

Przemysław OlenderPD6

June 8, 2021

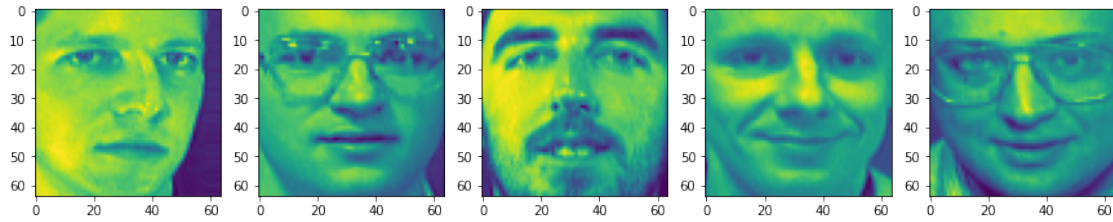
```
[1]: import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns
from sklearn.datasets import fetch_olivetti_faces
```

- Narysować wybrane obrazy.
- Wykorzystać algorytm PCA do kompresji zbioru Olivetti Faces. Dobrać odpowiednią liczbę składowych. Po transformacji obliczyć stopień kompresji. Rozmiar obrazka: liczba wartości numerycznych
- Przeprowadzić transformację odwrotną (`inverse_transform`). Narysować, porównać z pkt. 0. Obliczyć błąd rekonstrukcji w postaci błędu RMSE dla każdego obrazu.
- Przygotować kilka / kilkanaście zmodyfikowanych obrazów (np. obróconych o 90 stopni, przyciemnionych, odbitych w poziomie).
- Korzystając z modelu wyuczonego w pkt. 1 przeprowadzić transformację, a następnie odwrotną transformację obrazów z pkt. 3.
- Obliczyć błąd rekonstrukcji dla każdego typu modyfikacji. Porównać z wartościami błędów uzyskanymi w pkt. 2.
- Czy PCA może służyć do wykrywania pewnego typu anomalii w zdjęciach twarzy? Jeżeli tak to jakich?

```
[2]: faces = fetch_olivetti_faces()
data = faces['data']
images = faces['images']
test_images = images[[1, 50, 100, 200, 300], :, :]
```

1 Rysowanie obrazów

```
[3]: fig, axs = plt.subplots(1, 5, figsize=(15, 3))
for i in range(5):
    axs[i].imshow(test_images[i])
```



2 Kompresja

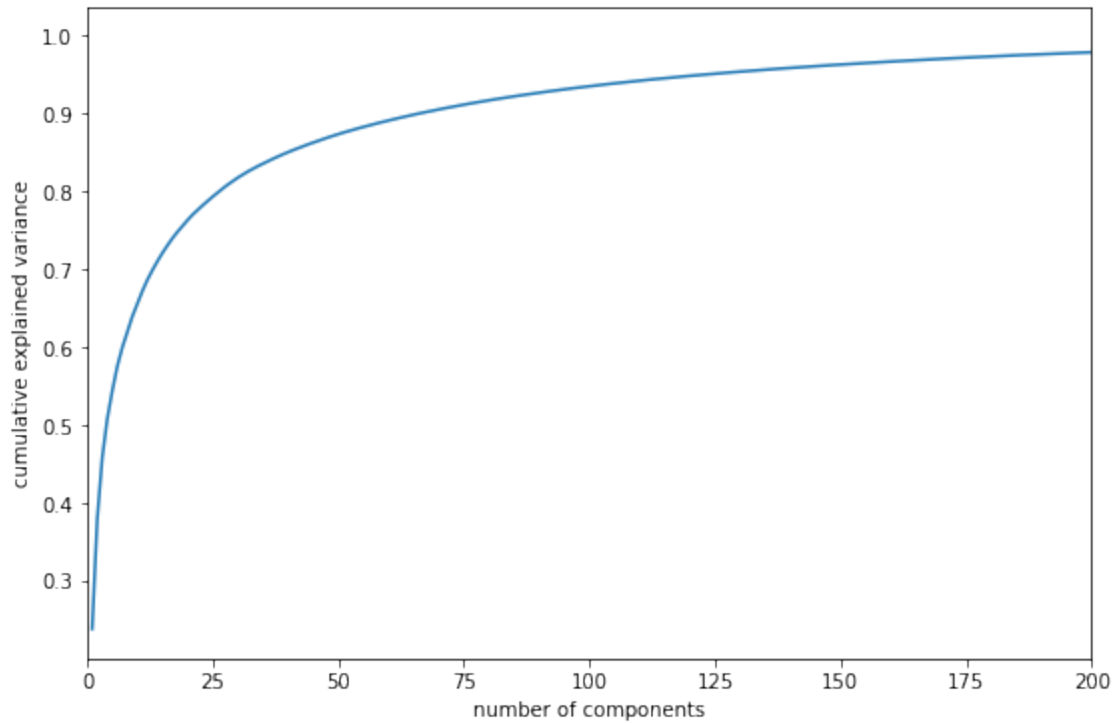
```
[4]: from sklearn.decomposition import PCA
```

```
[5]: pca = PCA(n_components=400)

data_pca = pca.fit_transform(data)
```

```
[6]: plt.figure(figsize=(9,6))
plt.plot(range(1, len(pca.explained_variance_ratio_)+1), np.cumsum(pca.
    ↪ explained_variance_ratio_))
plt.xlabel('number of components')
plt.xlim(0, 200)
plt.ylabel('cumulative explained variance')
```

```
[6]: Text(0, 0.5, 'cumulative explained variance')
```



Przy około 100 komponentach wyjaśnionych jest 90% wariancji.

```
[7]: pca = PCA(n_components=100)
     data_pca2 = pca.fit_transform(data)
```

```
[8]: data.shape
```

```
[8]: (400, 4096)
```

```
[9]: data_pca2.shape
```

```
[9]: (400, 100)
```

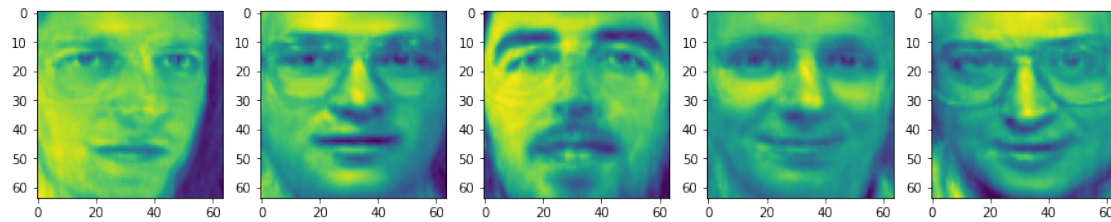
```
[10]: print(f"Stopień kompresji to {(data.shape[0] * data.shape[1]) / (data_pca2.
     ↪shape[0] * data_pca2.shape[1])}")
```

Stopień kompresji to 40.96

3 Transformacja odwrotna

```
[11]: fig, axs = plt.subplots(1, 5, figsize=(15, 3))
     inv_t = pca.inverse_transform(data_pca2)
     idx = [1, 50, 100, 200, 300]
```

```
for i in range(5):
    axs[i].imshow(inv_t[idx[i]].reshape(64, 64))
```



Różnica po inverse transformtion jest niezauważalna.

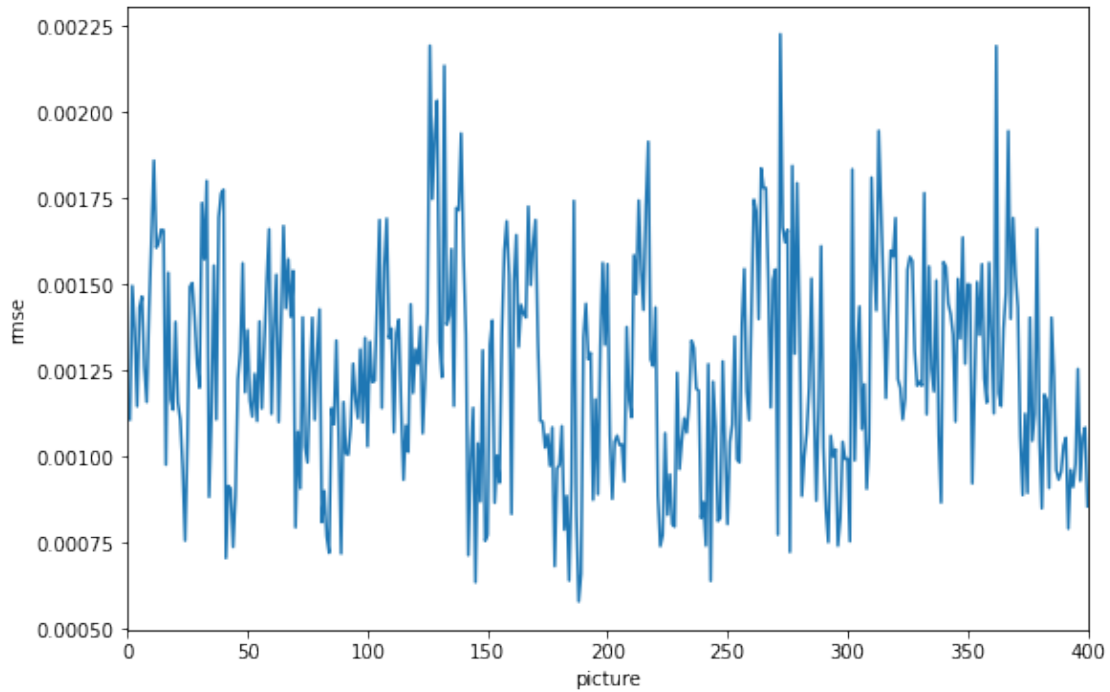
```
[12]: from sklearn.metrics import mean_squared_error as rmse
```

```
[13]: rmse_arr = []

for i in range(400):
    rmse_arr.append(rmse(data[i], inv_t[i], squared = True))
```

```
[14]: plt.figure(figsize=(9,6))
plt.plot(range(1, len(rmse_arr)+1), rmse_arr)
plt.xlabel('picture')
plt.xlim(0, 400)
plt.ylabel('rmse')
```

```
[14]: Text(0, 0.5, 'rmse')
```



```
[15]: np.mean(rmse_arr)
```

```
[15]: 0.0012535453
```

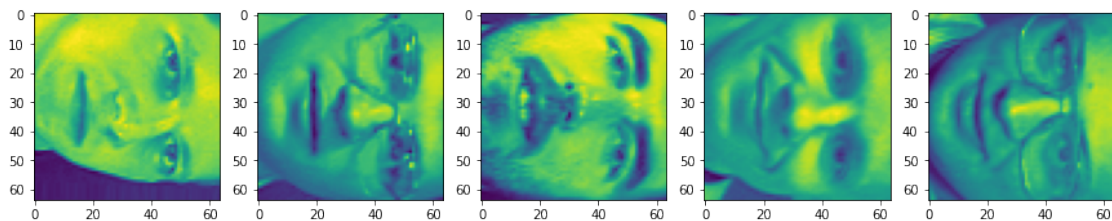
Błąd rekonstrukcji jest bardzo niski, wynosi trochę ponad 0.001.

4 Modyfikacja obrazów

4.1 Obrót

```
[16]: from skimage.transform import rotate
```

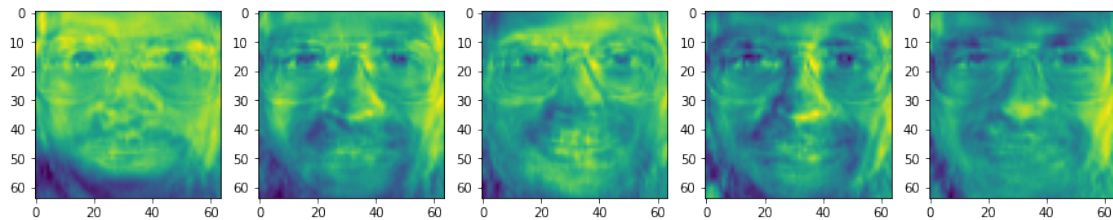
```
[17]: fig, axs = plt.subplots(1, 5, figsize=(15, 3))
rotated_images = []
for i in range(5):
    rotated_images.append(rotate(test_images[i], -90))
    axs[i].imshow(rotated_images[i])
```



4.2 Obrót po PCA i inverse trasformation

```
[18]: rotated_images_pca = pca.inverse_transform(pca.transform(np.  
    ↪ array(rotated_images).reshape(5, -1)))
```

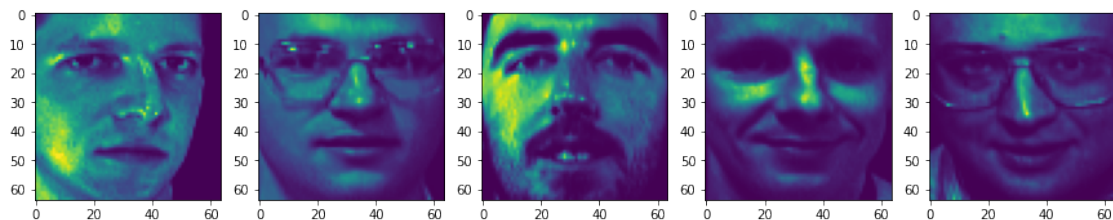
```
[19]: fig, axs = plt.subplots(1, 5, figsize=(15, 3))  
    for i in range(5):  
        axs[i].imshow(rotated_images_pca[i].reshape(64,64))
```



4.3 Przyciemnienie

```
[20]: from skimage import exposure
```

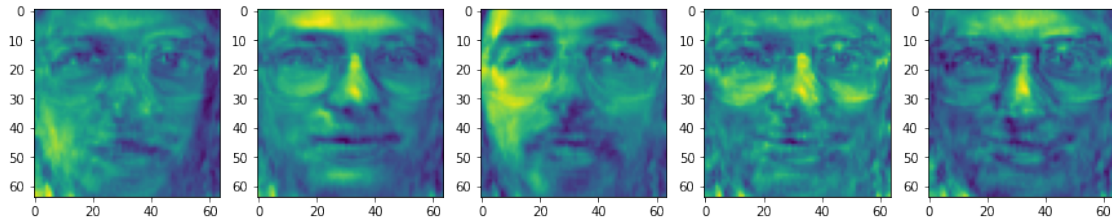
```
[21]: fig, axs = plt.subplots(1, 5, figsize=(15, 3))  
    darker_images = []  
    for i in range(5):  
        darker_images.append(exposure.adjust_gamma(test_images[i], 5))  
        axs[i].imshow(darker_images[i])
```



4.4 Przyciemnienie po PCA i inverse trasformation

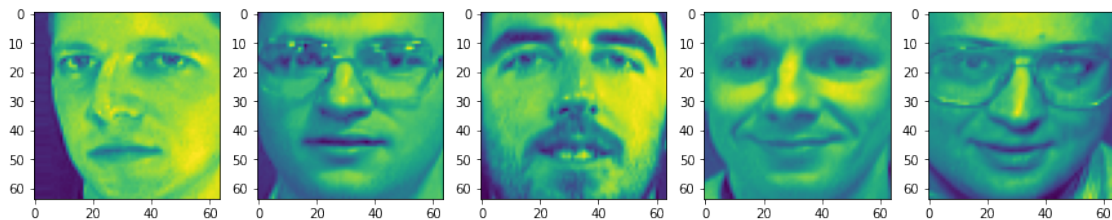
```
[22]: darker_images_pca = pca.inverse_transform(pca.transform(np.array(darker_images).  
    ↪ reshape(5, -1)))
```

```
[23]: fig, axs = plt.subplots(1, 5, figsize=(15, 3))
      for i in range(5):
          axs[i].imshow(darker_images_pca[i].reshape(64,64))
```



4.5 Odbicie w poziomie

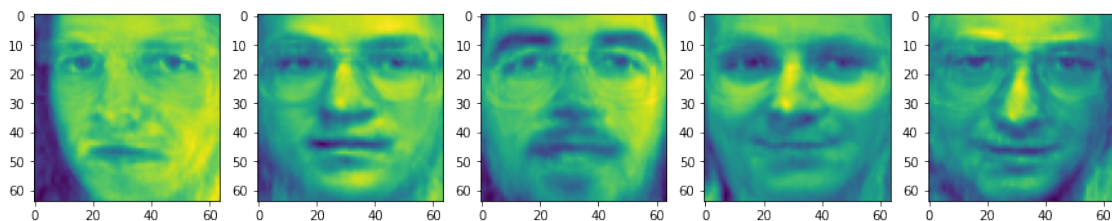
```
[24]: fig, axs = plt.subplots(1, 5, figsize=(15, 3))
      flipped_images = []
      for i in range(5):
          flipped_images.append(test_images[i][:,:-1])
          axs[i].imshow(flipped_images[i])
```



4.6 Odbicie w poziomie po PCA i inverse trasformation

```
[25]: flipped_images_pca = pca.inverse_transform(pca.transform(np.array(flipped_images).
      ↪ reshape(5, -1)))
```

```
[26]: fig, axs = plt.subplots(1, 5, figsize=(15, 3))
      for i in range(5):
          axs[i].imshow(flipped_images_pca[i].reshape(64,64))
```



5 Błąd transformacji

```
[27]: # błąd dla wszystkich obrazów przy obrocie
rotated_all = np.array([rotate(images[i], -90) for i in range(len(images))]).
    ↪ reshape(len(images), -1)
rotated_all_pca = pca.inverse_transform(
    pca.transform(
        rotated_all
    )
)

rmse_rotated = np.array([rmse(rotated_all[i], rotated_all_pca[i], squared =
    ↪ True) for i in range(len(rotated_all))])

# błąd dla wszystkich obrazów po przciemnieniu
darker_all = np.array([exposure.adjust_gamma(images[i], 5) for i in
    ↪ range(len(images))]).reshape(len(images), -1)
darker_all_pca = pca.inverse_transform(
    pca.transform(
        darker_all
    )
)

rmse_darker = np.array([rmse(darker_all[i], darker_all_pca[i], squared = True)
    ↪ for i in range(len(darker_all_pca))])

# błąd dla wszystkich obrazów po odbiciu
flipped_all = np.array([images[i][::-1] for i in range(len(images))]).
    ↪ reshape(len(images), -1)
flipped_all_pca = pca.inverse_transform(
    pca.transform(
        flipped_all
    )
)

rmse_flipped = np.array([rmse(flipped_all[i], flipped_all_pca[i], squared =
    ↪ True) for i in range(len(flipped_all))])
```

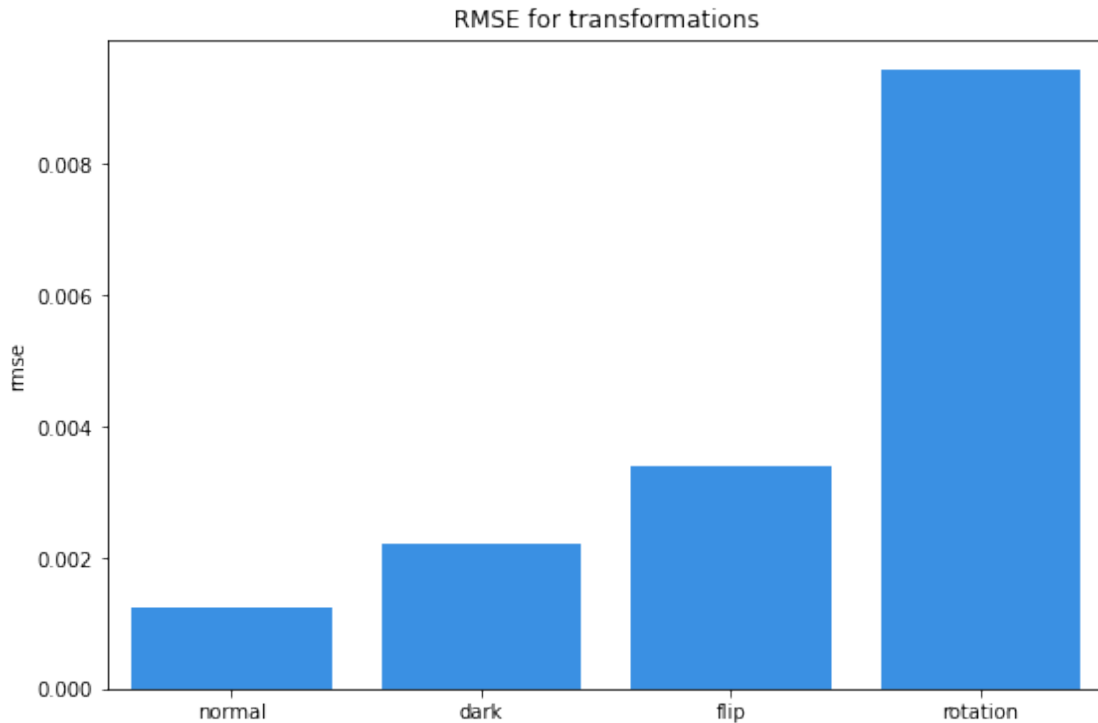
```
[28]: df = pd.DataFrame({
    'transformation' : ['normal', 'rotation', 'dark', 'flip'],
    'rmse' : [np.mean(rmse_arr), np.mean(rmse_rotated), np.mean(rmse_darker),
    ↪ np.mean(rmse_flipped)]
})
```



```
[29]: fig, ax = plt.subplots(1, 1, figsize=(9,6))

sns.barplot(data = df, x = 'transformation', y = 'rmse',
            color = 'dodgerblue',
            order = df.sort_values('rmse')['transformation'], ax = ax)
ax.set_title('RMSE for transformations')
ax.set_xlabel('')
```

```
[29]: Text(0.5, 0, '')
```



Największe RMSE jest dla obrócenia zdjęcia o 90, można było to wywnioskować już po narysowanych obrazach, po transformacji i transformacji odwrotnej obrazy w ogóle nie były obrócone i prawie wcale nie są do siebie podobne. Przyciemnione obrazy również straciły na jakości jednak wciąż można je rozpoznać a efekt przyciemnienia się zachował. Na obazach odbitych w poziomie widać podobieństw i zachowanie efektu.

PCA może być wykorzystywane w wykrywaniu anomalii w zdjęciach, szczególnie w obrocie (można na przykład stworzyć narzędzie do automatycznego obracania zdjęć w dobrą stronę).