ ;
  - 6.- A bicondicional  $H \leftrightarrow G$ , é dada pela fórmula  $\leftrightarrow HG$ .

# NOTAÇÃO PREFIXA

## CONVERSÃO

- ✗ Para converter uma fórmula infixa na notação prefixa, devemos identificar a ordem das operações e as subfórmulas associadas.
- ✗ Devemos converter as formulas de maior prioridade primeiro, mediante a aplicação das regras descritas na definição da notação prefixa.
- ✗ Na prática, isso significa identificar e converter as subfórmulas de menor comprimento primeiro.

- ✗ Considere como exemplo a seguinte fórmula:

$$H = \left( \left( ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R)) \wedge ((S \vee P) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R)) \right)$$

- ✗ Utilizando as regras da notação prefixa:

- Substitui-se  $(\neg R)$  pela fórmula  $\neg R$ ;
- Substitui-se  $(P \rightarrow Q)$  pela fórmula  $\rightarrow PQ$ ;
- Substitui-se  $(S \vee P)$  pela fórmula  $\vee SP$ ;
- A subfórmula  $((S \vee P) \rightarrow P)$  é convertida em  $\rightarrow \vee SPP$ ;
- A subfórmula  $((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R))$  é convertida em  $\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$ ;
- A subfórmula  $((((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R)) \wedge ((S \vee P) \rightarrow P)))$  resulta em:

$$\wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP;$$

- Finalmente,  $(((((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R)) \wedge ((S \vee P) \rightarrow P)) \rightarrow ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R))))$  resulta em:

$$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$$



# NOTAÇÃO PREFIXA

## EXEMPLO – PASSO A PASSO

✕ Mostramos o processo de conversão da expressão **infixa em prefixa** passo a passo.

○ Identificamos as subfórmulas no primeiro nível de prioridade. Existem 5 subfórmulas:

$$H = \left( \left( (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R) \right) \wedge ((S \vee P) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R))$$

○ Convertemos cada operação no formato prefixo:

$$H = \left( \left( (\rightarrow PQ) \leftrightarrow (\neg R) \right) \wedge ((\vee SP) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((\rightarrow PQ) \leftrightarrow (\neg R))$$

○ Identificamos as subfórmulas no segundo nível de prioridade. Existem 3 subfórmulas:

$$H = \left( \left( (\rightarrow PQ) \leftrightarrow (\neg R) \right) \wedge ((\vee SP) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((\rightarrow PQ) \leftrightarrow (\neg R))$$

○ Convertemos cada operação no formato prefixo:

$$H = \left( \left( (\leftrightarrow (\rightarrow PQ)(\neg R)) \wedge (\rightarrow (\vee SP)P) \right) \rightarrow (\leftrightarrow (\rightarrow PQ)(\neg R)) \right)$$

○ Removemos os parênteses internos nas subfórmulas:

$$H = \left( ((\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R) \wedge (\rightarrow \vee SPP)) \rightarrow (\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R) \right)$$

# NOTAÇÃO PREFIXA

## EXEMPLO – PASSO A PASSO

- Identificamos as subfórmulas no terceiro nível de prioridade. Exista apenas uma operação  $\wedge$ :

$$H = \left( ((\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R) \wedge (\rightarrow \vee SPP)) \rightarrow (\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R) \right)$$

- Convertemos a operação no formato prefixo:

$$H = \left( (\wedge (\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R) (\rightarrow \vee SPP)) \rightarrow (\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R) \right)$$

- Removemos os parênteses internos na subfórmula:

$$H = \left( (\wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP) \rightarrow (\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R) \right)$$

- Identificamos as subfórmulas no quarto nível de prioridade. Temos a operação final  $\rightarrow$ :

$$H = \left( (\wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP) \rightarrow (\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R) \right)$$

- Convertemos a operação no formato prefixo:

$$H = \left( \rightarrow (\wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP) (\leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R) \right)$$

- Removemos todos os parênteses restantes:

$$H = \rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$$

# NOTAÇÃO PREFIXA

## CONVERSÃO

- ✗ Com isso, a formula na notação infixa:

$$H = \left( \left( (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R) \right) \wedge (S \vee P \rightarrow P) \right) \rightarrow (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R)$$

- ✗ Equivale a seguinte formula na notação prefixa:

$$H = \rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$$

- ✗ Observe que a fórmula na notação prefixa não requer qualquer parênteses.

- ✗ As fórmulas na notação prefixa são adequadas para manipulação em computadores. Embora a sua leitura pareça difícil para nós humanos, é possível entender ela utilizando a estrutura de pilha.



# NOTAÇÃO POSFIXA

## DEFINIÇÃO

- ✗ Na **notação posfixa** (ou **polonesa reversa**), o operador **sucede** a seus operandos.
- ✗ Neste caso, também não há necessidade no uso de parênteses (símbolos de pontuação).

Operando 1    Operando 2    **Operador**

- ✗ As formulas da Lógica Proposicional são construídas de forma indutiva a partir dos símbolos do alfabeto. Considerando que  $H$  e  $G$  são fórmulas, segue-se as seguintes regras:
  - 1.– Todo símbolo proposicional é uma fórmula;
  - 2.– A negação  $H \neg$  é uma fórmula;
  - 3.– A conjunção  $H \wedge G$ , é dada pela fórmula  $HG \wedge$ ;
  - 4.– A disjunção  $H \vee G$ , é dada pela fórmula  $HG \vee$ ;
  - 5.– A condicional  $H \rightarrow G$ , é dada pela fórmula  $HG \rightarrow$ ;
  - 6.– A bicondicional  $H \leftrightarrow G$ , é dada pela fórmula  $HG \leftrightarrow$ .

# NOTAÇÃO POSFIXA

## CONVERSÃO

- ✗ Para converter uma fórmula infixa na notação posfixa, devemos identificar a ordem das operações e as subfórmulas associadas.
- ✗ Devemos converter as formulas de maior prioridade primeiro, mediante a aplicação das regras descritas na definição da notação posfixa.
- ✗ Na prática, isso significa identificar e converter as subfórmulas de menor comprimento primeiro.

- ✗ Considere como exemplo a seguinte fórmula:

$$H = \left( \left( (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R) \right) \wedge ((S \vee P) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R))$$

- ✗ Utilizando as regras da notação posfixa:

- Substitui-se  $(\neg R)$  pela fórmula  $R\neg$ ;
- Substitui-se  $(P \rightarrow Q)$  pela fórmula  $PQ\rightarrow$ ;
- Substitui-se  $(S \vee P)$  pela fórmula  $SP\vee$ ;
- A subfórmula  $((S \vee P) \rightarrow P)$  é convertida em  $SP\vee P\rightarrow$ ;

...

- Finalmente temos:

$$PQ \rightarrow R\neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R\neg \leftrightarrow \rightarrow$$

# NOTAÇÃO POSFIXA

## EXEMPLO – PASSO A PASSO

✕ Mostramos o processo de conversão da expressão **infixa em posfixa** passo a passo.

○ Identificamos as subfórmulas no primeiro nível de prioridade. Existem 5 subfórmulas:

$$H = \left( \left( (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R) \right) \wedge ((S \vee P) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R))$$

○ Convertemos cada operação no formato posfixo:

$$H = \left( \left( (PQ \rightarrow) \leftrightarrow (R\neg) \right) \wedge ((SP \vee) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((PQ \rightarrow) \leftrightarrow (R\neg))$$

○ Identificamos as subfórmulas no segundo nível de prioridade. Existem 3 subfórmulas:

$$H = \left( \left( (PQ \rightarrow) \leftrightarrow (R\neg) \right) \wedge ((SP \vee) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((PQ \rightarrow) \leftrightarrow (R\neg))$$

○ Convertemos cada operação no formato posfixo:

$$H = \left( \left( (PQ \rightarrow)(R\neg) \leftrightarrow \right) \wedge ((SP \vee)P \rightarrow) \right) \rightarrow ((PQ \rightarrow)(R\neg) \leftrightarrow)$$

○ Removemos os parênteses internos nas subfórmulas:

$$H = \left( ((PQ \rightarrow R\neg \leftrightarrow) \wedge (SP \vee P \rightarrow)) \rightarrow (PQ \rightarrow R\neg \leftrightarrow) \right)$$



# NOTAÇÃO POSFIXA

## EXEMPLO – PASSO A PASSO

- Identificamos as subfórmulas no terceiro nível de prioridade. Exista apenas uma operação  $\wedge$ :

$$H = \left( ((PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow) \wedge (SP \vee P \rightarrow)) \rightarrow (PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow) \right)$$

- Convertemos a operação no formato posfixo:

$$H = \left( ((PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow)(SP \vee P \rightarrow) \wedge) \rightarrow (PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow) \right)$$

- Removemos os parênteses internos na subfórmula:

$$H = \left( (PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge) \rightarrow (PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow) \right)$$

- Identificamos as subfórmulas no quarto nível de prioridade. Temos a operação final  $\rightarrow$ :

$$H = \left( (PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge) \rightarrow (PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow) \right)$$

- Convertemos a operação no formato posfixo:

$$H = \left( (PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge)(PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow) \rightarrow \right)$$

- Removemos todos os parênteses restantes:

$$H = PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$$

# NOTAÇÃO PREFIXA E POSFIXA

## INTERPRETAÇÃO

- ✗ Dada a fórmula na notação infixa:

$$H = \left( \left( (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R) \right) \wedge \left( (S \vee P) \rightarrow P \right) \right) \rightarrow \left( (P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg R) \right)$$

- ✗ Temos que as respectivas fórmulas nas notações prefixas e posfixas não precisam de parênteses e podem ser resolvidas apenas com base na ordem dos operandos e operadores.

- ✗ Notação Prefixa:  $H_1 = \rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$

- ✗ Notação Posfixa:  $H_2 = PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$

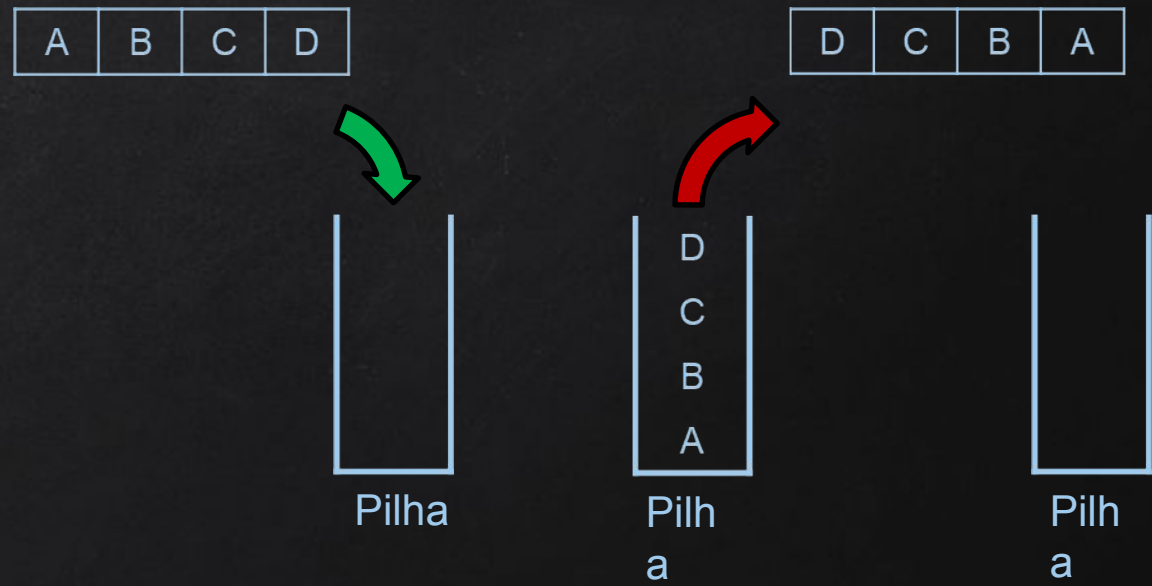
- ✗ Para isso utilizamos uma estrutura chamada de pilha, que serve para armazenar dados temporariamente e recuperá-los em ordem inversa.

# PILHA

## DEFINIÇÃO

- ✗ Uma **pilha** é estrutura que serve para armazenar dados temporariamente e recuperá-los em ordem inversa.
- ✗ As pilhas são estruturas de uso frequente em sistemas computacionais.

- ✗ A figura ilustra o funcionamento de uma pilha, no armazenamento e recuperação de dados.
- ✗ Observe que a sequência original é invertida após a recuperação.

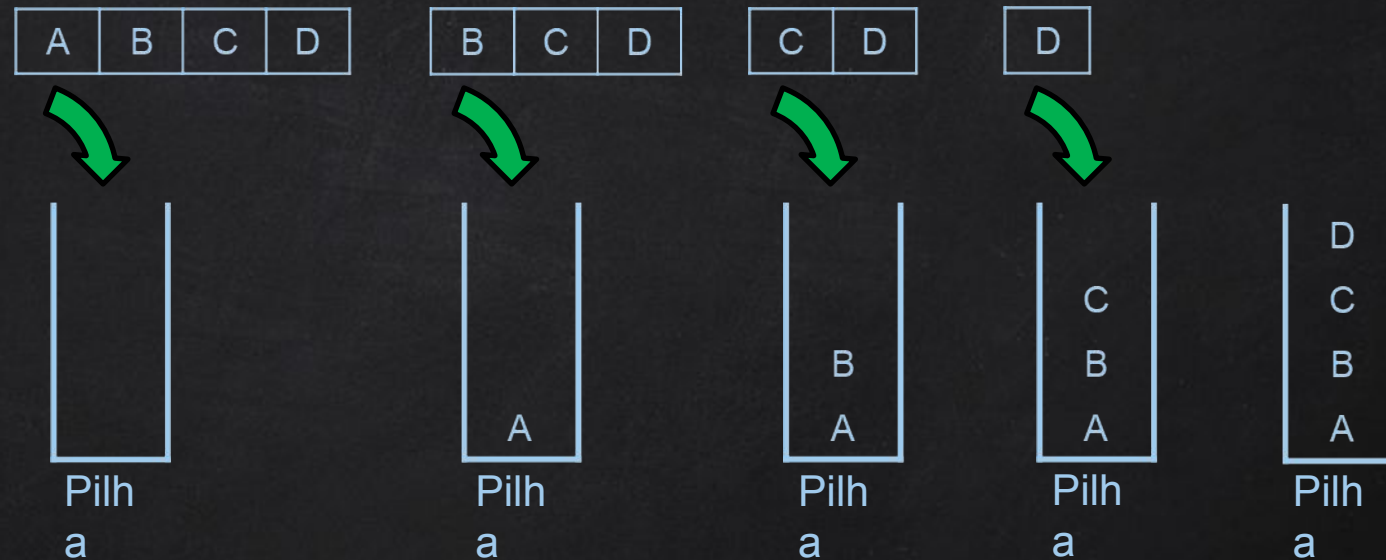




# PILHA

## ARMAZENAMENTO

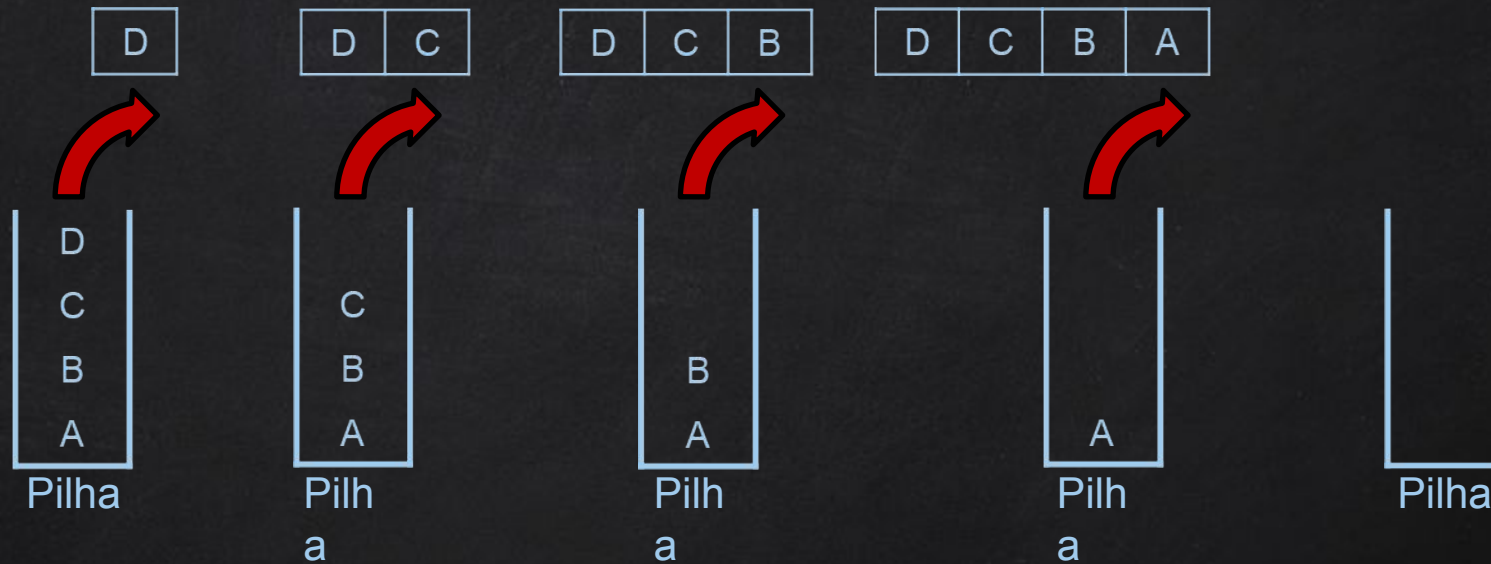
✕ A figura mostra o funcionamento de uma pilha, no armazenamento de dados:



# PILHA

## RECUPERAÇÃO

- ✕ A figura mostra o funcionamento de uma pilha, na recuperação de dados.



# NOTAÇÃO POSFIXA

## ALGORITMO DE INTERPRETAÇÃO

- ✕ Mostraremos os processo de interpretação de uma expressão **posfixa** utilizando uma pilha.
- ✕ A expressão é **processada de esquerda à direita** um símbolo de cada vez.
  - Se o símbolo for um **operando** ele é **inserido** na pilha.
  - Caso contrário, se o símbolo for um **operador**, são **removidos** da pilha tantos operandos quanto requeridos por esse operador. **Executa-se a operação** indicada pelo operador. Considera-se que o primeiro elemento removido será o segundo operando e que o segundo elemento removido será o primeiro operando. O resultado da operação é **inserida** na pilha novamente.
- ✕ O resultado final ficará na pilha como único elemento.



# NOTAÇÃO POSFIXA

## ALGORITMO DE INTERPRETAÇÃO – EXEMPLO

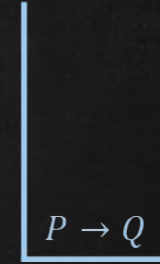
- ✗ A expressão posfixa é processada de **esquerda à direita** usando uma pilha.
- ✗ Na expressão, a seta indica até onde foram processados os símbolos, enquanto a figura mostra o estado da pilha.

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



(a)

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



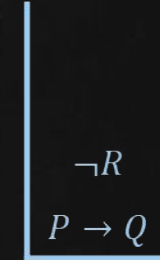
(b)

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



(c)

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$

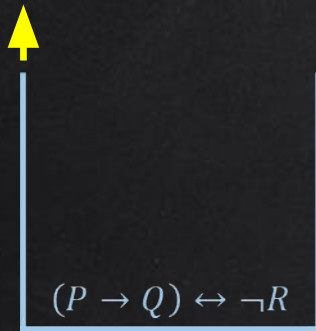


(d)

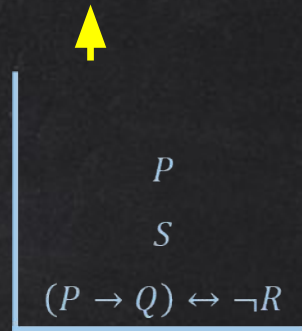
# NOTAÇÃO POSFIXA

## ALGORITMO DE INTERPRETAÇÃO – EXEMPLO

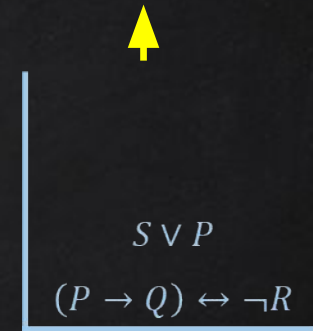
$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



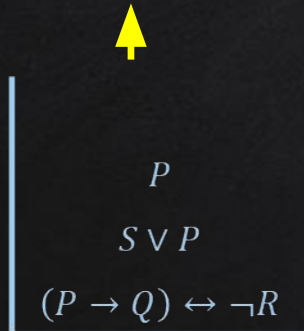
$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



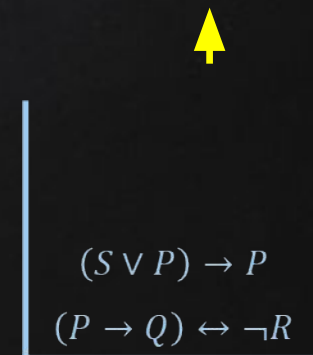
$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



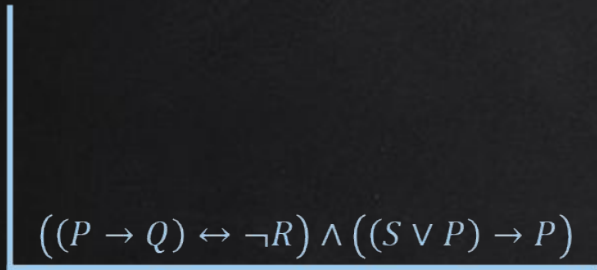
$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



# NOTAÇÃO POSFIXA

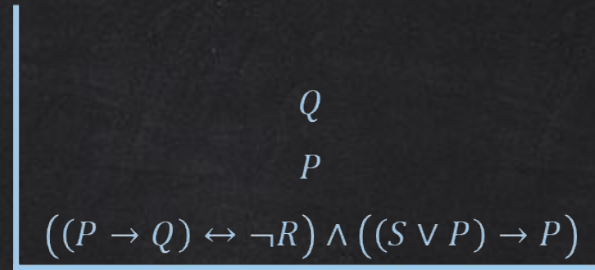
## ALGORITMO DE INTERPRETAÇÃO – EXEMPLO

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



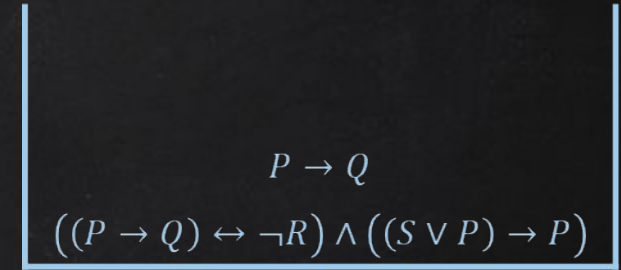
(j)

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



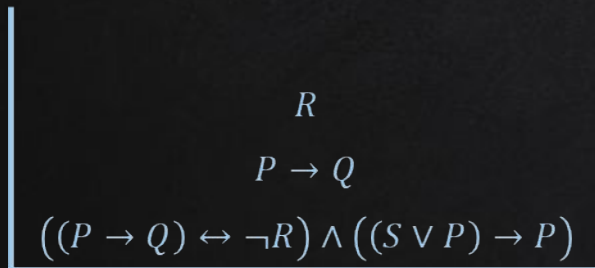
(k)

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



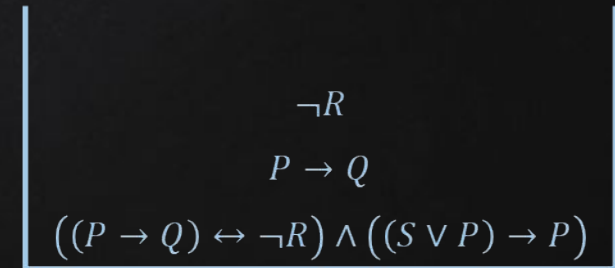
(l)

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



(m)

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



(n)



# NOTAÇÃO POSFIXA

## ALGORITMO DE INTERPRETAÇÃO – EXEMPLO

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



$$\begin{array}{c} (P \rightarrow Q) \leftrightarrow \neg R \\ ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow \neg R) \wedge ((S \vee P) \rightarrow P) \end{array}$$

(o)

$PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow SP \vee P \rightarrow \wedge PQ \rightarrow R \neg \leftrightarrow \rightarrow$



$$\left( ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow \neg R) \wedge ((S \vee P) \rightarrow P) \right) \rightarrow ((P \rightarrow Q) \leftrightarrow \neg R)$$

(p)

# NOTAÇÃO PREFIXA

## ALGORITMO DE INTERPRETAÇÃO

- ✕ Mostraremos os processo de interpretação de uma expressão prefixa utilizando uma pilha.
- ✕ Podemos considerar que a expressão é **processada de direita à esquerda** um símbolo de cada vez.
  - Se o símbolo for um **operando** ele é **inserido** na pilha.
  - Caso contrário, se o símbolo for um **operador**, são **removidos** da pilha tantos operandos quanto requeridos por esse operador. **Executa-se a operação** indicada pelo operador. Considera-se que o primeiro elemento removido será o primeiro operando e que o segundo elemento removido será o segundo operando. O resultado da operação é **inserida** na pilha novamente.
- ✕ O resultado final ficará na pilha como único elemento.

# NOTAÇÃO PREFIXA

## ALGORITMO DE INTERPRETAÇÃO – EXEMPLO

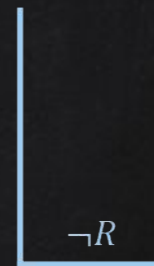
- ✗ A expressão posfixa é processada de **direita à esquerda** usando uma pilha.
- ✗ Na expressão, a seta indica até onde foram processados os símbolos, enquanto a figura mostra o estado da pilha.

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



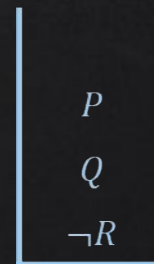
(a)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



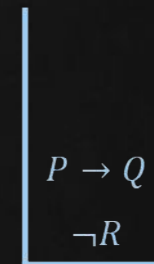
(b)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



(c)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



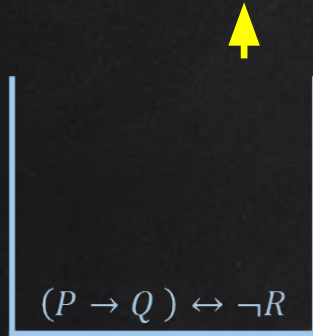
(d)



# NOTAÇÃO PREFIXA

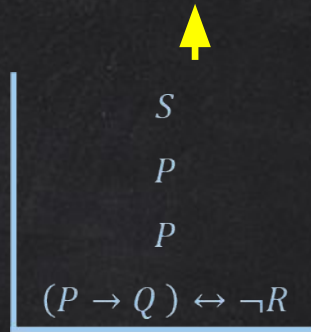
## ALGORITMO DE INTERPRETAÇÃO – EXEMPLO

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



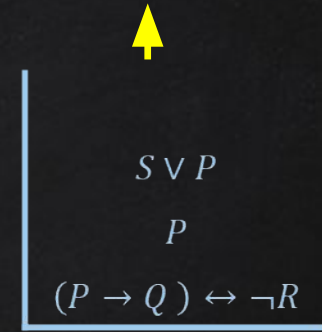
(e)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



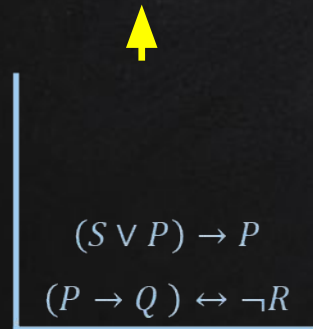
(f)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



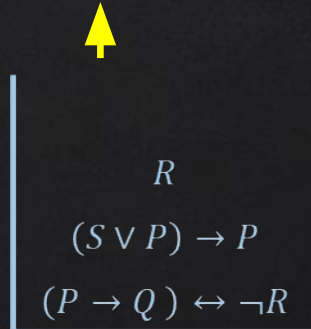
(g)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



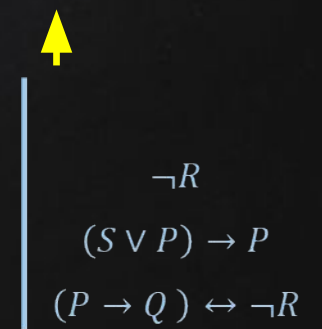
(h)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



(i)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$

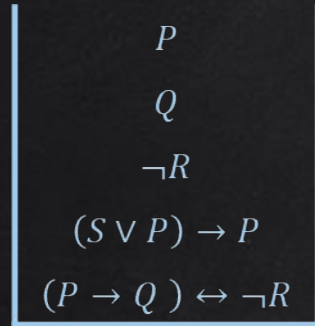


(j)

# NOTAÇÃO PREFIXA

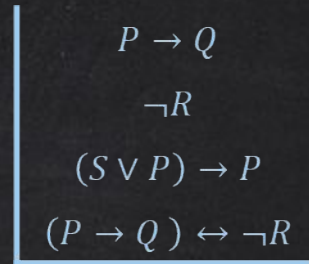
## ALGORITMO DE INTERPRETAÇÃO – EXEMPLO

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



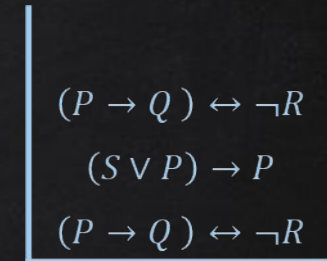
(k)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



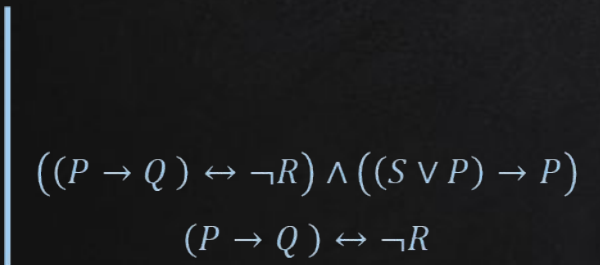
(l)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



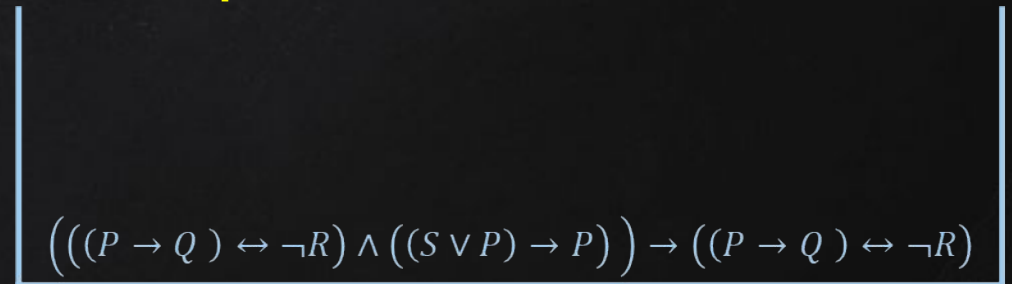
(m)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



(n)

$\rightarrow \wedge \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R \rightarrow \vee SPP \leftrightarrow \rightarrow PQ \neg R$



(o)

# REFERÊNCIAS

- x De Souza, João Nunes. Lógica para Ciência da Computação e Áreas Afins. Capítulo 1. 3ª Edição. Editora Campus. São Paulo. 2015.