Математические и статистические методы в психологии Семинар 1. Элементы комбинаторики. Случайный эксперимент. (06.09.2019) А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева, Н. А. Василёнок, Е. П. Шеремет

Задача 1. На первой полке стоят 3 учебника по психологии, а на второй полке – 4 учебника по теории вероятностей. Вася сначала наугад берет один учебник по теории вероятностей и один учебник по психологии. Сколько различных наборов, то есть пар книг он может получить? А сколькими способами можно выбрать или учебник по теории вероятностей, или по психологии?

Задача 2. Психологическая анкета содержит 6 вопросов. На два вопроса есть два варианта ответа, на один вопрос – 3 варианта ответа, на остальные – 5 вариантов ответа. Сколькими различными способами можно заполнить эту анкету? Стоит ли думать, что все варианты заполнения анкеты равновероятны?

Задача 3. Вася планирует летнее путешествие. Он составил список из 10 городов, которые он хотел бы посетить, из них 6 находятся в России, остальные – в Европе.

- (а) Города в списке Васи упорядочены по алфавиту. Сколькими способами можно составить список городов, меняя их местами? А если из них выбрать только города Европы и менять их местами?
- (b) Вася случайным образом выбирает два города из списка. Сколькими способами он может это сделать (считаем, что нам не важно, где находятся города, и то, в каком порядке мы их выбираем)?
- (с) Вася случайным образом одновременно выбирает три города из списка. С какой вероятностью среди них окажется два европейских города и один российский?

Задача 4. Студенческая группа состоит из 6 юношей и 10 девушек.

- (а) Сколькими способами можно отобрать 4 студентов, осуществляя простой случайный выбор?
- (b) Какова вероятность, что будут отобраны только девушки?
- (с) Какова вероятность того, что будет отобрана хотя бы одна девушка?

Задача 5. Для следующих случайных экспериментов: 1) определите число элементарных исходов; 2) выпишите все элементарные исходы эксперимента.

- (а) Монетку подкидывают 3 раза. Нас интересует, какой стороной вверх падала монетка: орлом или решкой, интересна и последовательность выпадений, т.е. выпадение сначала орла, потом решки мы отличаем от выпадения сначала решки, а потом орла.
- (b) Из стандартной колоды игральных карт вытаскивают случайную карту, записывают её масть, и возвращают карту в колоду. Потом колоду перемешивают, еще раз вытаскивают случайную карту и снова записывают её масть.

Задача 6. Игральный кубик подбрасывают один раз. Какие из следующих исходов являются элементарными исходами такого эксперимента?

(а) На кубике выпало три очка.

- (b) На кубике выпало семь очков.
- (с) На кубике выпало четное число очков.
- (d) На кубике выпало одно очко.
- (е) На кубике выпало более 4 очков.

Задача 7. Игральный тетраэдр (четыре грани) подбрасывают два раза. Запишите исходы, благоприятствующие следующим событиям, и найдите вероятности этих событий.

- (а) В сумме выпало более 3 очков.
- (b) В сумме выпало нечетное число очков.
- (с) Во втором броске выпало больше очков, чем в первом.
- (d) Сумма очков, выпавших за два раза, является простым числом.
- (е) Произведение очков, выпавших за два раза, является четным числом.