

Gestion de flux dans le réseau

TD n ° 4

Modélisation mathématique

Q4

Sibylle Roux

Juliette Arazo

Nicolas Le Gallo

Tanguy Thomas

11 novembre 2017

Table des matières

I	Etude statistique des temps interarrivés	4
1	Etude statistique des temps interarrivés pour tous les serveurs	4
1.1	Indicateurs de position et de dispersion	4
1.2	Fonction de répartition	4
1.3	Histogramme	5
1.3.1	Histogramme avec classes isoamplitudes	5
1.3.2	Histogramme avec classes isofréquences	6
II	Etude statistique des temps de service	6
2	Indicateurs de position et de dispersion	6
3	Fonctions de répartition	7
4	Histogrammes	7
III	Ajustement graphique à des lois mathématique	7
5	Tous les serveurs	8
5.1	Ajustement à la loi uniforme	8
5.1.1	Estimation des paramètres	8
5.1.2	Superposition de la fonction de répartition	8
5.1.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
5.2	Ajustement à la loi normale	8
5.2.1	Estimation des paramètres	8
5.2.2	Superposition de la fonction de répartition	8
5.2.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
5.3	Ajustement à la loi exponentielle	8
5.3.1	Estimation des paramètres	8
5.3.2	Superposition de la fonction de répartition	8
5.3.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
6	Serveur 1	8
6.1	Ajustement à la loi uniforme	8
6.1.1	Estimation des paramètres	8
6.1.2	Superposition de la fonction de répartition	8
6.1.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
6.2	Ajustement à la loi normale	8
6.2.1	Estimation des paramètres	8
6.2.2	Superposition de la fonction de répartition	8
6.2.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8

6.3	Ajustement à la loi exponentielle	8
6.3.1	Estimation des paramètres	8
6.3.2	Superposition de la fonction de répartition	8
6.3.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
7	Serveur 2	8
7.1	Ajustement à la loi uniforme	8
7.1.1	Estimation des paramètres	8
7.1.2	Superposition de la fonction de répartition	8
7.1.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
7.2	Ajustement à la loi normale	8
7.2.1	Estimation des paramètres	8
7.2.2	Superposition de la fonction de répartition	8
7.2.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
7.3	Ajustement à la loi exponentielle	8
7.3.1	Estimation des paramètres	8
7.3.2	Superposition de la fonction de répartition	8
7.3.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
8	Serveur 3	8
8.1	Ajustement à la loi uniforme	8
8.1.1	Estimation des paramètres	8
8.1.2	Superposition de la fonction de répartition	8
8.1.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
8.2	Ajustement à la loi normale	8
8.2.1	Estimation des paramètres	8
8.2.2	Superposition de la fonction de répartition	8
8.2.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
8.3	Ajustement à la loi exponentielle	8
8.3.1	Estimation des paramètres	8
8.3.2	Superposition de la fonction de répartition	8
8.3.3	Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme	8
A	Etude statistique des temps interarrivés	9
A.1	Indicateurs de position et de dispersion	9
A.2	Fonction de répartition	9
A.3	Histogramme	9
A.3.1	Histogramme avec classes isoamplitudes	9
A.3.2	Histogramme avec classes isofréquences	10
B	Etude statistique des temps de service	10
B.1	Indicateurs de position et de dispersion	10
B.1.1	Serveur 1	10
B.1.2	Serveur 2	11
B.1.3	Serveur 3	11

Première partie

Etude statistique des temps interarrivés

1 Etude statistique des temps interarrivés pour tous les serveurs

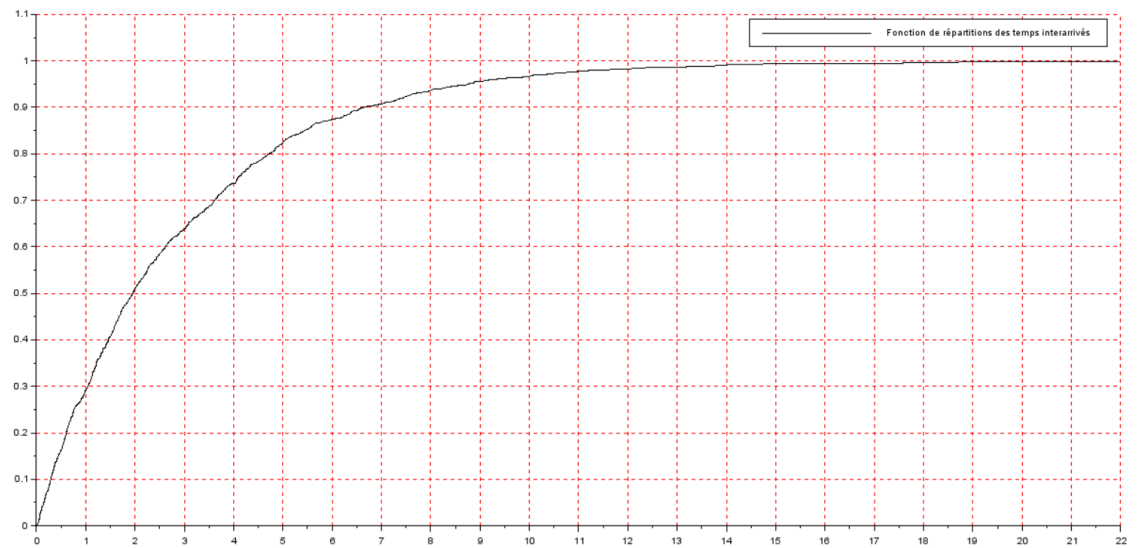
1.1 Indicateurs de position et de dispersion

Min	Max	Moyenne	Médiane
0.01	21.98	2.9	1.95

Variance	Ecart-type	Etendue
8.73	2.95	22

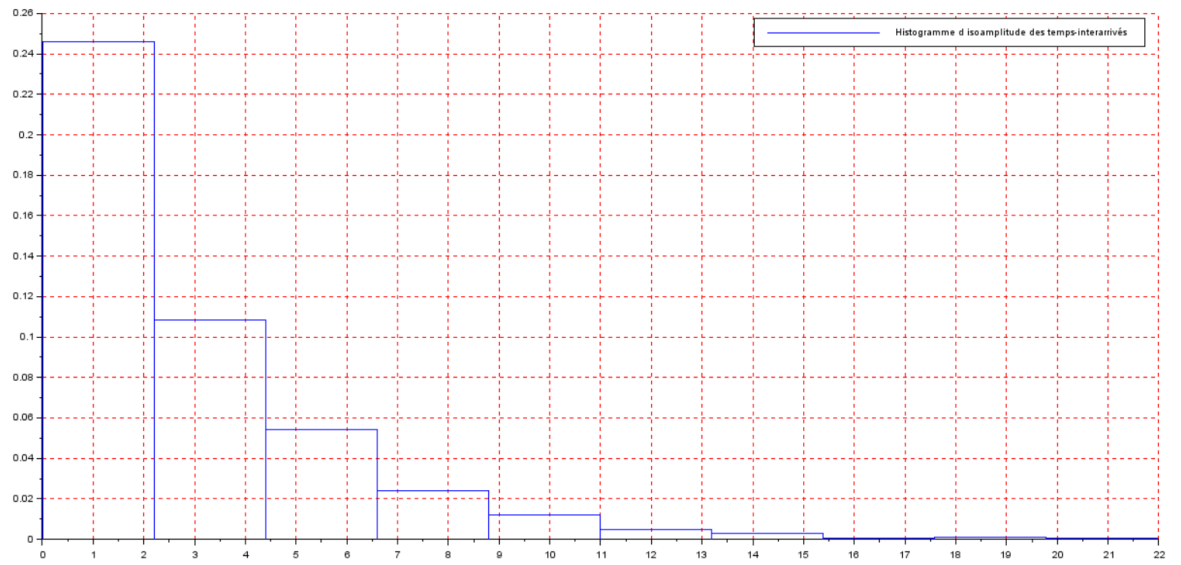
Q1	Q2	Interquartile
0.76	4.09	3.33

1.2 Fonction de répartition

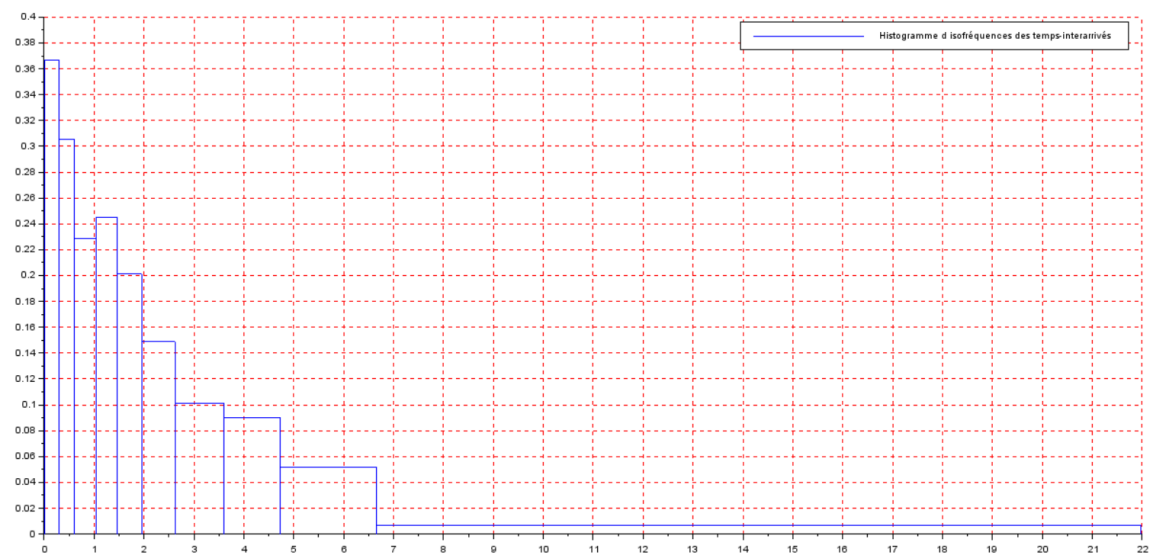


1.3 Histogramme

1.3.1 Histogramme avec classes isoamplitudes



1.3.2 Histogramme avec classes isofréquences



Deuxième partie

Etude statistique des temps de service

2 Indicateurs de position et de dispersion

Indicateurs	Serveur 1	Serveur 2	Serveur 3
Minimum	0.01	0.04	0.01
Maximum	134	88.9	68.6
Etendue	134	88.8	68.6
Moyenne	15.5	10.6	6.27
Médiane	11.5	6.82	4.35
Q1	5.05	3.29	1.75
Q3	21.9	13.9	8.36
IQ	16.8	10.6	6.61
Ecart-Type	15	11.3	6.85
Variance	225	127	46.9

3 Fonctions de répartition

4 Histogrammes

Histogramme

Troisième partie

Ajustement graphique à des lois mathématiques

5 Tous les serveurs

5.1 Ajustement à la loi uniforme

5.1.1 Estimation des paramètres

5.1.2 Superposition de la fonction de répartition

5.1.3 Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme

5.2 Ajustement à la loi normale

5.2.1 Estimation des paramètres

5.2.2 Superposition de la fonction de répartition

5.2.3 Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme

5.3 Ajustement à la loi exponentielle

5.3.1 Estimation des paramètres

5.3.2 Superposition de la fonction de répartition

5.3.3 Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme

6 Serveur 1

6.1 Ajustement à la loi uniforme

6.1.1 Estimation des paramètres

6.1.2 Superposition de la fonction de répartition

6.1.3 Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme

6.2 Ajustement à la loi normale

6.2.1 Estimation des paramètres

6.2.2 Superposition de la fonction de répartition

6.2.3 Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme

6.3 Ajustement à la loi exponentielle

6.3.1 Estimation des paramètres

6.3.2 Superposition de la fonction de répartition

6.3.3 Superposition de la fonction de densité et de l'histogramme

7 Serveur 2

7.1 Ajustement à la loi uniforme

7.1.1 Estimation des paramètres

7.1.2 Superposition de la fonction de répartition

A Etude statistique des temps interarrivés

A.1 Indicateurs de position et de dispersion

```
// Extraction des temps inter-arrivées
t_ia = data(2:$, 2) - data(1:1237, 2);

extremes = [min(t_ia), max(t_ia)] // calcul du min et du max
moyenne = mean(t_ia) // calcul de la moyenne
mediane = perctl(t_ia,50) // calcul de la mediane

// calcul de la variance et de l'écart-type
v = variance(t_ia)
s = stdev(t_ia)

// calcul de l'étendue
etendue = extremes(2) - extremes(1)

Q1 = perctl(t_ia, 25) // premier quartile
Q3 = perctl(t_ia, 75) // troisième quartile
IQ = Q3(1) - Q1(1) // intervalle interquartile
```

A.2 Fonction de répartition

```
// Extraction des temps inter-arrivées
t_ia = data(2:$, 2) - data(1:1237, 2);

tab = tabul(t_ia, 'i'); // construction du tableau des effectifs
tab(:,2) = tab(:,2)/length(t_ia); // calcul des fréquences
F = cumsum(tab(:,2)); // calcul des fréquences cumulées
plot2d2(tab(:,1),F)
legend("Fonction de répartitions des temps interarrivés")

// Définition des paramètres d'affichages
a=gca();
a.x_location = "origin";
a.grid=[5,5];
```

A.3 Histogramme

A.3.1 Histogramme avec classes isoamplitudes

```
// Extraction des temps inter-arrivées
t_ia = data(2:$, 2) - data(1:1237, 2);

C = linspace(min(t_ia), max(t_ia), 11) // calcul des classes
```

```
histplot(C, t_ia, style=2) // dessine l'histogramme
legend("Histogramme d isoamplitude des temps-interarrivés")
```

A.3.2 Histogramme avec classes isofréquences

```
// Extraction des temps inter-arrivées
t_ia = data(2:$, 2) - data(1:1237, 2);

deciles=perctl(t_ia,10:10:90) // Calcul des déciles
// Affectations d'isofréquences comme bornes de classes
for i=2:10
    ClassesDeciles(i)=deciles(i-1)
end
ClassesDeciles(1)=min(t_ia)
ClassesDeciles(11)=max(t_ia)

histplot(ClassesDeciles,t_ia,style=2) // dessine l'histogramme
legend("Histogramme d isofréquences des temps-interarrivés")
```

B Etude statistique des temps de service

B.1 Indicateurs de position et de dispersion

B.1.1 Serveur 1

```
// Extraction des temps de service
index_bool = ( data(:, 3) = 1 )
tabS1 = data(index_bool, :)
t_s1 = tabS1(1:$,4)

extremesS1 = [min(t_s1), max(t_s1)] // calcul du min et du max
moyenneS1 = mean(t_s1) // calcul de la moyenne
medianeS1 = perctl(t_s1,50) // calcul de la mediane

// calcul de la variance et de l'écart-type
vS1 = variance(t_s1)
sS1 = stdev(t_s1)

// calcul de l'étendue
etendueS1 = extremesS1(2) - extremesS1(1)

Q1S1 = perctl(t_s1, 25) // premier quartile
Q3S1 = perctl(t_s1, 75) // troisième quartile
IQS1 = Q3S1(1) - Q1S1(1) // intervalle interquartile
```

B.1.2 Serveur 2

```
// Extraction des temps de service
index_bool = ( data(:, 3) = 2 )
tabs2 = data(index_bool, :)
t_s2 = tabs2(1:$,4)

extremesS2 = [min(t_s2), max(t_s2)] // calcul du min et du max
moyenneS2 = mean(t_s2) // calcul de la moyenne
medianeS2 = perctl(t_s2,50) // calcul de la mediane

// calcul de la variance et de l'écart-type
vS2 = variance(t_s2)
sS2 = stdev(t_s2)

// calcul de l'étendue
etendueS2 = extremesS2(2) - extremesS2(1)

Q1S2 = perctl(t_s2, 25) // premier quartile
Q3S2 = perctl(t_s2, 75) // troisième quartile
IQS2 = Q3S2(1) - Q1S2(1) // intervalle interquartile
```

B.1.3 Serveur 3

```
// Extraction des temps de service
index_bool = ( data(:, 3) = 3 )
tabS3 = data(index_bool, :)
t_s3 = tabS3(1:$,4)

extremesS3 = [min(t_s3), max(t_s3)] // calcul du min et du max
moyenneS3 = mean(t_s3) // calcul de la moyenne
medianeS3 = perctl(t_s3,50) // calcul de la mediane

// calcul de la variance et de l'écart-type
vS3 = variance(t_s3)
sS3 = stdev(t_s3)

// calcul de l'étendue
etendueS3 = extremesS3(2) - extremesS3(1)

Q1S3 = perctl(t_s3, 25) // premier quartile
Q3S3 = perctl(t_s3, 75) // troisième quartile
IQS3 = Q3S3(1) - Q1S3(1) // intervalle interquartile
```