ОП «Политология», 2019-20

Математика и статистика, часть 2

Дополнительные задачи (14.02.2020)

А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева, Н. А. Василёнок

Задача 1. Известно, что ряд распределения случайной величины X выглядит следующим образом:

X	$-\pi/6$	$-\pi/4$	$-\pi/3$	$-\pi/2$	0	$\pi/6$	$\pi/4$	$\pi/3$	$\pi/2$	π
р	0.1	0.05	0.05	0.12	0.18	0.05	0.1	0.25	0.08	0.02

Постройте таблицу совместного распределения случайных величин V и W, если известно, что $V=\sin(X)$ и $W=\cos(X)$. Проверьте, являются ли величины независимыми. Найдите $\mathrm{Cov}(V,W)$.

Задача 2. Известно, что D(X)=4, D(Y)=9 и Cov(X,Y)=10. Возможно ли такое? Подумайте и запишите, как должны соотноситься значения дисперсий случайных величин и их ковариации, чтобы запись вида D(X)=a, D(Y)=b, Cov(X,Y)=c $(a>0,\ b>0)$ была корректной.