L'algue tueuse

TD n°3

Modélisation mathématique

Q4

Sibylle Roux

Juliette Arazo Tanguy Thomas Nicolas Le Gallo

18 octobre 2017

Table des matières

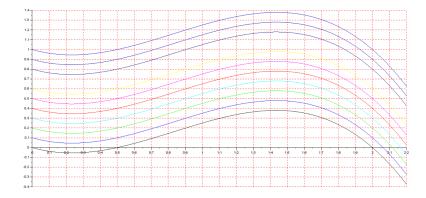
1	\mathbf{Etu}	de du modèle logistique avec effet Allee et immigration	3
	1.1	Etude numérique	3
		1.1.1 Modèle avec variation de I	3
		1.1.2 Modèle avec variation de K	4
		1.1.3 Modèle avec variation de A	6
		1.1.4 Modèle avec variation de la population initiale	7
	1.2	Etude mathématique	8
2	Etu	de du modèle logistique avec prédation	10
	2.1	Etude numérique	10
		2.1.1 Modèle	10
		2.1.2 Modèle avec variation de B	11
		2.1.3 Modèle avec variation de C	12
		2.1.4 Modèle avec variation de la population initiale	14
	2.2	Etude mathématique	14
A	Etu	de du modèle logistique avec effet Allee et immigration-	
		pts Scilab	15
	A.1	Modèle avec variation de I	15
		A.1.1 Vitesse d'accroissement	15
		A.1.2 Discretisation	15
	A.2	Modèle avec variation de K	16
		A.2.1 Vitesse d'accroissement	16
		A.2.2 Discretisation	16
	A.3	Modèle avec variation de A	17
		A.3.1 Vitesse d'accroissement	17
		A.3.2 Discretisation	17
	A.4	Modèle avec variation de la population initiale $\ \ldots \ \ldots \ \ldots$	18
В	Etu	de du modèle logistique avec prédation - Scripts Scilab	19
	B.1	Modèle	19
		B.1.1 Vitesse d'accroissement	19
		B.1.2 Discretisation	19
	B.2	Modèle avec variation de B	20
		B.2.1 Vitesse d'accroissement	20
		B.2.2 Discretisation	20
	B.3	Modèle avec variation de C	21
	D .5	B.3.1 Vitesse d'accroissement	21
		B.3.2 Discretisation	22
	B.4	Modèle avec variation de la population initiale	$\frac{22}{22}$
	D. T	B 4.1 Discretisation	22

1 Etude du modèle logistique avec effet Allee et immigration

1.1 Etude numérique

1.1.1 Modèle avec variation de I

Courbes de la vitesse d'accroissement

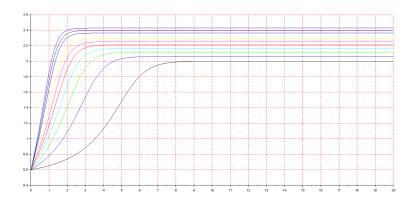


Paramètres de modélisation : $K=2\,;\,r=0.5\,;\,A=0.5\,;\,I$ varie de 0 à 1 avec un pas de 0.1

Sur ce graphique on peut voir les différentes courbes de la vitesse d'accroissement pour différentes valeurs de I. On peut voir que les variations de I augmentent la vitesse d'acroissement de manière constante, cela influt donc aussi sur les points d'équilibres du modèle, en effet on voit bien que pour différentes valeurs de I, les points d'équilibres se déplacent sur la courbe, bien que les notions de stabilités/instabilités ne changent pas.

On remarque que avec un I assez grand, l'effet Allee n'éteint plus la population mais ralentit seulement sa croissance. En effet 2 points d'équilibres peuvent disparaïtre à partir d'une valeur de I assez grande. Il ne reste donc plus qu'un seul point d'équilibre pour n'importe quelle valeur de population, il correspond à la capacité de charge du modèle (elle ne dépend plus que de K mais aussi de I).

Discrétisation du modèle

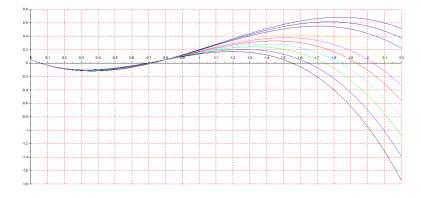


Paramètres de modélisation : $a=0.6\,;\,K=2\,;\,r=0.5\,;\,A=0.5\,;\,I$ varie de 0 à 1 avec un pas de 0.1

Sur ces courbes, on remarque bien que les variations de I, influent sur la capacité de charge du modèle, ainsi que la vitesse à laquelle il l'atteint.

1.1.2 Modèle avec variation de K

Courbes de la vitesse d'accroissement



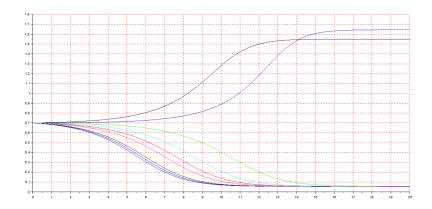
Paramètres de modélisation : r=1 ; A=0.8 ; I=0.05 ; K varie de 1.5 à 2.5 avec un pas de 0.1

Sur ce graphique on remarque que les variations de K ont le même effet que sur le modèle logistique avec effet Allee. Les variations de K déterminent la capacité de charge du modèle (I influt aussi dans la capacité de charge). On remarque juste que le premier point d'équilibre stable (celui vers 0.05, on l'appellera E1) permet à la population de ne jamais completement s'éteindre mais de tendre

vers cette valeur. On remarque donc que 2ème point d'équilibre (on l'appellera E2), celui instable vers 0.7 est une valeur séparatrice des 2 bassins d'attractions :

- Lorsque la population initiale est inférieure à E2, la population va tendre vers l'équilibre stable E1,
- Lorsque la population initiale est supérieure à E2, la population va tendre ves sa capacité de charge.

Discrétisation du modèle



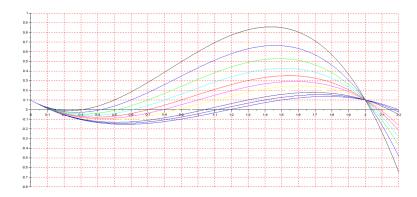
Paramètres de modélisation : $a=0.7\,;\;r=1\,;\;A=0.8\,;\;I=0.05\,;\;K$ varie de 1.5 à 2.5 avec un pas de 0.1

Sur ce graphique nous avons pris a=0.7, or sur le dernier graphique on voit bien que la valeur séparatrice E2 est proche de 0.7. C'est pour cela que l'on peut voir les 2 bassins d'attractions du modèle, ici :

- On remarque que 2 courbes tendent vers leurs capacité de charge respective,
- Mais que les autres courbes tendent vers le point d'équilibre stable E1.

1.1.3 Modèle avec variation de A

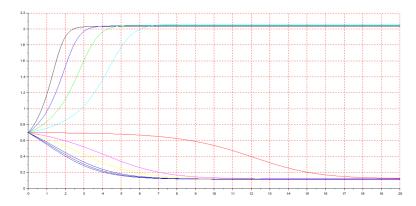
Courbes de la vitesse d'accroissement



Paramètres de modélisation : $I=0.1\,;\,K=2\,;\,r=1\,;\,A$ varie de 0.5 à 1.5 avec un pas de 0.1

Sur ce graphique on remarque bien que A influt sur la valeur séparatrice du modèle, en effet les variations de A permettent de changer la position de ce point d'équilibre, ainsi donc que la taille des 2 bassins d'attractions.

Discrétisation du modèle



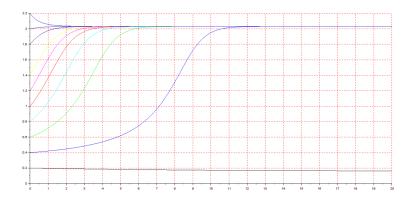
Paramètres de modélisation : $a=0.7\,;\,I=0.1\,;\,K=2\,;\,r=1\,;\,A$ varie de 0.5 à 1.5 avec un pas de 0.1

A partir de ces courbes avec la même population initiale : a=0.7, on voit que pour les différentes valeurs de K, les courbes tendent vers :

- la capacité de charge du modèle si E2>a
- E1 si E2 < a
- E2 si a = E2

1.1.4 Modèle avec variation de la population initiale

Discretisation du modèle



Paramètres de modélisation : $A=0.5\,;\,I=0.05\,;\,K=2\,;\,r=0.5\,;\,a$ varie de 0.2 à 2.2 avec un pas de 0.2

Sur ce graphique on fait varier a de manière à voir les 2 points d'équilibres stables du modèle. On remarque que pour la courbe qui démarre à 0.2, la courbe tend vers E1, et les autres courbes vers E3.

1.2 Etude mathématique

Comme nous l'avons vu dans le TD précédent, l'effet Allee possède 3 points d'équilibres :

$$x'(t) = f(x) = r \times x \times \left(\frac{x}{A} - 1\right) \times \left(1 - \frac{x}{K}\right) + I \tag{1}$$

Avec 0 < A < K

$$x'(t) = f(x) = r \times x \times \left(\frac{x}{A} - 1\right) \times \left(1 - \frac{x}{K}\right) + I \tag{2}$$

$$f(x) = \frac{r \times x^2}{A} - \frac{r \times x^3}{A \times K} - r \times x + \frac{r \times x^2}{K} + I$$
(3)

Calculons x'''(t) = f'(x):

$$f'(x) = \frac{r \times 2 \times x \times A}{A^2} - \frac{r \times 3 \times x^2 \times A \times K}{(A \times K)^2} - \frac{r \times A \times K}{A \times K} + \frac{r \times 2 \times x \times K}{K^2}$$

$$\tag{4}$$

Après factorisation:

$$f'(x) = -3 \times x^2 + 2 \times x \times (K+A) - A \times K = 0$$
(5)

Calcul des racines:

$$Delta = 4 \times (A + K)^2 - 4 \times -3 \times (-A \times K)$$
(6)

$$Delta = 4 \times (A^2 + K^2 - A \times K)$$
(7)

```
\begin{array}{lll} x_1 = (-b \cdot \sqrt{(\Delta)})/(2a) & x_2 = (-b \cdot \sqrt{(\Delta)})/(2a) \\ x_1 = (-2^*(A + K) \cdot \sqrt{(4(A^2 + K^2 - AK)))/(2^*(-3))} & x_2 = (-2^*(A + K) \cdot \sqrt{(4(A^2 + K^2 - AK)))/(2^*(-3))} \\ x_1 = (-2^*(A + K) \cdot 2^*\sqrt{(A^2 + K^2 - AK)))/((-2)^*3) & x_2 = (2^*(-A \cdot K) \cdot 2^*\sqrt{(A^2 + K^2 - AK)))/(2^*(-3)) \\ x_1 = ((A \cdot K)^*\sqrt{(A^2 + K^2 - AK)))/3 & x_2 = ((-A \cdot K)^*\sqrt{(A^2 + K^2 - AK)))/(-3) \end{array}
```

On peut facilement remarquer que $x_1 > x_2 > 0$

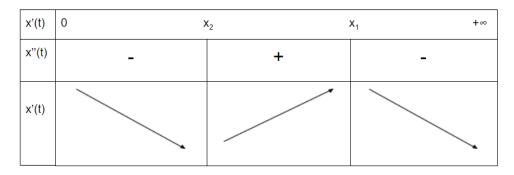
Tout d'abord intéressons nous au point d'équilibre 0 du TD précédent, celui-ci ne sera plus point d'équilibre dans ce TD car nous rajoutons I > 0, donc $x'(t) = f(x) = rx^*(x/A - 1) * (1 - x/K) + I avec <math>x = 0$: $f(0) = r0^*(0/A - 1) * (1 - 0/K) + I = I$.

Ensuite intéressons nous au point d'équilibre K : K est un maximum donc en rajoutant I ce dernier restera un point d'équilibre.

Maintenant parlons du point d'équilibre A:

$$x_1 > x_2 > 0$$

Donc x_2 est le minimum de la courbe f(x) = x'(t) comme nous pouvon le voir sur le tableau de variation déductible du TD et calculs précédent:



or nous avons prouvé dans le TD précédent :

x(t)	0	A	K +∞
x'(t)	-	+	-

Donc le minimum de x'(t) est négatif sans l'ajout du I.

Or I > 0 donc si nous ajoutons I le minimum peut se retrouver supérieur à 0 et donc de ce fait perdre le point d'équilibre A.

Pour perdre ce point d'équilibre il faut que:

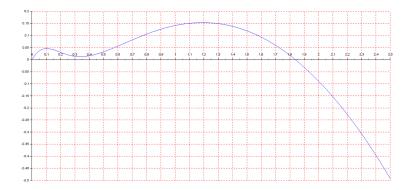
$$x_2 = ((-A-K)^*\sqrt{(A^2+K^2-AK))})/(-3)+1 > 0$$

2 Etude du modèle logistique avec prédation

2.1 Etude numérique

2.1.1 Modèle

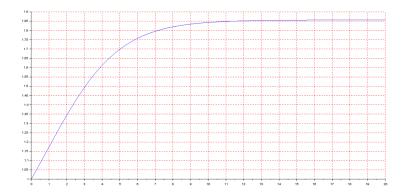
Vitesse d'accroissement



Paramètres de modélisation : r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B = 0.5; C = 0.3

Ce graphique est la représentation de la vitesse d'accroissement du modèle logistique avec effet de prédation. On remarque que lorsque la population atteint la valeur de C (ici 0,3), sa vitesse d'accroissement diminue beaucoup : on constate ici l'influence de C, qui représente la valeur de la population à partir de laquelle la prédation va entrer en jeu. On peut aussi sur cette courbe 2 points d'équilibre, l'un instable et l'autre stable, respectivement : 0 et 1.838 . On remarque finalement que la population n'atteint jamais sa capacité de charge, étant donné qu'elle est constamment soustraite par un facteur positif $(B*(x^2+C^2))$.

Discretisation

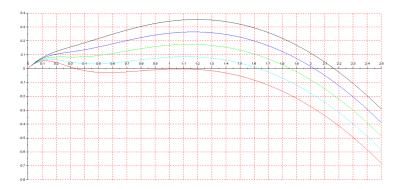


Paramètres de modélisation : r=1 ; A=0.5 ; K=2.5 ; B=0.5 ; C=0.4 ; h=0.05 ; a=1

Ce graphique nous montre l'évolution de la population en fonction du temps, d'après le modèle logistique avec effet de prédation. On observe une trajectoire en S, comme pour le modèle logistique classique, à la seule différence qu'ici le potentiel de charge K n'est jamais atteint car la population totale est toujours soustraite par le même facteur positif, elle tend ainsi vers son point d'équilibre (stable).

2.1.2 Modèle avec variation de B

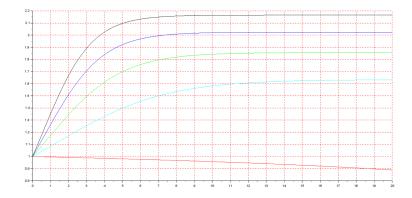
Vitesse d'accroissement



Paramètres de modélisation : r=1 ; A=0.5 ; K=2.5 ; C=0.4 ; B varie de 0.3 à 0.7 avec un pas de 0.1

Ce graphique représente le taux d'accroissement d'une population selon le modèle logistique avec effet de prédation, avec une variation du paramètre B. On observe donc plusieurs courbes qui nous permettent d'affirmer les choses suivantes : plus B est petit, moins la population totale est impactée par la perte d'individu, et plus son accroissement se rapproche de celle du modèle logistique. Inversement, plus B est grand plus l'acroissement va être faible et l (même négatif à partir du moment où la prédation est déclenchée) et la population va être faible. Comme pour le taux d'accroissement de base, on observe deux points d'équilibres, l'un instable et l'autre stable, pour toutes les courbes. Cependant le point d'équilibre stable n'est pas atteint à la même valeur pour chaque courbe.

Discretisation

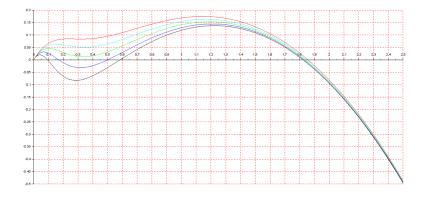


Paramètres de modélisation : r=1 ; A=0.5 ; K=2.5 ; C=0.4 ; h=0.05 ; a=1 ; B varie de 0.3 à 0.7 avec un pas de 0.1

Ce graphique nous montre la trajectoire de la population selon le modèle logistique avec effet de prédation, avec une variation de la variable B. Comme remarqué pour la variation de B sur le taux d'accroissement, plus B est petit plus la population augmente et augmente vite, vers son point d'équilibre (différent pour chaque courbe comme vu pour le taux d'accroissement correspondant) . Inversement, on remarque que lorsque B est grand, la population décroît et se stabilise à une valeur légèrement inférieure à 0,9.

2.1.3 Modèle avec variation de C

Vitesse d'accroissement



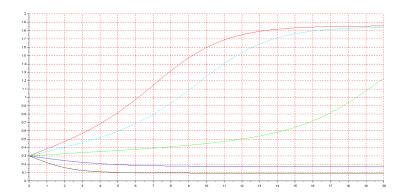
Paramètres de modélisation : $r=1\;;\;A=0.5\;;\;K=2.5\;;\;B=0.5\;;\;C$ varie de 0.2 à 0.4 avec un pas de 0.05

Ce graphique nous montre le taux d'accroissement de la population selon le modèle logistique avec effet de prédation, et avec une variation du paramètre C. Ces différentes courbes nous montrent plus précisément l'impact de C sur le taux d'accroissement : plus C est grand, plus la population nécessaire à la mise en place de la prédation diminue. On observe sur le graphique les courbes pour lesquelles C est grand, l'accroissement devient négatif très rapidement. Pour les courbes avec un petit C, la prédation prend effet plus tard et n'a pas un énorme impact sur l'accroissement de la population car celle-ci est déjà suffisament importante.

Pour les deux courbes avec la valeur de C la plus grande, on constate 4 points d'équilibre, successivement instables, stables, instables et stables. On observe aussi 2 bassins d'attractions (autour de 0.2 et 1.8)mais aussi une valeur séparatrice (autour de 0.5).

Pour les autres courbes, les points stables sont identiques que pour le taux d'accroissement de base, et le seul bassin d'attraction est celui du maximum de la population.

Discretisation



Paramètres de modélisation : r=1; A=0.5; K=2.5; B=0.5; h=0.05; a=0.3; C varie de 0.2 à 0.4 avec un pas de 0.05

Ce graphique représente la trajectoire de la population avec une variation du paramètre C. On voit que plus C est grand, moins la population croît vite, et même pour les valeurs de C les plus grandes la population décroît. Ces courbes nous permettent aussi d'observer certains points d'équilibres, au nombre de 3 : 2 aux extremums, stables, et un au milieu qui est instable et qui est séparateur. Légèrement au dessus de lui, la population va vers le bassin d'attraction du haut, et légèrement en dessous la population va vers le bassin du bas. C'est moins de points d'équilibre que pour le taux d'accroissement correspondant car

la population initiale est ici de 0.3, tandis que le taux d'accroissement nous indiquait un autre point d'équilibre entre 0 et 0.3.

2.1.4 Modèle avec variation de la population initiale Discretisation

Paramètres de modélisation : r=1 ; A=0.5 ; K=2.5 ; B=0.5 ; h=0.05 ; C=0.4 ; I=0.2 ; a varie de 0.5 à 3.5 avec un pas de 0.5

Ce graphique nous montre l'évolution de la population d'après le modèle logistique avec effet de prédation, avec le paramètre a (population initiale) qui varie. On remarque ici l'influence de la population sur la prédation : pour une population très élevèe, celle-ci va décroître très rapidement vers le bassin d'attraction de son point d'équilibre stable. En revanche pour une population petite, la prédation ne va pas avoir beaucoup d'impact et la population va croître rapidement vers le bassin d'attraction de son point d'équilibre stable.

2.2 Etude mathématique

 β * (x² / (x² + C²) correspond à un taux d'émigration dont β est la valeur maximale car x² / (x² + C²) n'atteindra jamais 1 vu que C >= 0,2. β correspond donc à l'agressivité de la prédation.

Quand la population est proche de 0, alors $x^2 < x$. Ainsi quand x(t) est petit, le modèle se comporte de manière Malthusienne.

Si x = C alors $x^2 / (x^2 + C^2) = \frac{1}{2}$, le taux de prédation est donc égal à la moitié de la valeur max de prédation. Donc quand x(t) > C la prédation sera importante et quand x(t) < C elle sera assez faible.

A Etude du modèle logistique avec effet Allee et immigration- Scripts Scilab

A.1 Modèle avec variation de I

A.1.1 Vitesse d'accroissement

```
clear
clf
r = 0.5; A = 0.5; K = 2; // variables du modèle
Ivect=0:0.1:1; // variable qui varie
x = linspace(0, 2.2, 301); // vecteur contenant les valeurs de la vitesse d'accroissement
function f = allee_imig(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteu:
endfunction
for i=1:11; // Bouclae qui va dessiner les différentes courbes
    I=Ivect(i); // Assignation valeur qui varie
   plot2d(x, allee_imig(x), style = i) // Tracé de la vitesse d'accroissement
end
// Définition des paramètres d'affichages
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
A.1.2 Discretisation
clear
clf
Ivect=0:0.1:1; // variable qui varie
r = 0.5; A = 0.5; K = 2; h = 0.05; a = 0.6; // variables du modèle + pas de temps
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants où on calcule la solution
function f = allee_img(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteur
endfunction
x(1)=a; // Initialisation de la population initiale
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
    I=Ivect(i); // Assignation valeur qui varie
    for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
```

```
x(n+1) = x(n) + h * allee_img(x(n)); // Calcul de la population
    end
   plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la discretisation
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de K
A.2
A.2.1 Vitesse d'accroissement
clear
clf
r = 1; A = 0.8; I=0.05; // variables du modèle
Kvect=1.5:0.1:2.5; // variable qui varie
x = linspace(0, 2.2, 301); // vecteur contenant les valeurs de la vitesse d'accroissement
function f = allee_imig(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteu:
endfunction
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
    K=Kvect(i); // Assignation valeur qui varie
   plot2d(x, allee_imig(x), style = i) // Tracé de la vitesse d'accroissement
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
A.2.2 Discretisation
clear
```

r = 1; A = 0.8; I = 0.05; h = 0.05; a = 0.7; // variables du modèle + pas de temps

f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteur

function f = allee_img(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement

ndate = 0:h:20; // vecteur des instants où on calcule la solution

Kvect=1.5:0.1:2.5; // variable qui varie

clf

```
endfunction
x(1)=a; // Initialisation de la population initiale
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   K=Kvect(i); // Assignation valeur qui varie
    for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * allee_img(x(n)); // Calcul de la population
   plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la discretisation
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de A
A.3.1 Vitesse d'accroissement
clear
clf
r = 1 ; K = 2 ; I=0.1 ; // variables du modèle
Avect=0.5:0.1:1.5; // variable qui varie
x = linspace(0, 2.2, 301); // vecteur contenant les valeurs de la vitesse d'accroissement
function f = allee_imig(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteu:
endfunction
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
    A=Avect(i); // Assignation valeur qui varie
   plot2d(x, allee_imig(x), style = i) // Tracé de la vitesse d'accroissement
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
```

A.3.2 Discretisation

a.grid=[5,5];

a.x_location = "origin";

clear
clf

```
Avect=0.5:0.1:1.5; // variable qui varie
r = 1; K = 2; I = 0.1; h = 0.05; a = 0.7; // variables du modèle + pas de temps
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants où on calcule la solution
function f = allee_img(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteur
endfunction
x(1)=a; // Initialisation de la population initiale
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
    A=Avect(i); // Assignation valeur qui varie
    for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * allee_img(x(n)); // Calcul de la population
    plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la discretisation
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de la population initiale
clear
clf
avect=0.2:0.2:2.2; // variable qui varie
r = 0.5 ; K = 2 ; I = 0.05 ; A = 0.5 ; h = 0.05 ; // variables du modèle + pas de temps
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants où on calcule la solution
function f = allee_img(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteur
endfunction
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
    x(1)=avect(i); // Assignation valeur qui varie
    for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * allee_img(x(n)); // Calcul de la population
    plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la discretisation
end
// Définition des paramètres d'affichages
```

```
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
```

B Etude du modèle logistique avec prédation -Scripts Scilab

B.1 Modèle

B.1.1 Vitesse d'accroissement

```
clear
clf
// variables du modèle
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B=0.5; C=0.3;
x = linspace(0, 2.5, 301);
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
plot2d(x, predation(x), style = 2); // Tracé de la vitesse d'accroissement
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
B.1.2 Discretisation
clear
clf
// variables du modèle
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B=0.5; C=0.4; h = 0.05; a = 1;
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
x(1) = a; // Initialisation de la population initiale
for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
   x(n+1) = x(n) + h * predation(x(n)); // Calcul de la population
```

```
end
plot2d(ndate, x, style = 2) // Tracé de la trajectoire
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de B
B.2
      Vitesse d'accroissement
B.2.1
clear
clf
// variables du modèle
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; C=0.4;
Bvect = 0.3:0.1:0.7; // variable qui varie
x = linspace(0, 2.5, 301);
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
for i=1:5 // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   B=Bvect(i); // Assignation valeur qui varie
   plot2d(x, predation(x), style = i); // Tracé de la vitesse d'accroissement
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
B.2.2 Discretisation
clear
clf
Bvect = 0.3:0.1:0.7; // variable qui varie
```

r = 1; A = 0.5; K = 2.5; C=0.4; a = 1; h = 0.05;

// variables du modèle

```
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
for i=1:5 // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   B=Bvect(i); // Assignation valeur qui varie
   x(1) = a; // Initialisation de la population initiale
   for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * predation(x(n)); // Calcul de la population
    end
   plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la trajectoire
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de C
B.3
      Vitesse d'accroissement
B.3.1
clear
clf
// variables du modèle
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B=0.5;
Cvect = 0.2:0.05:0.4; // variable qui varie
x = linspace(0, 2.5, 301);
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
for i=1:5 // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   C=Cvect(i); // Assignation valeur qui varie
   plot2d(x, predation(x), style = i); // Tracé de la vitesse d'accroissement
```

```
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
B.3.2 Discretisation
clear
clf
Cvect = 0.2:0.05:0.4; // variable qui varie
// variables du modèle
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B=0.5; h = 0.05; a = 0.3;
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
for i=1:5 // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   C=Cvect(i); // Assignation valeur qui varie
   x(1) = a; // Initialisation de la population initiale
   for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * predation(x(n)); // Calcul de la population
    end
   plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la trajectoire
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de la population initiale
B.4
B.4.1 Discretisation
```

clear clf

```
avect= 0.5:0.5:3.5; //vecteur des différentes valeurs de a
// variables du modèle
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B=0.5; C=0.4; h = 0.05; I=0.2;
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants
function f = predation(x) // fonction du modèle logistique avec effet de prédation
   f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
for i=1:7 // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   a=avect(i); // Assignation valeur qui varie
   x(1) = a; // Initialisation de la population initiale
   for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * predation(x(n)); // Calcul de la population
   plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la courbe
end
// Définition des paramètres d'affichages
z=gca();
z.x_location = "origin";
z.grid=[5,5];
```