

AOT

01 Übungsblatt

Mittwoch 12:00 Uhr

Mitja Richter, 324680
Tobias Pockrandt, 325550
Seitenzahl: 8

Tutor: Dr. Fricke

Abgabedatum: 17. November 2014

1. Aufgabe - Schulze Methode

(5 Punkte)

	zu A	zu B	zu C	zu D
A		A-(15)-D-(11)-C-(13)-B	A-(15)-D-(11)-C	A-(15)-D
B	B-(5)-A		B-(21)-D-(11)-C	B-(21)-D
C	C-(13)-B-(5)-A	C-(13)-B		C-(13)-B-(21)-D
D	D-(17)-E-(9)-B-(5)-A	D-(11)-C-(13)-B	D-(11)-C	
E	E-(9)-B-(5)-A	E-(9)-B	E-(9)-B-(21)-D-(11)-C	E-(9)-B-(21)
	zu E			
A	A-(15)-D-(17)-E			
B	B-(21)-D-(17)-E			
C	C-(13)-B-(21)-D-(17)-E			
D	D-(17)-E			
E				

b)

$$p(A, B) > P(B, A) \rightarrow A \text{ besser als } B$$

$$p(A, C) > P(C, A) \rightarrow A \text{ besser als } C$$

$$p(A, D) > P(D, A) \rightarrow A \text{ besser als } D$$

$$p(A, E) > P(E, A) \rightarrow A \text{ besser als } E$$

$$p(C, B) > P(B, C) \rightarrow C \text{ besser als } B$$

$$p(C, D) > P(D, C) \rightarrow C \text{ besser als } D$$

$$p(C, E) > P(E, C) \rightarrow C \text{ besser als } E$$

$$p(B, D) > P(D, B) \rightarrow B \text{ besser als } D$$

$$p(B, E) > P(E, B) \rightarrow B \text{ besser als } E$$

$$p(D, E) > P(E, D) \rightarrow D \text{ besser als } E$$

$$\rightarrow A > C > B > D > E$$

2. Aufgabe - Machtverteilung im Weighted Voting

(5 Punkte)

a) [100 : 70, 60, 30, 10]

- ungleiches Gewicht und Macht. Keine Diktatoren, Veto- oder Dummspieler. Gewinnerkoalitionen:

$$\{(P_1, P_2), (P_1, P_3), (P_1, P_2, P_3), (P_1, P_2, P_4), (P_1, P_3, P_4), (P_2, P_3, P_4), (P_1, P_2, P_3, P_4)\}$$

b) [100 : 110, 90, 5]

- ungleiches Gewicht und Macht. P_1 ist Diktator, der Rest Dummspieler. Gewinnerkoalitionen:

$$\{(P_1), (P_1, P_2), (P_1, P_3), (P_1, P_2, P_3)\}$$

c) [100 : 60, 40, 30, 20]

- ungleiches Gewicht und Macht. P_1 ist Vetospieler. Gewinnerkoalitionen:

$$\{(P_1, P_2), (P_1, P_2, P_3), (P_1, P_2, P_4), (P_1, P_3, P_4), (P_1, P_2, P_3, P_4)\}$$

d)

3. Aufgabe - Trembling Hand Perfection

(5 Punkte)

I/II	a	b	c
A	<u>1,1</u>	<u>0,0</u>	-6,-4
B	0, <u>0</u>	<u>0,0</u>	-4,-4
C	-4,-6	<u>-4,-4</u>	<u>-4,-4</u>

Reine Nash-Gleichgewichte sind demnach die Strategien $\{(A, a), (B, b), (C, c)\}$

$$E_I(A) = \frac{1}{3} \cdot 1 + \frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot -6 = \frac{1}{3} - \frac{6}{3} = -\frac{5}{3} \quad 1$$

$$E_I(B) = \frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot -4 = -\frac{4}{3} \quad 2$$

$$E_I(C) = \frac{1}{3} \cdot -4 + \frac{1}{3} \cdot -4 + \frac{1}{3} \cdot -4 = -\frac{4}{3} - \frac{4}{3} - \frac{4}{3} = -\frac{12}{3} = -4 \quad 3$$

da Tabelle Symmetrisch ist die Werte für Spieler II analog 4

$$E_{II}(a) = \frac{1}{3} \cdot 1 + \frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot -6 = \frac{1}{3} - \frac{6}{3} = -\frac{5}{3} \quad 5$$

$$E_{II}(b) = \frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot -4 = -\frac{4}{3} \quad 6$$

$$E_{II}(c) = \frac{1}{3} \cdot -4 + \frac{1}{3} \cdot -4 + \frac{1}{3} \cdot -4 = -\frac{4}{3} - \frac{4}{3} - \frac{4}{3} = -\frac{12}{3} = -4 \quad 7$$

(A,a): (ist THP NGG)

Für Spieler I sei $p_a = 1 - \varepsilon_b - \varepsilon_c$ (ε_b ist die Wkt für das Abweichen nach b; ε_c ist die Wkt für das Abweichen nach c). Dann gilt:

$$E_I(A) = (1 - \varepsilon_b - \varepsilon_c) - \varepsilon_c \cdot 6 = 1 - \varepsilon_b - 7\varepsilon_c$$

$$E_I(B) = -4\varepsilon_c$$

$$E_I(C) = (1 - \varepsilon_b - \varepsilon_c) \cdot -4 + \varepsilon_b \cdot -4 + \varepsilon_c \cdot -4 = -4$$

Der Erwartungswert für Spieler I ist größer in der Gleichgewichtsstrategie, wenn gilt:

$$E_{II}(A) > E_{II}(B) \Leftrightarrow \varepsilon_b < 1 - 3\varepsilon_c$$

$$E_{II}(A) > E_{II}(C) \Leftrightarrow \varepsilon_b < 5 - 7\varepsilon_c$$

Erfüllbar für beliebig kleine ε_b und ε_c .

Da die Tabelle symmetrisch ist verläuft Spieler II analog mit dem gleichem Ergebnis.

(B,b): (ist THP NGG)

Für Spieler I sei $p_b = 1 - \varepsilon_a - \varepsilon_c$ (ε_a ist die Wkt für das Abweichen nach a; ε_c ist die Wkt für das Abweichen nach c). Dann gilt:

$$E_I(A) = \varepsilon_a - 6\varepsilon_c$$

$$E_I(B) = -4\varepsilon_c$$

$$E_I(C) = -4$$

Der Erwartungswert für Spieler I ist größer in der Gleichgewichtsstrategie, wenn gilt:

$$E_{II}(B) > E_{II}(A) \Leftrightarrow \varepsilon_c > \frac{1}{2}\varepsilon_a$$

$$E_{II}(B) > E_{II}(C) \Leftrightarrow \varepsilon_c < 1$$

Erfüllbar für beliebig kleine ε_a und ε_c

Da die Tabelle symmetrisch ist, verläuft Spieler II analog mit dem gleichem Ergebnis.

(C,c):

Für Spieler I sei $p_c = 1 - \varepsilon_a - \varepsilon_b$ (ε_a ist die Wkt für das Abweichen nach a; ε_b ist die Wkt für das Abweichen nach b). Dann gilt:

$$E_I(A) = \varepsilon_a - 6(1 - \varepsilon_a - \varepsilon_b) = -6 + 5\varepsilon_a + 6\varepsilon_b$$

$$E_I(B) = -4(1 - \varepsilon_a - \varepsilon_b) = -4 + 4\varepsilon_a + 4\varepsilon_b$$

$$E_I(C) = -4$$

Der Erwartungswert für Spieler I ist größer in der Gleichgewichtsstrategie, wenn gilt:

$$E_{II}(C) > E_{II}(A) \Leftrightarrow \varepsilon_b < \frac{1}{3} - \frac{5}{6}\varepsilon_a$$

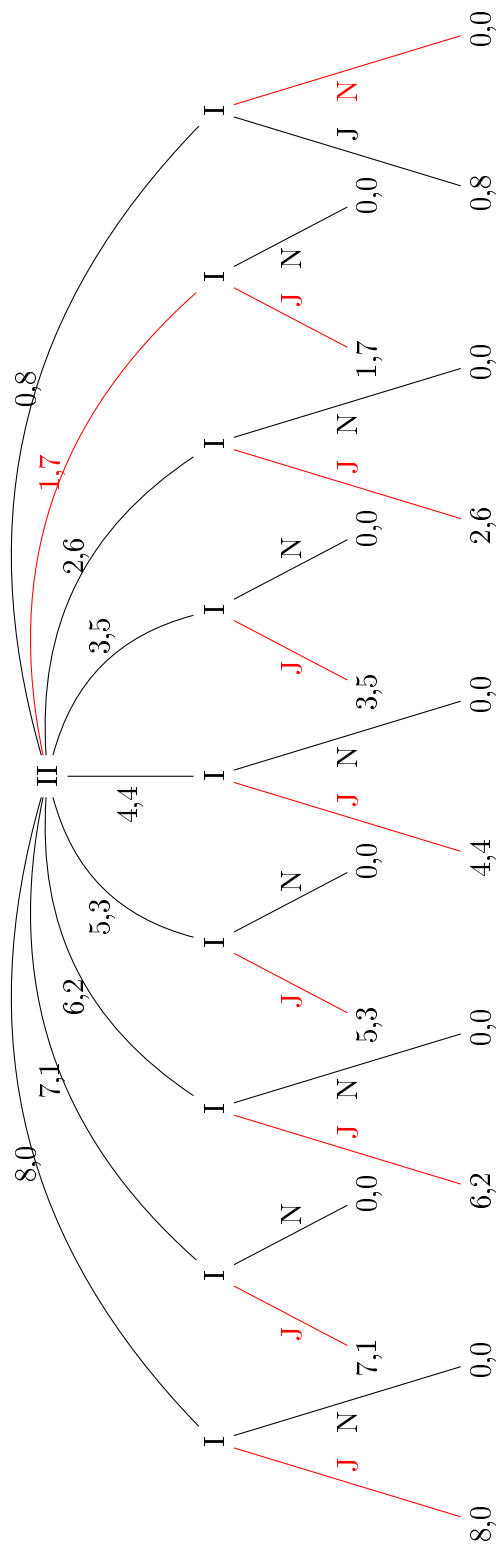
$$E_{II}(C) > E_{II}(B) \Leftrightarrow 0 > \varepsilon_a + \varepsilon_b$$

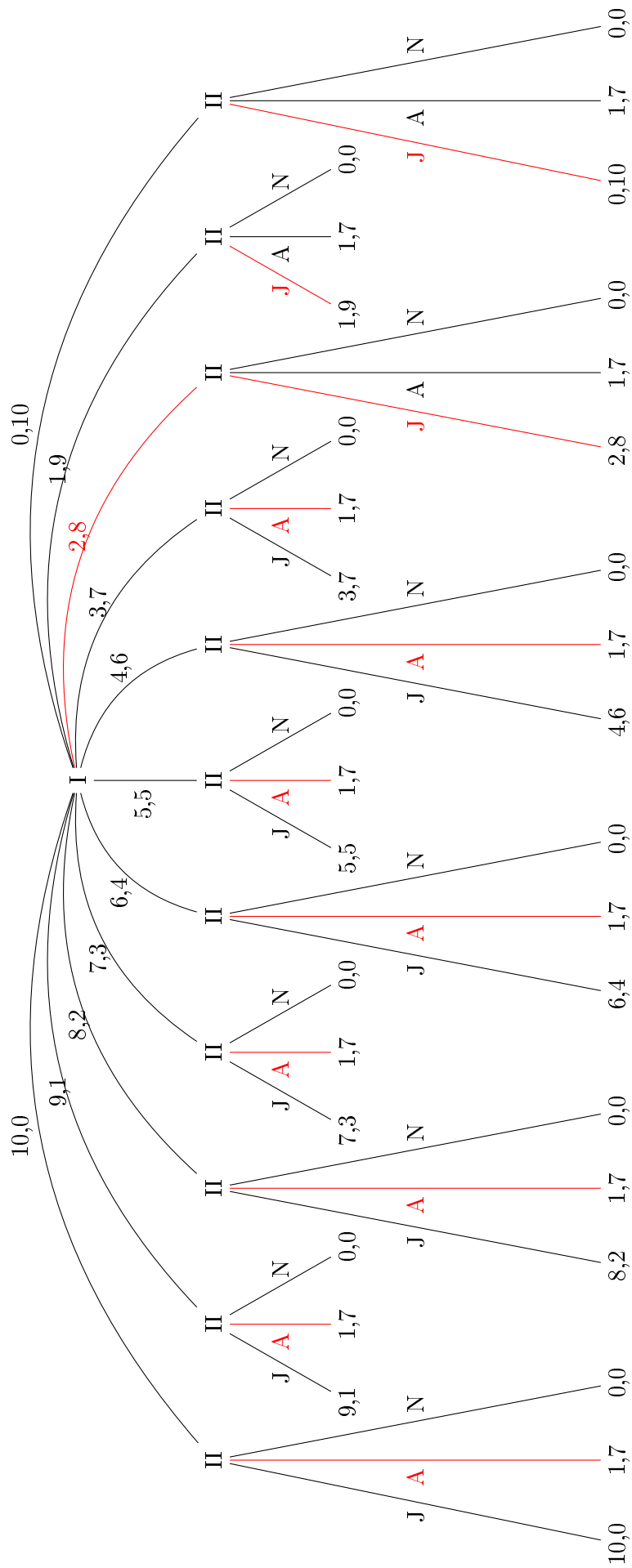
Dies ist nicht möglich da $\varepsilon_a \geq 0$ und $\varepsilon_b \geq 0$ gelten muss. Daher kann (C,c) nicht THP sein.

4. Aufgabe - 2-Stufiges Ultimatumspiel mit Inflation

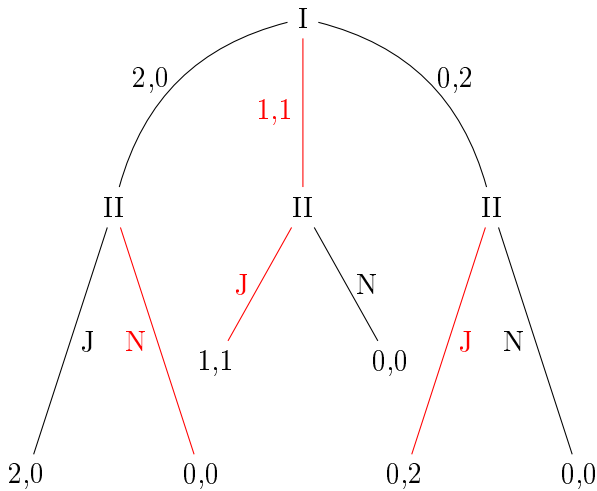
(5 Punkte)

a) / b)





c) Auf der geringsten Stufe in der I 2 Münzen anbieten kann, werden sie sich beide auf (1,1) einigen (vgl. Baum unten). Mit diesem Ergebnis einigen sich beide auf der nächst höheren Stufe (II bietet 4 Münzen) auf (2,2). Dies würde sich bis zu I bietet 10 Münzen mit (5,5) fortsetzen.



5. Aufgabe - WM-Spielort vergeben

(10 Punkte)

Die Angabe der Bestechungen ist wie folgt aufgebaut: Xp_i wobei X die Menge ist die dem Entscheider p_i geboten wird. 0all bedeutet das kein Entscheider bestochen wird.

Unter allem steht die Annahme das es Besser ist die WM auszutragen und mit 0-Nutzen hervorzugehen, als nicht zu Bestechen.

X \ Y	0all	1p ₁	1p ₂	1p ₃	1p ₁ 1p ₂	1p ₁ 1p ₃	1p ₂ 1p ₃	2p ₁	2p ₂	2p ₃
0all	0,2	0,1	0,1	0,1	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0
1p ₁	-1,2	-1,1	-1,1	-1,1	-1,0	-1,0	-1,0	-1,0	-1,0	-1,0
1p ₂	-1,2	-1,1	-1,1	-1,1	-1,0	-1,0	-1,0	-1,0	-1,0	-1,0
1p ₃	-1,2	-1,1	-1,1	-1,1	-1,0	-1,0	-1,0	-1,0	-1,0	-1,0
1p ₁ 1p ₂	0,0	-2,1	-2,1	0,-1	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	0,-2
1p ₁ 1p ₃	0,0	-2,1	0,-1	-2,1	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	0,-2	-2,0
1p ₂ 1p ₃	0,0	0,-1	-2,1	-2,1	-2,0	-2,0	-2,0	0,-2	-2,0	-2,0
2p ₁	-2,2	-2,1	-2,1	-2,1	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0
2p ₂	-2,2	-2,1	-2,1	-2,1	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0
2p ₃	-2,2	-2,1	-2,1	-2,1	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0

Dominanz



X \ Y	0all	1p ₁	1p ₂	1p ₃	1p ₁ 1p ₂	1p ₁ 1p ₃	1p ₂ 1p ₃	2p ₁	2p ₂	2p ₃
0all	0,2	0,1	0,1	0,1	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0
1p ₁ 1p ₂	0,0	-2,1	-2,1	0,-1	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	0,-2
1p ₁ 1p ₃	0,0	-2,1	0,-1	-2,1	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	0,-2	-2,0
1p ₂ 1p ₃	0,0	0,-1	-2,1	-2,1	-2,0	-2,0	-2,0	0,-2	-2,0	-2,0
X \ Y	0all	1p ₁	1p ₂	1p ₃	1p ₁ 1p ₂	1p ₁ 1p ₃	1p ₂ 1p ₃	2p ₁	2p ₂	2p ₃
0all	0,2	0,1	0,1	0,1	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0
1p ₁ 1p ₂	0,0	-2,1	-2,1	0,-1	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	0,-2
1p ₁ 1p ₃	0,0	-2,1	0,-1	-2,1	-2,0	-2,0	-2,0	-2,0	0,-2	-2,0
1p ₂ 1p ₃	0,0	0,-1	-2,1	-2,1	-2,0	-2,0	-2,0	0,-2	-2,0	-2,0

- a) In der letzten Tabelle sind die Effizientesten Antworten von Y auf die Bestechungen von X rot markiert. Daraus wird ersichtlich das Y immer mit 1 oder 2 Gewinnt. Für X ist das Beste Ergebnis keinen zu bestechen, somit bleibt X bei 0 und Y bei 2.

- b) Ohne die erweiterte Tabelle zu erstellen lassen sich Schlüsse ziehen. Das Bestechen eines einzelnen Entscheiders egal mit welcher Summe, kann nur Verlust generieren, da die beiden anderen sich somit für Y entscheiden. Jeweils 2 Entscheider mit jeweils einer Einheit zu bestechen führt ebenfalls zu keinem Gewinn. Einen mit 2 und einen mit 1 zu bestechen würde einen Verlust bedeuten, da Y nur den Entscheider mit der 1 bestechen müsste um zu gewinnen. Gleiches gilt für einen mit 3 und einen mit 1. Alle mit 1 Einheit zu bestechen, würde ebenfalls einen Verlust zu folge haben, da Y nur 2 Bestechen müsste und gewinnt. Zwei mit 1 und einen mit 2 zu Bestechen hätte das gleiche Ergebnis. Somit bleibt nur noch die Möglichkeit 2 Entscheider mit jeweils 2 Einheiten zu bestechen, jedoch reicht es Y einen mit 2 zu Bestechen und gewinnt Automatisch. Somit ist auch mit 4 Ressourcen für X kein Sieg möglich. Dies liegt daran das sich Y auf das Jeweilige Ergebnis einstellen kann und auch mittels der Gleichstandregel die Entscheidung des Komitees für sich entscheiden kann.

Y \ X		Optimale Antwort	Outcome
0all		$1p_11p_2, 1p_11p_3, 1p_21p_3$	0,0 X-Win
c)	$1p_1 = 1p_2 = 1p_3$	Bestechung beider anderen mit einer Einheit	-1,0 X-Win
	$2p_1 = 2p_2 = 2p_3$	Bestechung beider anderen mit einer Einheit	-2,0 X-Win
	$1p_11p_2, 1p_11p_3, 1p_21p_3$	0all	0,0 Y-Win

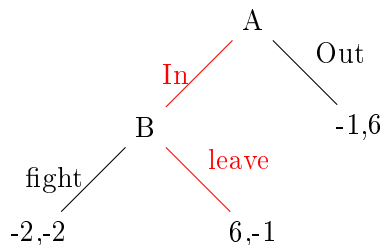
Der Vorteil, das sich Y auf X einstellen kann ist entfallen, somit ist nur noch die Gleichheitsregel für Y. Dies führt nach Tabelle dazu, das Y im Besten Fall mit 0 aus der Bestechungsaffäre hervorgeht. Die Wahl steht lediglich zwischen X gewinnt mit 0,0 und Y gewinnt mit 0,0.

6. Aufgabe - Konzentration auf Kernkompetenz

(10 Punkte)

a)

Ein Eroberter Markt bringt 6 und ein verlorener Markt -1, da beide im Markt seinen wollen. Ein Kampf ist für beide schlechter als das Verlassen des Marktes.



- b) Nach dem Baum in Aufgabe a) würde A immer in den Markt gehen und B grundsätzlich verdrängen, weil B die Möglichkeit hat auf seinen Ersatzmarkt zurückzugreifen. Nimmt man B nun, wie aus der Aufgabenstellung, diese Rückzugsmöglichkeit würde es Grundsätzlich zum Kampf kommen und A würde nicht in den Markt einsteigen wollen.

