# Mathematik hinter Wahlen

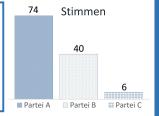
## Wahlsysteme

Relative Mehrheitswahl: Eine Mehrheit der Stimmen reicht aus, damit ein\*e Kandidat\*in oder eine Partei gewinnt. (hier: Partei A)

**Absolute Mehrheitswahl:** Mehr als die Hälfte der Stimmen muss erreicht werden, damit ein\*e Kandidat\*in oder eine Partei gewinnt. (hier: Neuwahl erforderlich).

Verhältniswahl: Mehrere Parteien erhalten Sitze entsprechend des prozentualen Stimmanteils.

(hier: Sitzverteilung je nach Verfahren)



Sitzverteilung

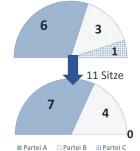
#### Das Sitzverteilungsverfahren nach Niemeyer

- 1. Schritt: Berechnung des prozentualen Stimmenanteils
- 2. Schritt: Multiplikation der Anteile mit der Sitzanzahl (hier: 10)
- 3. Schritt: Zuteilung der Sitze entsprechend dem Vorkomma-Anteil
- **4. Schritt**: Zuteilung der verbleibenden Sitze nach Rangfolge des Nachkomma-Anteils

Partei A	Partei B	Partei C
74	40	6
61.6 %	33.3 %	5 %
6.16	3.33	0.5
6	3	0
6	3	1
	74 61.6 % 6.16 6	74 40 61.6 % 33.3 % 6.16 3.33 6 3

**Sitzzuwachsparadox**: Phänomen, bei dem eine Partei bei gleichbleibender Stimmenverteilung einen Sitzplatz verliert, wenn die Gesamtzahl Sitze erhöht wird.

(Hier verliert Partei C einen Sitz, wenn die Gesamtzahl Sitze von 10 auf 11 erhöht wird.)



### Das Sitzverteilungsverfahren nach d'Hondt

- 1. Schritt: Die Wahlergebnisse werden durch die Teiler 1, 2, 3, .. geteilt
- **2. Schritt**: Die so errechneten **Vergleichszahlen** werden für jede Partei in die Spalten einer Tabelle eingetragen
- **3. Schritt**: Es werden so viele Vergleichszahlen in absteigender Reihenfolge markiert, wie Sitze zu vergeben sind (hier: 10)
- 4. Schritt: Zuteilung der Sitze nach Anzahl markierter Vergleichszahlen

	Partei A	Partei B	Partei C
Teiler 1	74	40	6
Teiler 2	37	20	3
Teiler 3	24.67	13.33	2
Teiler 4	18.50	10	1.5
Teiler 5	14.80	8	1.2
Teiler 6	12.33	6.67	1
Teiler 7	10.57	5.71	0.86



### Das Sitzverteilungsverfahren nach Sainte-Laguë

- 1. Schritt: Wahlergebnisse werden durch Teiler 0.5, 1.5, 2.5, .. geteilt
- **2. Schritt**: Die so errechneten **Vergleichszahlen** werden für jede Partei in die Spalten einer Tabelle eingetragen
- **3. Schritt**: Es werden so viele Vergleichszahlen in absteigender Reihenfolge markiert, wie Sitze zu vergeben sind (hier: 10)
- 4. Schritt: Zuteilung der Sitze nach Anzahl markierter Vergleichszahlen

	Partei A	Partei B	Partei C
Teiler 0.5	148	80	12
Teiler 1.5	49.33	26.67	4
Teiler 2.5	29.6	16	2.4
Teiler 3.5	21.14	11.43	1.71
Teiler 4.5	16.44	8.89	1.33
Teiler 5.5	13.45	7.27	1.09
Teiler 6.5	11.38	6.15	0.92



#### Vergleich der Verfahren

	Niemeyer	d'Hondt	Sainte-Laguë
Verwendet bei	6 Landtagswahlen	3 Landtagswahlen	7 Landtagswahlen, Bundestagswahl
Eigenschaften	Kann kleine Parteien bevorzugen	Kann große Parteien bevorzugen	Keine Bevorzugung großer oder kleiner Parteien
Sitzzuwachsparadox	<b>~</b>	X	X
Σ: 10.000 Stimmen  5 Sitze	1 1 1	5	3 1
390 380 370 360 350 P1 P2 P3 P4 P5 P6	■ P1 ■ P2 ■ P3 ■ P4 ■ P5	■ P1	■ P1 ■ P2 ■ P3

### Diskurs in der Politik – ein einziges korrektes Verfahren?

Aufgrund der verschiedenen Eigenschaften der Verfahren kommt es immer wieder zu Konflikten [1], [2]. Die drei Sitzverteilungsverfahren können unterschiedliche Ergebnisse liefern, die verschiedene Parteien begünstigen. Alle drei Verfahren sind jedoch mathematisch korrekt und werden in Deutschland genutzt.



- [1] Diskussion zur Änderung des (Kommunal-)Wahlrechts von Niemeyer zu d'Hondt in Bayern (2017)
- [2] Diskussion zur Änderung des (Kommunal-)Wahlrechts von Niemeyer zu d'Hondt in Niedersachsen (2022)