

Laplace Transform Definition:

$$\mathcal{L}\{f(t)\} = \int_0^\infty e^{-st} f(t) dt$$

Unit Step Definition:

$$\mathcal{U}(t-a) = \begin{cases} 0, & 0 \leq t < a \\ 1, & t \geq a \end{cases}$$

$f(t)$	$F(s)$
1	$\frac{1}{s}$
t^n	$\frac{n!}{s^{n+1}}$
$t^{-\frac{1}{2}}$	$\sqrt{\frac{\pi}{s}}$
$t^{\frac{1}{2}}$	$\frac{\sqrt{\pi}}{2s^{\frac{3}{2}}}$
$\sin(kt)$	$\frac{k}{s^2 + k^2}$
$\cos(kt)$	$\frac{s}{s^2 + k^2}$
$\sin^2(kt)$	$\frac{2k^2}{s(s^2 + 4k^2)}$
$\cos^2(kt)$	$\frac{s^2 + 2k^2}{s(s^2 + 4k^2)}$
e^{at}	$\frac{1}{s-a}$
$\sinh(kt)$	$\frac{k}{s^2 - k^2}$
$\cosh(kt)$	$\frac{s}{s^2 - k^2}$
$\sinh^2(kt)$	$\frac{2k^2}{s(s^2 - 4k^2)}$
$\cosh^2(kt)$	$\frac{s^2 - 2k^2}{s(s^2 - 4k^2)}$
$t \sin(kt)$	$\frac{2ks}{(s^2 + k^2)^2}$
$t \cos(kt)$	$\frac{s^2 - k^2}{(s^2 + k^2)^2}$
$\sin(kt) + kt \cos(kt)$	$\frac{2ks^2}{(s^2 + k^2)^2}$
$\sin(kt) - kt \cos(kt)$	$\frac{2k^3}{(s^2 + k^2)^2}$
$\delta(t-t_0)$	e^{-st_0}

$f(t)$	$F(s)$
$t \sinh(kt)$	$\frac{2ks}{(s^2 - k^2)^2}$
$t \cosh(kt)$	$\frac{s^2 + k^2}{(s^2 - k^2)^2}$
$\frac{e^{at} - e^{bt}}{a-b}$	$\frac{1}{(s-a)(s-b)}$
$\frac{ae^{at} - be^{bt}}{a-b}$	$\frac{s}{(s-a)(s-b)}$
$1 - \cos(kt)$	$\frac{k^2}{s(s^2 + k^2)}$
$kt - \sin(kt)$	$\frac{k^3}{s^2(s^2 + k^2)}$
$\frac{a \sin(bt) - b \sin(at)}{ab(a^2 - b^2)}$	$\frac{1}{(s^2 + a^2)(s^2 + b^2)}$
$\frac{\cos(bt) - \cos(at)}{a^2 - b^2}$	$\frac{s}{(s^2 + a^2)(s^2 + b^2)}$
$\sin(kt) \sinh(kt)$	$\frac{2k^2 s}{s^4 + 4k^4}$
$\sin(kt) \cosh(kt)$	$\frac{k(s^2 + 2k^2)}{s^4 + 4k^4}$
$\cos(kt) \sinh(kt)$	$\frac{k(s^2 - 2k^2)}{s^4 + 4k^4}$
$\cos(kt) \cosh(kt)$	$\frac{s^3}{s^4 + 4k^4}$
$\frac{e^{bt} - e^{at}}{t}$	$\ln\left(\frac{s-a}{s-b}\right)$
$e^{at} f(t)$	$F(s-a)$
$\mathcal{U}(t-a)$	$\frac{e^{-as}}{s}$
$f(t-a)\mathcal{U}(t-a)$	$e^{-as}F(s)$
$f * g = \int_0^t f(\tau)g(t-\tau) d\tau$	$F(s)G(s)$
$g(t)\mathcal{U}(t-a)$	$e^{-as}\mathcal{L}\{g(t+a)\}$

$$(\mathbf{A} - \lambda_1 \mathbf{I})\mathbf{K} = 0$$

$$(\mathbf{A} - \lambda_1 \mathbf{I})\mathbf{P} = \mathbf{K}$$

$$(\mathbf{A} - \lambda_1 \mathbf{I})\mathbf{Q} = \mathbf{P}$$

$$\text{If } \lambda_n = \alpha \pm \beta i$$

$$\mathbf{X}_1 = [\mathbf{B}_1 \cos \beta t - \mathbf{B}_2 \sin \beta t]e^{\alpha t}$$

$$\mathbf{X}_2 = [\mathbf{B}_2 \cos \beta t + \mathbf{B}_1 \sin \beta t]e^{\alpha t}$$

