## ОП «Политология», 2019-20

Математика и статистика, часть 2

Нормальное распределение – часть 3. (11.03.2020 или 13.03.2020)

А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева, Н. А. Василёнок

**Задача 1.** Известно, что оценки студентов по курсу статистики (в десятибалльной шкале) имеют нормальное распределение  $N(7, \sigma^2 = 2.25)$ . Один из студентов утверждает, что 95% его однокурсников имеют оценку по статистике не ниже удовлетворительной (от 4 до 10 включительно). Возможно ли такое?

**Задача 2.** Число орехов, собранных Чипом и Дейлом в разные годы, имеет нормальное распределение  $N(3000, \sigma^2 = 10000)$ . Найдите вероятность того, что число собранных бурундуками орехов превысит 3200.

Задача 3. Z – стандартная нормальная величина. Найдите:

- (a) значение z, такое, что P(Z < z) = 0.9279;
- (b) значение z, такое, что P(Z < z) = 0.68;
- (с) квантиль уровня 0.6.

Задача 4. *X* – индекс политической стабильности, который описывается нормальным распределением со средним значением 2 и дисперсией 4. Найдите:

- (а) квантиль уровня 0.88;
- (b) квантиль уровня 0.71;
- (с) квантиль уровня 0.6;
- (d) квантиль уровня 0.43.
- (е) квантиль уровня 0.1.

Задача 5. Число очков, набранных спортсменами в первом туре соревнований, описывается случайной величиной X, имеющей нормальное распределение  $N(50, \sigma = 10)$ . Число очков, набранных спортсменами во втором туре соревнований, описывается случайной величиной Y, имеющей нормальное распределение  $N(70, \sigma = 15)$ .

- (a) Какое распределение имеет величина X+Y? Найдите его математическое ожидание и дисперсию.
- (b) Найдите P(X + Y > 130).