

Základy jazyka Python

údajové štruktúry prednáška 7

Katedra kybernetiky a umelej inteligencie Technická univerzita v Košiciach Ing. Ján Magyar

Údajová štruktúra

- údajový typ
- zvyčajne sa skladá zo skupiny elementárnych hodnôt
- cieľom je zvýšiť efektivitu práce s údajmi
- štandardizované blueprinty (šablóny) pre reprezentáciu údajov v počítačoch
- vieme ich implementovať rôznymi spôsobmi, ale základná myšlienka a spôsob fungovania sú stále rovnaké

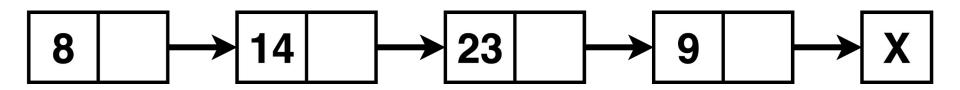
Pole (Array)

- (viacrozmerné) usporiadanie hodnôt rovnakého typu
- k údajom pristupujeme pomocou indexov na základe ukladania v pamäti
- v Pythone dve možnosti:
 - zoznam zoznamov (zoznamov zoznamov...)
 - pomocou knižnice numpy
 - C-čková implementácia polí
 - vyšší výkon a rýchlejšie výpočty ako pomocou zoznamov
 - iba jeden údajový typ hodnôt

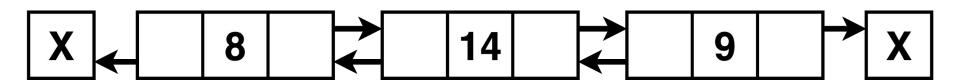
Spojkový zoznam

- lineárna skupina údajov, kde prvky nemusia byť uložené v pamäti vedľa seba
- každý prvok obsahuje
 - údaj
 - o odkaz na ďalší prvok v zozname (alebo NULL)
- efektívne pridávanie nových prvkov na ľubovoľnú pozíciu
- varianty
 - obojsmerné spojkové zoznamy
 - kruhové spojkové zoznamy

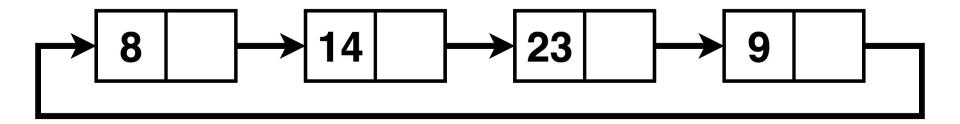
Jednosmerný spojkový zoznam



Obojsmerný spojkový zoznam



Kruhový zoznam

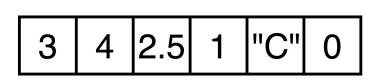


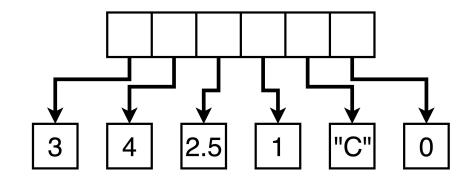
Porovnanie polí a spojkových zoznamov

Operácia	Pole	Spojkový zoznam
Pristupovanie	O(1)	O(n)
Pridanie na začiatok	O(n)	O(1)
Pridanie (priemer)	O(n)	O(1)*
Pridanie na koniec	O(1)	O(n)
Zmazanie	O(1)/O(n)	O(1)*

Zoznamy (list) v Pythone

- zoznamy môžu obsahovať hodnoty rôznych typov ako zabezpečiť konštantný čas pristupovania k jednotlivým prvkom?
- na najvyššej vrstve sú zoznamy implementované ako spojkové zoznamy





Zásobník (Stack)

- dynamická množina prvkov typu LIFO last-in, first-out
- základné operácie:
 - o inicializácia CREATE
 - vytvorí prázdny zásobník, môže byť súčasťou PUSH
 - o pridanie PUSH
 - pridá prvok na vrchol zásobníku
 - zmazanie POP
 - zmaže prvok z vrcholu zásobníku
 - prístup ku vrcholnému prvku TOP
 - o prázdnosť zásobníku IS_EMPTY

Zoznam ako zásobník

```
CREATE
     stack = list()
PUSH
      stack.append(value)
POP
     stack.pop()
• TOP
      stack[-1]
  IS EMPTY
     len(stack) == 0
```

Použitie zásobníkov

- backtracking pri algoritmoch kde hl'adáme riešenie na princípe pokus-omyl
 - o vyhľadávanie do hĺbky
- zásobník volaní

Front (Queue)

- dynamická množina prvkov typu FIFO first-in, first-out
- základné operácie:
 - o inicializácia CREATE
 - vytvorí prázdny front, môže byť súčasťou ENQUEUE
 - o pridanie ENQUEUE
 - pridá prvok na koniec frontu
 - o zmazanie DEQUEUE
 - vymaže prvok zo začiatku
 - o prístup k prvému prvku HEAD
 - o prístup k ostatným prvkom TAIL
 - o prázdnosť frontu IS_EMPTY

Fronty v Pythone

• údajový typ deque

```
from collections import deque alebo pomocou obojsmerného spojkového zoznamu
```

CREATE

```
queue = deque([maxlen=10])
```

ENQUEUE

```
queue.append(value)
```

DEQUEUE

```
queue.popleft()
```

Fronty v Pythone

```
HEAD
    queue[0]
TAIL
    list(queue)[1:]
IS_EMPTY
    len(queue) == 0
```

Použitie frontov

- spracovanie požiadaviek
- komunikácia medzi dvoma procesmi
- posielanie správ
- dočasné ukladanie údajov pre neskoršie spracovanie

Hašovanie

- rozdeľuje údaje na menšie skupiny (buckety)
- predpokladá sa, že pristupovanie k jednotlivým skupinám sa uskutoční v konštantnom čase
- zjednodušuje vyhľadávanie z O(n) na O(n/k) v ideálnom prípade, kde k je počet skupín (bucketov)
- spracovanie hodnoty sa uskutoční v niekoľkých krokoch
 - a. hašovacia funkcia vypočíta hash hodnotu
 - b. pristupujeme ku skupine na základe hash hodnoty (použije sa ako kľúč)
 - c. vykoná sa požadovaná operácia (pridávanie, načítanie, zmazanie)

Hašovacia funkcia

- vstupom je hodnota určitého typu, ktorú funkcia mapuje na hash hodnotu
- hash hodnota je vždy jednoduchšia ako vstup
- funkcia dáva vždy rovnaký výstup pre ten istý vstup
- ten istý výstup môže byť vypočítaný pre rôzne vstupy (kolízia)
- obor hodnôt (výstupy) je zvyčajne presne definovaný interval (množina hodnôt)
- ideálna hašovacia funkcia mapuje vstupné hodnoty do skupín uniformne, t.j. každá skupina bude mať približne rovnaký počet prvkov

Hašovacia tabuľka

- údajová štruktúra typu asociatívne pole
- obsahuje hodnoty typu kľúč-hodnota
- kľúč môže byť
 - výsledok hašovacej funkcie

```
idx = hash_function(input_value)
```

o výsledok hašovacej funkcie namapovaný na určité čísla:

```
hash_value = hash_function(input_value)
idx = hash_value % number_of_buckets
```

Riešenie kolízií

- ideálna hašovacia funkcia by mala prideliť práve jeden prvok do každej skupiny
- v skutočnosti sa dochádza ku kolíziám, každá hodnota v hash tabuľke je v podstate zoznam (môže byť implementovaný rôznymi spôsobmi)
- efektivita hashovania sa vyhodnocuje na základe load factoru:

$$load\ factor = n/k$$

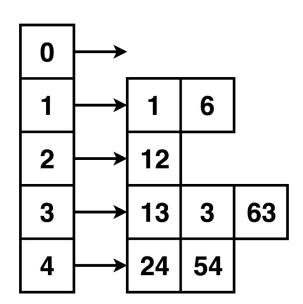
n - počet hodnôt

k - počet bucketov

Hashovanie - ukážka

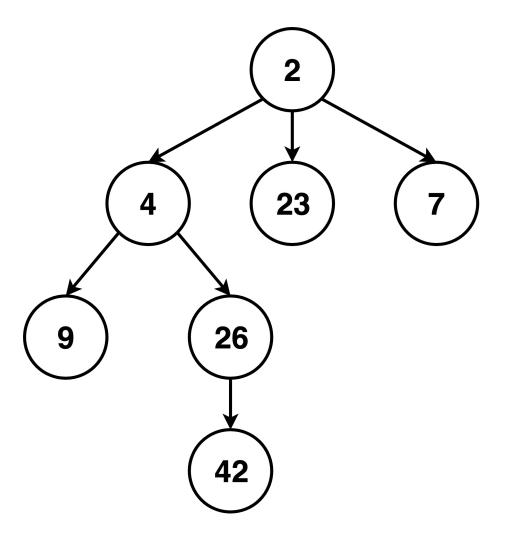
• hašovacia funkcia - zvyšok po delení 5

1	13	24	3	6	12	54	63
---	----	----	---	---	----	----	----



Stromy

- všeobecná údajová štruktúra, ktorá usporiada prvky do hierarchie
- strom sa skladá z uzlov (node), ktoré môžu mať potomkov (children)
- každý uzol obsahuje hodnotu a odkaz na potomkov
- uzol bez predkov (parents) je koreňový uzol (root node)
- uzol bez potomkov je listový uzol alebo list (leaf node)
- každý potomok je ďalší strom rekurzívna definícia

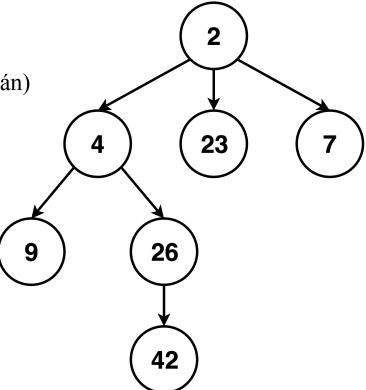


Úrovne stromu

koreňový uzol je na nultej úrovni

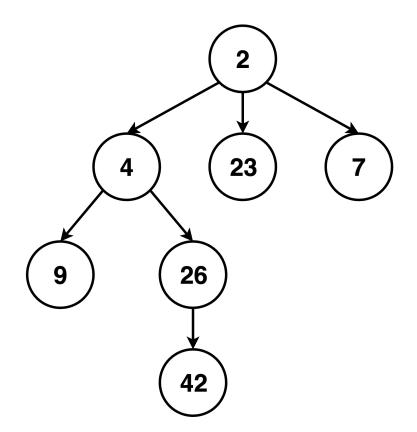
hĺbka - vzdialenosť od koreňového uzla (počet hrán)

• uzly v rovnakej hĺbke sú na jednej úrovni



Výška stromu

- udávaná uzlom s najväčšou hĺbkou
- dĺžka maximálnej cesty od koreňového uzlu po uzol s najväčšou hĺbkou



Binárny strom

• stromová štruktúra, v ktorej každý uzol má maximálne dvoch potomkov

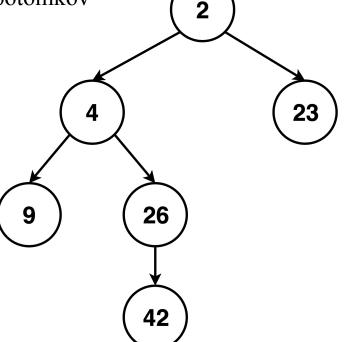
striktný binárny strom - každý uzol má 0 alebo 2 potomkov

• maximálny počet uzlov na úrovni *i*:

 2^{i}

• maximálny počet uzlov v strome s výskou *h*:

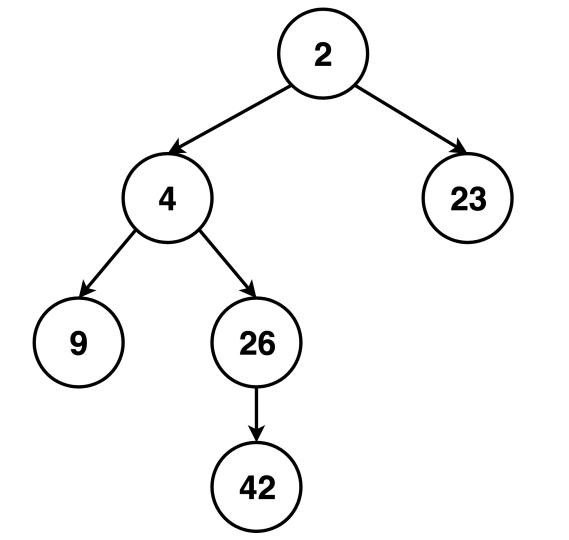
$$2^{h+1} - 1$$

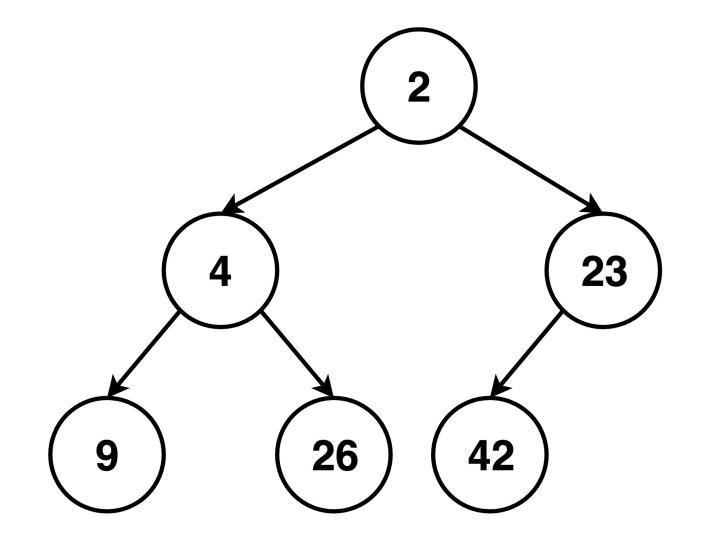


Vyvážený binárny strom

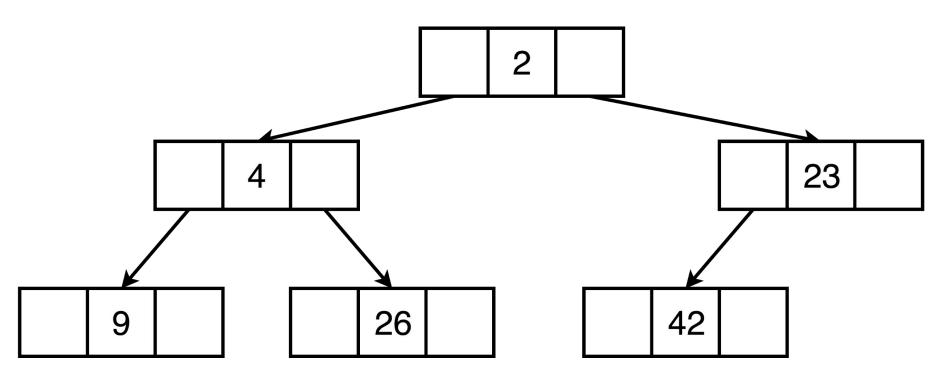
- binárny strom, v ktorom každá úroveň je plne obsadená až na poslednú, v ktorej uzly sú čo najviac vľavo
- rozdiel medzi výškou dvoch potomkov je maximálne 1
- ak aj posledná úroveň je plne obsadená, nazýva sa to aj perfektný binárny strom
- výška stromu s n uzlami:

$$h = \lfloor \log_2(n+1) - 1 \rfloor$$

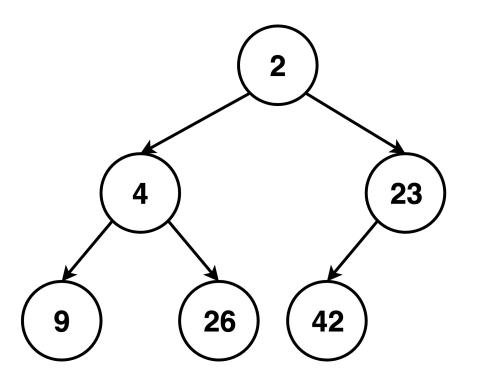




Reprezentácia stromov pomocou dynamických uzlov



Reprezentácia stromov pomocou zoznamu

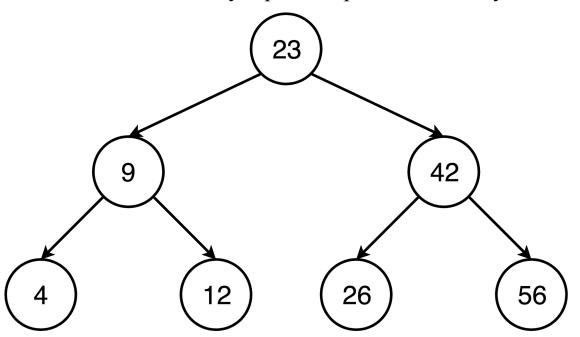


- pre uzol s indexom *i*:
 - l'avý potomok má index 2*i*+1
 - pravý potomok má index 2i+2

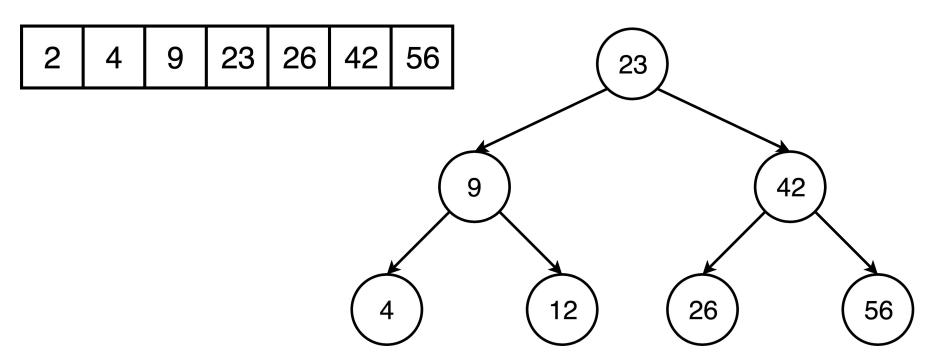
2 4 23 9 26 42

Binárny vyhľadávací strom

• binárny strom, v ktorom pre každý uzol platí, že hodnoty v ľavom potomkovi sú menšie ako hodnota uzla, a hodnoty v pravom potomkovi sú vyššie ako hodnota uzla

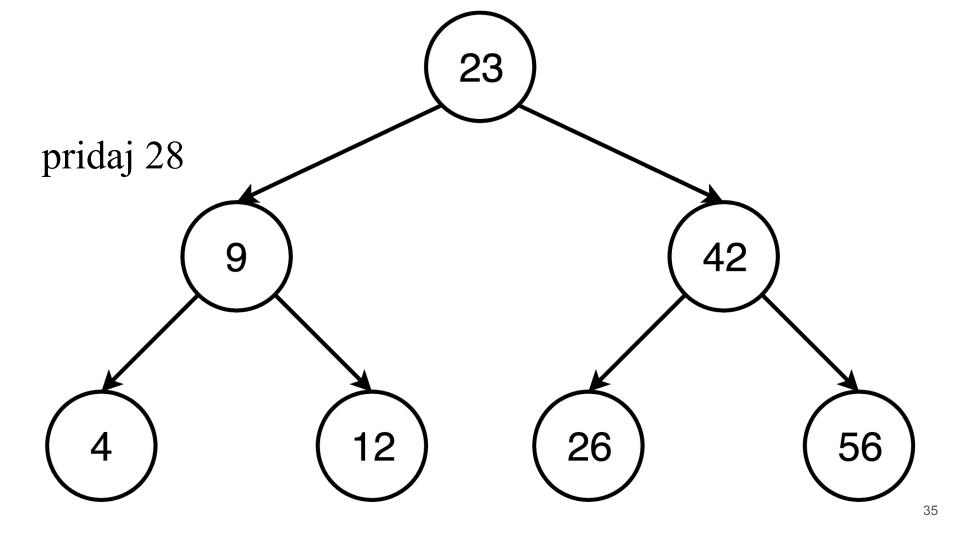


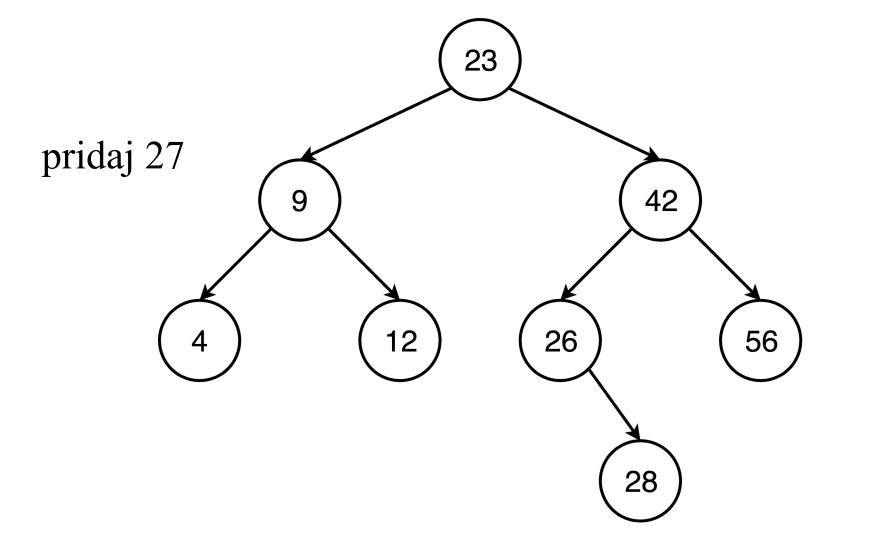
Vyhľadávanie - zoznam vs. strom

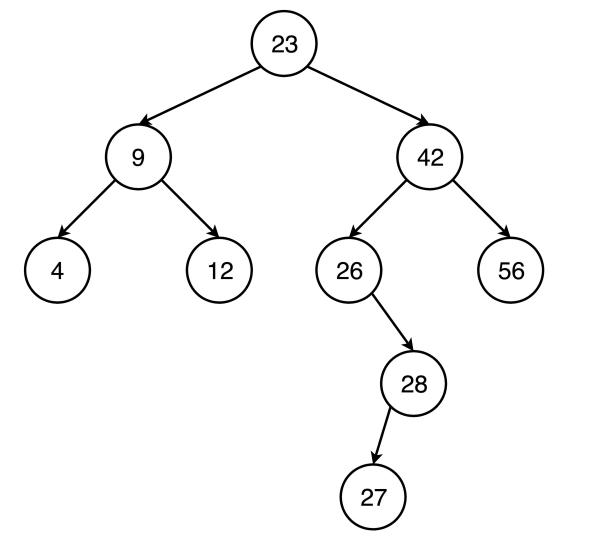


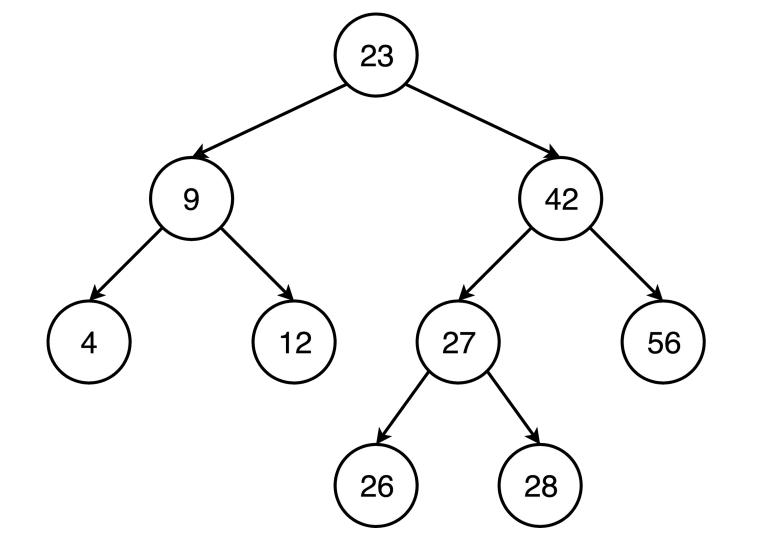
Pridávanie prvkov do stromu

- 1. nájsť vhodné miesto
- 2. pridať uzol
- 3. upraviť strom ak sa stane nevyváženým









Porovnanie náročnosti operácií - zoradené hodnoty

Operácia	Pole	Spojkový zoznam	BVS
Vyhľadávanie	O(log n)	O(n)	O(log n)
Pridávanie	O(n)	O(1)*	O(log n)*
Zmazanie	O(n)	O(n)	O(log n)

Otázky?