INF3105 – Structures de données et algorithmes Examen de mi-session – Hiver 2013

Éric Beaudry Département d'informatique Université du Québec à Montréal

Jeudi 7 mars 2013 – 18h00 à 21h00 (3 heures) – Locaux SB-M210 + SB-M230

Instructions

- Aucune documentation permise.
- Les appareils électroniques, incluant les téléphones et calculatrices, sont strictement interdits.
- Répondez directement sur le questionnaire à l'intérieur des endroits appropriés.
- Pour les questions demandant l'écriture de code :
 - le fonctionnement correct, la robustesse, la clarté, l'efficacité (temps et mémoire) et la simplicité du code sont des caractéristiques à considérer ;
 - vous pouvez scinder votre solution en plusieurs fonctions à condition de donner le code pour chacune d'elles ;
 - vous pouvez supposer l'existence de fonctions et de structures de données raisonnables ;
 - le respect exact de la syntaxe de C++ n'est pas sujet à la correction.
- Aucune question ne sera répondue durant l'examen. Si vous croyez qu'une erreur ou qu'une ambiguïté s'est glissée dans le questionnaire, indiquez clairement la supposition que vous avez retenue pour répondre à la question.
- L'examen dure 3 heures et contient 6 questions.
- Ne détachez pas les feuilles du questionnaire, à moins de les brocher à nouveau avant la remise.
- Le côté verso peut être utilisé comme brouillon. Des feuilles additionnelles peuvent être demandées au surveillant.
- À l'exception de la question 5, vous devez répondre à l'aide d'un crayon d'une autre couleur que rouge.

Identification

Nom:	 	
Code permanent :	 	
Signature :	 	

Résultat

Q1 (/5)	Q2 (/5)	Q3 (/5)	Q4 (/4)	Q5 (/2)	Q6 (/4)	TOTAL (/25)

1 Connaissances techniques et C++ (5 points)

```
1 #include <iostream>
 2 class Allo{
 3
     public:
       Allo(int x_=0) : x(x_) { std::cout << "A" << x << " ";}
 4
 5
       Allo(const Allo& autre) : x(autre.x) { std::cout << "B" << x << " ";}
 6
       ~Allo() { std::cout << "C" << x << " ";}
 7
       int x;
 8
  } ;
 9
  void f(Allo a1, Allo& a2, Allo* a3) {
10
     a1.x++; a2.x--; a3+=1; (a3->x)+=2000;
11
12 int main(){
13
       Allo tab[3];
14
       Allo a(20);
15
       Allo* b = new Allo(5);
16
       Allo* c = tab + 1;
17
       f(a, b, c);
18 }
```

(a) Le programme ci-haut ne peut être compilé correctement en raison d'une erreur à ligne 17. Indiquez la correction minimale nécessaire pour compiler le programme. (1 point)

(b) Une fois corrigé, est-ce que le programme s'exécute correctement (sans terminaison anormale)? Si oui, dites simplement oui. Sinon, indiquez l'erreur et la correction minimale pour éviter une terminaison anormale. (1 point)

(c) Dessinez l'état de la pile d'exécution et du tas (*heap*) après l'exécution de la ligne 10 (immédiatement avant le retour de la fonction £1 appelée à la ligne 17). Soyez aussi précis que possible. Indiquer la zone mémoire occupée par chaque variable. Conseil : commencez par faire un brouillon, au verso de la page précédente, puis transcrivez au propre. (1 point)

(d) Qu'affiche le programme ? (1 point)

(e) La mémoire est-elle libérée adéquatement à la fin du programme ci-haut ? Si oui, dites simplement oui. Sinon, indiquez la correction minimale (et où l'appliquer) pour libérer la mémoire adéquatement. (1 point)

2 Analyse algorithmique et optimisation d'une fonction (5 points)

1 bool f1(const Tableau <int>& tab) {</int>
2 for(int i=0;i <tab.taille();i++)< td=""></tab.taille();i++)<>
<pre>3</pre>
<pre>for (int k=0; k<tab.taille(); k++)<="" pre=""></tab.taille();></pre>
$\mathbf{if}(tab[i] + tab[j] == tab[k])$
6 return true;
7 return false;
8 }
9 int main(){
Tableau <int> tab;</int>
tab.ajouter(2); tab.ajouter(3); tab.ajouter(6); tab.ajouter(7); tab.ajouter(10);
12 std::cout << (f1(tab) ? "vrai" : "faux") << std::endl;
13 }
(a) Que fait la fonction f1 ci-haut? (1 point)
(b) Qu'affiche le programme main ci-haut? (1 point)
(c) Qui interest to programme interest to the process
(c) Indiquez la complexité temporelle en notation grand O de la fonction f1. $n = tab.taille()$. Justifiez. (1 point)
(c) indiquez la complexite temporene en notation grand O de la fonction $11. n = cast. calline()$. Justinez. (1 point)
(d) Proposez une nouvelle fonction, équivalente à f1, mais ayant une complexité temporelle d'un ordre de grandeur
moindre. Rappel: vous pouvez supposer l'existence de fonctions et de structures de données raisonnables. (2 points)
momere. Rapper: vous pouvez supposer i existence de fonctions et de structures de données faisonnables. (2 points)

3 Arbres binaires de recherche (5 points)

```
1 template <class T> class ArbreBinRech{
2    struct Noeud{
3         T contenu; //Rappel : gauche->contenu < contenu < droite->contenu
4         Noeud *gauche, *droite; };
5         Noeud* racine;
6    public: // ...
7    const T* minimum() const;
8    bool contient(const T& e) const; };
```

La classe ArbreBinRech<T> ci-haut implémente un arbre binaire de recherche qui n'est pas forcément équilibré.

(a) Écrivez une fonction **non récursive** minimum qui retourne un pointeur sur l'élément minimal dans un arbre binaire de recherche. Si l'arbre est vide, il faut retourner NULL. (1 point)

```
template <class T> const T* ArbreBinRech<T>::minimum() const {
```

(b) Écrivez une fonction contient qui vérifie l'existence de l'élément e dans un arbre binaire de recherche. La fonction retourne true si l'élément existe, sinon false. Votre implémentation peut être récursive ou non récursive. (2 points)

```
template <class T> bool ArbreBinRech<T>::contient(const T& e) const {
```

(c) Indiquez dans les cases à droite si les énoncés suivants sont vrais ou faux (2 points).

```
Dans un arbre binaire de recherche non équilibré, l'insertion se fait en temps O(\log n).

C'est uniquement la recherche qui dégénère en temps O(n).

L'insertion et la suppression sont en pratique plus rapides dans un arbre rouge-noir que dans un arbre AVL.

La recherche est en pratique plus rapide dans un arbre rouge-noir que dans un arbre AVL.

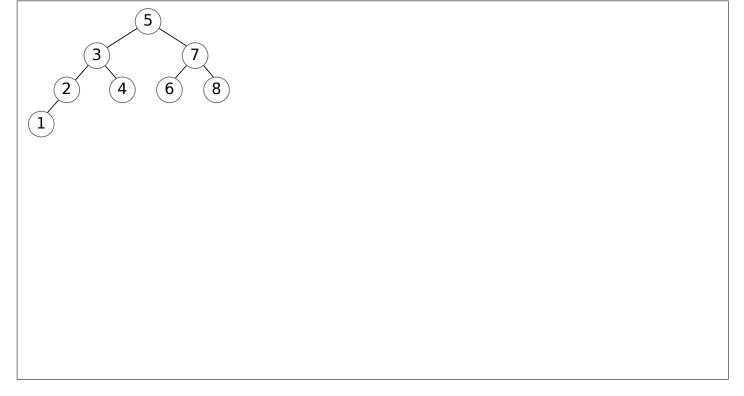
La copie d'un arbre binaire de recherche se fait en temps d'au moins O(n \log n).

La raison est qu'on doit inévitablement faire n insertions, chacune coûtant O(\log n).
```

4 Arbres AVL (4 points)

(a) Insérez les nombres -2, 1, -5, 3, 2 et 7 dans un arbre AVL initialement vide. À chaque insertion, ajoutez un nouveau noeud à l'arbre courant. À chaque fois qu'une rotation est requise : (1) dessinez une flèche pour montrer la rotation requise ; (2) dessinez un nouvel arbre pour montrer le résultat ; (3) le nouvel arbre devient l'arbre courant pour la prochaine étape. (2 points)

(b) Supprimez les éléments 2, 3, 1 et 4 dans l'arbre AVL suivant. Indiquez toutes les opérations. Dessinez un arbre après chaque étape (incluant les étapes intermédiaires). (2 points)

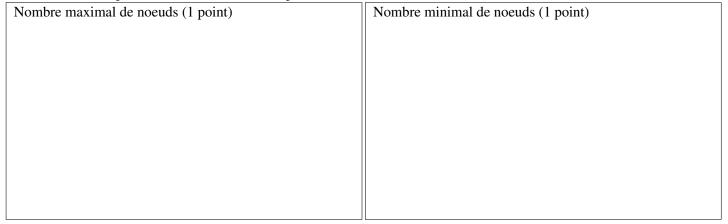


5 Arbres rouge-noir (2 points)

À titre de rappel, revoici les principales caractéristiques d'un arbre rouge-noir :

- 1. la racine est noire;
- 2. le nœud parent d'un nœud rouge doit être noir (on ne peut pas avoir deux nœuds rouges de suite sur un chemin);
- 3. les feuilles sont appelées « sentinelles », ne stockent aucun élément et sont considérées comme des noeuds noirs ;
- 4. toutes les sentinelles sont à une « profondeur noire » égale, la profondeur noire étant définie par le nombre de noeuds noirs sur le chemin.

Dessinez 2 arbres rouge-noir d'une hauteur de 3, le premier ayant un nombre maximum de noeuds, et le deuxième ayant un nombre minimal de noeuds. Considérez les directives suivantes : (1) si vous n'avez pas de crayon rouge, dessinez des cercles pleins pour les noeuds noirs et des cercles vides pour les noeuds rouges ; (2) dessinez de petits carrés pour représenter les sentinelles ; (3) pour le calcul de la hauteur de l'arbre, considérez uniquement les noeuds réguliers (les sentinelles ne sont pas considérées) ; (4) il n'est pas nécessaire de mettre des nombres dans les noeuds.



6 Résolution d'un problème (4 points)

Vous devez écrire un programme qui détermine et affiche la cooccurrence de deux mots la plus fréquente dans un texte envoyé dans l'entrée standard. Une cooccurrence de deux mots est définie comme une paire de mots qui apparaissent dans une même phrase. Dans le texte ci-bas, la cooccurrence la plus fréquente est la paire («livres», «bibliothèque»).

Plusieurs livres sur les structures de données sont disponibles à la bibliothèque . Dans une bibliothèque , on retrouve beaucoup de livres . Marc a écrit des livres que je n ' ai pas pu trouver à la bibliothèque . Le cours INF3105 porte sur les structures de données .

Pour faciliter le *parsing*, des espaces blancs et des retours de ligne séparent les mots et les symboles de ponctuation. Une phrase se termine par une chaîne ".". Un mot est toute chaîne de 3 caractères et plus. Il n'est pas requis de gérer les familles de mots (ex. : livres et livre). Vous pouvez vous inspirer du code suivant pour lire des phrases.

```
1 while(cin){
2    string mot;
3    do{    cin >> mot;
4         if(mot.length() >= 3) { /* L'objet mot est un mot valide. */}
5    }while(cin && mot != "."); // Tant que la phrase n'est pas finie par un point
6 }
```

Problème simplifié (maximum de 3 points). Si vous jugez que le problème c-haut est trop difficile, vous pouvez résoudre un problème simplifié. Cependant, vous aurez au maximum 3 points sur quatre. Le problème simplifié consiste à déterminer le mot le plus fréquent dans le texte en entrée. Les mots de deux caractères ou moins doivent être ignorés.

Conseil : avant de commencer à répondre à la question, prenez le temps de bien relire les instructions sur la première page relativement aux questions demandant l'écriture de code.