

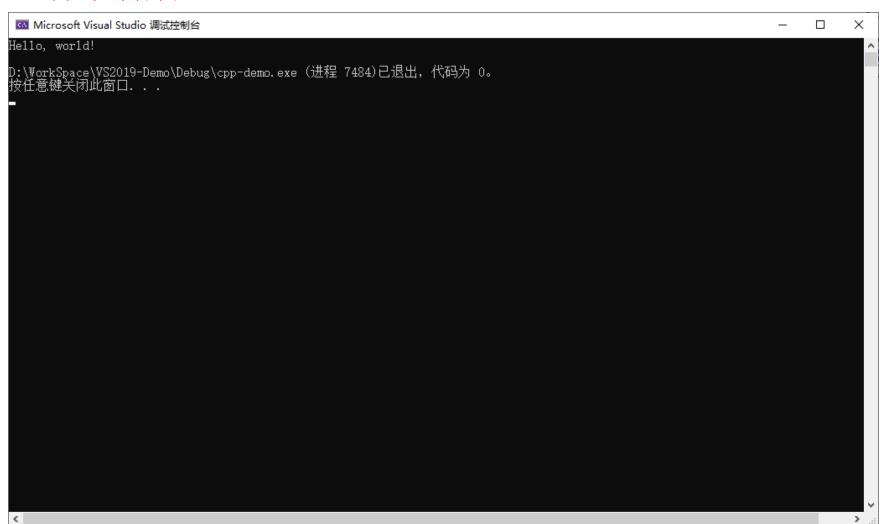
要求:

- 1、完成本文档中所有的题目并写出分析、运行结果
- 2、无特殊说明,均使用VS2022编译即可
- 3、直接在本文件上作答,写出答案/截图(不允许手写、手写拍照截图)即可;填写答案时,为适应所填内容或贴图, 允许调整页面的字体大小、颜色、文本框的位置等
 - ★ 贴图要有效部分即可,不需要全部内容
 - ★ 在保证一页一题的前提下,具体页面布局可以自行发挥,简单易读即可
 - ★ 不允许手写在纸上,再拍照贴图
 - ★ 允许在各种软件工具上完成(不含手写),再截图贴图
- 4、转换为pdf后提交
- 5、3月7日前网上提交本次作业(在"文档作业"中提交)



贴图要求: 只需要截取输出窗口中的有效部分即可,如果全部截取/截取过大,则视为无效贴图

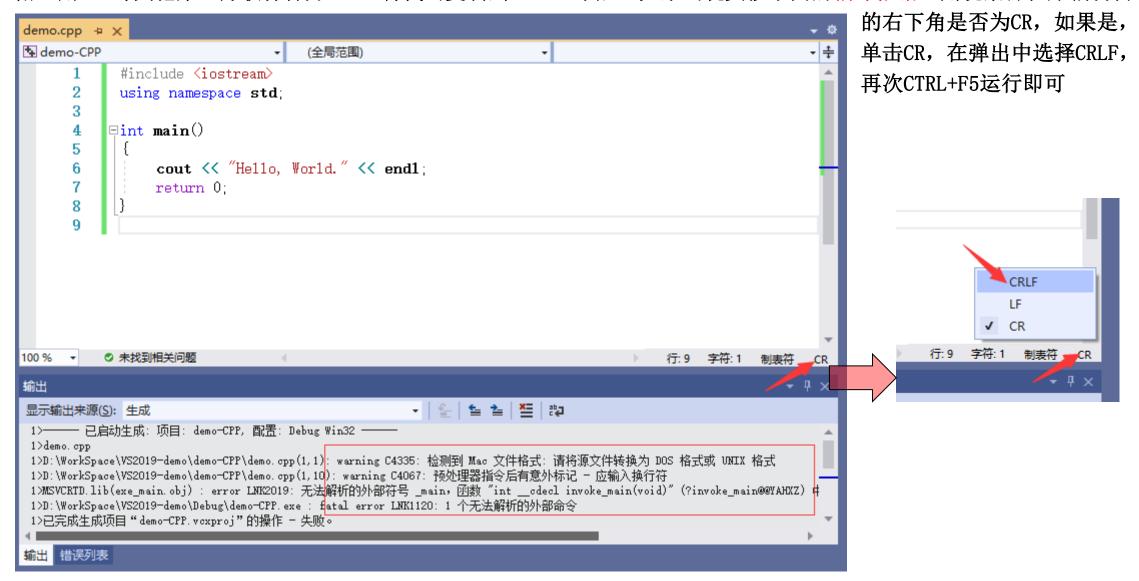
例:无效贴图



例:有效贴图

Microsoft Visual Studio 调试控制台
 He11o, wor1d!

附:用WPS等其他第三方软件打开PPT,将代码复制到VS2022中后,如果出现类似下面的编译报错,则观察源程序编辑窗





基础知识:用于看懂float型数据的内部存储格式的程序如下:

注意:除了对黄底红字的具体值进行改动外,其余部分不要做改动,也暂时不需要弄懂为什么(需要第6章的知识才能弄懂)

上例解读: 单精度浮点数123.456,在内存中占四个字节,四个字节的值依次为0x42 0xf6 0xe9 0x79(按打印顺序逆向取)转换为32bit则为: 0100 0010 1111 0110 1110 1001 0111 1001

符号位 8位指数 23位尾数



基础知识:用于看懂double型数据的内部存储格式的程序如下:

注意:除了对黄底红字的具体值进行改动外,其余部分不要做改动,也暂时不需要弄懂为什么(需要第6章的知识才能弄懂)

```
Microsoft
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
      double d = 1.23e4;
      unsigned char* p = (unsigned char*)&d;
      cout << hex << (int) (*p) << endl;
      cout \langle\langle \text{ hex } \langle\langle \text{ (int) } (*(p+1)) \rangle\langle\langle \text{ endl};
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+2)) \langle\langle end1;
      cout << hex << (int) (*(p+3)) << end1;
      cout << hex << (int) (*(p+4)) << end1;
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+5)) \langle\langle endl;
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+6)) \langle\langle endl;
      cout \langle\langle \text{ hex } \langle\langle \text{ (int) } (*(p+7)) \rangle\langle\langle \text{ endl};
      return 0:
```

符号位



自学内容: 自行以"IEEE754" / "浮点数存储格式" / "浮点数存储原理" / "浮点数存储方式"等关键字,

在网上搜索相关文档,读懂并了解浮点数的内部存储机制

学长们推荐的网址:

https://baike.baidu.com/item/IEEE%20754/3869922?fr=aladdin

https://zhuanlan.zhihu.com/p/343033661

https://www.bilibili.com/video/BV1iW411d7hd?is_story_h5=false&p=4&share_from=ugc&share_medium=android&share_plat=android&share_session_id=e12b54be-6ffa-4381-9582-9d5b53c50fb3&share_source=QQ&share_tag=s_i×tamp=1662273598&unique_k=AuouME0

https://blog.csdn.net/gao_zhennan/article/details/120717424

https://www.h-schmidt.net/FloatConverter/IEEE754.html



例: float型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")	注意:
	1、作业中绿底/黄底文字/截图可不填
例1: 100.25	2、计算结果可借助第三方工具完成,
下面是float机内存储手工转十进制的的方法: (1) 得到的32bit的机内表示是: <u>0100 0010 1100 1000 1000 0000 0000</u> (42 c8 80 00)	
(1) 得到的32016的机构农外定:	/ 没必要完全手算
(2) 其中: 符号位是 0	
指数是 1000 0101 (填32bit中的原始形式)	
指数转换为十进制形式是133(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)	
指数表示的十进制形式是6(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)	
1000 0101	
- 0111 1111	
$= 0000 \ 0110 \ (0x06 = 6)$	
尾数是 <u>100 1000 1000 0000 0000</u> (填32bit中的原始形式)	
尾数转换为十进制小数形式是 <u>0.56640625</u> ▲(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)	
尾数表示的十进制小数形式是 <u>1.56640625</u> (加整数部分的1后)	
$100\ 1000\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000\ = 2^0 + 2^{-1} + 2^{-4} + 2^{-8}$ = 0.5 + 0.0625 + 0.00390625 = 0.56640625 => 加1 => 1.56640625	
- 0.5 + 0.0025 + 0.00390025 - 0.30040025 - / 加1 -/ 1.30040025 1.56640625 x 2 ⁶ = 100.25 (此处未体	:如巾语美人
下面是十进制手工转float机内存储的方法:	· 九山 (大庄)
100 = 0110 0100 (整数部分转二进制为7位,最前面的0只是为了8位对齐,可不要)	
0.25 = 01 (小数部分转二进制为2位)	
$100.25 = 0110\ 0100.01 = 1.1001\ 0001 \times 2^6$ (确保整数部分为1,移6位)	
符号 位: 0	
阶码: 6 + 127 = 133 = 1000 0101	
尾数(舍1): 1001 0001 => 1001 0001 0000 0000 0000 (补齐23位,后面补14个蓝色的0)	
100 1000 1000 0000 0000 0000 (从低位开始四位一组,共23位)	本页不用作答

本页不用作答



例: float型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001") 注意:	
例2: 1.2	/黄底文字/截图可不填
	借助第三方工具完成,
(1) 得到的32bit的机内表示是: <u>0011 1111 1001 1001 1001 1001 1010</u> (3f 99 99 9a) 没必要完全	
(2) 其中: 符号位是0	
指数是 <u>0111 1111</u> (填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是127(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是0(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)	0. 125 + 0. 0625 + 0. 0078125 +
0111 1111	0. 00390625 + 0. 00048828125 +
$\begin{array}{c} -0111 \ 1111 \\ = 0000 \ 0000 \ (0x0 = 0) \end{array}$	0.000244140625 +
- 0000 0000 (0x0 = 0) 尾数是 <u>001 1001 1001 1001 1010</u> (填 3 2bit中的原始形式)	0.000030517578125 +
尾数转换为十进制小数形式是 <u>0.200000047$\%$37158203125</u> (32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)	0.0000152587890625 +
尾数表示的十进制小数形式是 $_1$, $_2000000476837158203125$ (加整数部分的1后)	0.0000019073486328125 +
$001 \ 1001 \ 1001 \ 1001 \ 1010 = 2^{-3} + 2^{-4} + 2^{-7} + 2^{-8} + 2^{-11} + 2^{-12} + 2^{-15} + 2^{-16} + 2^{-19} + 2^{-20} + 2^{-22}$	0. 00000095367431640625 + 0. 0000002384185791015625
= 0.125 + + 0.0000002384185791015625(详见右侧蓝色) = 0.2000000476837158203125	0.000002384189791019029
=> 加1 = 1.2000000476837158203125 (此处已体现出误差)	0. 2000000476837158203125
下面是十进制手工转float机内存储的方法:	
1 = 1 (整数部分转二进制为 1 位)	
0.2 = 0011 0011 0011 0011 0011 0011 (小数部分无限循环,转为二进制的24位)	
=> 0011 0011 0011 0011 0010 (四舍五入为23位,此处体现出误差)	
1.2 = 1.0011 0011 0011 0011 0011 010 = 1.0011 0011	
一 符号 位: 0	
阶 码: 0 + 127 = 127 = 0111 1111	
尾数(舍1): 0011 0011 0011 0011 010 (共23位)	本页不用作答
001 1001 1001 1001 1010 (从低位开始四位一组,共23位)	中 火小刀下台



格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

A. 2253893. 3983522 (此处设学号是1234567,需换成本人学号,小数为学号逆序,非本人学号0分,下同!!!)注: 尾数为正、指数为正

- (1) 得到的32bit的机内表示是: _0100 1010 0000 1001 1001 0001 0001 0110_(不是手算,用P. 4方式打印)
- (2) 其中: 符号位是____0___

指数是___1001 0100___(填32bit中的原始形式)

指数转换为十进制形式是___148___(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

指数表示的十进制形式是___21___(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是___ 000 1001 1001 0001 0001 0110 __(填32bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是_0.074739933013916_(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 尾数表示的十进制小数形式是_ 1.074739933013916 _(加整数部分的1)



1、float型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

B. -3983522. 2253893 (设学号为1234567,按规则更换为学号和学号逆序)

注: 尾数为负、指数为正

- (1) 得到的32bit的机内表示是: _1100 1010 0111 0011 0010 0010 1000 1001_(不是手算,用P. 4方式打印)
- (2) 其中: 符号位是____1___

指数是 1001 0100 (填32bit中的原始形式)

指数转换为十进制形式是___148__(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

指数表示的十进制形式是 21 (32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是_111 0011 0010 0010 1000 1001_(填32bit中的原始形式)

尾数转换为十进制小数形式是_0.899491429328918_(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

尾数表示的十进制小数形式是_1.899491429328918_(加整数部分的1)



1、float型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

C. 0. 002253893 (设学号为1234567, 按规则更换为学号和学号逆序)

注: 尾数为正、指数为负

- (1) 得到的32bit的机内表示是: 0011 1011 0001 0011 1011 0110 0000 1101 (不是手算,用P. 4方式打印)
- (2) 其中: 符号位是 0

指数是 0111 0110 (填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是 118 (32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

指数表示的十进制形式是 -9 (32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是 001 0011 1011 0110 0000 1101 (填32bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是 0.153993248939514 (32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 尾数表示的十进制小数形式是 1.153993248939514 (加整数部分的1)



1、float型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

D. -0. 003983522 (设学号为1234567,按规则更换为学号和学号逆序)

注: 尾数为负、指数为负

- (1) 得到的32bit的机内表示是: 1011 1011 1000 0010 1000 1000 0011 0100 (不是手算,用P. 4方式打印)
- (2) 其中: 符号位是 1

指数是 0111 0111 (填32bit中的原始形式)

指数转换为十进制形式是 119 (32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

指数表示的十进制形式是 -8 (32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是 000 0010 1000 1000 0011 0100 (填32bit中的原始形式)

尾数转换为十进制小数形式是 0.019781589508056640625 (32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 尾数表示的十进制小数形式是 1.019781589508056640625 (加整数部分的1)

2、double型数的机内表示



格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

A. 2253893. 3983522 (设学号为1234567, 按规则更换为学号和学号逆序)

注: 尾数为正、指数为正

- (1) 得到的64bit的机内表示是: _0100 0001 0100 0001 0011 0010 0010 1011 0010 1011 1111 1101 0011 0100 0111 0100 (不是手算,用P.5方式打印)
- (2) 其中: 符号位是___0___

指数是_100 0001 0100_(填64bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是_1044__(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是 21 (64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

41 4hi+中的原

尾数是_0001 0011 0010 0010 0010 1011 0010 1111 1101 0011 0100 0111 0100_(填64bit中的原

始形式)

尾数转换为十进制小数形式是_0.07474012296304710645244995248504_(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

尾数表示的十进制小数形式是_1.07474012296304710645244995248504_(加整数部分的1)

2、double型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

B. -3983522. 2253893 (设学号为1234567, 按规则更换为学号和学号逆序)

注: 尾数为负、指数为正

- (1) 得到的64bit的机内表示是: _1100 0001 0100 1110 0110 0100 0101 0001 0001 1100 1101 1001 1000 1110 0111 1100 (不是手算,用P.5方式打印)
- (2) 其中: 符号位是 1

指数是 100 0001 0100 (填64bit中的原始形式)

指数转换为十进制形式是 1044 (64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

指数表示的十进制形式是 21 (64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是 1110 0110 0100 0101 0001 0001 1100 1101 1001 1000 1110 0111 1100(填64bit中的原

始形式)

尾数转换为十进制小数形式是 0.90046798009362216674844603403471(64bit中的原始形式按二进 制原码形式转换)

尾数表示的十进制小数形式是 1.90046798009362216674844603403471 (加整数部分的1)

2、double型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

C. 0. 002253893 (设学号为1234567, 按规则更换为学号和学号逆序)

注: 尾数为正、指数为负

- (1) 得到的64bit的机内表示是: 0011 1111 0110 0010 0111 0110 1100 0001 1001 0111 0010 1000 0110 1001 1111 0000 (不是手算,用P.5方式打印)
- (2) 其中: 符号位是 0

指数是 011 1111 0110 (填64bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是__1014__(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是 -9 (64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是 0010 0111 0110 1100 0001 1001 0111 0010 1000 0110 1001 1111 0000(填64bit中的原

始形式)

尾数转换为十进制小数形式是 0.15399321599999993281926435884088(64bit中的原始形式按二进 制原码形式转换)

尾数表示的十进制小数形式是 1.15399321599999993281926435884088 (加整数部分的1)

2c 6 8b 6 51 70 bf

§.基础知识题 - 浮点数机内存储格式(IEEE 754)理解

2、double型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

D. -0. 003983522 (设学号为1234567, 按规则更换为学号和学号逆序)

注: 尾数为负、指数为负

- (1) 得到的64bit的机内表示是: _1011 1111 0111 0000 0101 0001 0000 0110 1000 1011 0110 1000 0000 0110 0010 1100_(不是手算,用P.5方式打印)
- (2) 其中: 符号位是__1___

指数是 011 1111 0111 (填64bit中的原始形式)

指数转换为十进制形式是 1015 (64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

指数表示的十进制形式是___-8___(64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是_0000 0101 0001 0000 0110 1000 1011 0110 1000 0000 0110 0010 1100_(填64bit中的原

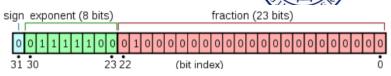
始形式)

尾数转换为十进制小数形式是__0.0197816319999999379319888248574__(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

尾数表示的十进制小数形式是_1.0197816319999999379319888248574_(加整数部分的1)

3、总结

(1) float型数据的32bit是如何分段来表示一个单精度的浮点数的?给出bit位的分段解释 尾数的正负如何表示?尾数如何表示?指数的正负如何表示?指数如何表示?



答:如图,这32个二进制位的内存编号从高到低(从31到0),共包含如下几个部分:符号位,偏移后的指数位,尾数位。符号位:占据最高位(第31位)这一位,用于表示这个浮点数是正数还是负数,为0表示正数,为1表示负数。指数位占据第30位到第23位这8位,用于表示以2位底的指数,IEEE754规定,指数位用于表示[-127, 128]范围内的指数,不过为了表示起来更方便,浮点型的指数位都有一个固定的偏移量(bias),用于使指数 + 这个偏移量 = 一个非负整数,规定:在32位单精度类型中,这个偏移量是127。尾数位:占据剩余的22位到0位这23位.用于存储尾数.在以二进制格式存储十进制浮点数时,首先需要把十进制浮点数表示为二进制格式,拿十进制数20.5举例:十进制浮点数20.5 = 二进制10100.1然后,需要把这个二进制数转换为以2为底的指数形式:二进制10100.1 = 1.01001 * 2⁴注意转换时,对于乘号左边,加粗的那个二进制数1.01001,需要把小数点放在左起第一位和第二位之间。且第一位需要是个非0数.这样表示好之后,其中的1.01001就是尾数。

(2) 为什么float型数据只有7位十进制有效数字? 为什么最大只能是3.4x10³⁸ ?

有些资料上说有效位数是6~7位,能找出6位/7位不同的例子吗?

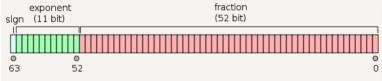
单精度数的尾数用23位存储,加上默认的小数点前的1位1, 2^2 (23+1) = 16777216。因为 10^2 7 < 16777216 < 10^2 8,所以说单精度浮点数的有效位数是7位。但因为可能会有四舍五入,所以float型最少有6位有效数字。又因为指数位用于表示[-127, 128]范围

#include <iostream>

内的指数, 2¹²⁷ 约为3. 4x10³⁸, 所以最大只能是3. 4x10³⁸。



(3) double型数据的64bit是如何分段来表示一个双精度的浮点数的?给出bit位的分段解释 尾数的正负如何表示?尾数如何表示?指数的正负如何表示?指数如何表示?



答:如图,这64个二进制位的内存编号从高到低(从63到0),共包含如下几个部分:符号位,偏移后的指数位,尾数位。存居位:占据最高位(第63位)这一位,用于表示这个浮点数是正数还是负数,为0表示正数,为1表示负数。指数位占据第62位到第52位这11位,用于表示以2位底的指数,IEEE754规定,指数位用于表示[-1023,1024]范围内的指数,不过为了表示起来更方便,浮点型的指数位都有一个固定的偏移量(bias),用于使指数+这个偏移量=一个非负整数,规定:在32位单精度类型中,这个偏移量是1023。尾数位:占据剩余的51位到0位这52位.用于存储尾数。

(4) 为什么doub1e型数据只有15位十进制有效数字? 为什么最大只能是1.7x10³⁰⁸ ? 有些资料上说有效位数是15[~]16位,能找出15位/16位不同的例子吗?

双精度的尾数用52位存储, $2^{(52+1)}$ = 9007199254740992, 10^{16} < 9007199254740992 < 10^{17} ,所以双精度的有效位数是16位。但因为可能会有四舍五入,所以double型最少有15位有效数字。又因为指数位用于表示[-1023, 1024]范围内的指数, $2^{(1024)}$ 为 $1.7x10^{308}$,所以最大只能是 $1.7x10^{308}$ 。

double a = 0.0000001234567890123456789;
std::cout << std::setprecision(20) << a << std::endl;
1.2345678901234568e-07</pre>

double b = 123456789012345.6789;
std::cout << std::setprecision(20) << b << std::endl;
123456789012345.671875</pre>

注:

- 文档用自己的语言组织
- 篇幅不够允许加页
- 如果用到某些小测试程序进行说明,可以贴上小测试程序的源码及运行结果
- 为了使文档更清晰,允许将网上的部分图示资料截图后贴入
- 不允许在答案处直接贴某网址,再附上"见**"(或类似行为),否则文档作业部分直接总分-50



4、思考

- (1) 8/11bit的指数的表示形式是2进制补码吗?如果不是,一般称为什么方式表示? 不是,是指数部分+偏移量得到的非负整数的2进制原码。
- (2) double赋值给float时,下面两个程序,double型常量不加F的情况下,左侧有warning,右侧无warning,为什么? 总结一下规律

左侧程序1.2转化成二进制,小数部分0.2无限循环,double中用52位存储,将double赋值给float时,用23位存储,丢失了32位,精度下降,数据截断。

右侧程序100.25转化成二进制,小数部分0.25有限循环,double中只需要2位,用0补齐到52位,将double赋值给float时,用23位存储,截掉的是32位0,不影响结果。

规律: double赋值给float时, double型常量不加F的情况下,小数部分若为5的倍数,则不会发生截断。

