

# Криптографические протоколы

## Лекция 8

### Протоколы распределения ключей (Часть 2)

Деркач Максим Юрьевич

October 11, 2018

## Ссылки

1. ISO/IEC 11770-1:2010 – Information technology – Security techniques – Key management – Part 1: Framework
2. ISO/IEC 11770-2:2008 – Information technology – Security techniques – Key management – Part 2: Mechanisms using symmetric techniques
3. ISO/IEC 11770-3:2008 – Information technology – Security techniques – Key management – Part 3: Mechanisms using asymmetric techniques
4. ISO/IEC 11770-4:2006 – Information technology – Security techniques – Key management – Part 4: Mechanisms based on weak secrets
5. СТБ 34.101.45-2013 "Информационные технологии и безопасность. Алгоритмы электронной цифровой подписи и транспорта ключа на основе эллиптических кривых".  
<http://apmi.bsu.by/assets/files/std/bign-spec19.pdf>
6. СТБ 34.101.60-2014 "Информационные технологии и безопасность. Алгоритмы разделения секрета".  
<http://apmi.bsu.by/assets/files/std/bels-spec12.pdf>

# Протоколы распределения ключей

## Needham-Schroeder (NSSK)

1.  $A \rightarrow S : ID_A || ID_B || R_A$
2.  $S \rightarrow A : E_{K_{AS}}(R_A || ID_B || KS || E_{K_{BS}}(KS || ID_A))$
3.  $A \rightarrow B : E_{K_{BS}}(KS || ID_A)$
4.  $B \rightarrow A : E_{KS}(R_B)$
5.  $A \rightarrow B : E_{KS}(R_B - 1)$

# Протоколы распределения ключей

## Needham-Schroeder (NSSK)

### Атака

Если ключ  $KS$  скомпрометирован, возможна атака на протокол методом повтора сеанса: берутся сообщения из прошлого сеанса с ключом  $KS^*$ :

1.  $A \rightarrow S : ID_A || ID_B || R_A$
2.  $S \rightarrow A : E_{K_{AS}}(R_A || ID_B || KS || E_{K_{BS}}(KS || ID_A))$
3.  $I(A) \rightarrow B : E_{K_{BS}}(KS^* || ID_A)$
4.  $B \rightarrow I(A) : E_{KS^*}(R_B)$
5.  $I(A) \rightarrow B : E_{KS^*}(R_B - 1)$

# Протоколы распределения ключей

## KERBEROS

Несколько видоизмененный протокол Needham – Schroeder был положен в основу программного средства аутентификации пользователей распределенных вычислительных систем Kerberos.

В целях исключения возможности осуществления атаки, описанной выше, клиент, пройдя аутентификацию на сервере аутентификации, должен предварительно, до того, как ему будет предоставлен доступ к серверам приложений, получить у специального сервера выдачи билетов так называемые билеты – структуры данных, в которых указывается срок полномочий клиента для доступа к серверам приложений. По истечении этого срока клиент должен получать новый билет. Эта мера ограничивает срок, в течение которого возможно осуществить атаку на протокол.

# Протоколы распределения ключей

## KERBEROS

*AS* - сервер аутентификации

*TGS* - сервер выдачи билетов

$ticket_1 = ID_{TGS} || E_{K_{AS, TGS}}(ID_A || ID_{TGS} || T_{AS} || L || K_{A, TGS})$  -

$auth_1 = E_{K_{A, TGS}}(ID_A || T_A || ...)$

$ticket_2 = ID_B || E_{K_B}(ID_A || ID_B || ID_{TGS} || L' || K)$

$auth_2 = E_K(ID_A || T_A || K_A)$

$auth_3 = E_K(ID_A || T_A + 1 || K_B)$

# Протоколы распределения ключей

## KERBEROS

1.  $A \rightarrow AS : ID_A || ID_{TGS} || R_A$
2.  $AS \rightarrow A : E_{K_{A,AS}}(E_{K_{A,TGS}} || R_A || ticket_1)$
3.  $A \rightarrow TGS : ID_B || ticket_1 || auth_1$
4.  $TGS \rightarrow A : E_{K_{A,TGS}}(K || ticket_2)$
5.  $A \rightarrow B : ticket_2 || auth_2$
6.  $B \rightarrow A : auth_3$

Шаги (1) – (2) выполняются только во время первого входа клиента в систему.

Шаги (3) – (4) выполняются всякий раз , когда клиент  $A$  хочет обратиться к новому серверу  $B$ .

Шаг (5) выполняется всякий раз, когда  $A$  проходит аутентификацию для  $B$ .

Шаг (6) является необязательным и выполняется, когда  $A$  требует от  $B$  взаимную аутентификацию.

# Протоколы распределения ключей

## Протоколы основанные на асимметричных криптосистемах

### Needham-Schroeder Public Key (NSPK)

1.  $A \rightarrow S : ID_A || ID_B$
2.  $S \rightarrow A : E_{K_S^{sec}}(K_B^{pub} || ID_B)$
3.  $A \rightarrow B : E_{K_B^{pub}}(K_A || ID_A)$
4.  $B \rightarrow S : ID_B || ID_A$
5.  $S \rightarrow B : E_{K_S^{sec}}(K_A^{pub} || ID_A)$
6.  $B \rightarrow A : E_{K_A^{pub}}(K_B || K_A)$
7.  $A \rightarrow B : E_{K_B^{pub}}(K_B)$
8.  $A, B : KS = f(K_A, K_B)$

$E_{K_S^{sec}}()$  - подпись на секретном ключе.

$E_{K_B^{pub}}()$  - шифрование на открытом ключе.

$f()$  - общеизвестная однонаправленная функция.



# Протоколы распределения ключей

## Протоколы основанные на асимметричных криптосистемах

### NSPK без 3-ей стороны

1.  $A \rightarrow B : E_{K_B^{pub}}(K_A || ID_A)$
2.  $B \rightarrow A : E_{K_A^{pub}}(K_A || K_B)$
3.  $A \rightarrow B : E_{K_B^{pub}}(K_B)$
4.  $A, B : KS = f(K_A, K_B)$

# Протоколы распределения ключей

## Смешанные протоколы

### EKE(Encrypted Key Exchange)

$K_{AB} = P$  - пароль

1.  $A \rightarrow B : ID_A || E_P(K_A^{pub})$
2.  $B \rightarrow A : E_P(E_{K_A^{pub}}(KS))$
3.  $A \rightarrow B : E_{KS}(R_A)$
4.  $B \rightarrow A : E_{KS}(R_A || R_B)$
5.  $A \rightarrow B : E_{KS}(R_B)$

### Bilateral Key Exchange with Public Key

1.  $B \rightarrow A : ID_B || E_{K_A^{pub}}(R_B || ID_B)$
2.  $A \rightarrow B : E_{K_B^{pub}}(h(R_B) || R_A || ID_A || KS)$
3.  $B \rightarrow A : E_{KS}(h(R_A))$

# Протоколы распределения ключей

## Смешанные протоколы

### SPX

$a_A, a_B$  - сетевые адреса.

$L, L_A, L_B$  - время жизни ключей (приватных и публичных) сеанса, пользователя  $A$  и пользователя  $B$  соответственно.

$$m_A = (ID_A || ID_B || L_B || K_B^{pub})$$

$$m_B = (ID_B || ID_A || L_A || K_A^{pub})$$

1.  $A \rightarrow T : ID_B$
2.  $T \rightarrow A : m_A || E_{K_{AT}}(h(m_A)) < -cert_{AB}$
3.  $A \rightarrow B : ID_A || E_{K_A^{sec}}(ID_A || K_A^{pub} || L) || E_{K_B^{pub}}(KS) || E_{K_A^{sec}}(E_{K_B^{pub}}(KS)) || t || E_{KS}(t) || a_A$
4.  $B \rightarrow T : ID_A$
5.  $T \rightarrow B : m_B || E_{K_{BT}}(h(m_B)) < -cert_{BA}$
6.  $B \rightarrow A : E_{KS}(t) || a_B$

# Протоколы распределения ключей

1.  $A \rightarrow B : E_{K_B^{pub}}(KS || t) || sign_A(ID_B || KS || t)$
2.  $A \rightarrow B : E_{K_B^{pub}}(KS || t || sign_A(ID_B || KS || t))$
3.  $A \rightarrow B : t || E_{K_B^{pub}}(ID_A || KS) || sign_A(ID_B || t || E_{K_B^{pub}}(ID_A || KS))$

## Сертификаты открытых ключей

$$cert_A = (ID_A || K_A^{pub} || t || sign_T(ID_A || K_A^{pub} || t))$$

# Протоколы распределения ключей

## X.509

$$d_A = (T_A || R_A || ID_B || text_1 || E_{K_B^{pub}}(K_A))$$

$$d_B = (T_B || R_B || ID_A || text_2 || E_{K_A^{pub}}(K_B))$$

1.  $A \rightarrow B : cert_A || d_A || sign_A(d_A)$
2.  $B \rightarrow A : cert_B || d_B || sign_B(d_B)$
3.  $A \rightarrow B : R_B || ID_B || sign_A(R_B || ID_B)$
4.  $A, B : KS = f(K_A, K_B)$

Шаг (3) необязателен, выполняется только если нужно подтверждение.

# Протоколы распределения ключей

## Протоколы с использованием ЭЦП

### Денниг -Сакко

1.  $A \rightarrow S : ID_A || ID_B$
2.  $S \rightarrow A : cert_A || cert_B$
3.  $A \rightarrow B : cert_A || cert_B || E_{K_B^{pub}}(KS || t_A || sign_A(KS || T_A))$
4.  $A, B : KS = f(K_A, K_B)$

Шаг (3) необязателен, выполняется только если нужно подтверждение.

# Протоколы распределения ключей

## Протокол MTI

### 1. Предварительный этап:

Выбираются следующие параметры:  $p, \alpha$ , где  $p$  - простое число,  $a \in Z_p^*$

$A$  выбирает  $a$ ,  $1 \leq a \leq p-2$ ,  $z_A = \alpha^a \pmod{p}$ .

$B$  выбирает  $b$ ,  $1 \leq b \leq p-2$ ,  $z_B = \alpha^b \pmod{p}$ .

### 2. $A \rightarrow B : m_{AB} = \alpha^x \pmod{p}$ , $1 \leq x \leq p-2$ , $x$ - случайное

### 3. $B \rightarrow A : m_{BA} = \alpha^y \pmod{p}$ , $1 \leq y \leq p-2$ , $y$ - случайное

Варианты построения ключа:

№	$m_{AB}$	$m_{BA}$	$K_A$	$K_B$	$K$
1	$\alpha^x$	$\alpha^y$	$m_{BA}^a z_B^x$	$m_{AB}^b z_A^y$	$\alpha^{bx+ay}$
2	$z_B^x$	$z_A^y$	$m_{BA}^{a^{-1}} \alpha^x$	$m_{AB}^{b^{-1}} \alpha^y$	$\alpha^{x+y}$
3	$z_B^x$	$z_A^y$	$m_{BA}^{a^{-1}x}$	$m_{AB}^{b^{-1}y}$	$\alpha^{xy}$
4	$z_B^x$	$z_A^y$	$m_{BA}^x$	$m_{AB}^y$	$\alpha^{bxay}$

# Протоколы распределения ключей

Предварительное распределение ключей нужно для уменьшения объёма распределяемой и хранимой информации.

$A_1, \dots, A_n$  - абоненты.

$K$  - множество ключей.

$P$  - множество исходных ключевых параметров ( $p_i$  - пароль каждого абонента).

$Q$  - множество значений ключевых материалов абонентов ( $q_i$  - секрет каждого абонента).

$R$  - множество значений открытой информации ( $r_1, \dots, r_n$  - в открытом доступе).



# Протоколы распределения ключей

Схема предварительного распределения ключей:

$$S(n) = (K, P, Q, R, A_0, A_1)$$

1.  $A_0 : P \times R \rightarrow Q$  - алгоритм формирования секретных ключевых материалов.

$$A_0(p_i, r_i) = q_i, \quad 1 \leq i \leq n$$

2.  $A_1 : Q \times R \rightarrow K$  - алгоритм вычисления ключа парной связи.

$$A_1(q_i, r_j) = A_1(q_j, r_i),$$

$K_{ij} = A_1(q_i, r_j), i = j$  : либо не рассматривается либо некий личный секретный ключ.

$$A_0(p, r_i) = Q_i \subseteq K^{t_i} \subseteq Q, \quad 1 \leq i \leq n$$

# Протоколы распределения ключей

## Предложение 1

$$\forall r_i \in R, q_i \in Q, 1 \leq i \leq n$$

$A_0(p, r_i) = q_i$  - имеет одинаковое число решений относительно  $p \in P$ .

## Предложение 2

$$\forall r_i \in R, k \in K, 1 \leq i \leq n$$

$A_1(q_i, r_i) = k$  - имеет одинаковое число решений относительно  $q_i \in Q$ .



**ВНИМАНИЕ**

**СПАСИБО ЗА  
ВНИМАНИЕ**