$O\Pi$ «Политология», 2019-20

Математика и статистика, часть 2

Нормальное распределение – часть 1. (28.02.2020)

А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева, Н. А. Василёнок

Задача 1. Известно, что:

- случайная величина X имеет нормальное распределение $N(3, \sigma^2 = 4)$;
- случайная величина Y имеет нормальное распределение $N(5, \sigma^2 = 9)$.

Постройте на одном графике плотности вероятностей случайных величин X и Y. Как расположены графики плотностей вероятности случайных величин X и Y относительно друг друга?

Задача 2. Z – случайная величина, имеющая стандартное нормальное распределение. Найдите, используя таблицу стандартного нормального распределения, следующие вероятности:

 $\begin{array}{lll} \text{(a)} & \mathrm{P}(Z<1.5); & \text{(e)} & \mathrm{P}(0.5 < Z < 0.66); \\ \text{(b)} & \mathrm{P}(Z>0); & \text{(f)} & \mathrm{P}(-0.25 < Z < -0.12); \\ \text{(c)} & \mathrm{P}(Z>1); & \text{(g)} & \mathrm{P}(-0.32 < Z < 1.53); \\ \text{(d)} & \mathrm{P}(Z<-1.2); & \text{(h)} & \mathrm{P}(1.88 < Z < 5). \end{array}$

Задача 3. Личный доход взрослого человека в некотором большом городе имеет нормальное распределение со средним 21700 руб. и стандартным отклонением 5600 руб. Какова величина личного дохода случайно выбранного индивида, проживающего в этом городе, если его z-значение равно: а) -1.35; b) 0.92? ¹

Задача 4. X – случайная величина, имеющая нормальное распределение со средним значением 6 и дисперсией 9. Найдите:

- (a) P(7 < X < 10);
- (b) P(3 < X < 7).

¹Источник: А. А. Макаров, А. В. Пашкевич. Задачник по теории вероятностей для студентов социально-гуманитарных специальностей. Москва. 2016.