

# 《离散数学》课程实验报告 1 命题逻辑联接词、真值表、主范式

2253893 苗君文 软件工程

## 1. 题目简介

### 1.1. 背景与目的

在现代计算机科学中，逻辑是一项关键的概念，而命题逻辑作为逻辑中的一个重要部分，为问题建模和解决提供了强大的工具。命题逻辑主要关注命题之间的逻辑关系，通过联接词、真值表和主范式等概念，我们能够深入理解命题之间的复杂关系，并运用这些知识解决实际问题。

本实验旨在实现以下目标：理解联接词的概念、掌握真值表的制作和应用、熟悉主范式的使用、培养程序设计思维、撰写实验报告的能力。

### 1.2. 问题描述

(1) A 题：从键盘输入两个命题变元 P 和 Q 的真值，求它们的合取、析取、条件和双向条件的真值，用户可以选择是否继续输入新的真值进行计算 (A)。

(2) B, C 题：求任意一个命题公式的真值表 (B)，并根据真值表求主范式 (C)。

### 1.3. 程序输入输出

#### 1.3.1. 输入

A 题：用户需要通过键盘输入两个逻辑命题变元 P 和 Q 的真值，即 0 或 1。

B 题：用户通过控制台输入命题公式，该公式包含逻辑运算符（如非!、与&、或|、蕴含^、等值~）和命题变量（字母 a-z、A-Z）。用户输入的公式需要符合逻辑运算的语法规则，否则程序会进行错误提示。

#### 1.3.2. 输出

A 题：程序将输出经过逻辑运算后的结果，包括合取 ( $P \wedge Q$ )、析取 ( $P \vee Q$ )、条件 ( $P \rightarrow Q$ ) 和双向条件 ( $P \leftrightarrow Q$ ) 的真值。

BC 题：程序将根据用户输入的命题公式生成真值表。真值表的列包括命题变量和最终逻辑运算结果。还将计算生成输入命题公式的主析取范式和主合取范式。

### 1.4. 功能选择

用户可以选择是否继续运行程序。在每次计算完成后，程序会询问用户是否继续运行，用户可以选择输入 'y'（继续运行）或 'n'（退出程序）。

## 2. 解题思路

### 2.1. 明确命题逻辑的相关定义

#### 2.1.1. 联结词

(1) 非：表示为  $\neg$ ，它对命题的真假进行否定。例如， $\neg p$  表示“非 p”，如果 p 为真，则  $\neg p$  为假，反之亦然。

(2) 合取：表示为  $\wedge$ ，它对两个命题进行“与”操作。例如， $p \wedge q$  表示“p 且 q”，只有当 p 和 q 都为真时， $p \wedge q$  才为真。

(3) 析取：表示为  $\vee$ ，它对两个命题进行“或”操作。例如， $p \vee q$  表示“p 或 q”，只要 p 或 q 有一个为真， $p \vee q$  就为真。 $p \vee q$  为假当且仅当 p 与 q 同时为假。

(4) 蕴含：表示为  $\rightarrow$ ，它描述了一种“如果...那么...”的关系。 $p \rightarrow q$  表示“如果 p，则 q”，当 p 为假或者 q 为真时， $p \rightarrow q$  为真； $p \rightarrow q$  为假当且仅当 p 为真且 q 为假。

(5) 等价：表示为  $\leftrightarrow$ ，它描述了两个命题之间的等价关系。例如， $p \leftrightarrow q$  表示“p 当且仅当 q”， $p \leftrightarrow q$  为真当且仅当 p 与 q 同时为真或同时为假。

各种联结词的优先级：( ),  $\neg$ ,  $\wedge$ ,  $\vee$ ,  $\rightarrow$ ,  $\leftrightarrow$ 。

#### 2.1.2. 真值表

真值表是列出了命题的所有可能组合及其结果的表格。通过真值表，我们可以确定复合命题在不同情况下的真假值。命题公式在所有可能的赋值下的取值的列表含 n 个变项的公式有  $2^n$  个赋值。下图为一个真值表的举例：

p	q	$\neg p$	$\neg q$	$p \vee q$	$\neg(p \vee q)$	$\neg p \wedge \neg q$	$\neg(p \vee q) \leftrightarrow (\neg p \wedge \neg q)$
0	0	1	1	0	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0	0	1
1	1	0	0	1	0	0	1

#### 2.1.3. 主范式

**主析取范式：**在含有  $n$  个命题变元的简单合取式中, 若每个命题变元与其否定不同时存在, 而两者之一出现一次且仅出现一次, 则称该简单合取式为极小项。由若干个不同的极小项组成的析取式称为主析取范式; 与  $A$  等价的主析取范式称为  $A$  的主析取范式。任意含  $n$  个命题变元的非永假命题公式  $A$  都存在与其等价的主析取范式, 并且是惟一的。

**主合取范式：**在含有  $n$  个命题变元的简单析取式中, 若每个命题变元与其否定不同时存在, 而两者之一出现一次且仅出现一次, 称该简单析取式为极大项。由若干个不同的极大项组成的合取式称为主合取范式; 与  $A$  等价的主合取范式称为  $A$  的主合取范式。任意含  $n$  个命题变元的非永真命题公式  $A$  都存在与其等价的主合取范式, 并且是惟一的。

#### 2.1.4. 求主范式的步骤

##### (1) 求主析取范式的步骤

设公式  $A$  含命题变项  $p_1, p_2, \dots, p_n$

- a. 求  $A$  的析取范式  $A' = B_1 \vee B_2 \vee \dots \vee B_s$ , 其中  $B_j$  是简单合取式  $j=1, 2, \dots, s$
- b. 若某个  $B_j$  既不含  $p_i$ , 又不含  $\neg p_i$ , 则将  $B_j$  展开成  $B_j \Leftrightarrow B_j \wedge (p_i \vee \neg p_i) \Leftrightarrow (B_j \wedge p_i) \vee (B_j \wedge \neg p_i)$ ; 然后重复这个过程, 直到所有简单合取式都是长度为  $n$  的极小项为止。
- c. 消去重复出现的极小项, 即用  $m_i$  代替  $m_i \vee m_i$
- d. 将极小项按下标从小到大排列。

##### (2) 求主合取范式的步骤

设公式  $A$  含命题变项  $p_1, p_2, \dots, p_n$

- a. 求  $A$  的合取范式  $A' = B_1 \wedge B_2 \wedge \dots \wedge B_s$ , 其中  $B_j$  是简单析取式  $j=1, 2, \dots, s$
- b. 若某个  $B_j$  既不含  $p_i$ , 又不含  $\neg p_i$ , 则将  $B_j$  展开成  $B_j \Leftrightarrow B_j \vee (p_i \wedge \neg p_i) \Leftrightarrow (B_j \vee p_i) \wedge (B_j \vee \neg p_i)$ ; 然后重复这个过程, 直到所有简单析取式都是长度为  $n$  的极大项为止。
- c. 消去重复出现的极大项, 即用  $M_i$  代替  $M_i \wedge M_i$
- d. 将极大项按下标从小到大排列。

### 2.2. 实现步骤

#### 2.2.1. A 题

(1) 定义一个 `dealInputError` 函数，用于处理用户输入的错误情况，确保输入是合法的 0 或 1。

(2) 利用循环读取用户输入的逻辑命题变元  $P$  和  $Q$  的真值，并进行逻辑运算。

(3) 输出合取、析取、条件和双向条件的真值。

(4) 根据用户的选择，决定是否继续运行程序。

### 2.2.2. BC 题

#### (1) 输入处理与验证

首先，程序需要从用户处获取输入的命题公式。使用 `getInput` 函数，该函数通过循环等待用户输入，然后调用 `isValidInput` 函数来验证输入的命题公式是否符合语法规则。如果输入不合法，程序会提示用户重新输入。

#### (2) 命题变量提取

使用 `getProposition` 函数从输入的命题公式中提取命题变量，并将其存储在 `Map_ic` 类型的映射中。该映射将命题变量与其在命题公式中的位置对应起来。

#### (3) 真值表的生成

利用提取到的命题变量，通过二进制方式生成真值表。使用 `toBinary` 函数将一个整数转化为包含 `n_proposition` 个二进制位的映射，表示命题变量的所有可能取值情况。然后，通过循环计算每种组合下的逻辑运算结果，生成完整的真值表。

#### (4) 主析取范式 and 主合取范式的计算

在生成真值表的基础上，程序计算主析取范式和主合取范式。遍历真值表，将满足条件的情况加入主析取范式或主合取范式。

主析取范式是由真值为 1 的情况通过逻辑或连接而成的。在程序中，通过遍历真值表，调用 `calculate` 函数计算每种情况的真值，判断每种情况的真值是否为 1，若为 1，则将该情况加入主析取范式。

主合取范式是由真值为 0 的情况通过逻辑与连接而成的。在程序中，通过遍历真值表，调用 `calculate` 函数计算每种情况的真值，判断每种情况的真值是否为 0，若为 0，则将该情况加入主合取范式。

输出时，根据数量的不同添加相应的连接符。

## 2.3. 界面设计

本程序为方便使用者调试与使用，增设了让用户判断是否需要继续运行程序的环节。使用循环与判断语句，并做了详尽的输入错误处理。

## 3. 所用数据结构

### 3.1. A 题

A 题中所使用的均为基本的数据结构。具体内容如下：

(1) bool：用于存储逻辑运算的结果。程序中定义了一个布尔数组 `bool a[4]`，用于存放合取、析取、条件和双向条件的真值结果。

(2) int：用于存储命题变元的真值。程序中定义了两个整型变量 `int i, j`，分别表示逻辑命题变元 P 和 Q 的真值。

(3) char：用于存储用户选择是否继续运行程序的输入。程序中定义了字符变量 `char answer`，用户可以输入 'y'（继续运行）或 'n'（退出程序）。

(4) string：用于存储输出提示信息。在 `dealInputError` 函数中，使用字符串类型 `string` 存储输出提示信息，以提高交互性。

### 3.2. BC 题

#### 3.2.1. Map（映射）

映射是一个关联容器，提供了一种将键（key）和值（value）关联起来的方式。在本项目中，本项目中，映射用于存储命题变量和它们在真值表中的对应关系。在代码中，主要用了三种映射：

`Map_ci`：用于存储字符到整数的映射，表示运算符的优先级。在项目中，通过这个映射，能够方便地查找运算符的优先级。

`Map_ic`：用于存储整数到字符的映射，表示真值表中的命题变量。在真值表的计算中，需要将整数表示的真值表中的某一行映射到具体的命题变量，以便计算该行的真值。

`Map_ii`：用于存储整数到整数的映射，表示真值表中命题变量的二进制表示。在真值表计算中，需要将当前行的整数表示转换为对应的二进制形式，以确定命题变量的取值情况。

这些 map 的应用使得程序能够更方便地处理与逻辑运算相关的信息，通过键值对的方式建立了字符到字符、字符到整数、整数到整数的映射关系，提高了程序的可读性和可维护性。

### 3.2.2. Stack（栈）

在这个项目中，stack 数据结构主要用于两个栈：stack<char> opter 和 stack<int> pvalue。这两个栈在逻辑运算的过程中发挥了关键作用，分别用于存储运算符和操作数。

#### (1) stack<char> opter - 运算符栈

用途：存储逻辑运算中的运算符，帮助维护运算符的优先级和正确的运算顺序。

操作：入栈（push）、出栈（pop）、获取栈顶元素（top）等。

作用：在逻辑表达式中，通过比较运算符的优先级，将运算符按正确的顺序加入栈中，确保正确的逻辑运算顺序。

在遇到右括号时，从运算符栈中弹出运算符，直到遇到左括号，以确保括号内的运算顺序正确。

通过比较栈顶运算符的优先级，决定是否继续弹出运算符或将当前运算符压入栈中。

#### (2) stack<int> pvalue - 值栈

用途：存储逻辑运算中的操作数，用于计算逻辑表达式的值。

操作：入栈（push）、出栈（pop）、获取栈顶元素（top）等。

作用：在遇到命题变量或已计算出的部分结果时，将其加入值栈，以便后续的逻辑运算使用。

在进行逻辑运算时，从值栈中弹出操作数，进行相应的计算，并将计算结果压入值栈。

这两个栈的交互，配合逻辑运算的算法，实现了对逻辑表达式的正确计算。在遍历逻辑表达式的过程中，根据运算符的优先级和括号的情况，动态地调整这两个栈的状态，确保逻辑运算的正确性。这种栈的设计使得程序能够灵活地处理各种逻辑运算，并最终生成真值表和主析取/合取范式。

## 4. 核心算法

### 4.1. A 题

本逻辑运算程序主要通过用户输入两个命题变元  $P$  和  $Q$  的真值，然后进行逻辑运算得到合取、析取、条件和双向条件的真值。核心算法主要包括以下步骤：

(1) 输入处理：使用 `dealInputError` 函数处理用户输入，确保输入的是单个整数，且在指定的范围内（0 或 1）。用户需要输入两个整数，分别表示命题变元  $P$  和  $Q$  的真值。

(2) 逻辑运算：根据用户输入的  $P$  和  $Q$  的真值，进行四种基本的逻辑运算：

合取 ( $\&\&$ ):  $a[0] = i \&\& j$ ;

析取 ( $\|\|$ ):  $a[1] = i \|\| j$ ;

条件 ( $\rightarrow$ ), 转化为与或非形式:  $a[2] = (!i) \|\| j$ ;

双向条件 ( $\leftrightarrow$ ), 转化为与或非形式:  $a[3] = ((!i) \|\| j) \&\& ((!j) \|\| i)$ ;

```
//读取P的值
dealInputError(i, "请输入P的值 (0或1), 以回车结束:");
//读取Q的值
dealInputError(j, "请输入Q的值 (0或1), 以回车结束:");

a[0] = i && j; //合取
a[1] = i || j; //析取
a[2] = (!i) || j; //条件, 转化为与或非形式
a[3] = ((!i) || j) && ((!j) || i); //双向条件, 转化为与或非形式

//输出结果
cout << endl << endl << "合取: P\Q = " << a[0] << endl;
cout << "析取: P\Q = " << a[1] << endl;
cout << "条件: P->Q = " << a[2] << endl;
cout << "双向条件: P<->Q = " << a[3] << endl << endl;
```

(3) 输出结果：将四种逻辑运算的结果输出，显示在屏幕上，提供用户清晰的运算结果。

(4) 用户选择：用户可以选择是否继续运行程序。使用 `while` 循环和 `if` 语句判断用户的选择，若选择继续，则回到输入处理步骤；若选择退出，则结束程序。

整体来说，这个程序的核心算法是基于用户输入的两个命题变元的真值，通

过逻辑运算得到相应的结果，然后输出给用户。程序主要使用了基本的逻辑运算符和控制结构，没有复杂的算法。

## 4.2. BC 题

### 4.2.1. 输入命题公式

#### (1) 用户交互

用户通过键盘输入一个逻辑表达式，该表达式可以包含字母表示的命题变量、逻辑运算符和括号。用户输入的过程需要进行逐字符检查，以确保输入的表达式是合法的。

#### (2) 合法性检查

在用户输入命题公式时，需要进行详细的合法性检查，以确保输入的逻辑表达式是符合规范的。

##### a. 字符合法性检查

检查每个字符是否为合法字符，包括字母表示的命题变量、逻辑运算符和括号。

**字母合法性：**确保字母只包含大写或小写字母，用于表示命题变量。不允许其他字符混入命题变量。

**运算符合法性：**验证逻辑运算符的合法性，包括与 $\&$ 、或 $|$ 、非 $!$ 、蕴含 $\wedge$ 、等值 $\sim$ 。

**括号合法性：**确保只包含左括号(和右括号)，且左右括号数量相等。

##### b. 字母相对顺序检查

检查相邻字符之间的相对顺序，确保满足逻辑表达式的语法。

**字母相对顺序：**字母之间不能有其他字母，确保命题变量的正确使用。

**运算符相对顺序：**确保运算符前后有字母或右括号等，避免运算符的错误使用。

##### c. 括号匹配检查

用一个括号计数器维护，确保左右括号数量相等且顺序正确。

**括号数量匹配：**左右括号数量应当相等，不得有多余或缺失的括号。

**括号顺序匹配：**左括号必须在相应的右括号之前。

通过详细的合法性检查，确保用户输入的逻辑表达式在语法上是正确的，提



高了程序的容错性和用户体验。

#### 4.2.2. 逻辑表达式的计算

(1) **遍历逻辑表达式：** 从左到右遍历逻辑表达式的每个字符。

(2) **处理命题变量：** 当遇到字母（命题变量）时，将其对应的值（从真值表中取得）入操作数栈。

(3) **处理运算符：**

如果运算符栈为空，或者当前运算符为左括号，直接将当前运算符入栈。

如果当前运算符的优先级高于栈顶运算符，将当前运算符入栈。

否则，弹出栈顶运算符直到满足上述条件，然后将当前运算符入栈。

(4) **处理右括号：** 遇到右括号时，不断弹出运算符栈的元素并计算，直到遇到左括号。左括号出栈，继续处理逻辑表达式。

(5) **处理最后的运算符：** 最后，如果运算符栈不为空，依次弹出栈中剩余运算符并进行计算。

(6) **计算过程：** 在处理过程中，每当有新的操作数入栈或运算符进行计算，都会立即更新操作数栈和运算符栈。这样通过栈的先入后出的性质，保证了正确的计算顺序。

通过这样的设计，实现了对逻辑表达式的动态计算，确保了正确的运算顺序和优先级。整个计算过程模拟了中缀表达式转后缀表达式的思想，通过栈的操作实现了逻辑运算符的正确计算。

#### 4.2.3. 生成真值表

(1) 获取命题变量

**函数名：** Map\_ic getProposition(string formula)

**功能：** 从给定的逻辑公式 formula 中提取命题变量，并将其存储在一个映射 proposition 中，最终返回该映射。

**实现细节：**

定义映射 Map\_ic proposition 用于存储命题变量。

遍历输入的逻辑公式中的每个字符。

如果当前字符是字母（命题变量），则检查其是否已经在 proposition 中存在。

如果存在，说明该命题变量已经被遍历过，不重复计数。

如果不存在,将该命题变量存储在 `proposition` 映射中,键为 `n_proposition`,即当前的命题变量的个数。

增加命题变量的个数 `n_proposition`。

如果当前字符是运算符,直接忽略。

**返回值:** 返回存储了命题变量的映射 `proposition`。

## (2) 计算逻辑表达式

**函数名:** `int calculate(string formula, Map_ic pSet, Map_ii value)`

**功能:** 计算给定命题变量的值组合 `value` 下的逻辑运算结果。

**实现细节:**

使用两个栈, `stack<char> opter` 用于存储运算符, `stack<int> pvalue` 用于存储操作数。

遍历输入的逻辑表达式 `formula` 中的每个字符。

对于命题变量,将其对应的值压入操作数栈 `pvalue`。

对于运算符,通过比较优先级和栈顶运算符,决定是将当前运算符压入栈还是弹出栈顶运算符并进行计算。

对于括号,确保括号内的逻辑表达式得到正确计算。

最终,操作数栈中存储的即为逻辑表达式的计算结果。

**返回值:** 返回逻辑表达式的计算结果。

## (3) 生成真值表

**函数名:** `void generateTruthTable(string formula)`

**功能:** 根据给定的逻辑公式生成真值表,并输出结果。

**实现细节:**

获取命题变量集合 `pSet` 和逻辑公式 `formula`。

遍历命题变量的所有可能取值组合,使用二进制表示。

对每个取值组合,调用逻辑表达式计算的算法 `calculate` 得到结果。

输出每行的命题变量取值和对应的逻辑运算结果。

整体上,生成真值表的过程主要包括获取命题变量、计算逻辑表达式,通过遍历命题变量的所有可能取值组合,得到逻辑表达式的真值表。

## (4) 主析取/合取范式的计算

遍历命题变量的所有可能取值组合，计算逻辑表达式的值。记录使逻辑表达式为真的情况，得到主析取范式。记录使逻辑表达式为假的情况，得到主合取范式。

最后，输出命题变量及其对应的真值表及主析取范式和主合取范式。

### 4.3. 输入错误处理相关函数

#### 4.3.1. 单个参数的输入错误处理

函数 `dealInputError` 使用 `while` 循环不断尝试获取用户输入，直到输入满足要求。使用 `cin.fail()` 及 `min`、`max` 来判断输入是否出错，检查输入是否在有效范围内。如果输入无效，则输出错误信息，清除输入缓冲区并忽略之后的字符，并要求重新输入，重新输入的提示内容也由函数所传的参数 `str` 决定。通过一个字符来获取输入一个数之后的字符以检查输入字符的个数，若不正确，也输出错误信息，执行相应清除操作。如果输入有效，则跳出循环。

此函数可以用于 A 题中判断输入的 P，Q 的值的正误。

```
void dealInputError(int& n, string str, int min = 0, int max = 1) //处理输入错误
{
    while (1) {
        char c; //用来获取输入一个数之后的一个字符，若获取一个字符且非换行符则视为输入错误。
        cout << str << endl;
        cin >> n;
        if (cin.fail() || n<min || n>max) {
            cout << "输入错误，请重新输入。" << endl;
            cin.clear();
            cin.ignore(9999, '\n');
            continue;
        } //内容错误
        else if (cin.get(c) && c != '\n') {
            cout << "输入错误，请重新输入。" << endl;
            cin.clear();
            cin.ignore(9999, '\n');
            continue;
        } //个数错误
        else
            break;
    }
    return;
}
```

#### 4.3.2. 判断是否继续运行程序的错误处理

此处输入的内容是字符，程序将大小写的 y/n 输入都作为正确输入，而其他情况需要重新输入。类似之前，分为内容错误和个数错误两种，并根据输入正确的内容需不需要继续运行。Y 则 `continue`，N 则 `break`。

此错误处理在 A 题和 BC 题中均有使用。

## 5. 心得体会

### 5.1. A 题

通过完成 A 题逻辑运算程序的编写,我深刻理解了逻辑运算的基本概念和原理。通过代码的实现,我加深了对合取、析取、条件和双向条件等逻辑运算的理解。此外,通过编写输入错误处理的代码,我学会了如何提高程序的健壮性,使其在用户输入错误时能够进行适当的处理,提高用户体验。这次编程任务使我更加熟悉了 C++ 语言的基本语法和面向对象编程的思想,对我的编程能力提升有很大帮助,也为我后续离散数学的学习打下深厚的基础。

### 5.2. BC 题

在项目中,通过合理设计数据结构和模块化的函数,使得代码具有良好的可读性和可维护性。合理利用函数、类等代码结构,实现了逻辑运算软件的核心功能,同时也为未来的功能扩展提供了可靠的基础。

为了能够使程序判断每一种输入错误的情况,我特地在草稿纸上列出了各种可能出现的输入错误,并将其归结为以下这几类:首字符错误、多个字母连续、非法字符出现、括号前是字母、最后一个字符非法、括号不匹配,并在程序中专门设计了 `isValidInput` 来实现。并且花了大量的时间去调试这一部分的输入错误处理,保证所有情况都被考虑。

在原程序中,有一个“#”用来判断命题公式有没有完全计算。为了删去这个“#”运算符,也就是要设定一个不存在“#”时的计算终止条件。因此,我修改了 `calculate` 函数的结束运算条件。在 `calculate` 函数中,结束运算的条件是遍历完整个逻辑公式字符串 `formula` 并且运算符栈 `opter` 为空。这意味着当函数处理完最后一个字符时,它会检查运算符栈是否为空。如果运算符栈中仍有运算符未处理,就会继续进行计算,直到运算符栈为空为止。这是因为可能存在一些运算符尚未与其对应的操作数进行计算。最终,函数返回值栈 `pvalue` 的栈顶元素,即最终的逻辑运算结果。

## 6. 测试结果

### 6.1. A 题

### 6.1.1. 输入 P 的值

(1) 输入个数及内容错误

```
请输入P的值（0或1），以回车结束：
5 a
输入错误，请重新输入。
请输入P的值（0或1），以回车结束：

```

(2) 输入个数错误

```
请输入P的值（0或1），以回车结束：
1 0
输入错误，请重新输入。
请输入P的值（0或1），以回车结束：

```

(3) 输入的值错误

```
请输入P的值（0或1），以回车结束：
2
输入错误，请重新输入。
请输入P的值（0或1），以回车结束：

```

(4) 输入的类型错误

```
请输入P的值（0或1），以回车结束：
a
输入错误，请重新输入。
请输入P的值（0或1），以回车结束：

```

(5) 输入正确即可进入下一环节

```
请输入P的值（0或1），以回车结束：
1
请输入Q的值（0或1），以回车结束：

```

### 6.1.2. 输入 Q 的值

(1) 输入个数及内容错误

```
请输入Q的值（0或1），以回车结束：
5 a
输入错误，请重新输入。
请输入Q的值（0或1），以回车结束：

```

(2) 输入个数错误

```
请输入Q的值（0或1），以回车结束：
0 1
输入错误，请重新输入。
请输入Q的值（0或1），以回车结束：
```

（3）输入的值错误

```
请输入Q的值（0或1），以回车结束：
3
输入错误，请重新输入。
请输入Q的值（0或1），以回车结束：
```

（4）输入的类型错误

```
请输入Q的值（0或1），以回车结束：
b
输入错误，请重新输入。
请输入Q的值（0或1），以回车结束：
```

（5）输入正确即可进入下一环节

```
请输入Q的值（0或1），以回车结束：
0
```

### 6.1.3. 输出逻辑运算结果

```
合取：  $P \wedge Q = 0$ 
析取：  $P \vee Q = 1$ 
条件：  $P \rightarrow Q = 0$ 
双向条件：  $P \leftrightarrow Q = 0$ 
```

### 6.1.4. 选择是否继续运行该程序

（1）输入错误

```
是否继续运行该程序？（y/n）： 3
输入无效，请重新输入。

是否继续运行该程序？（y/n）： 36
输入无效，请重新输入。

是否继续运行该程序？（y/n）： j6
输入无效，请重新输入。

是否继续运行该程序？（y/n）： a
输入无效，请重新输入。

是否继续运行该程序？（y/n）：
```

（2）输入 y/Y/n/N 均输入正确（下图以 y 为例）

```
是否继续运行该程序? (y/n) : y
请输入P的值 (0或1), 以回车结束:
_
```

#### 6.1.5. A 题输入正确下的程序总览

```
*****
**                               **
**      欢迎进入逻辑运算程序      **
**                               **
*****

请输入P的值 (0或1), 以回车结束:
0
请输入Q的值 (0或1), 以回车结束:
1

合取:  $P \wedge Q = 0$ 
析取:  $P \vee Q = 1$ 
条件:  $P \rightarrow Q = 1$ 
双向条件:  $P \leftrightarrow Q = 0$ 

是否继续运行该程序? (y/n) : y
请输入P的值 (0或1), 以回车结束:
_
```

### 6.2. B, C 两题

#### 6.2.1. 欢迎界面

```
*****
**                               **
**      欢迎进入逻辑运算软件      **
**      (可运算真值表, 主范式, 支持括号) **
**                               **
**      用!表示非                **
**      用&表示与                **
**      用|表示或                **
**      用^表示蕴含              **
**      用~表示等值              **
**                               **
*****

请输入命题公式:
```

#### 6.2.2. 输入命题公式错误的情况

##### (1) 输入的首字符错误

首字符只能为字母字符或 “(” 或 “!”

请输入命题公式：  
&a|b  
输入错误，请重新输入！  
请输入命题公式：

(2) 输入内容中有两个及以上字母连续

请输入命题公式：  
ab&c  
输入错误，请重新输入！  
请输入命题公式：

请输入命题公式：  
c&abc  
输入错误，请重新输入！  
请输入命题公式：

(3) 输入内容存在非法字符

本程序中仅有字母字符与规定的逻辑运算字符是合法的。

请输入命题公式：  
a|5  
输入错误，请重新输入！  
请输入命题公式：

请输入命题公式：  
a|b#  
输入错误，请重新输入！  
请输入命题公式：

(4) 输入的命题公式中括号前是字母

按照公式的规律，括号前只能是逻辑运算符号。

请输入命题公式：  
s(a&b)  
输入错误，请重新输入！  
请输入命题公式：

(5) 输入的命题公式中最后一个字符非法

命题公式中的最后一个字符只能是字母字符或“( )”。

请输入命题公式：  
a&b!  
输入错误，请重新输入！  
请输入命题公式：

(6) 输入的命题公式中括号不匹配



```
请输入命题公式：
a&(a|b)
输入错误，请重新输入！
请输入命题公式：
```

```
请输入命题公式：
a&c|b)
输入错误，请重新输入！
请输入命题公式：
```

### 6.2.3. 输入的命题公式正确的情况，并输出对应的真值表、主析取范式、主合取范式

(1) 测试内容：((a)) (命题公式中变量带多层括号)

```
请输入命题公式：
((a))

该式子中的变量个数为： 1

输出真值表如下：
a      ((a))
0      0
1      1

该命题公式的主析取范式：
m<1>

该命题公式的主合取范式：
M<0>
```

(2) 测试内容：!a (非运算)

```
请输入命题公式：
!a

该式子中的变量个数为： 1

输出真值表如下：
a      !a
0      1
1      0

该命题公式的主析取范式：
m<0>

该命题公式的主合取范式：
M<1>
```

(3) 测试内容：a&b (与运算)

请输入命题公式:

$a \& b$

该式子中的变量个数为: 2

输出真值表如下:

a	b	$a \& b$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

该命题公式的主析取范式:

$m\langle 3 \rangle$

该命题公式的主合取范式:

$M\langle 0 \rangle \wedge M\langle 1 \rangle \wedge M\langle 2 \rangle$

(4) 测试内容:  $a | b$  (或运算)

请输入命题公式:

$a | b$

该式子中的变量个数为: 2

输出真值表如下:

a	b	$a   b$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

该命题公式的主析取范式:

$m\langle 1 \rangle \vee m\langle 2 \rangle \vee m\langle 3 \rangle$

该命题公式的主合取范式:

$M\langle 0 \rangle$

(5) 测试内容:  $a \wedge b$  (蕴含式运算)

请输入命题公式：

$a \wedge b$

该式子中的变量个数为：2

输出真值表如下：

a	b	$a \wedge b$
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

该命题公式的主析取范式：

$m\langle 0 \rangle \vee m\langle 1 \rangle \vee m\langle 3 \rangle$

该命题公式的主合取范式：

$M\langle 2 \rangle$

(6) 测试内容：  $a \sim b$  (等值式运算)

请输入命题公式：

$a \sim b$

该式子中的变量个数为：2

输出真值表如下：

a	b	$a \sim b$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

该命题公式的主析取范式：

$m\langle 0 \rangle \vee m\langle 3 \rangle$

该命题公式的主合取范式：

$M\langle 1 \rangle \wedge M\langle 2 \rangle$

(7) 测试内容：  $\neg(a \wedge b)$  (含有括号的简单运算)

请输入命题公式：

$\neg(a \wedge b)$

该式子中的变量个数为：2

输出真值表如下：

a	b	$\neg(a \wedge b)$
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

该命题公式的主析取范式：

$m\langle 0 \rangle \vee m\langle 1 \rangle \vee m\langle 2 \rangle$

该命题公式的主合取范式：

$M\langle 3 \rangle$

(8) 测试内容:  $a \& (b)$  (命题公式中单个变量带有括号)

```
请输入命题公式:
a&(b)

该式子中的变量个数为: 2

输出真值表如下:
a      b      a&(b)
0      0      0
0      1      0
1      0      0
1      1      1

该命题公式的主析取范式:
m<3>

该命题公式的主合取范式:
M<0> /\ M<1> /\ M<2>
```

(9) 测试内容:  $a \wedge b \sim c | b \& a \wedge c$  (不带括号的综合命题公式)

```
请输入命题公式:
a^b~c|b&a^c

该式子中的变量个数为: 3

输出真值表如下:
a      b      c      a^b~c|b&a^c
0      0      0      1
0      0      1      1
0      1      0      1
0      1      1      1
1      0      0      0
1      0      1      0
1      1      0      0
1      1      1      1

该命题公式的主析取范式:
m<0> \vee m<1> \vee m<2> \vee m<3> \vee m<7>

该命题公式的主合取范式:
M<4> /\ M<5> /\ M<6>
```

(10) 测试内容:  $\neg a \wedge b \sim (c | d \sim (\neg b \& c) \wedge \neg d) | a$  (带括号的综合命题公式)

```

请输入命题公式：
!a ^ b ^ (c | d ^ (!b & c) ^ !d) | a

该式子中的变量个数为：4

输出真值表如下：
a      b      c      d      !a ^ b ^ (c | d ^ (!b & c) ^ !d) | a
0      0      0      0      1
0      0      0      1      0
0      0      1      0      0
0      0      1      1      1
0      1      0      0      0
0      1      0      1      1
0      1      1      0      1
0      1      1      1      1
1      0      0      0      1
1      0      0      1      1
1      0      1      0      1
1      0      1      1      1
1      1      0      0      1
1      1      0      1      1
1      1      1      0      1
1      1      1      1      1

该命题公式的主析取范式：
m<0> ^/ m<3> ^/ m<5> ^/ m<6> ^/ m<7> ^/ m<8> ^/ m<9> ^/ m<10> ^/ m<11> ^/ m<12> ^/ m<13> ^/ m<14> ^/ m<15>

该命题公式的主合取范式：
M<1> /\ M<2> /\ M<4>

```

## 6.2.4. 选择是否继续运行该程序

### (1) 输入错误

```

是否继续运行该程序？（y/n）：3
输入无效，请重新输入。

是否继续运行该程序？（y/n）：36
输入无效，请重新输入。

是否继续运行该程序？（y/n）：j6
输入无效，请重新输入。

是否继续运行该程序？（y/n）：a
输入无效，请重新输入。

是否继续运行该程序？（y/n）：

```

### (2) 输入 y/Y/n/N 均输入正确（下图以 y 为例）

```

是否继续运行该程序？（y/n）：y

请输入命题公式：
_

```

6. 2. 5. B, C 题输入正确下的程序总览

```
*****
**                                     **
**      欢迎进入逻辑运算软件      **
**      (可运算真值表, 主范式, 支持括号) **
**                                     **
**      用!表示非                    **
**      用&表示与                    **
**      用|表示或                    **
**      用^表示蕴含                  **
**      用~表示等值                  **
**                                     **
*****

请输入命题公式:
!a^b~(c|d~(!b&c)^!d)|a

该式子中的变量个数为: 4

输出真值表如下:
a      b      c      d      !a^b~(c|d~(!b&c)^!d)|a
0      0      0      0      1
0      0      0      1      0
0      0      1      0      0
0      0      1      1      1
0      1      0      0      0
0      1      0      1      1
0      1      1      0      1
0      1      1      1      1
1      0      0      0      1
1      0      0      1      1
1      0      1      0      1
1      0      1      1      1
1      1      0      0      1
1      1      0      1      1
1      1      1      0      1
1      1      1      1      1

该命题公式的主析取范式:
m<0> \ / m<3> \ / m<5> \ / m<6> \ / m<7> \ / m<8> \ / m<9> \ / m<10> \ / m<11> \ / m<12> \ / m<13> \ / m<14> \ / m<15>

该命题公式的主合取范式:
M<1> /\ M<2> /\ M<4>

是否继续运行该程序? (y/n) : _
```