$O\Pi$ «Политология», 2019-20

Математика и статистика, часть 2

Необязательное домашнее задание 4 (к 14.02.2020)

А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева, Н. А. Василёнок

Задача 1. В психологическом тесте два вопроса имеют по три варианта ответа на каждый. Каждому из вариантов ответа на каждый вопрос присваивается сырой балл: 0, 1, 2 в зависимости от выраженности тестируемого свойства. Совместное распределение сырых баллов за каждый ответ задано таблицей:

$X \setminus Y$	0	1	2
0	0.2	0.05	0
1	0.15	0.1	0.05
2	0.05	0.2	?

- (a) Запишите маргинальные распределения случайных величин X и Y.
- (b) Можно ли считать, что ответы на вопросы независимы?
- (c) Найти условные вероятности $P(Y = 2 \mid X = 2)$ и $P(Y = 2 \mid X = 0)$.
- (d) Найдите математическое ожидание и дисперсию случайной величины $X \cdot Y$.

Задача 2. В случайном экперименте независимые случайные величины X и Y заданы рядами распределений:

X	1	2	
р	0.1	0.9	

Y	-1	0	1
р	0.2	0.3	0.5

Постройте таблицу их совместного распределения.

Источник: Макаров А.А., Пашкевич А.В. Задачник по теории вероятностей для студентов социально-гуманитарных специальностей. – М.: – МЦНМО, 2015.