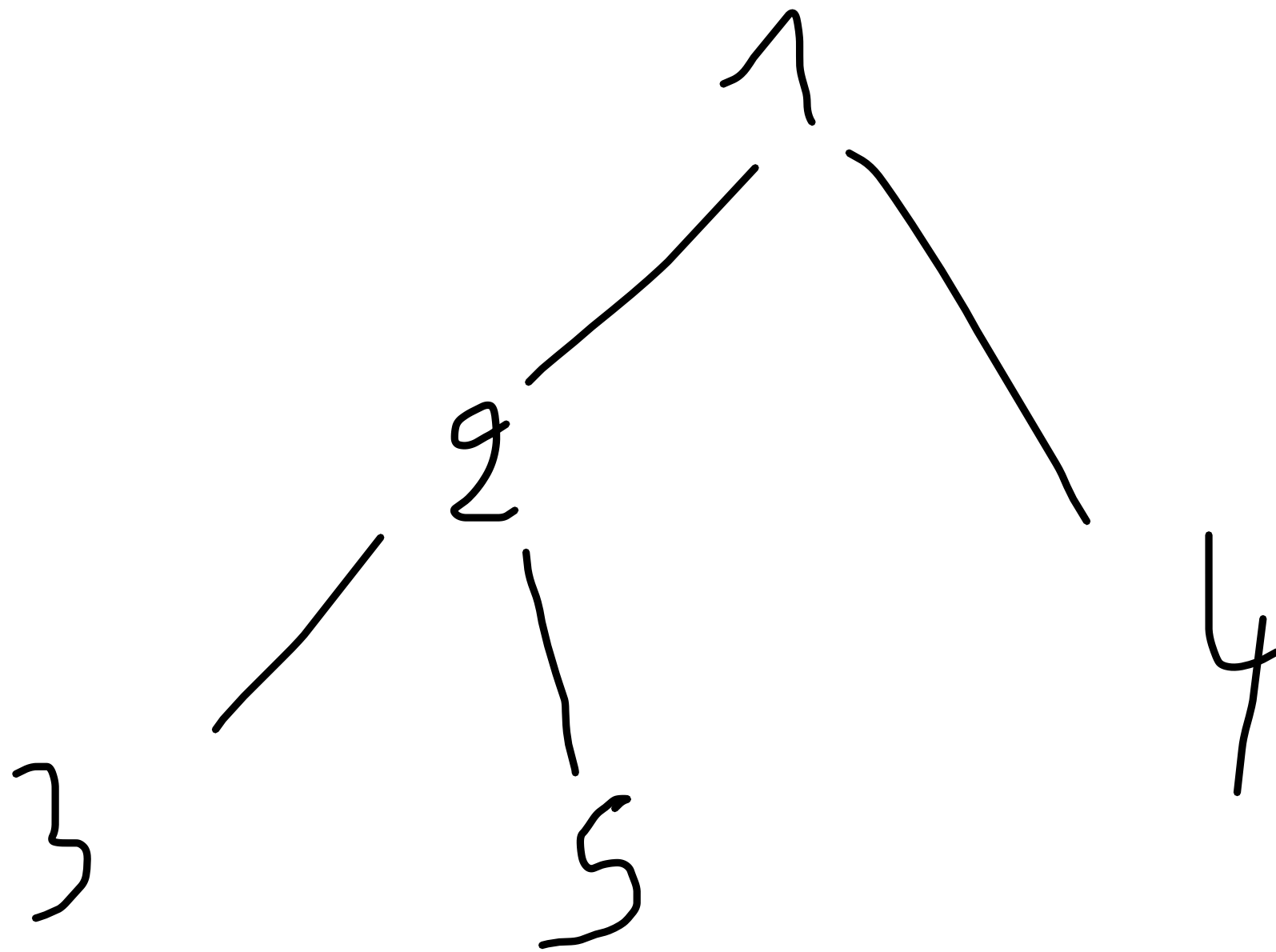
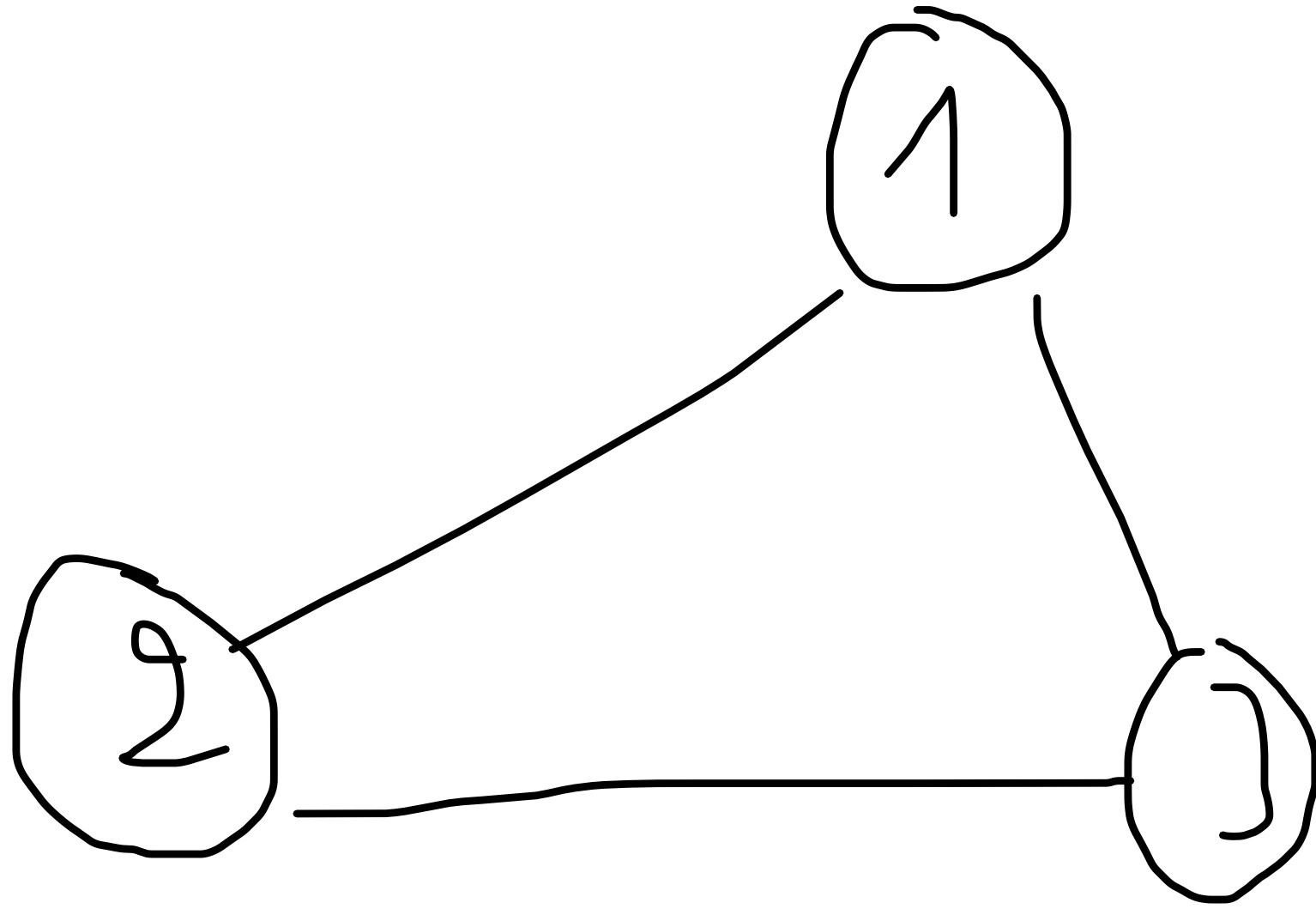
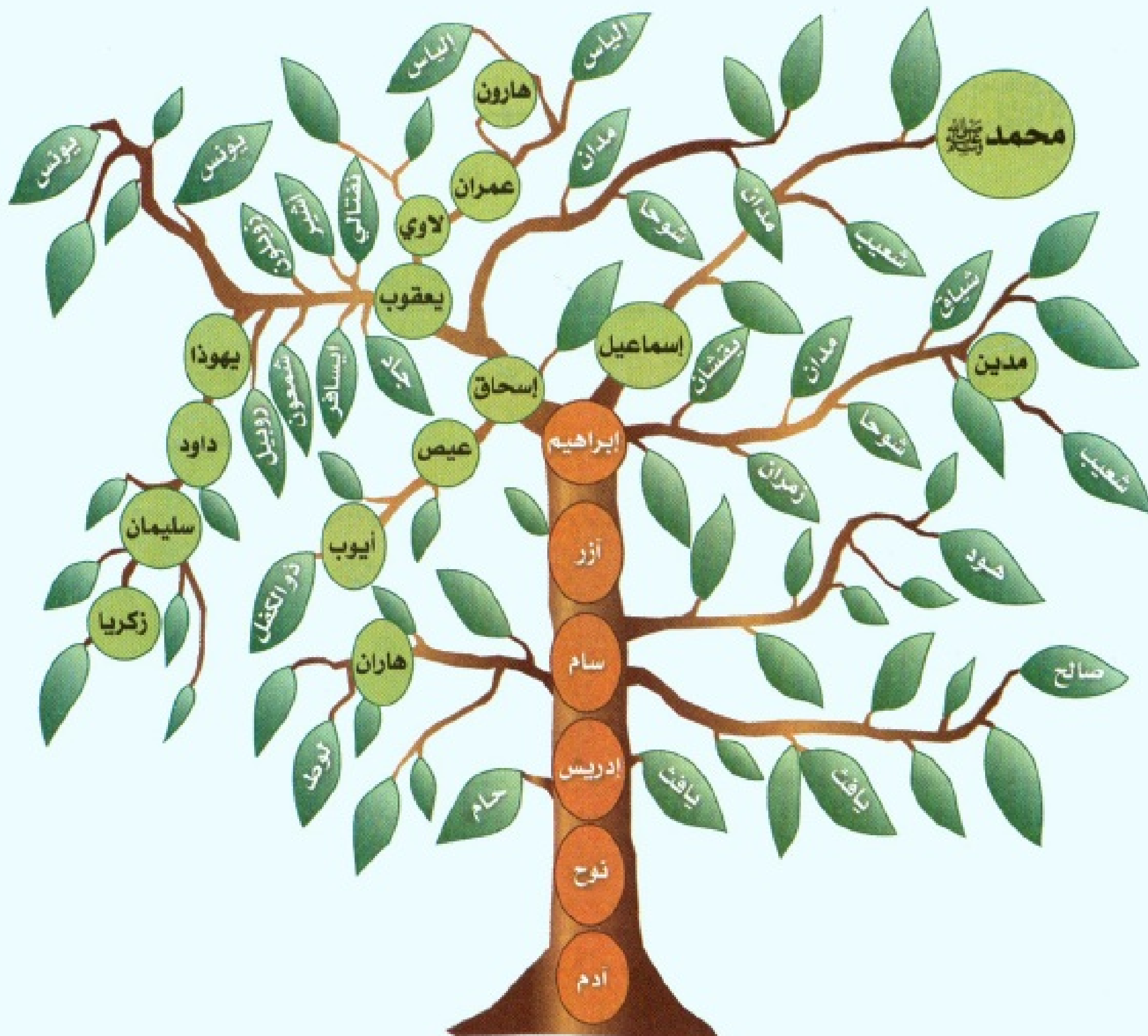


# Arbre: Une structure non linéaire



Graphe: Une structure non linéaire

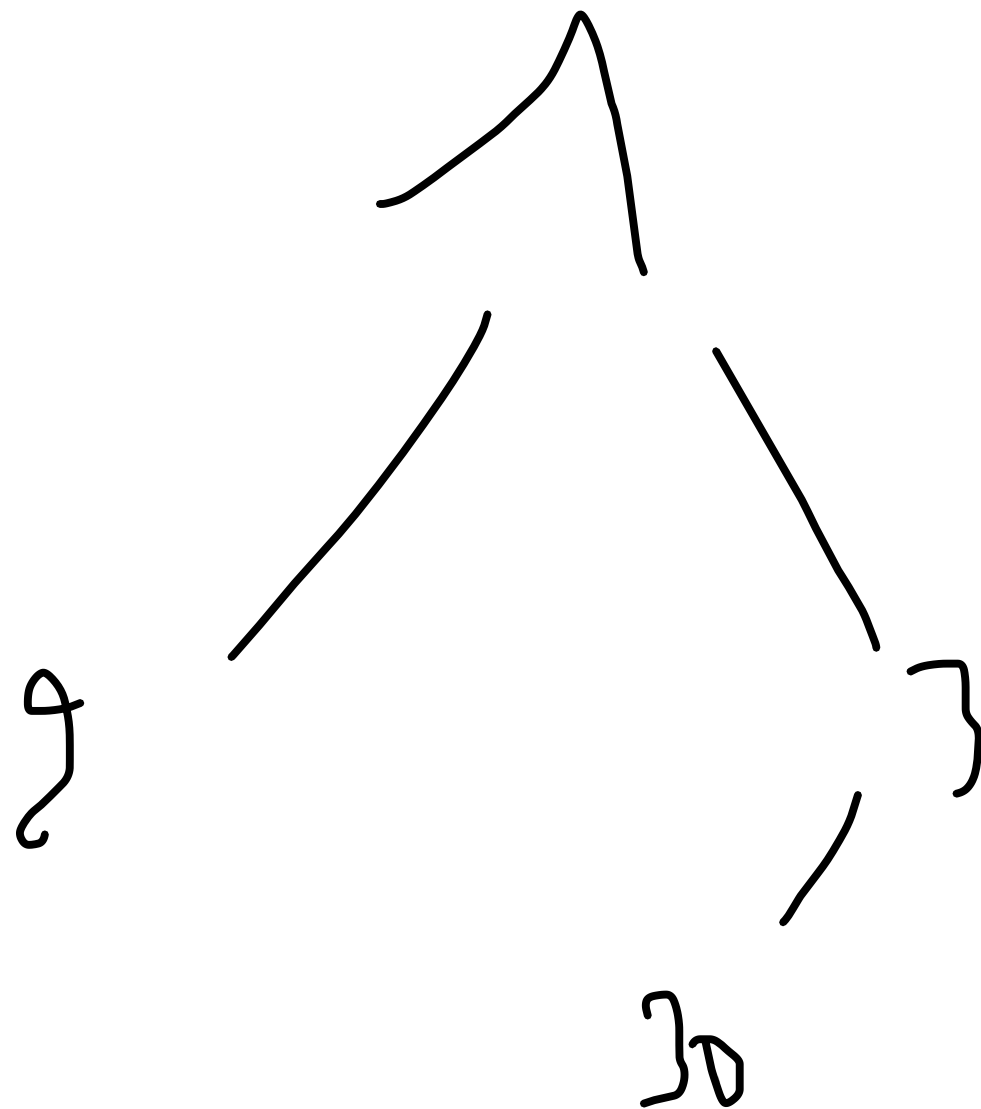




arbre binaire:

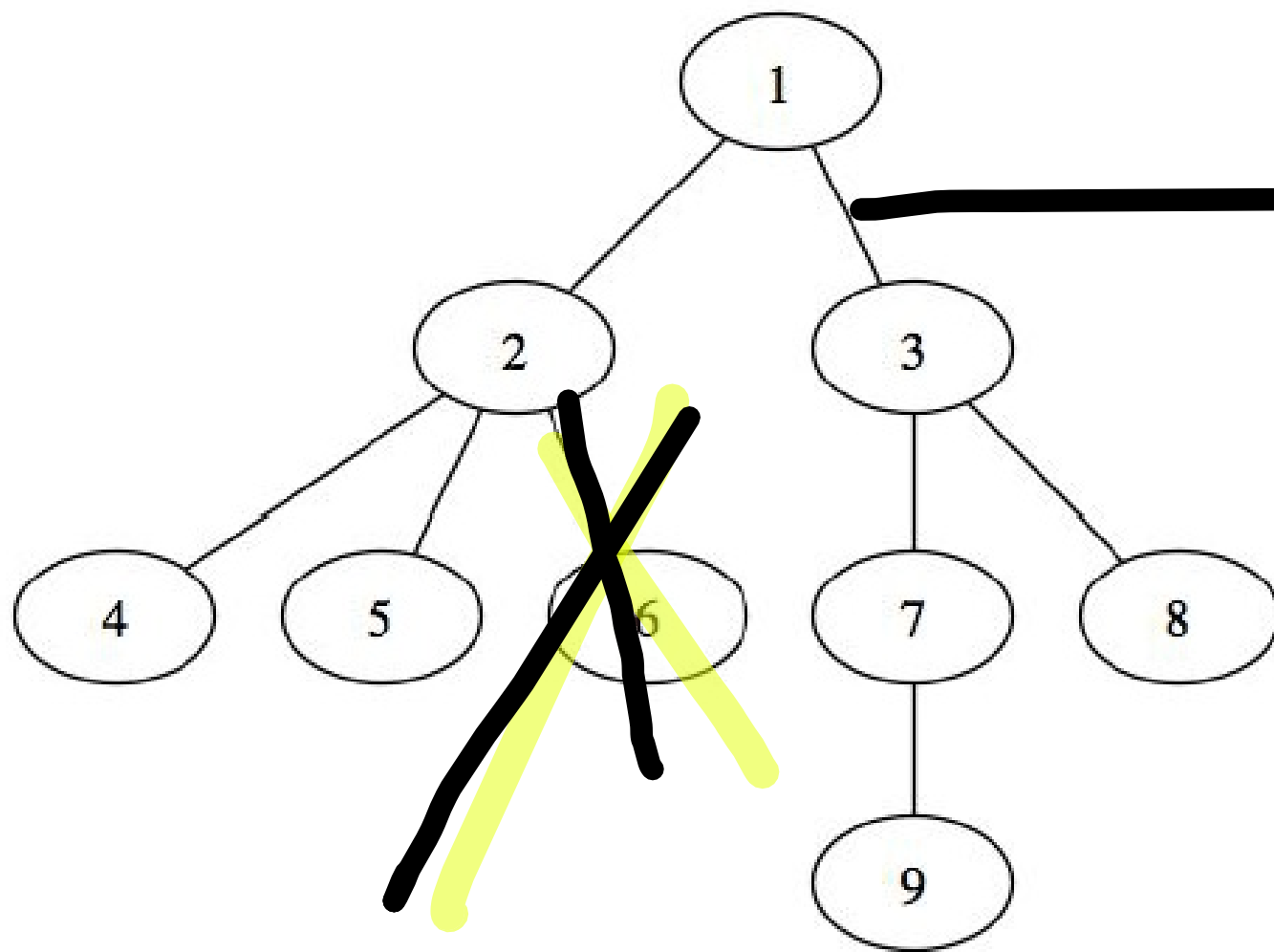
est un arbre dont l'arité vaut 2

chaque sommet possède au maximum deux fils



## La profondeur d'un sommet

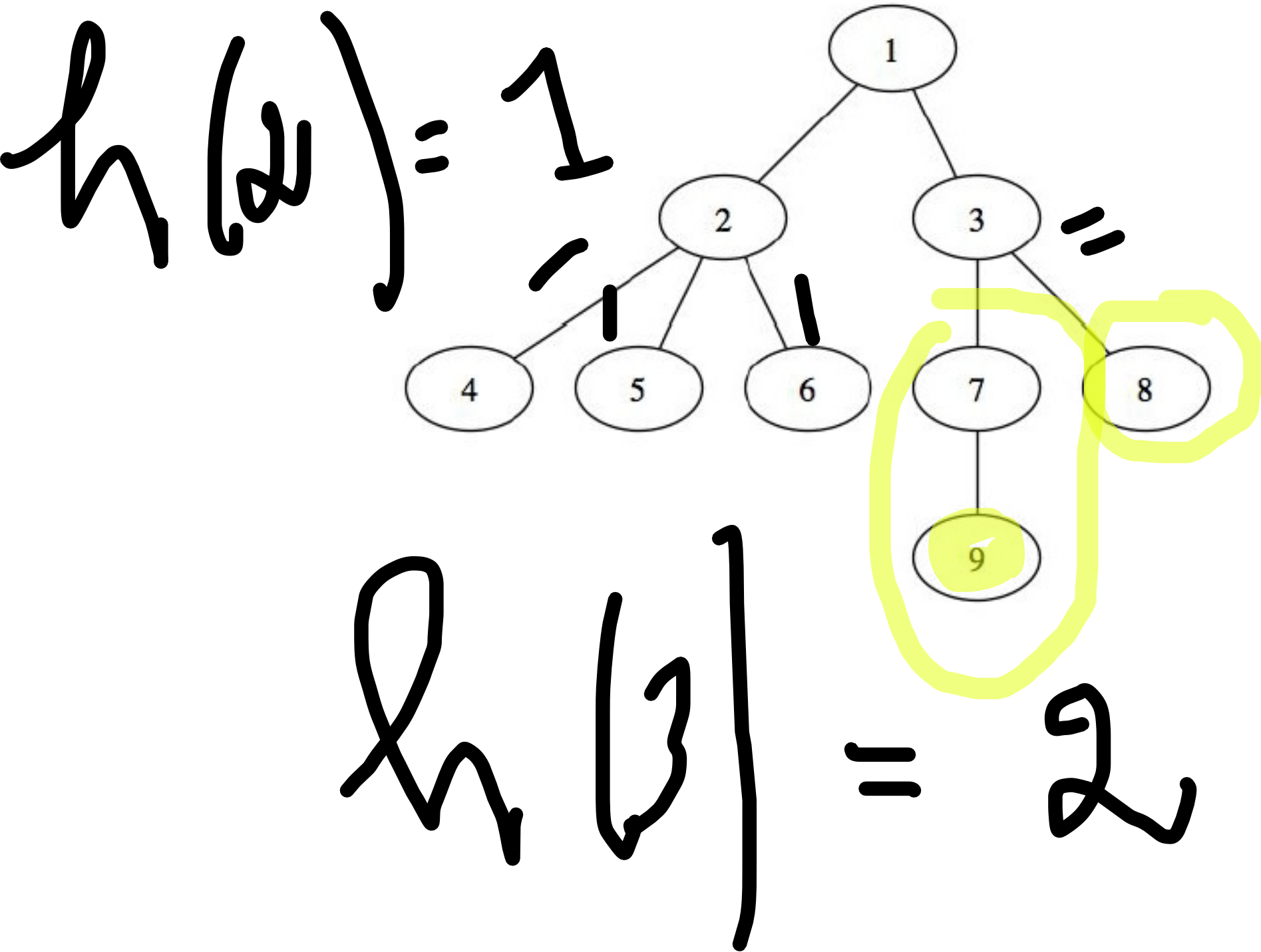
- La profondeur (niveau) d'un noeud est la longueur de la branche depuis la racine
- La profondeur d'un sommet est définie récursivement par :
  - $\text{prof}(v) = 0$  si  $v$  est la racine
  - $\text{prof}(v) = \text{prof}(\text{parent}(v)) + 1$



branche  
=  
lien entre  
deux nœuds

## La hauteur d'un sommet

- La hauteur d'un sommet est la plus grande profondeur d'une feuille du sous-arbre dont il est la racine



$$h(8) = 0$$

$$h(1) = 3$$

# Qu'est ce qu'un arbre binaire?

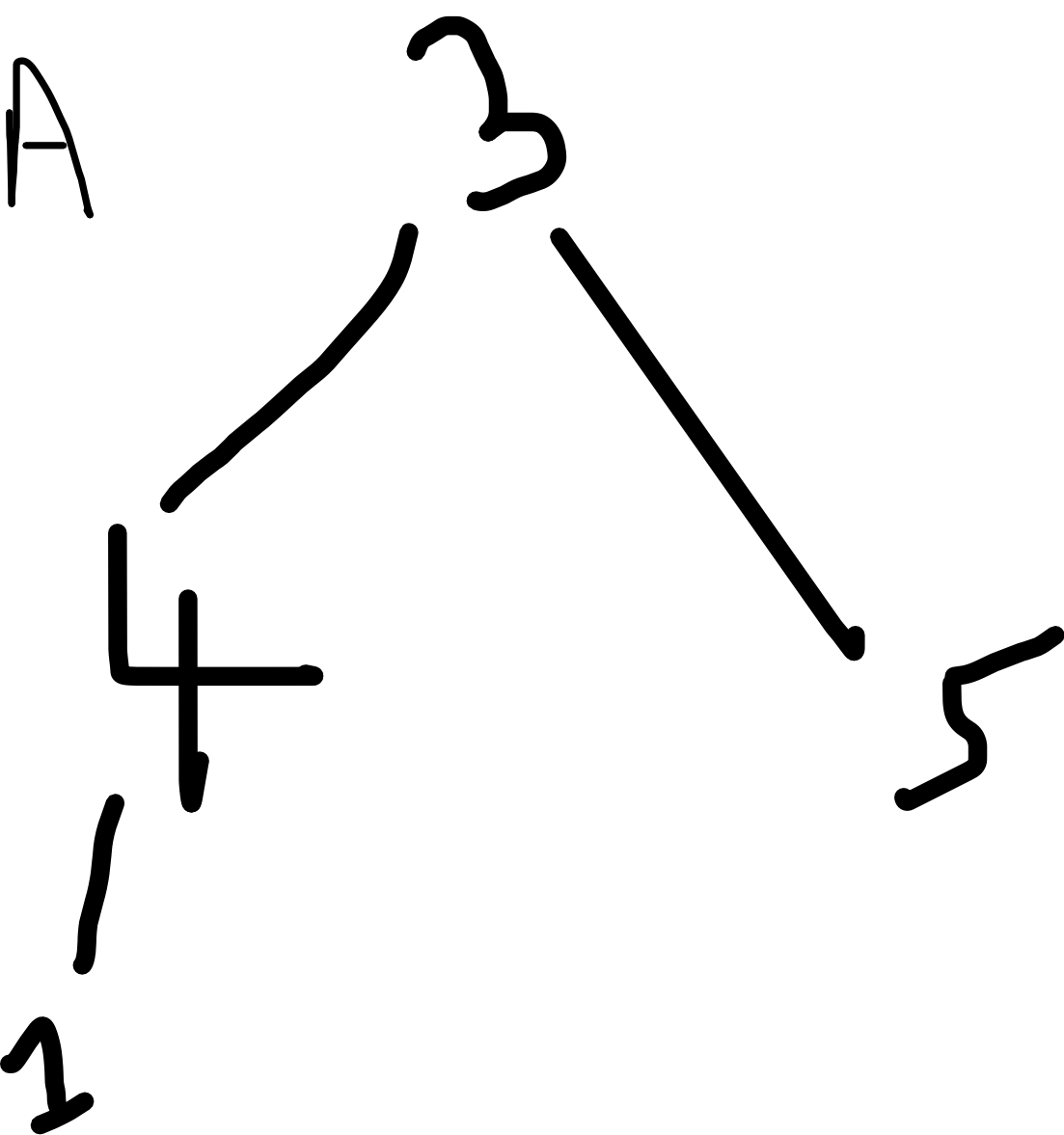
## Définition récursive

- Soit vide
- Soit composé
  - d'une racine  $r$
  - de 2 sous arbres binaires ABG et ABD disjoints
    - \* ABG : sous Arbre Binaire Gauche
    - \* ABD : sous Arbre Binaire Droit

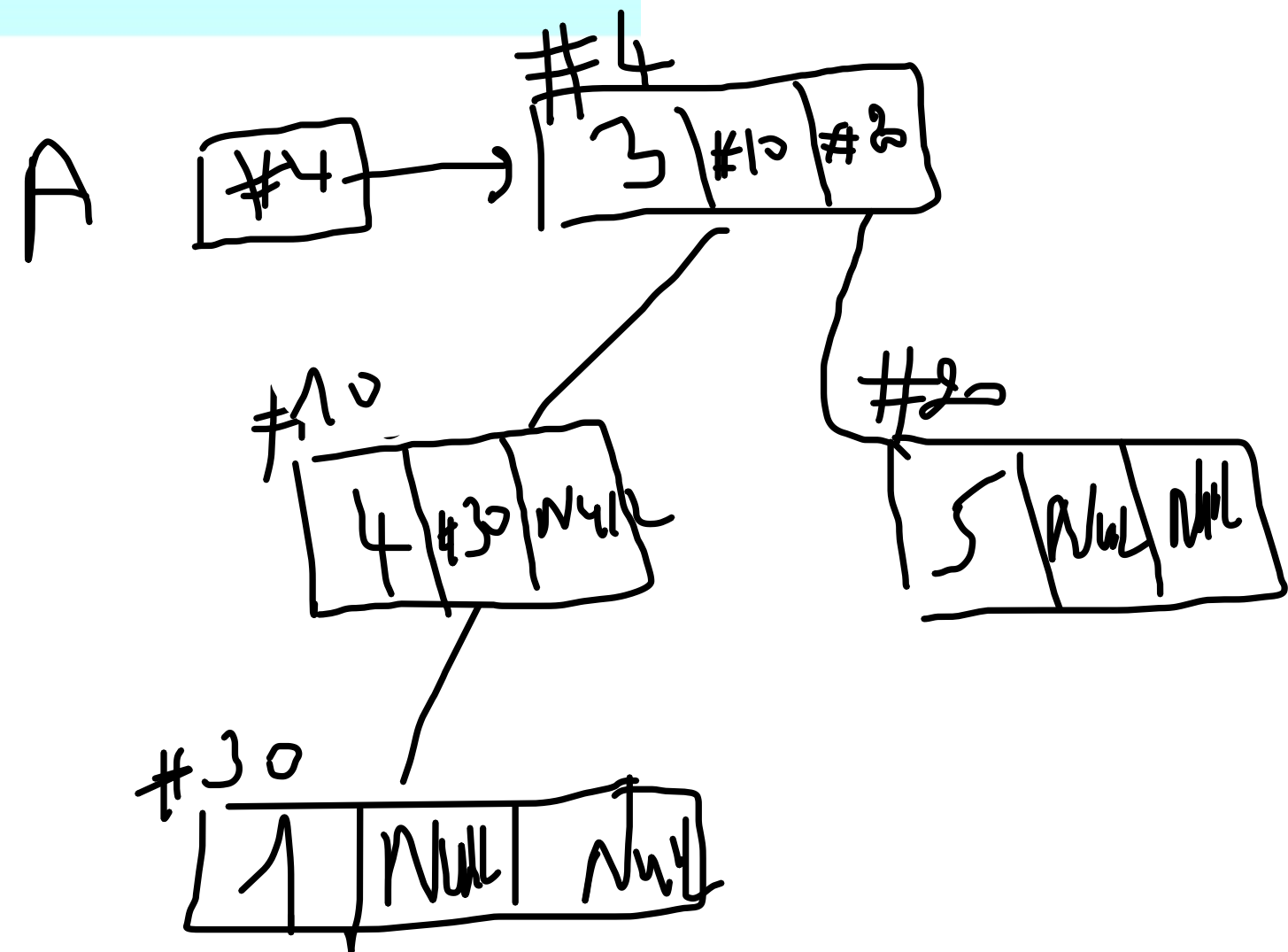
```

#include<stdio.h>
#include<stdlib.h>
/* Définition du type noeud d'un arbre binaire */
typedef struct noeud{
int  info; /*le champ etiq peut avoir n'importe quel type*/
struct noeud *fg ; /*pointeur contenant l'adresse du ABG*/
struct noeud *fd ; /*pointeur contenant l'adresse du ABD*/
}Btree ;

```



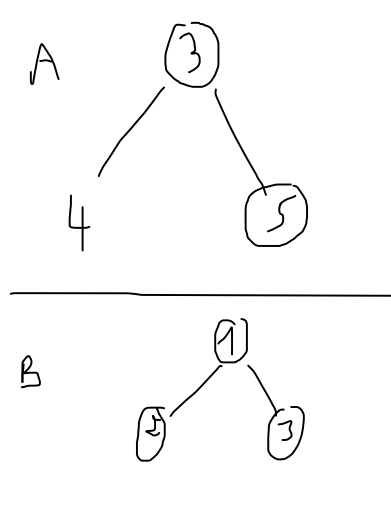
Btree \*A;





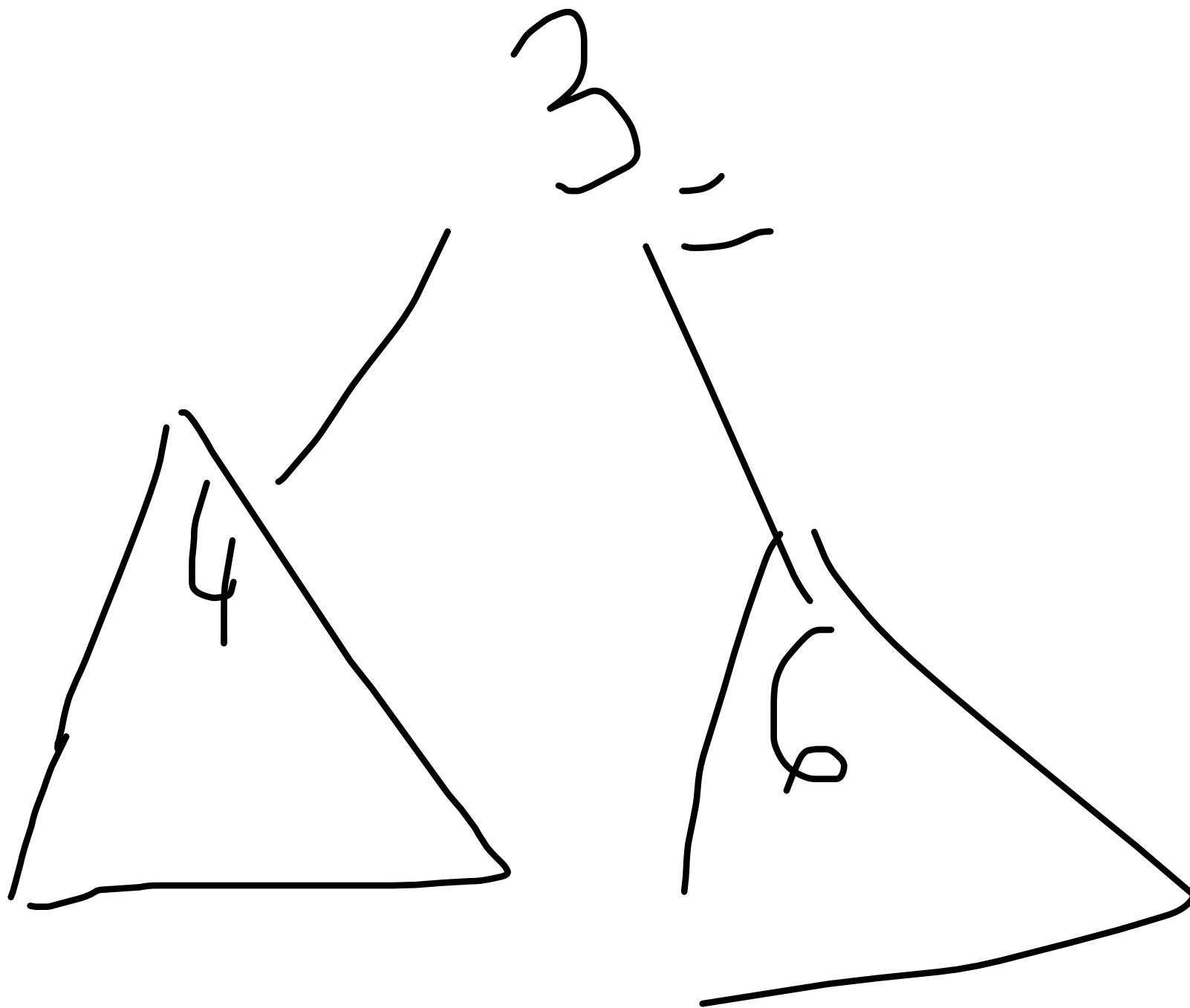
```
#include<stdio.h>
#include<stdlib.h>
/* Définition du type noeud d'un arbre binaire */
typedef struct noeud{
int  info; /*Le champ etiq peut avoir n'importe quel type*/
struct noeud *fg ; /*pointeur contenant L'adresse du ABG*/
struct noeud *fd ; /*pointeur contenant L'adresse du ABD*/
}Btree ;
```

```
//// Primitives
Btree * ArbrVide()
//////////
int EstVide(Btree *A)
//////////
Btree *FilsGauche(Btree *A)
//////////
Btree *FilsDroit(Btree *A)
//////////
int ValRacine(Btree *A)
//////////
Btree *CreerNoeud(int e,Btree *g,Btree *d)
//////////
Btree *CreerFeuille(int e)
//////////
Btree *CreerFeuille_Sol2(int e)
//////////
int EstFeuille(Btree *A)
```



```
main()  
{  
    Btree *A,*B,*C;  
    A=ArbrVide();  
    A=CreerFeuille(1);  
    A->fg=CreerFeuille(2);  
    A->fd=CreerFeuille(3);  
    A->fg->fg=CreerFeuille(4);  
    B=ArbrVide();  
    B=CreerFeuille(5);  
    B->fg=CreerFeuille(6);  
    B->fd=CreerFeuille(7);  
    //ParcoursPrefixe(A);  
    //ParcoursInfixe(A);  
    //ParcoursPostfixe(A);  
    C=CreerNoeud(0,A,B);  
    //ParcoursPrefixe(C);  
    printf("%d",RechercheS2(C,5));  
}
```

Parcours Prefixe: RGD



3 4 6

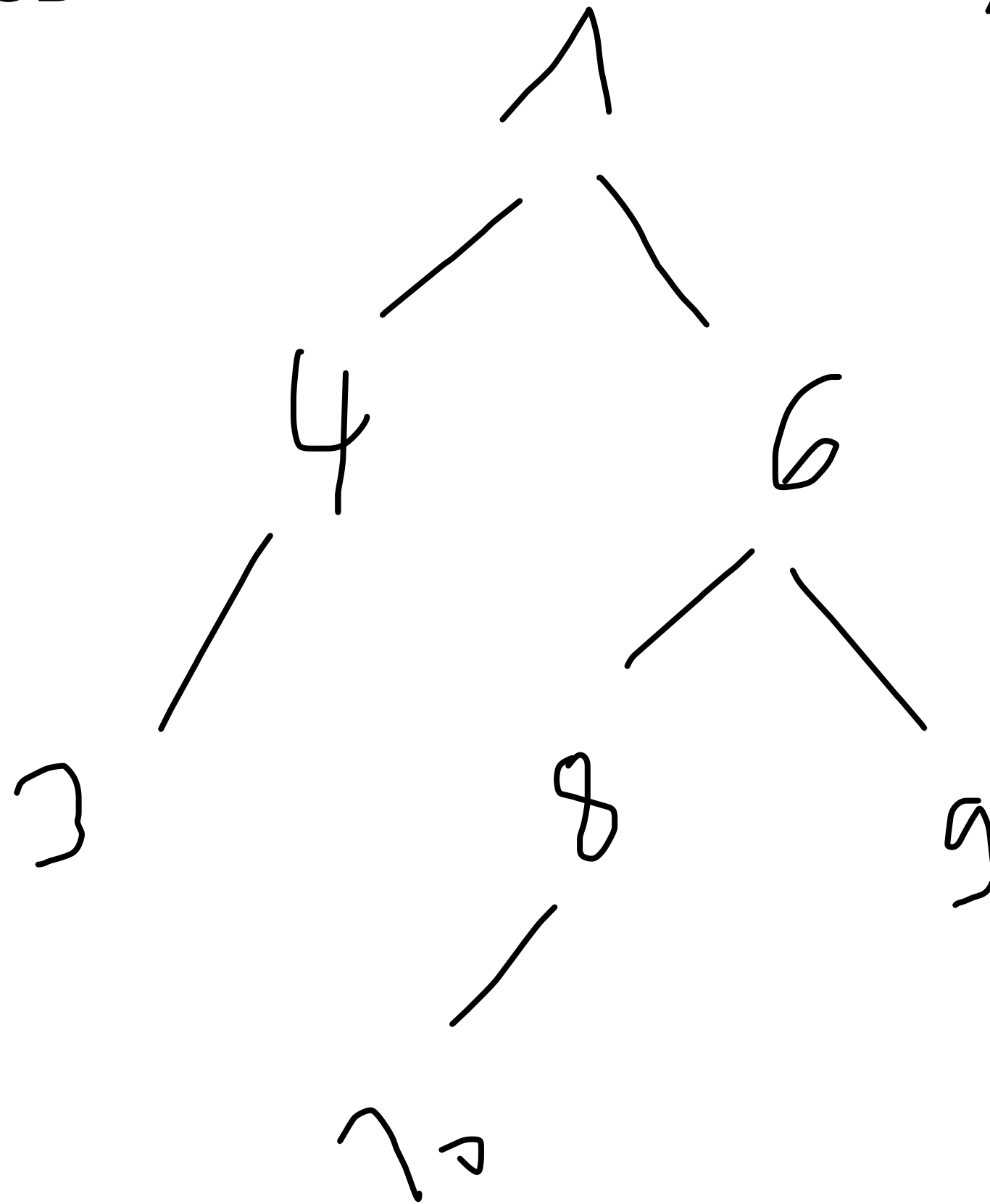
Parcours Prefixe: RGD

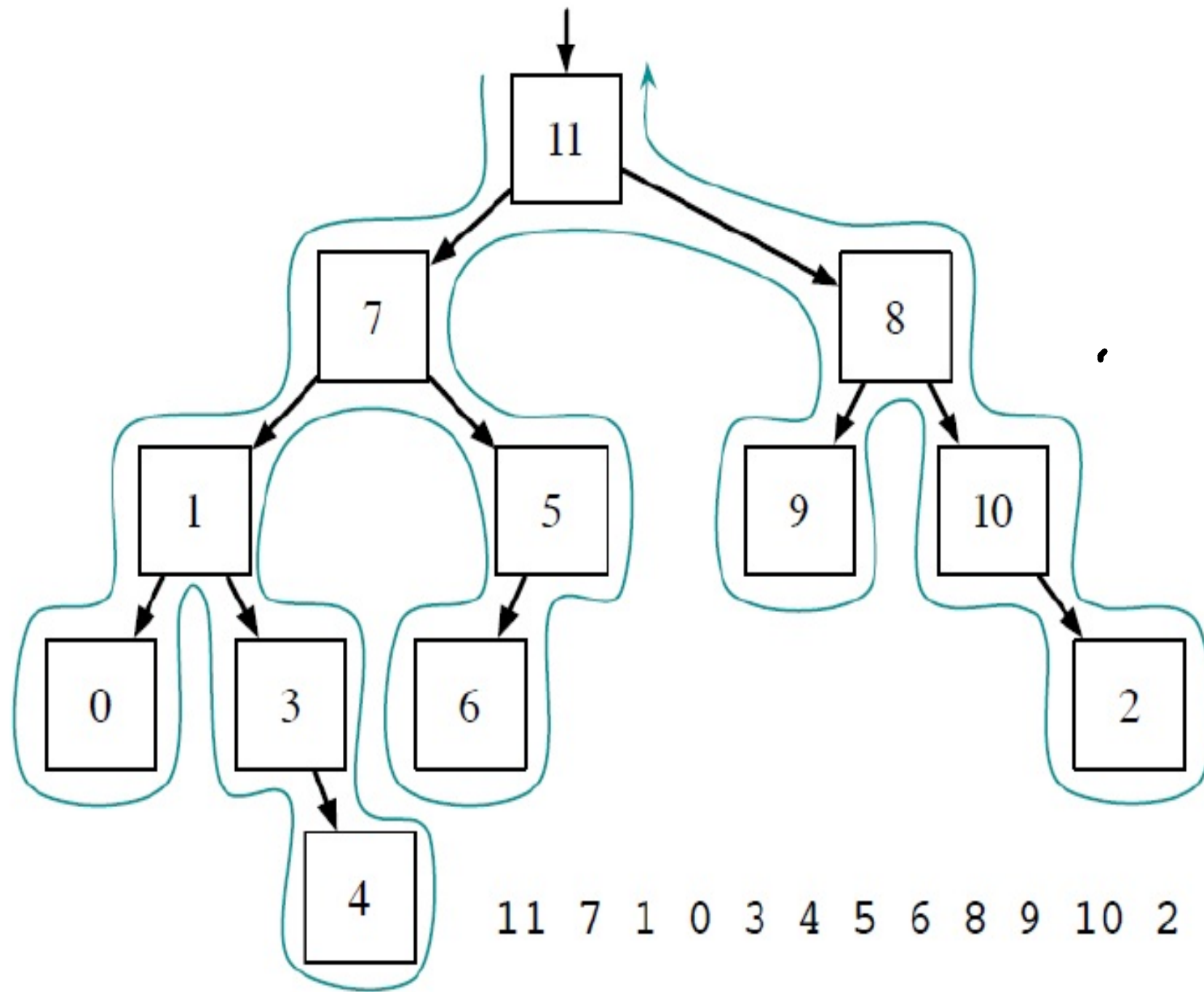
1 2 4 5 3



Parcours Prefixe: RGD

1 4 3 6 8 10 9





```

void parcoursPrefixe(Btree *A)
{
  if(A!=NULL)
  {
    printf("%d",A->info);
    parcoursPrefixe(A->fg);
    parcoursPrefixe(A->fd)
  }
}
  
```

C:\Users\Student\Downloads\abrV1.exe

0  
1  
2  
3  
4  
5  
6

---

Process exited after 1.755 seconds with return value 0  
Appuyez sur une touche pour continuer...

Parcours Infixe:GRD

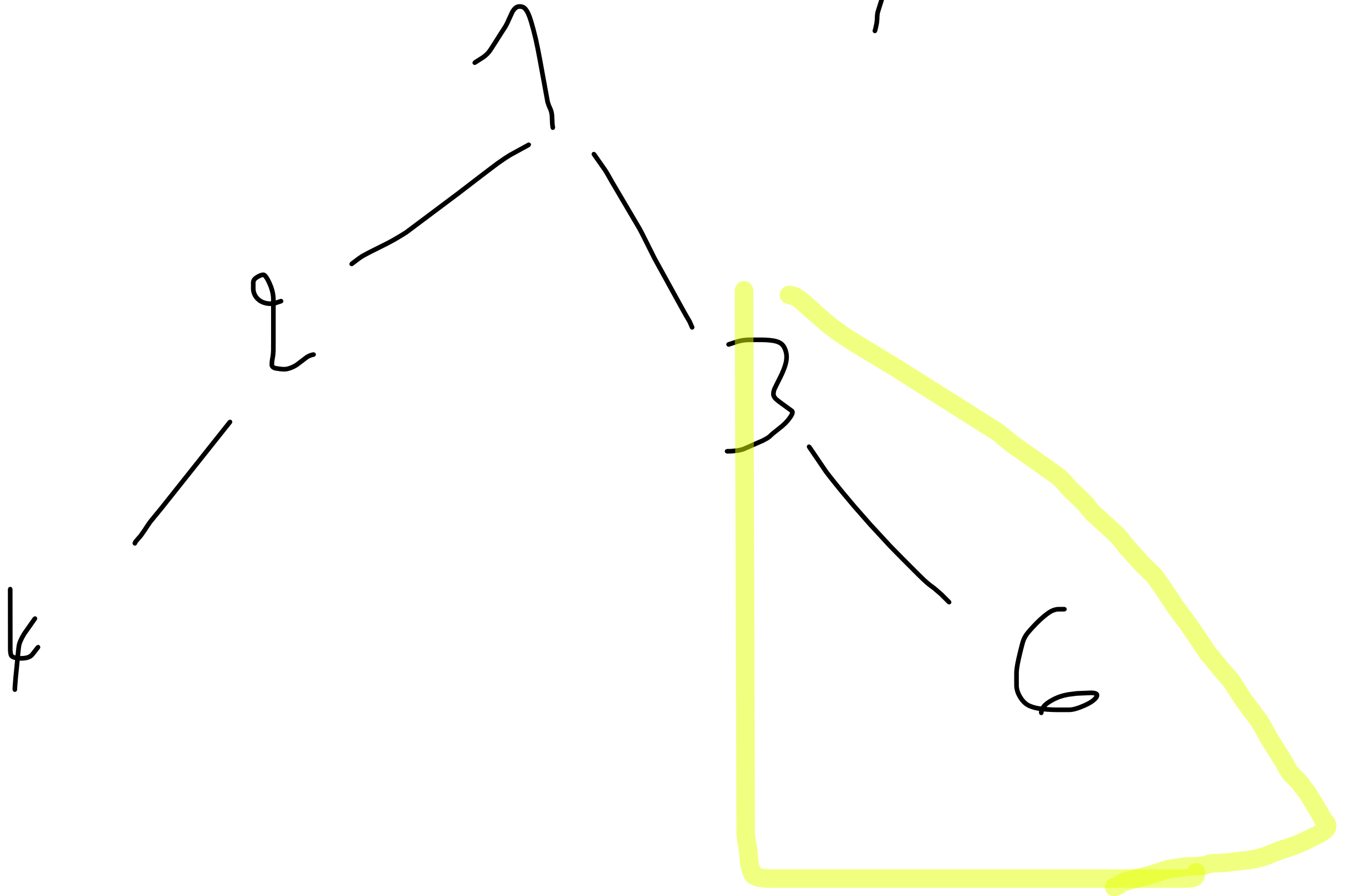


2 ^ 3



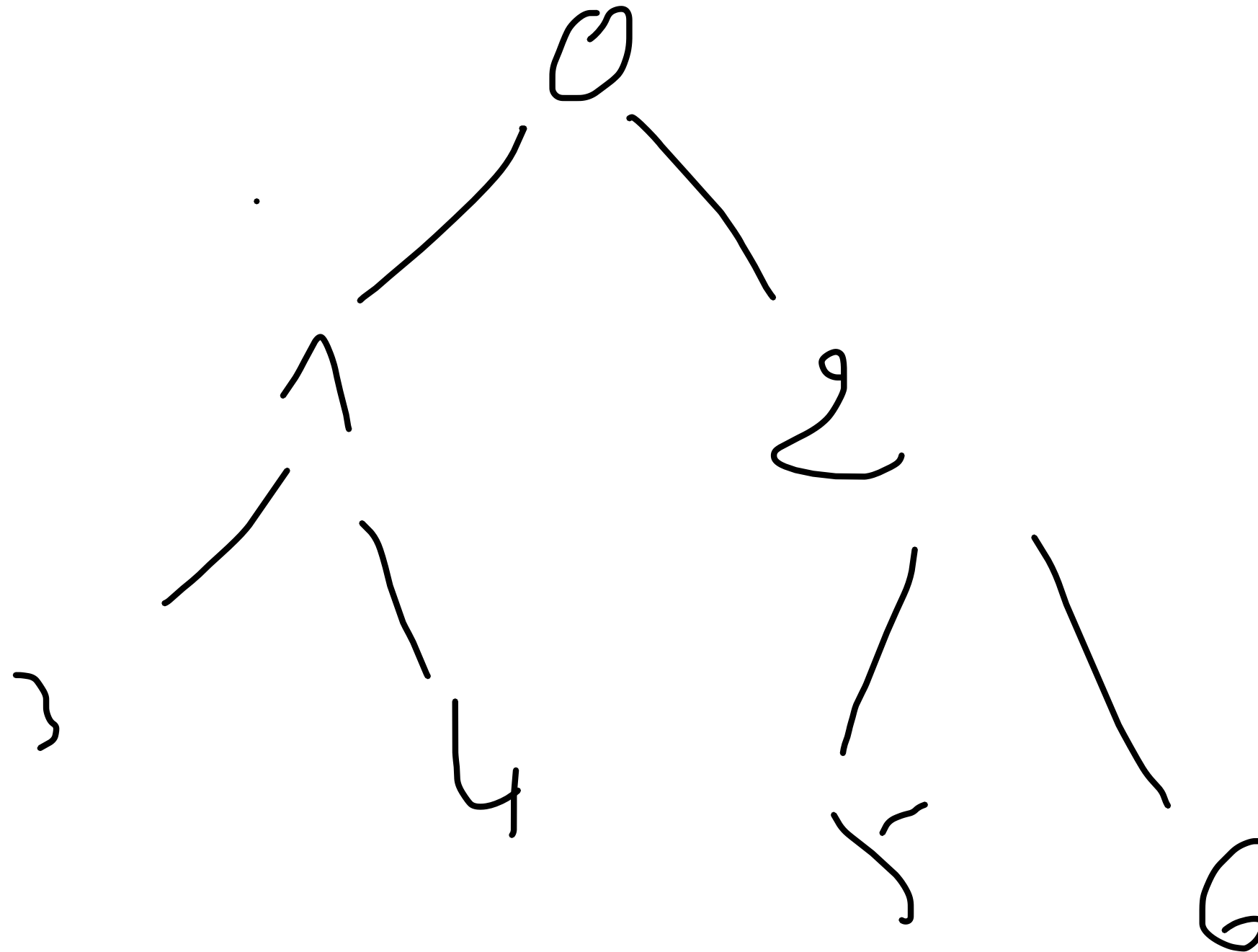
Parcours Infixe:GRD

4 2 1 3 6

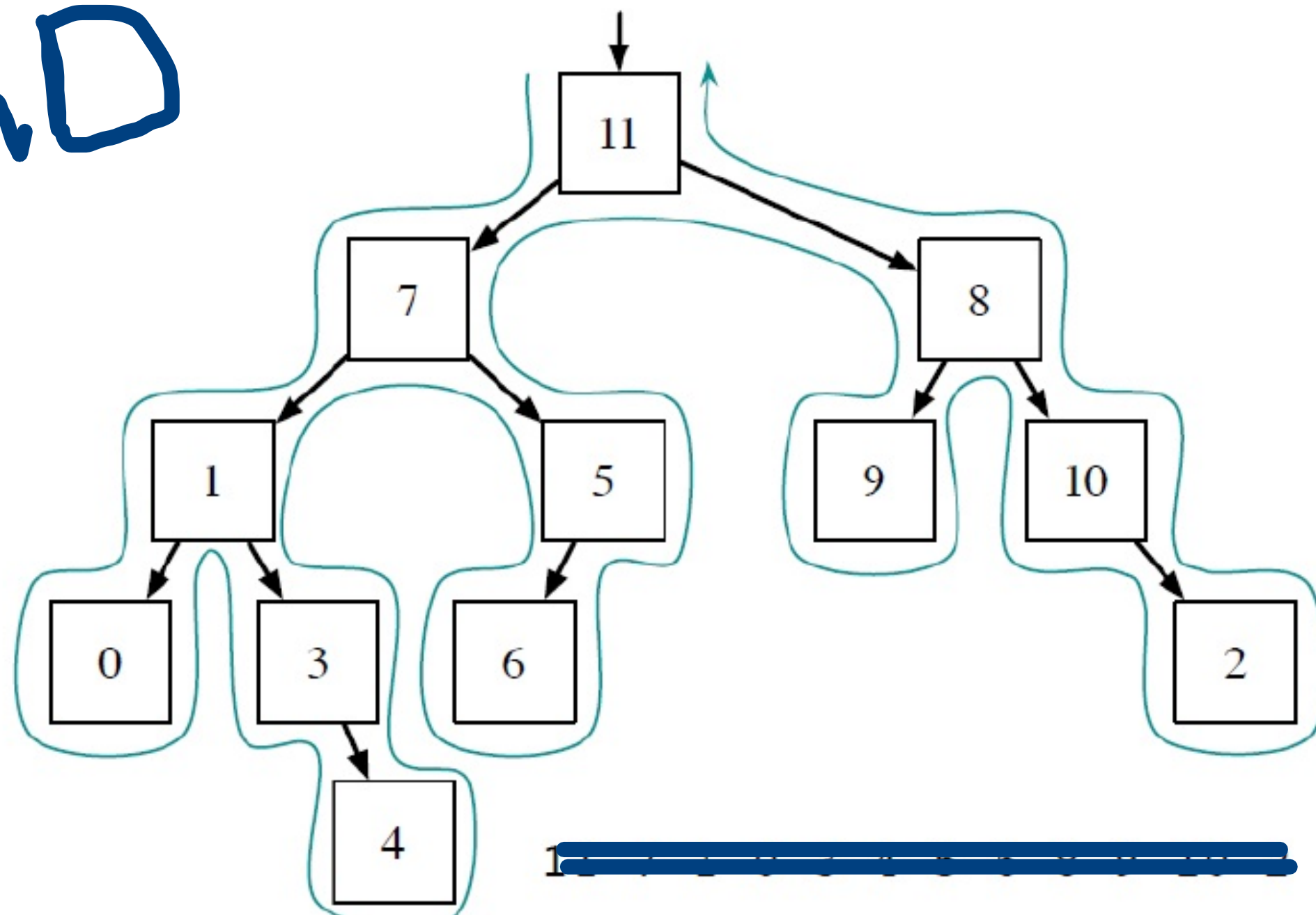


Parcours Infixe:GRD

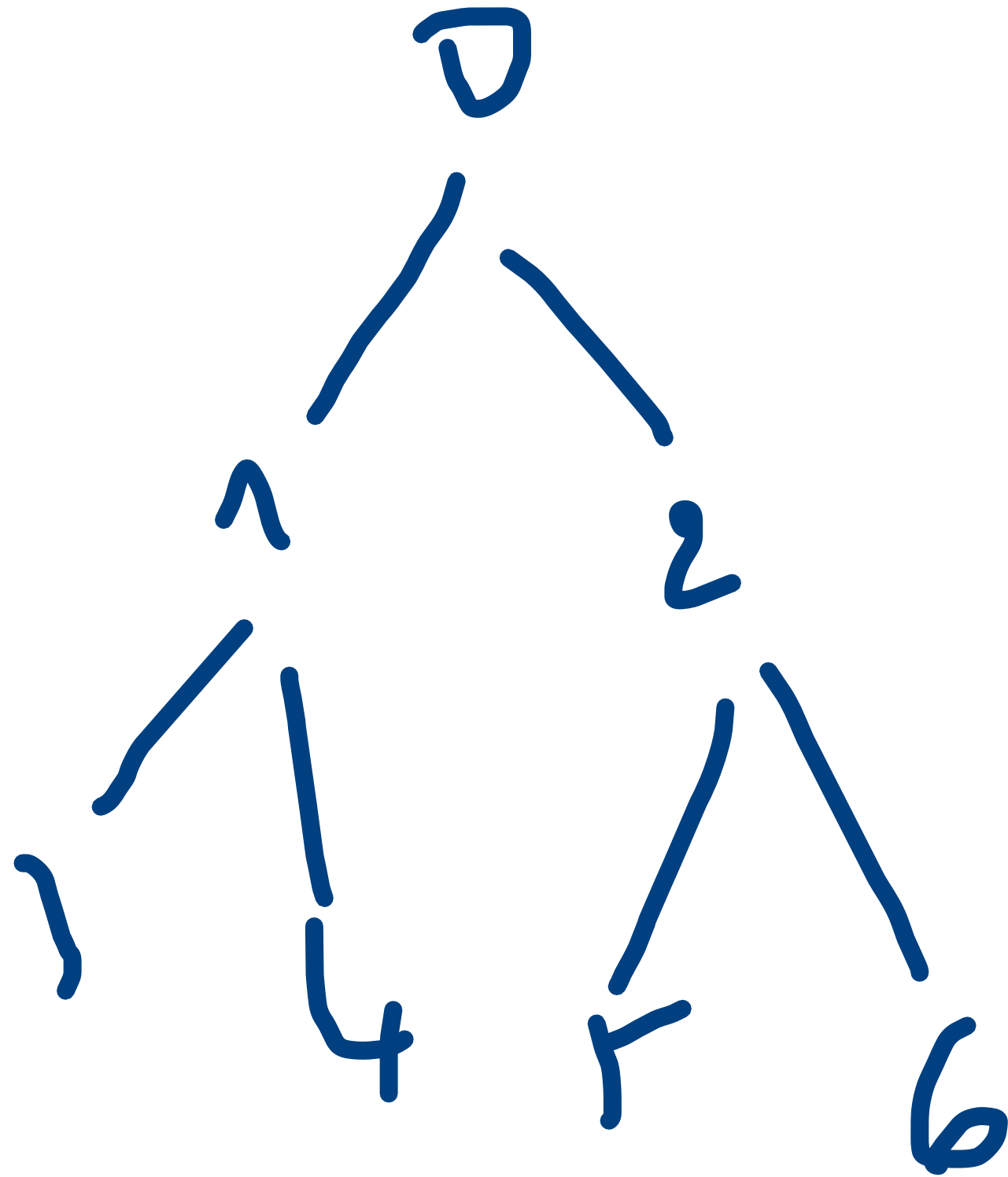
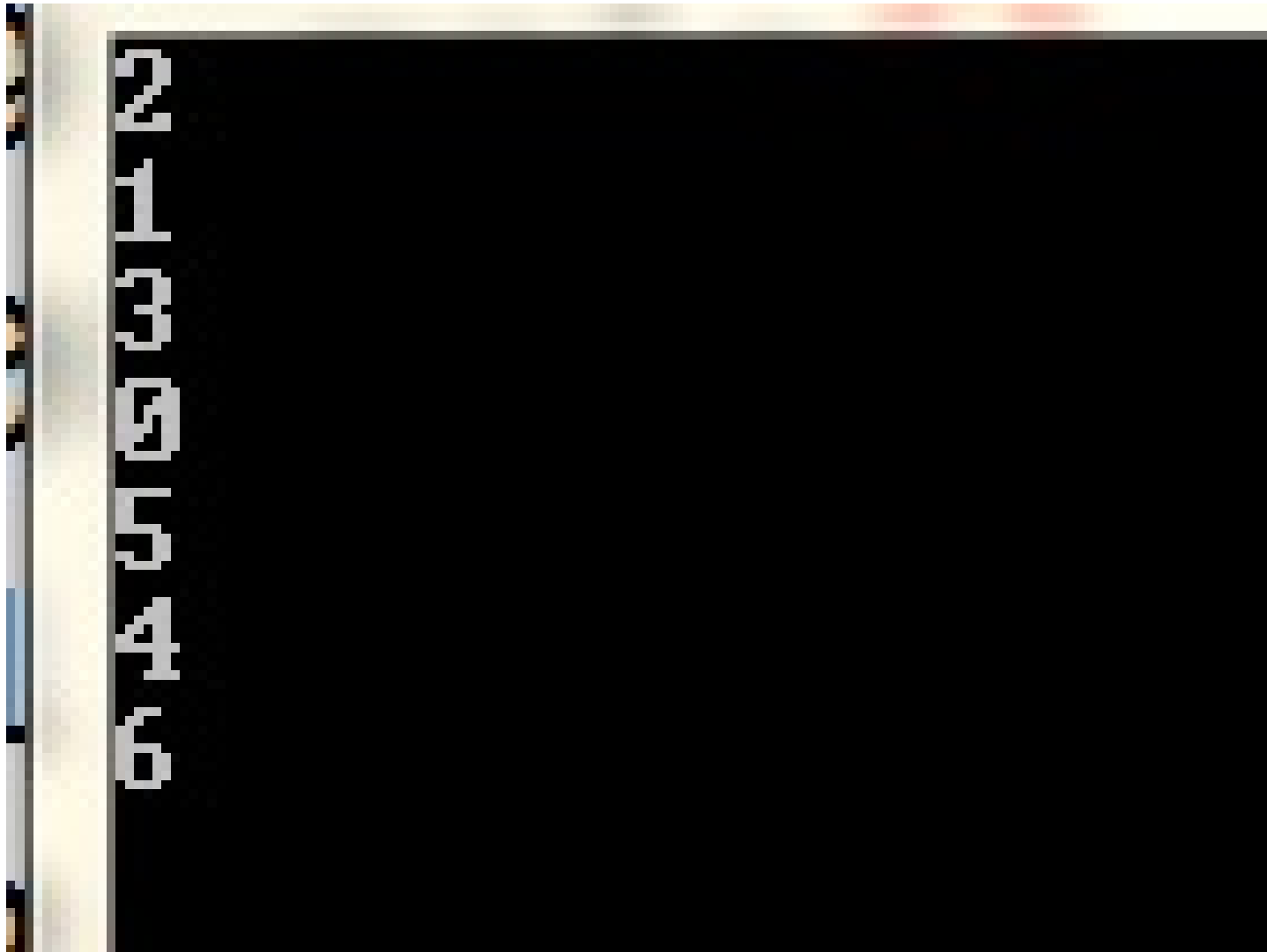
3 1 4 0 5 2 6



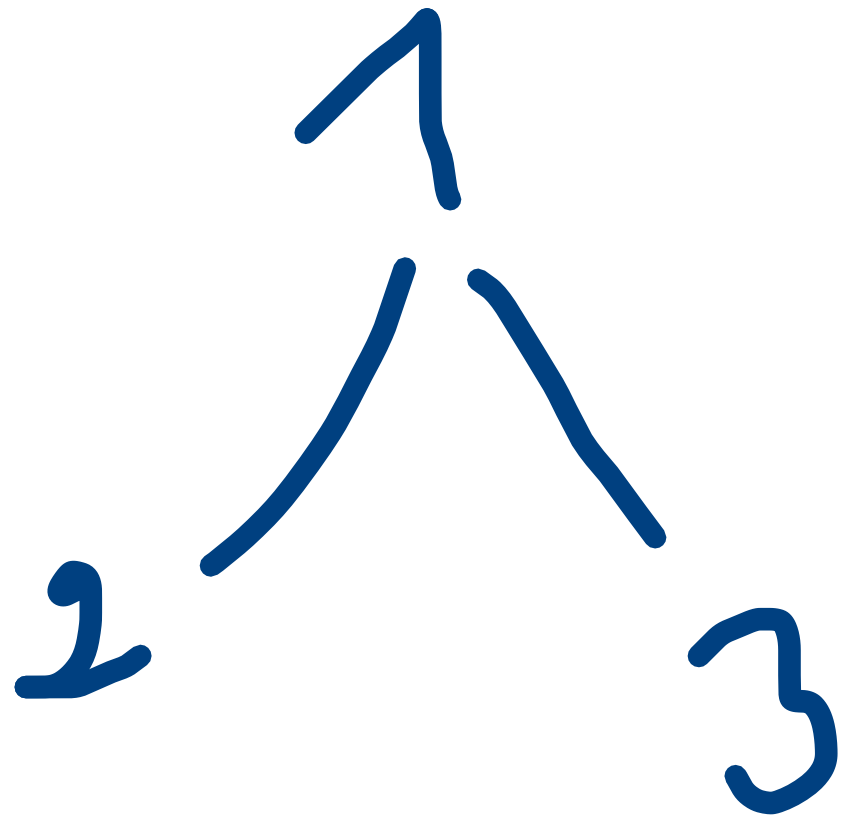
GRD



# Parcours Infixe



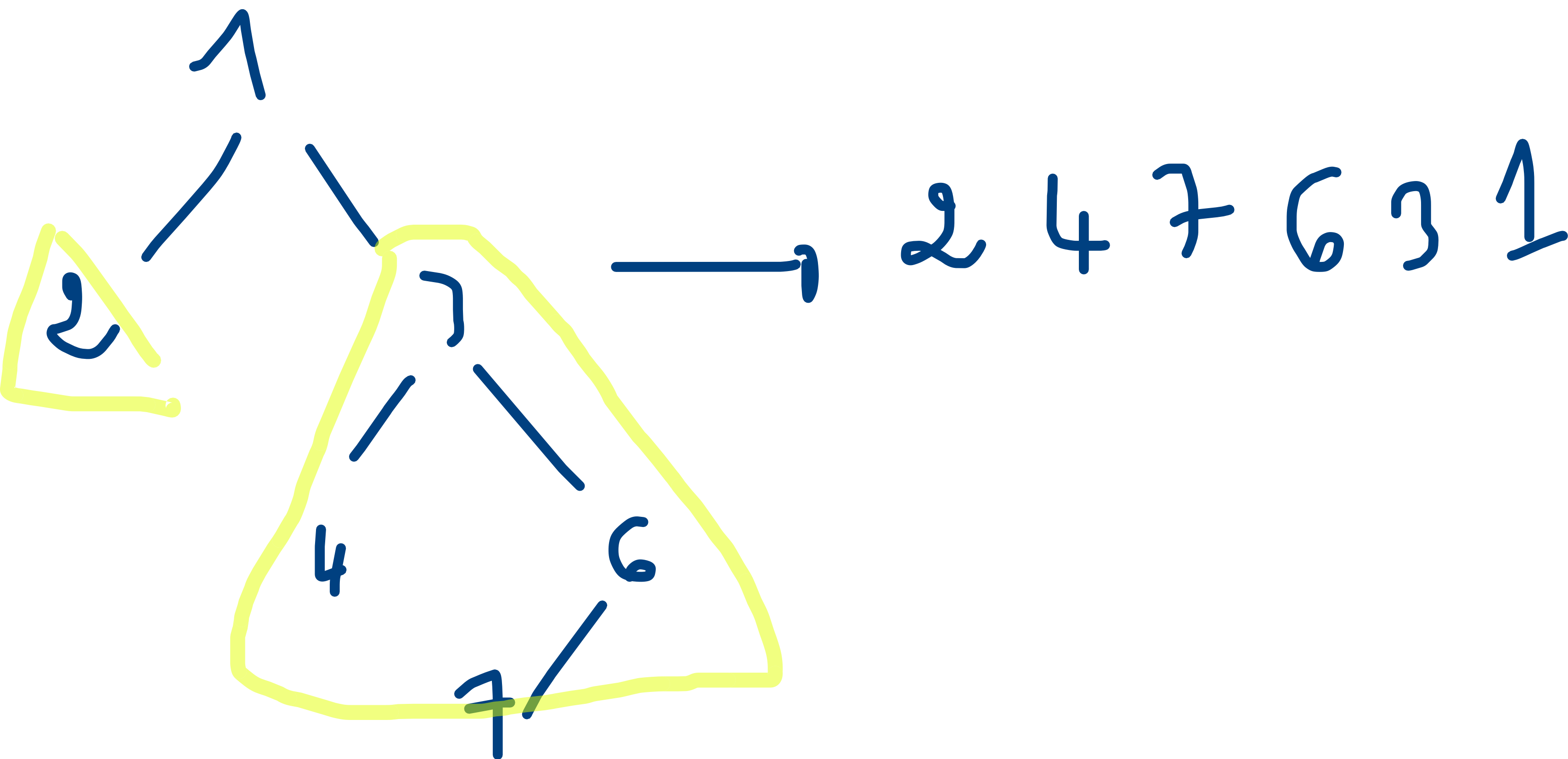
Parcours postfixe: GDR



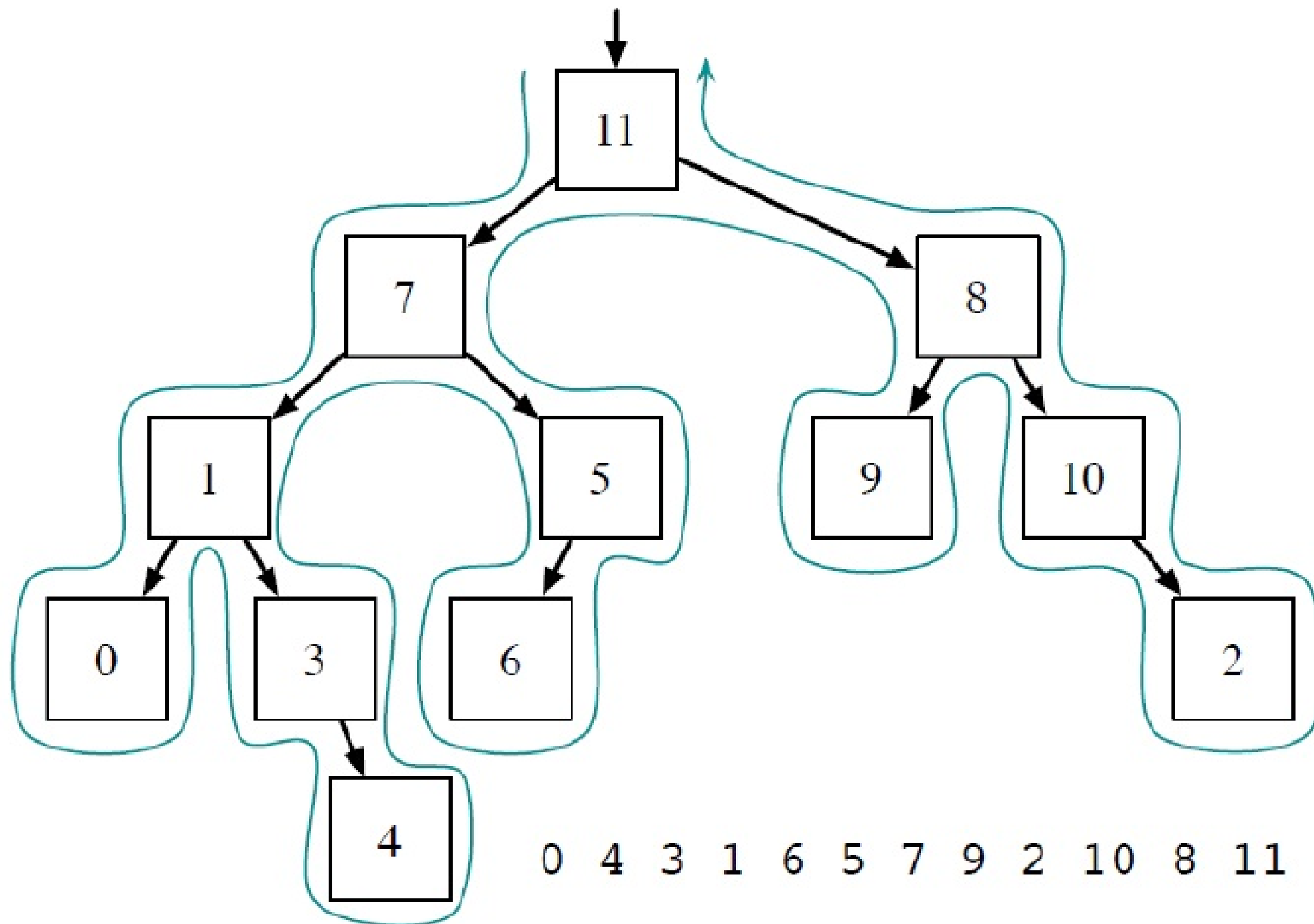
2 3 1

.

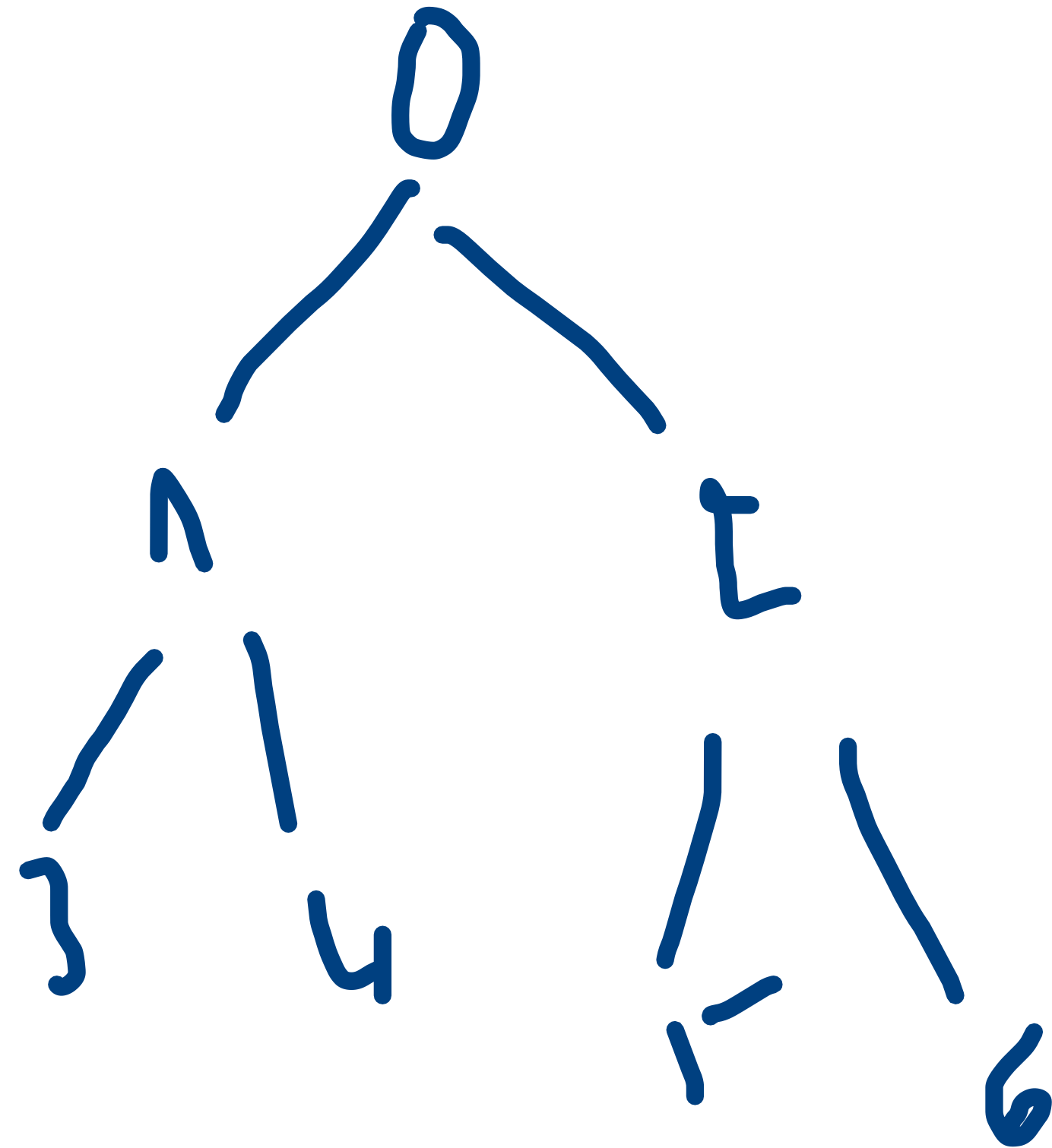
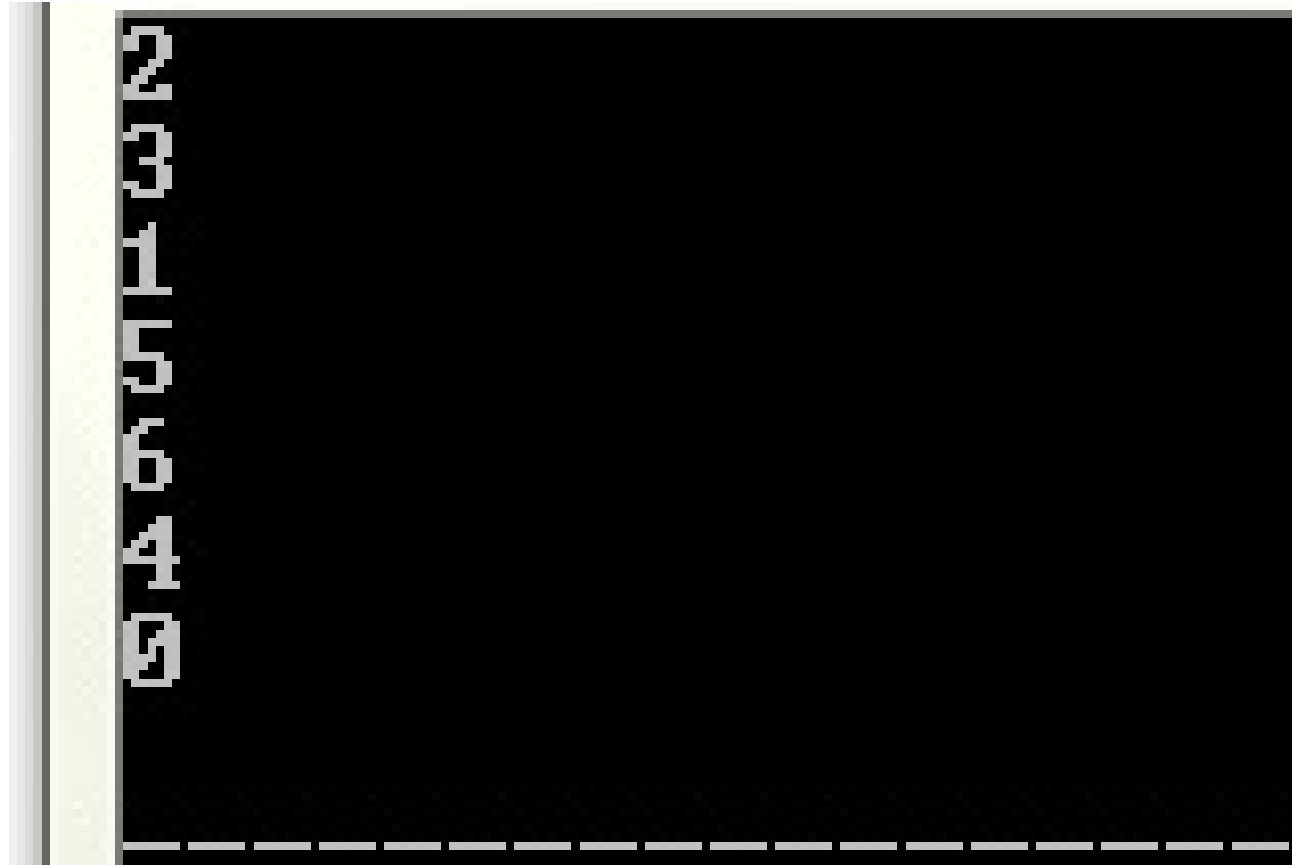
Parcours postfixe: GDR



Parcours postfixe: GDR



# Parcours Postfixe

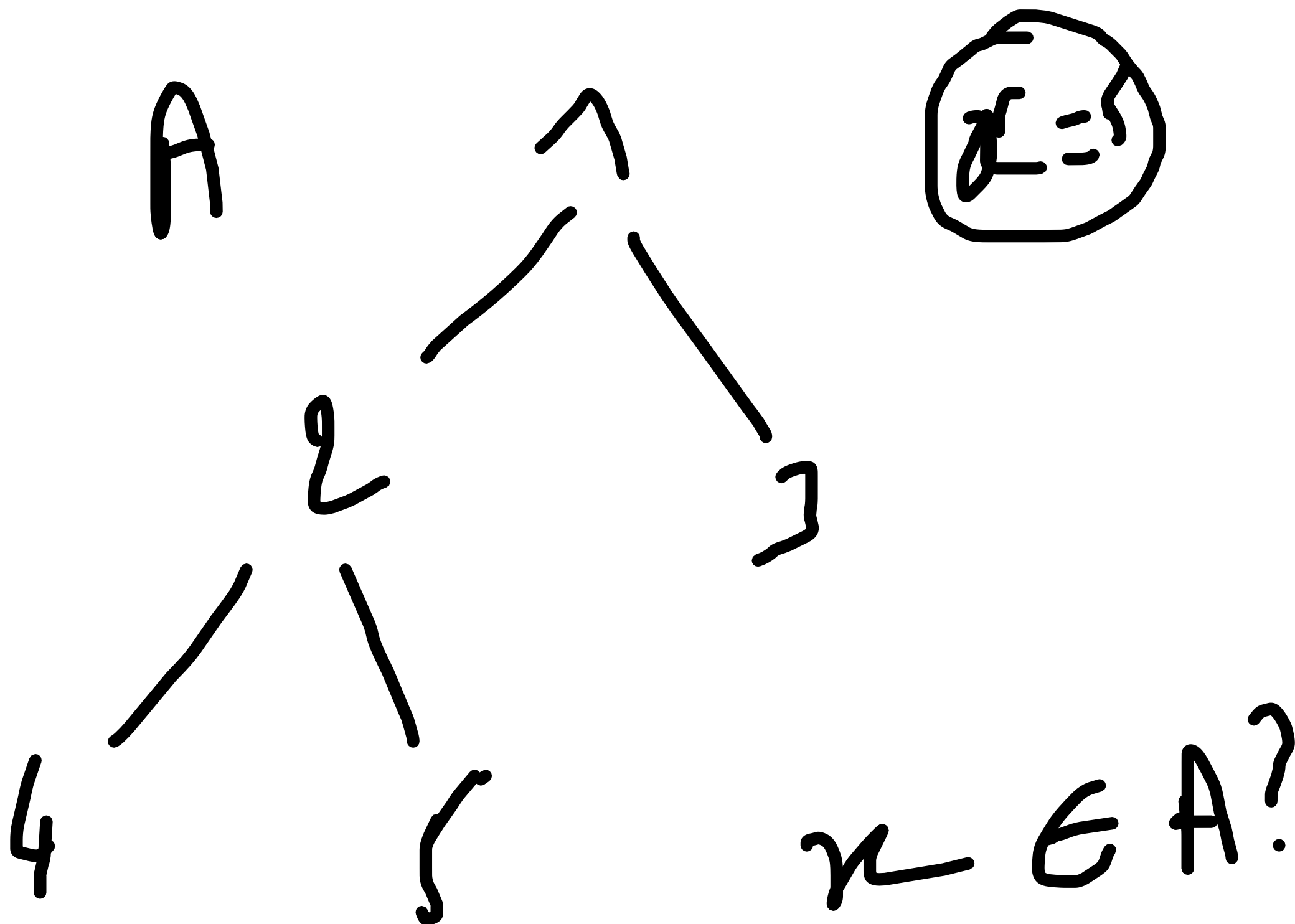




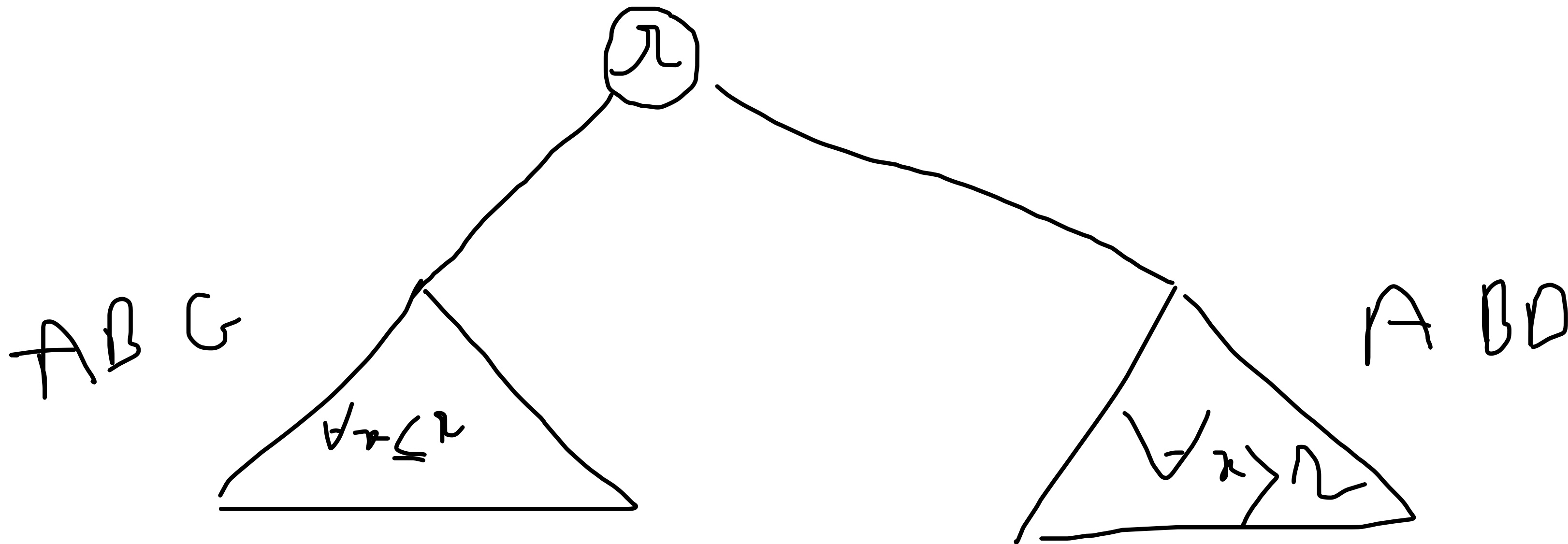
```

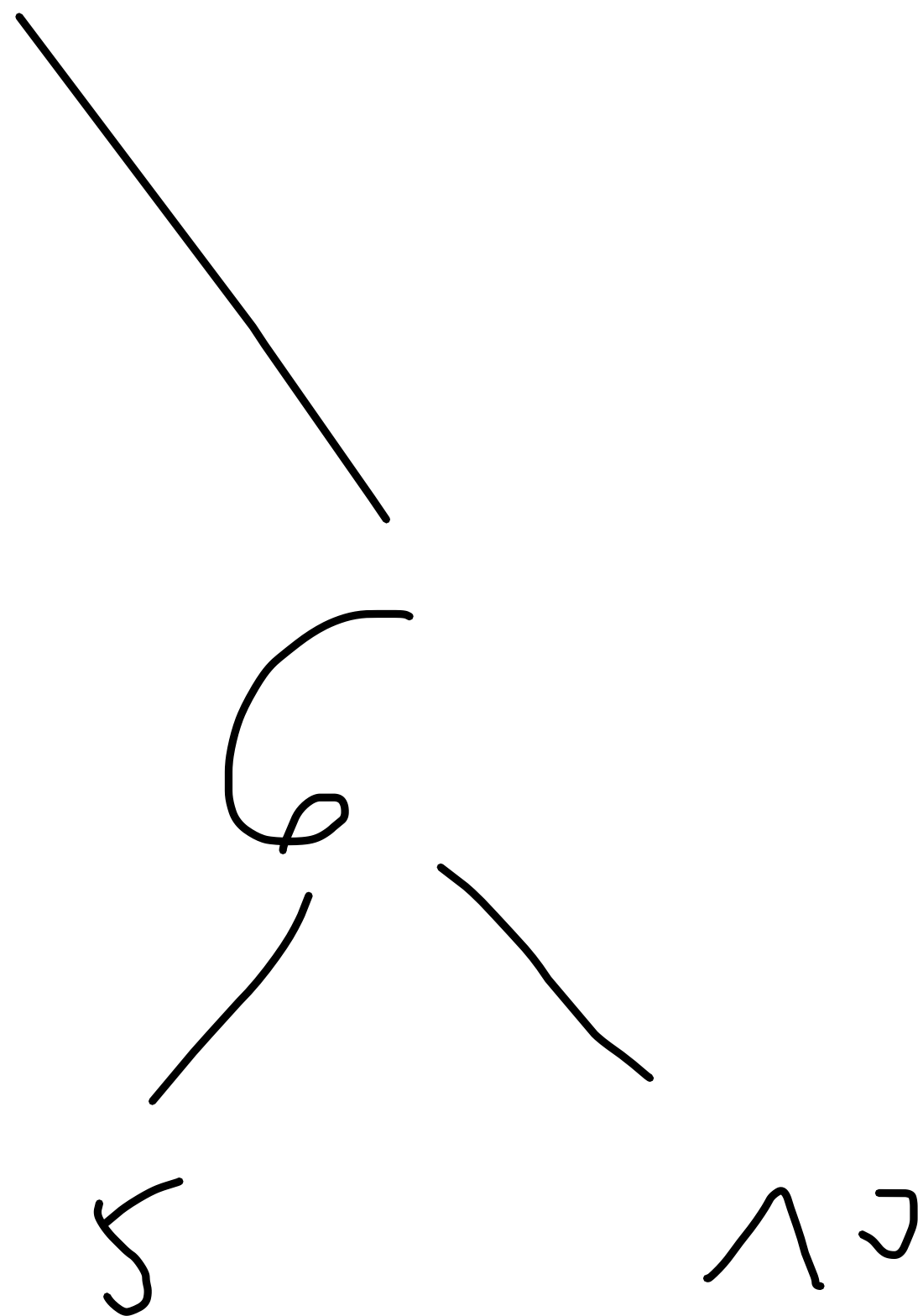
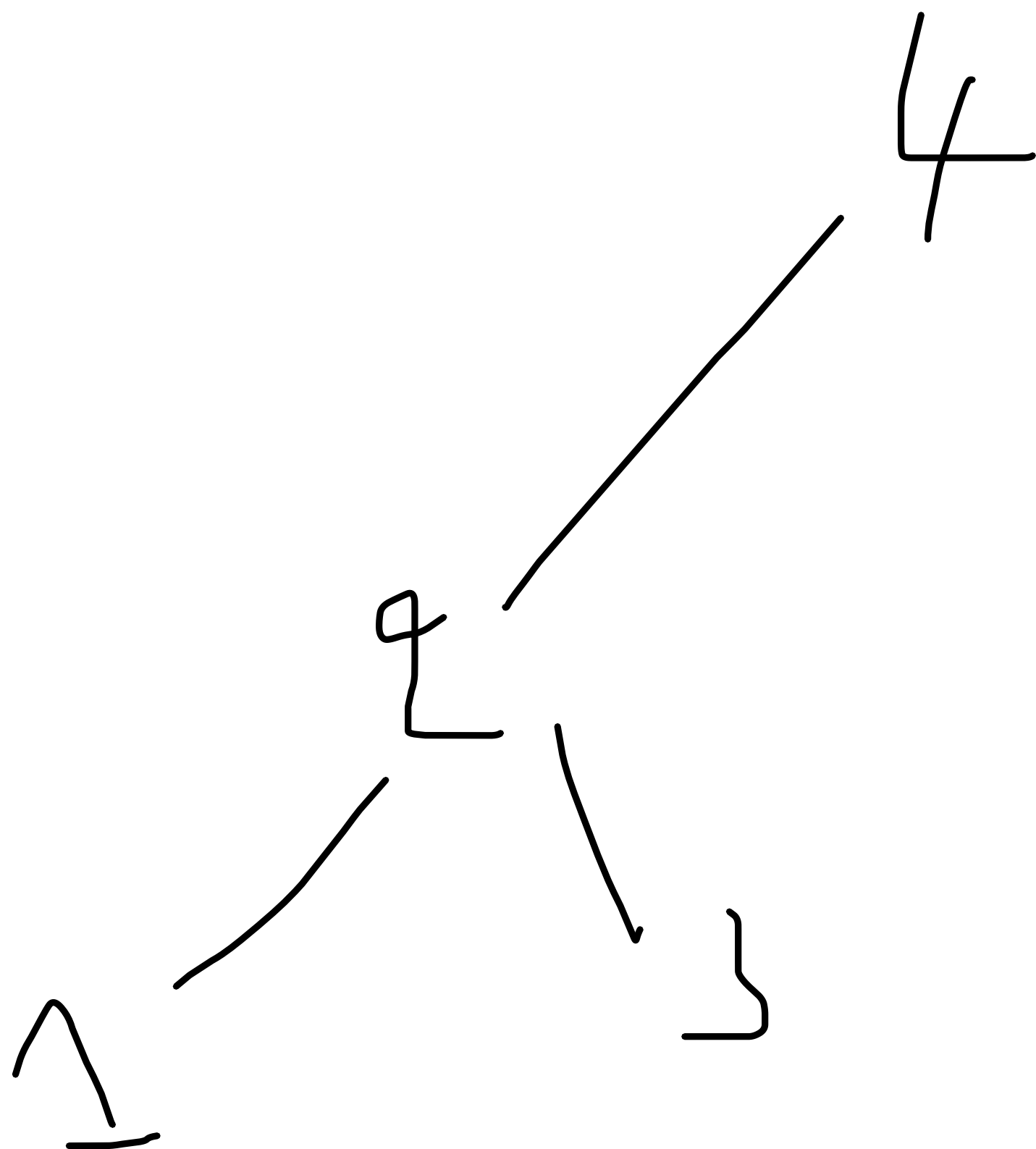
int recherche(Btree *A ,int x)
{
if(A==NULL)
return 0;
if (A->info==x)
return 1;
if( recherche(A->fg ,x)==1)
return 1
else
return recherche(A->fd , x);
}

```



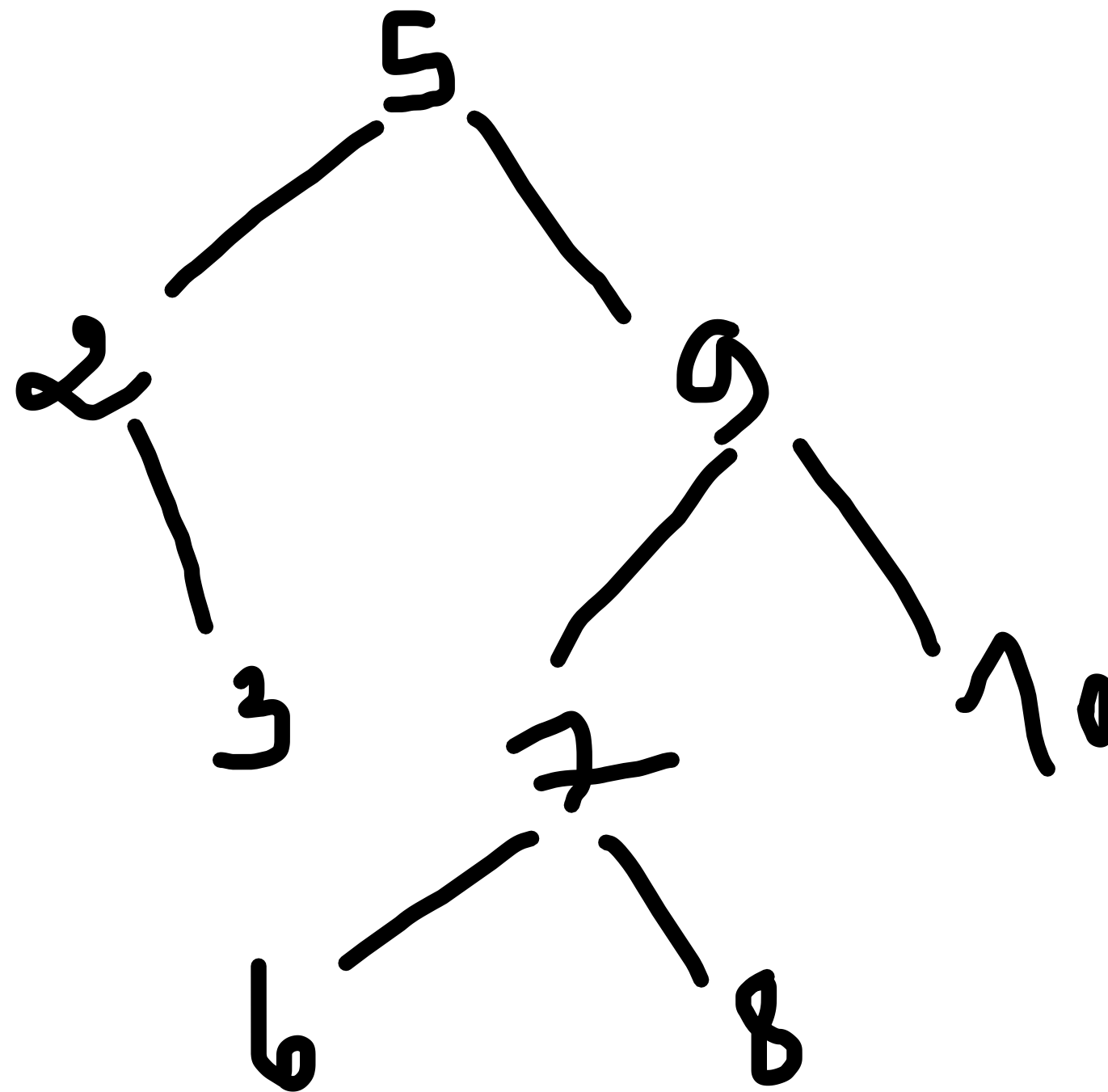
## chapitre 8. Arbre binaire de recherche





Soit T un tableau contenant  $T=\{5,2,3,9,10,7,6,8\}$

ABG



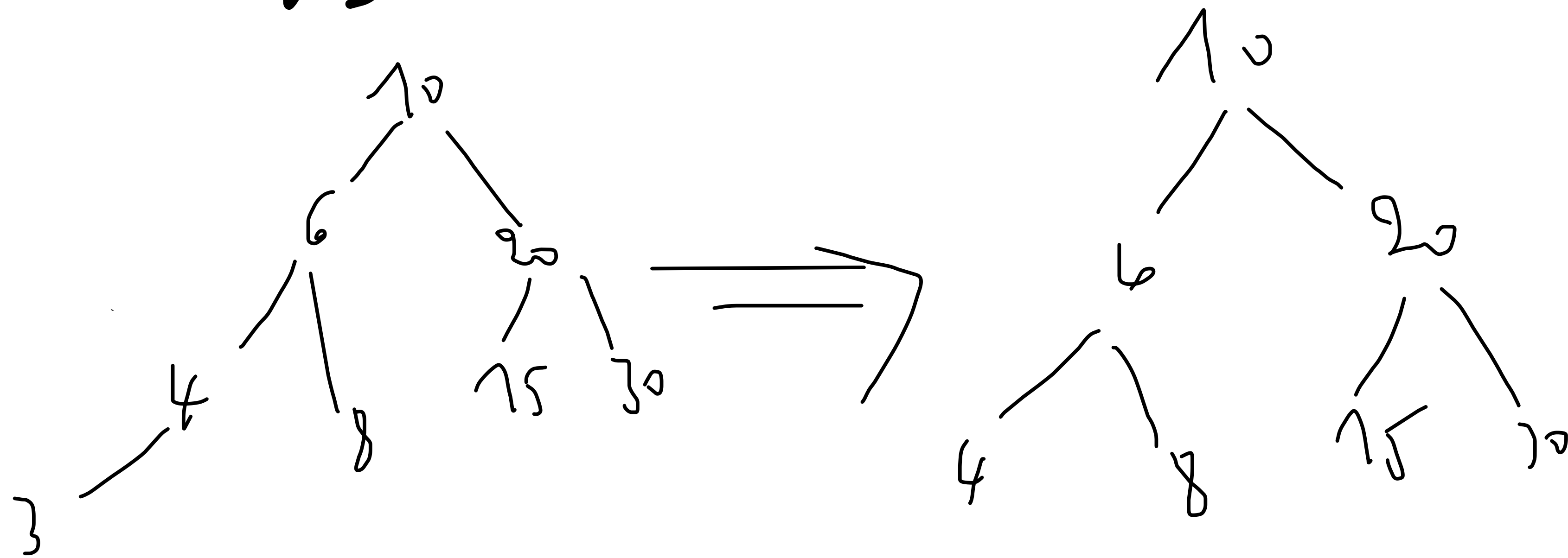
2	
3	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

Supprimer un élément d'un arbre binaire de recherche

— — — — — .

Cas 1:

$x=3$

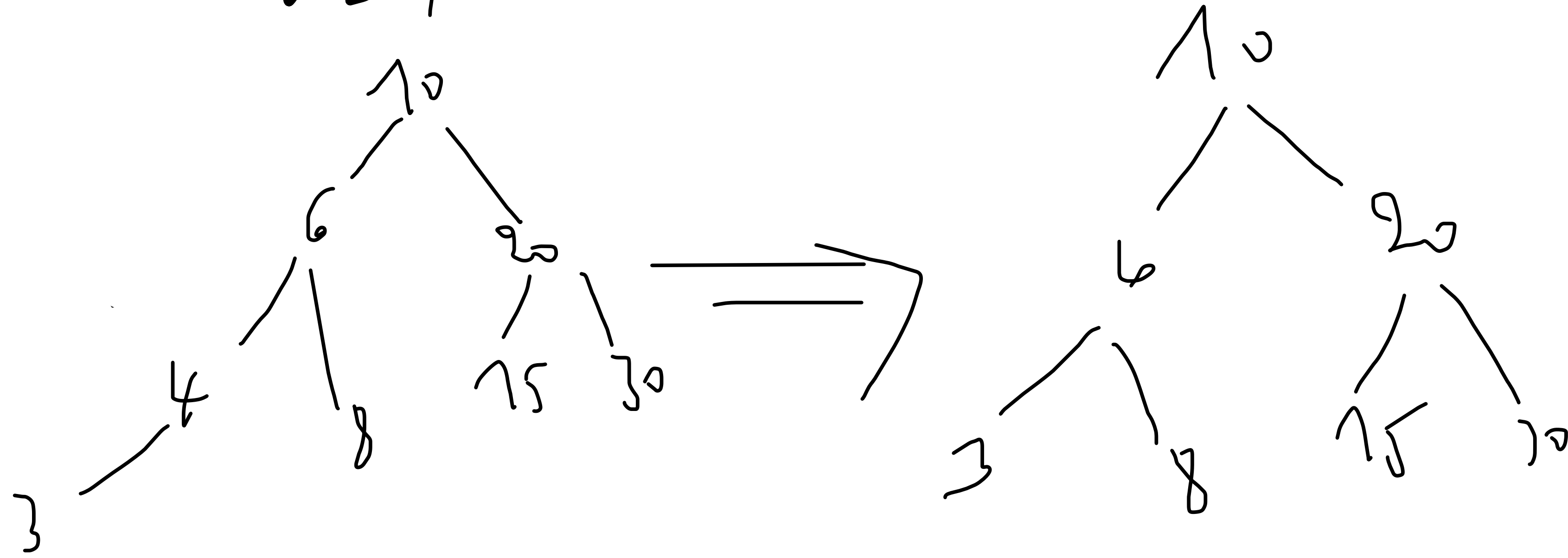


Supprimer un élément d'un arbre binaire de recherche

— — — — — .

Cas 2:

$x=4$



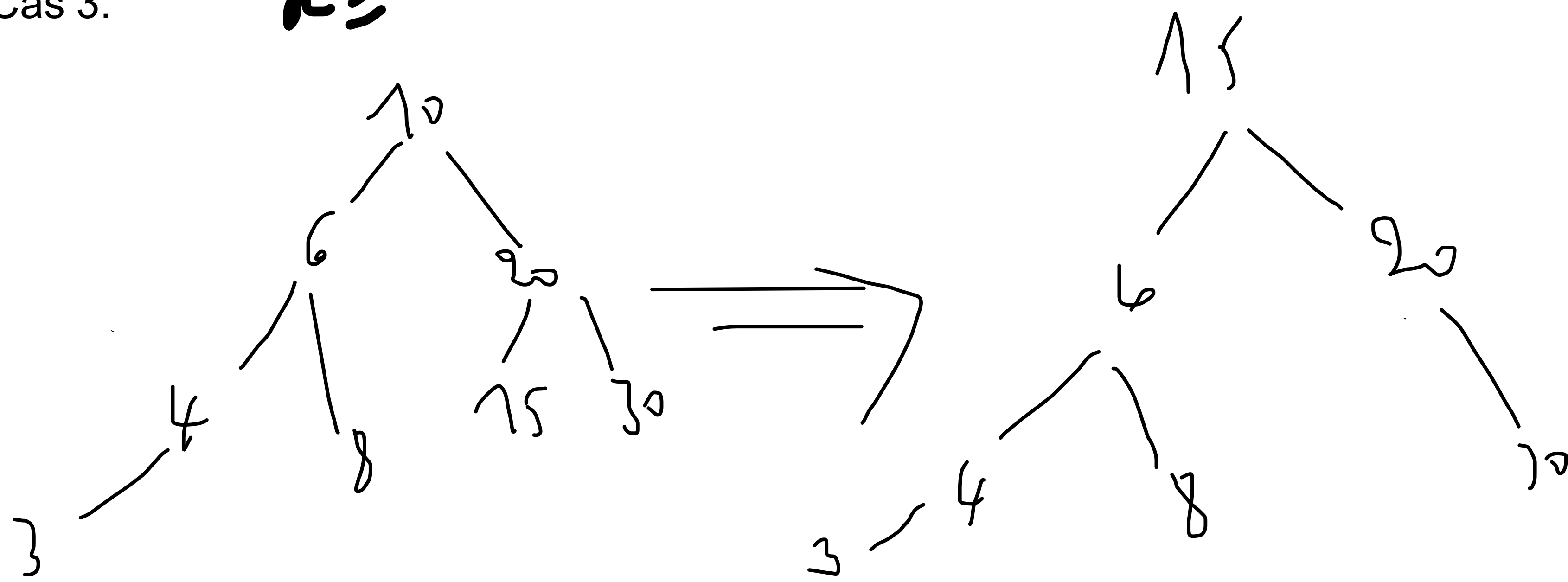
Supprimer un élément d'un arbre binaire de recherche

— — — — —

Cas 3:

$x = 10$

$\min(ABD)$



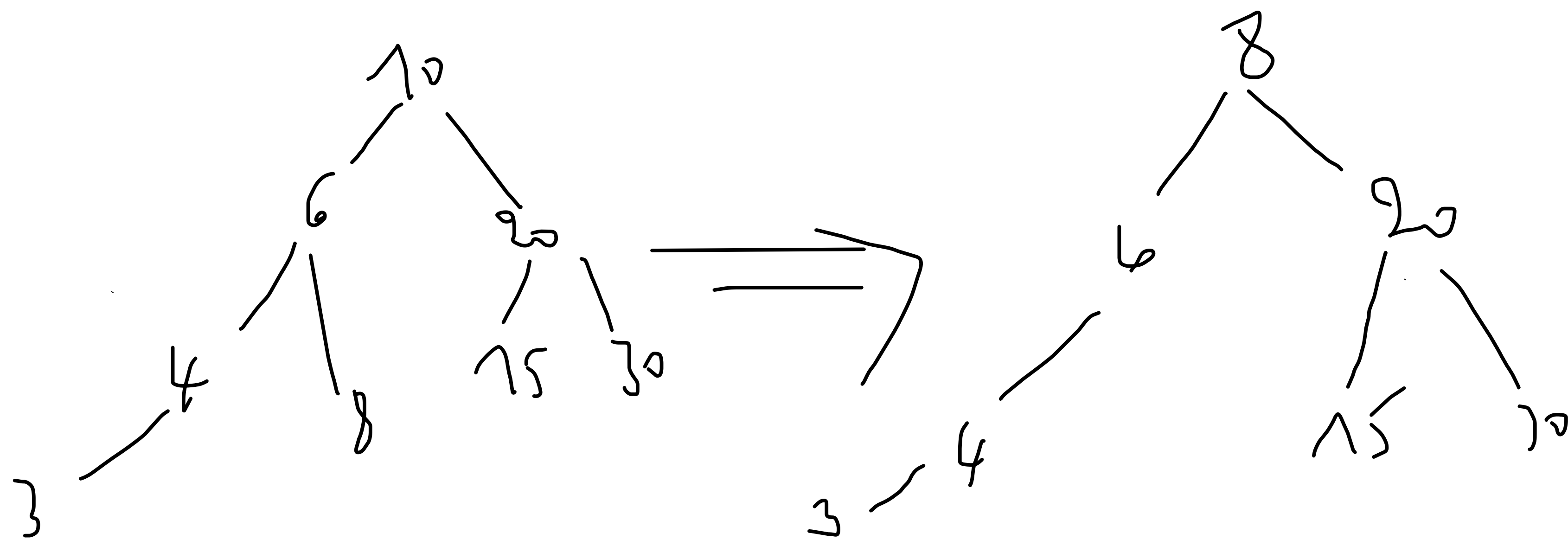
Supprimer un élément d'un arbre binaire de recherche

— — — — — .

Cas 3:

$x = 10$

$max(ARB)$







```
Btree * ArbrVide()
```

```
{
```

```
    Btree *A;
```

```
    A=NULL;
```

```
    return A;
```

```
}
```

$\Leftrightarrow$

return

Null

```
Btree *CreerNoeud(int e, Btree *g, Btree *d)
{
```

```
    Btree *c; //
    c=(Btree*)malloc(sizeof(Btree));
    if(c!=NULL)
    {
```

$c \rightarrow \text{info} = e$

$c \rightarrow \text{fg} = g;$

$c \rightarrow \text{fd} = d;$

|

