ФИО студента: Музыка Кирилл

Обязательное домашнее задание №1. Дискретные случайные величины.

Срок сдачи: 6 марта 2020 (191 и 192 группы)

Работа сдается в письменном или электронном виде до начала семинара. Если работа сдается в электронном виде, ее необходимо прислать на адрес matstat. polit@gmail. com . Формат файла – pdf. Оформление работы в LaTeX или иных редакторах приветствуется.

Обязательное требование: в решении задачи 1 записывайте ряд распределения, данный в задаче.

Задача 1. Антон заметил, что число лайков, которые получают его посты на политическую тематику в Facebook, имеет следующее распределение:

| L | 1 | 8 | 11 | 15 |
|---|-----|-----|-----|-----|
| р | 0.3 | 0.2 | 0.2 | 0.3 |

- 1. Определите, с какой вероятностью посты Антона на политическую тематику получают а) менее 2 лайков; b) как минимум 5 лайков; c) более 10 лайков.
- 2. Определите, чему равно среднее (ожидаемое) число лайков для постов Антона на политическую тематику.
- 3. Найдите дисперсию и стандартное отклонение случайной величины L.
- 4. Найдите F(1), F(6), F(15), где F функция распределения.
- 5. Антон решил поспорить с другом: если очередной пост Антона на политическую тематику набирает более 10 лайков, друг отдает ему 100 рублей, если не наберет Антон отдает другу 100 рублей. Найдите средний ожидаемый выигрыш Антона по итогам спора. Есть ли гарантия, что Антон выиграет спор? Какой совет Вы бы дали Антону: спорить или воздержаться?

Задача 2. Пусть X – дискретная случайная величина, которая принимает значения a, b, c, d, причем a < b < c < d.

- 1. Найдите F(a-1), F(d), где F функция распределения.
- 2. Может ли F(b) принимать целое значение? Обоснуйте свой ответ.
- 3. Может ли F(c) < F(b)? Обоснуйте свой ответ.

Задача 3. Вдохновившись лекциями по теории вероятностей, Коля пришел домой и придумал такую схему: он подбрасывает монетку 10 раз, если выпадает ровно 4 орла, он делает домашнее задание, если выпадает ровно 6 орлов, он идет спать.

1. Что более вероятно: что Коля пойдет делать задание или что он пойдет спать?

- 2. Спустя неделю Коля решил, что схема с монеткой слишком простая. Поэтому придумал следующее: он бросает игральный кубик 10 раз, если выпадает ровно 4 «тройки», он идет делать домашнее задание, если выпадает ровно 6 «троек», он идет спать. Получится ли в этом случае такой же ответ, что и в пункте а)? Почему?
- 3. Как бы Вы посоветовали изменить схему с игральным кубиком, чтобы ответы в пунктах а) и b) совпадали?

Задача 4. Случайная величина U имеет бинарное распределение с параметром p=1/2. Найдите математическое ожидание и стандартное отклонение случайной величины U. Приведите пример бинарной случайной величины.

Случайная величина Q имеет биномиальное распределение с параметрами $p=1/3,\ n=5.$ Найдите математическое ожидание и стандартное отклонение случайной величины Q. Приведите пример биномиальной случайной величины.

Задача 5. Известно, что среди студентов первого курса 35 процентов студентов находят время для занятий спортом в течение учебного года. Случайным образом выбираем 5 первокурсников и спрашиваем, занимаются ли они спортом в течение учебного года. Пусть X — число студентов среди 5 опрошенных первокурсников, которые находят время на занятие спортом. Постройте ряд распределения X.

Задача 6. Известно, что случайные величины X и Y независимы, и что E(X) = 0, E(Y) = -9, D(X) = 6, D(Y) = 9 Найдите математическое ожидание и дисперсию случайной величины V. a) V = 13X + 8Y - 5; б) V = 6X - 9Y + 2.

Задача 7. Закон совместного распределения дискретных величин X и Y задан следующей таблицей:

| $X \setminus Y$ | -8 | -6 | -5 |
|-----------------|------|------|------|
| -5 | 0.10 | 0.20 | 0.21 |
| 3 | 0.13 | 0.19 | 0.17 |

- а. Запишите маргинальные распределения случайных величин X и Y.
- b. Проверьте, являются ли случайные величины X и Y независимыми?
- с. Найдите E(X), E(Y), D(X), D(Y), sd(X), sd(Y).
- d. Найдите Cov(X,Y) и Cor(X,Y). Проинтерпретируйте полученные результаты.

Задача 8. Студент бросает игральный кубик два раза. Пусть случайная величина X – число четных очков, выпавших за два раза, а случайная величина Y – число выпавших за два раза «шестерок».

- а. Постройте таблицу совместного распределения случайных величин X и Y.
- b. Постройте таблицу распределения случайной величины $X \cdot Y$.
- с. Постройте таблицу распределения случайной величины X + Y.