L'algue tueuse

TD n°3

Modélisation mathématique

Q4

Sibylle Roux

Juliette Arazo Tanguy Thomas Nicolas Le Gallo

17 octobre 2017

Table des matières

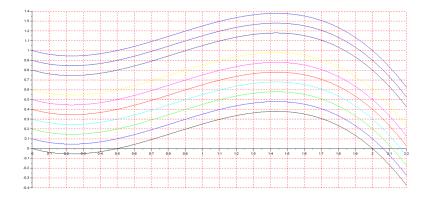
1	\mathbf{Etu}	de du modèle logistique avec effet Allee et immigration	3
	1.1	Etude numérique	3
		1.1.1 Modèle avec variation de I	3
		1.1.2 Modèle avec variation de K	4
		1.1.3 Modèle avec variation de A	5
		1.1.4 Modèle avec variation de la population initiale	6
	1.2	Etude mathématique	7
	1.3	Bilan	7
2	Etu	de du modèle logistique avec prédation	8
	2.1	Etude numérique	8
		2.1.1 Modèle	8
		2.1.2 Modèle avec variation de B	9
		2.1.3 Modèle avec variation de C	9
	2.2	Etude mathématique	0
	2.3		.0
A	Etude du modèle logistique avec effet Allee et immigration-		
		_	1
	A.1	•	1
			1
			.1
	A.2		2
			2
			2
	A.3		3
			.3
			.3
	A.4		4
В	Etu	de du modèle logistique avec prédation - Scripts Scilab 1	5
	B.1		.5
			.5
			.5
	B.2		6
			6
			6
	B.3		7
			7
			8

1 Etude du modèle logistique avec effet Allee et immigration

1.1 Etude numérique

1.1.1 Modèle avec variation de I

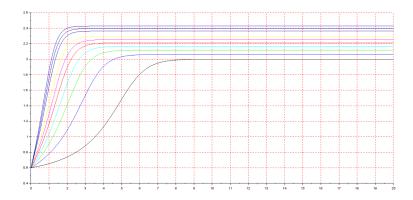
Courbes de la vitesse d'accroissement



Paramètres de modélisation : $K=2\,;\,r=0.5\,;\,A=0.5\,;\,I$ varie de 0 à 1 avec un pas de 0.1

Sur ce graphique on peut voir les différentes courbes de la vitesse d'accroissement pour différentes valeurs de I. On remarque que avec un i assez grand, l'effet Allee n'éteint plus la population mais ralentit seulement sa croissance. En effet 2 points d'équilibres peuvent dispara \ddot{i} tre pour certaines valeurs de I.

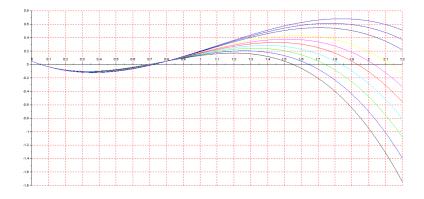
Discrétisation du modèle



Paramètres de modélisation : $a=0.6\,;\,K=2\,;\,r=0.5\,;\,A=0.5\,;\,I$ varie de 0 à 1 avec un pas de 0.1

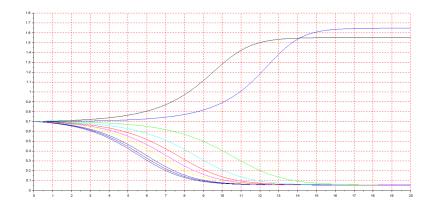
1.1.2 Modèle avec variation de K

Courbes de la vitesse d'accroissement



Paramètres de modélisation : $r=1\;;\;A=0.8\;;\;I=0.05\;;\;K$ varie de 1.5 à 2.5 avec un pas de 0.1

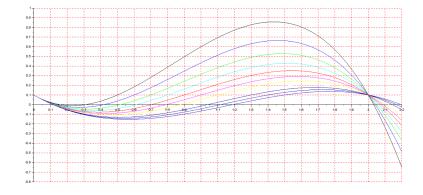
Discrétisation du modèle



Paramètres de modélisation : $a=0.7\,;\;r=1\,;\;A=0.8\,;\;I=0.05\,;\;K$ varie de 1.5 à 2.5 avec un pas de 0.1

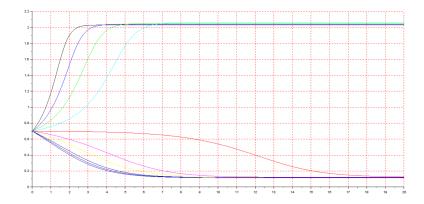
1.1.3 Modèle avec variation de A

Courbes de la vitesse d'accroissement



Paramètres de modélisation : $I=0.1\,;\,K=2\,;\,r=1\,;\,A$ varie de 0.5 à 1.5 avec un pas de 0.1

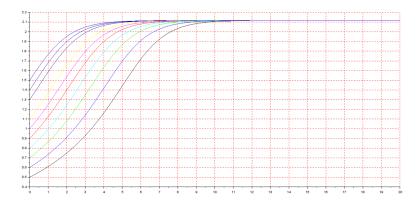
Discrétisation du modèle



Paramètres de modélisation : $a=0.7\,;\,I=0.1\,;\,K=2\,;\,r=1\,;\,A$ varie de 0.5 à 1.5 avec un pas de 0.1

${\bf 1.1.4}\quad {\bf Mod\`{e}le~avec~variation~de~la~population~initiale}$

Discretisation du modèle



Paramètres de modélisation : $A=0.5\,;\,I=0.1\,;\,K=2\,;\,r=0.25\,;\,a$ varie de 0.5 à 1.5 avec un pas de 0.1

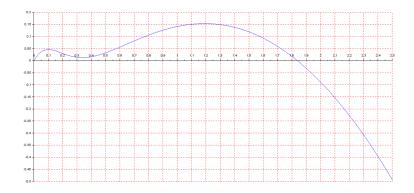
- 1.2 Etude mathématique
- 1.3 Bilan

2 Etude du modèle logistique avec prédation

2.1 Etude numérique

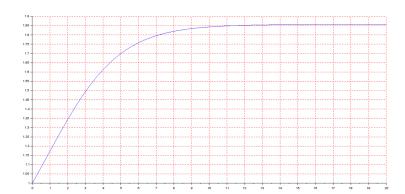
2.1.1 Modèle

Vitesse d'accroissement



Paramètres de modélisation :

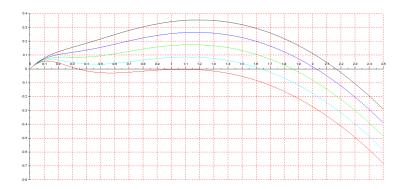
Discretisation



Paramètres de modélisation :

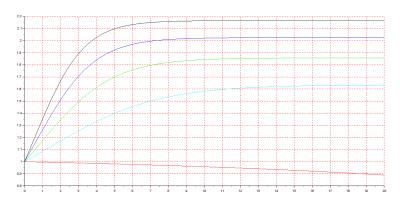
2.1.2 Modèle avec variation de B

Vitesse d'accroissement



Paramètres de modélisation :

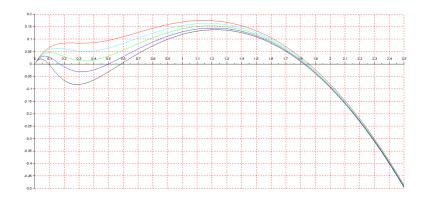
Discretisation



Paramètres de modélisation :

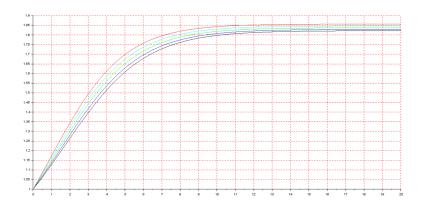
2.1.3 Modèle avec variation de C

Vitesse d'accroissement



Paramètres de modélisation :

Discretisation



Paramètres de modélisation :

2.2 Etude mathématique

2.3 Bilan

A Etude du modèle logistique avec effet Allee et immigration- Scripts Scilab

A.1 Modèle avec variation de I

A.1.1 Vitesse d'accroissement

```
clear
clf
r = 0.5; A = 0.5; K = 2; // variables du modèles
Ivect=0:0.1:1; // variable qui varie
x = linspace(0, 2.2, 301); // vecteur contenant les valeurs de la vitesse d'accroissement
function f = allee_imig(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteu:
endfunction
for i=1:11; // Bouclae qui va dessiner les différentes courbes
    I=Ivect(i); // Assignation valeur qui varie
   plot2d(x, allee_imig(x), style = i) // Tracé de la vitesse d'accroissement
end
// Définition des paramètres d'affichages
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
A.1.2 Discretisation
clear
clf
Ivect=0:0.1:1; // variable qui varie
r = 0.5; A = 0.5; K = 2; h = 0.05; a = 0.6; // variables du modèles + pas de temps
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants où on calcule la solution
function f = allee_img(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteur
endfunction
x(1)=a; // Initialisation de la population initiale
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
    I=Ivect(i); // Assignation valeur qui varie
    for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
```

```
x(n+1) = x(n) + h * allee_img(x(n)); // Calcul de la population
   plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la discretisation
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de K
A.2
A.2.1 Vitesse d'accroissement
clear
clf
```

a.x_location = "origin"; a.grid=[5,5];

A.2.2 Discretisation

endfunction

end

a=gca();

clear clf

Kvect=1.5:0.1:2.5; // variable qui varie

// Définition des paramètres d'affichages

r = 1; A = 0.8; I=0.05; // variables du modèles

K=Kvect(i); // Assignation valeur qui varie

for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes

Kvect=1.5:0.1:2.5; // variable qui varie

r = 1; A = 0.8; I = 0.05; h = 0.05; a = 0.7; // variables du modèles + pas de temps ndate = 0:h:20; // vecteur des instants où on calcule la solution

function f = allee_img(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteur

x = linspace(0, 2.2, 301); // vecteur contenant les valeurs de la vitesse d'accroissement

f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteu:

function f = allee_imig(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement

 $plot2d(x, allee_imig(x), style = i)$ // Tracé de la vitesse d'accroissement

```
endfunction
x(1)=a; // Initialisation de la population initiale
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   K=Kvect(i); // Assignation valeur qui varie
    for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * allee_img(x(n)); // Calcul de la population
   plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la discretisation
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de A
A.3.1 Vitesse d'accroissement
clear
clf
r = 1 ; K = 2 ; I=0.1 ; // variables du modèles
Avect=0.5:0.1:1.5; // variable qui varie
x = linspace(0, 2.2, 301); // vecteur contenant les valeurs de la vitesse d'accroissement
function f = allee_imig(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteu:
endfunction
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
    A=Avect(i); // Assignation valeur qui varie
   plot2d(x, allee_imig(x), style = i) // Tracé de la vitesse d'accroissement
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
```

A.3.2 Discretisation

a.grid=[5,5];

a.x_location = "origin";

clear
clf

```
Avect=0.5:0.1:1.5; // variable qui varie
r = 1; K = 2; I = 0.1; h = 0.05; a = 0.7; // variables du modèles + pas de temps
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants où on calcule la solution
function f = allee_img(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteur
endfunction
x(1)=a; // Initialisation de la population initiale
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
    A=Avect(i); // Assignation valeur qui varie
    for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * allee_img(x(n)); // Calcul de la population
    plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la discretisation
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de la population initiale
clear
clf
avect=0.5:0.1:1.5; // variable qui varie
r = 0.25 ; K = 2 ; I=0.1 ; A = 0.5 ; h = 0.05 ; // variables du modèles + pas de temps
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants où on calcule la solution
function f = allee_img(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (x / A - 1) .* (1 - x / K) + I // opérations vectorielles. x est un vecteur
endfunction
for i=1:11; // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   x(1)=avect(i); // Assignation valeur qui varie
    for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * allee_img(x(n)); // Calcul de la population
    plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la discretisation
end
// Définition des paramètres d'affichages
```

```
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
```

B Etude du modèle logistique avec prédation -Scripts Scilab

B.1 Modèle

B.1.1 Vitesse d'accroissement

```
clear
clf
// variables du modèles
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B=0.5; C=0.3;
x = linspace(0, 2.5, 301);
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
plot2d(x, predation(x), style = 2); // Tracé de la vitesse d'accroissement
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
B.1.2 Discretisation
clear
clf
// variables du modèles
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B=0.5; C=0.4; h = 0.05; I=0.2; a = 1;
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
x(1) = a; // Initialisation de la population initiale
for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
   x(n+1) = x(n) + h * predation(x(n)); // Calcul de la population
```

```
end
plot2d(ndate, x, style = 2) // Tracé de la trajectoire
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de B
B.2
      Vitesse d'accroissement
B.2.1
clear
clf
// variables du modèles
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; C=0.4;
Bvect = 0.3:0.1:0.7; // variable qui varie
x = linspace(0, 2.5, 301);
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
for i=1:5 // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   B=Bvect(i); // Assignation valeur qui varie
   plot2d(x, predation(x), style = i); // Tracé de la vitesse d'accroissement
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
B.2.2 Discretisation
clear
clf
Bvect = 0.3:0.1:0.7; // variable qui varie
```

r = 1; A = 0.5; K = 2.5; C=0.4; a = 1; h = 0.05; I=0.2;

// variables du modèles

```
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
for i=1:5 // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   B=Bvect(i); // Assignation valeur qui varie
   x(1) = a; // Initialisation de la population initiale
   for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * predation(x(n)); // Calcul de la population
    end
   plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la trajectoire
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
      Modèle avec variation de C
B.3
      Vitesse d'accroissement
B.3.1
clear
clf
// variables du modèles
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B=0.5;
Cvect = 0.2:0.05:0.4; // variable qui varie
x = linspace(0, 2.5, 301);
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
   f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
for i=1:5 // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   C=Cvect(i); // Assignation valeur qui varie
   plot2d(x, predation(x), style = i); // Tracé de la vitesse d'accroissement
```

```
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
B.3.2 Discretisation
clear
clf
Cvect = 0.2:0.05:0.4; // variable qui varie
// variables du modèles
r = 1; A = 0.5; K = 2.5; B=0.5; h = 0.05; I=0.2; a = 1;
ndate = 0:h:20; // vecteur des instants
function f = predation(x) // fonction qui calcule la vitesse d'accroissement
    f = r * x .* (1 - x / K) - B * (x.^2 ./ (x.^2 + C^2)) // opération vectorielle
endfunction
for i=1:5 // Boucle qui va dessiner les différentes courbes
   C=Cvect(i); // Assignation valeur qui varie
   x(1) = a; // Initialisation de la population initiale
   for n = 1:length(ndate) - 1 // Boucle qui calcule la courbe de la population
        x(n+1) = x(n) + h * predation(x(n)); // Calcul de la population
    end
   plot2d(ndate, x, style = i) // Tracé de la trajectoire
end
// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
```