

# Sistema de Roteamento Multimodal

Otimização Multi-Objetivo para a Área Metropolitana  
do Porto

PG11605 - Carlos da Mota Bergueira

PG42201 - Filipa Araújo Pereira

PG59999 - Diego Jefferson Mendes Silva

PG7942 - Rui Manuel Martins Marques Rodrigues

Grupo 6 - CIN 2025/2026  
Universidade do Minho

# Índice

Visão Geral do Projeto

Arquitetura e Tecnologia

Algoritmos Implementados

Dados e Implementação

Avaliação e Testes

Resultados e Conclusões

# Visão Geral do Projeto

🎯 Objetivo: Motor de roteamento multimodal inteligente

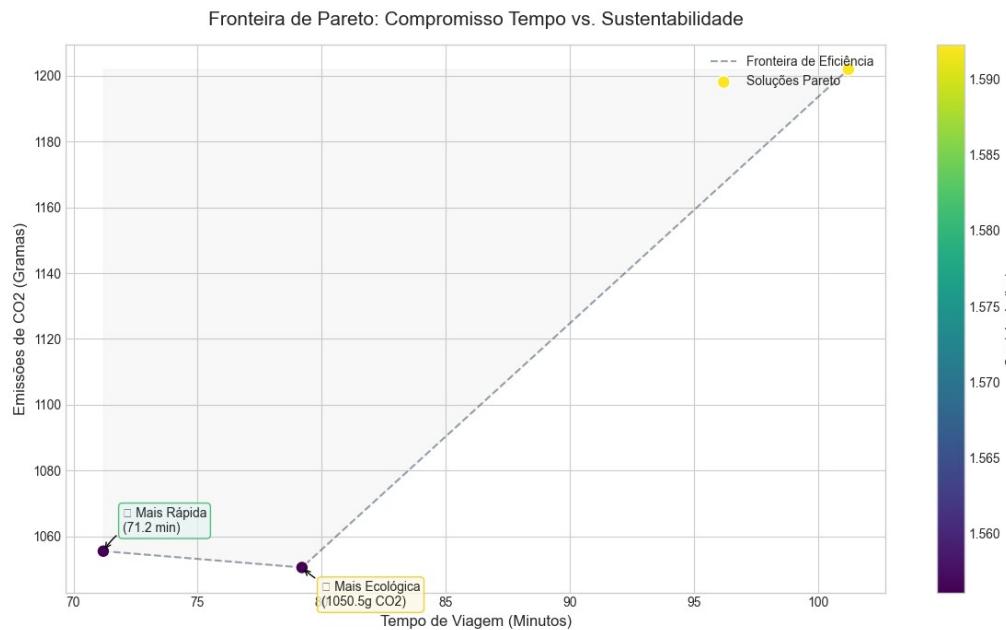
Critérios de Otimização:

⌚ Tempo de viagem (minimizar)

♻️ Emissões de CO<sub>2</sub> (minimizar)

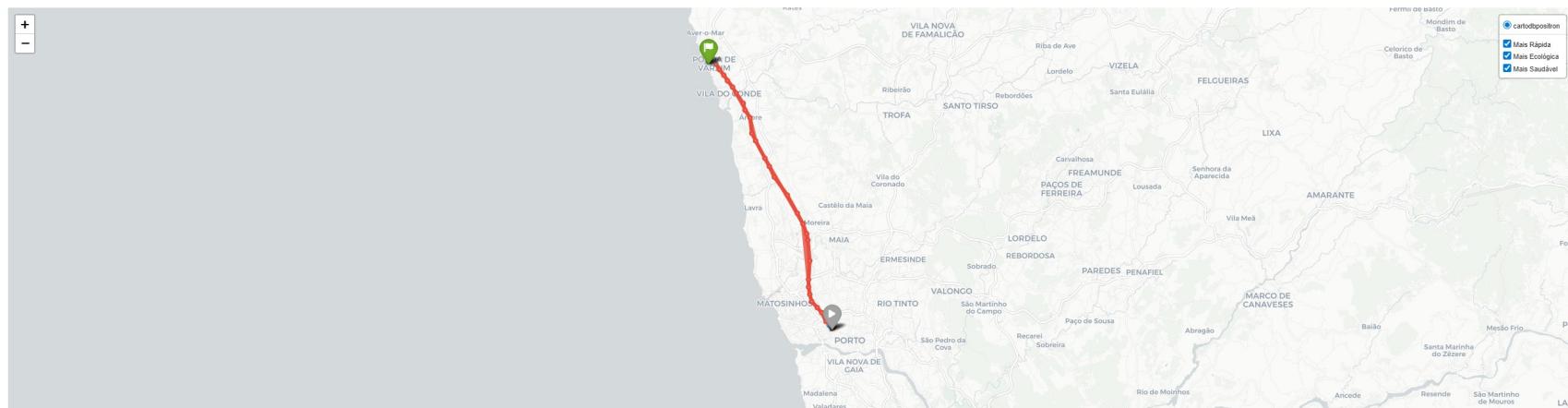
🏃 Exercício físico (maximizar)

📊 Resultado: Fronteira de Pareto com múltiplas rotas eficientes



# Características Principais

- ✓ Otimização Multi-Objetivo com fronteira Pareto rigorosa
- ✓ Dados Reais: GTFS (Metro + STCP) + OSMnx
- ✓ 3 Algoritmos Avançados:
  - A\* Heurístico (rápido)
  - Dijkstra Multi-Label (exaustivo, 100% garantido)
  - ACO Estocástico (criativo)
- ✓ Análise Geográfica com ruas reais
- ✓ 22 Casos de Teste (trivial a extremo)



# Stack Tecnológico

Python 3.12+ - Linguagem principal

NetworkX 3.x - Estrutura de grafos

OSMnx 1.x - Dados geográficos (OpenStreetMap)

Pandas 2.x - Processamento GTFS

Folium 0.14+ - Visualização de mapas

NumPy 1.24+ - Cálculos numéricos

Poetry 2.0+ - Gestão de dependências

# Arquitetura do Projeto

## Componentes

services/ - Lógica de negócio

utils/ - Operações auxiliares

models/ - Estruturas de dados

algorithms/ - Implementações

graph.py - Rede multimodal

solution.py - Classe de solução

## Algoritmos

a\_star.py - Heurístico rápido

dijkstra.py - Exaustivo garantido

aco.py - Estocástico criativo

Cada retorna Fronteira Pareto

Comparação automática

Validação cruzada

```
✓ CIN_GRUPO6
  ✓ code
    ✓ app
      > __pycache__
      > cache
      > models
      ✓ services
        > __pycache__
        ✓ algorithms
          > __pycache__
          a_star.py
          aco.py
          dijkstra.py
          __init__.py
          graph.py
          solution.py
    ✓ utils
      > __pycache__
      __init__.py
      co2.py
      feed.py
      geo.py
      loaddata.py
      map.py
      route.py
      time.py
      evaluation_framework.py
      main.py
      test_cases.py
    ✓ feeds
      > gtfs_metro
      > gtfs_stcp
    ✓ notebook
      > cache
      route-optimization-optimized.ipynb
      venv
      poetry.lock
      pyproject.toml
      requirements.txt
      TECHNICAL_DOCUMENTATION.md
      TESTING_GUIDE.md
      USER_GUIDE.md
      report
      .gitignore
      README.md
```

# A\* Multi-Objetivo

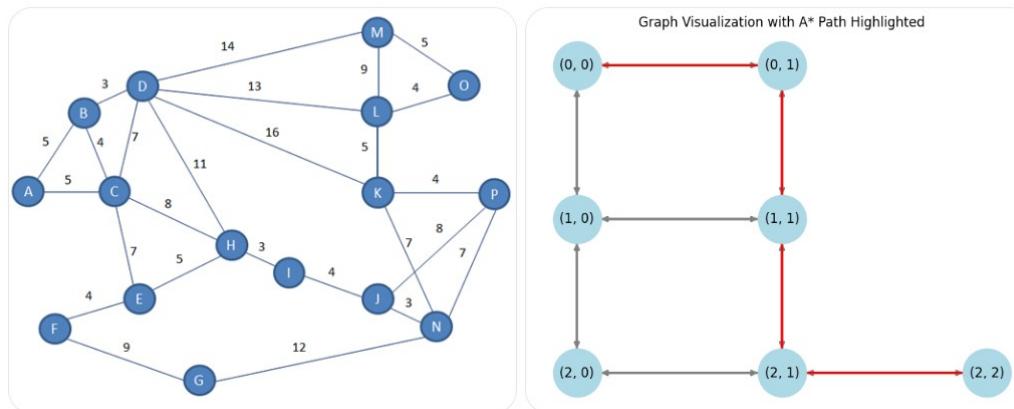
Tipo: Algoritmo heurístico guloso

Complexidade:  $O(E \log V)$

Características:

- ✓ Utiliza heurísticas para guiar a busca
- ✓ Prioriza nós promissores
- ✓ Encontra rotas de boa qualidade rapidamente
- ✗ Não garante Fronteira Pareto completa

Ideal para: Aplicações em tempo real



# Dijkstra Multi-Label (Exaustivo)

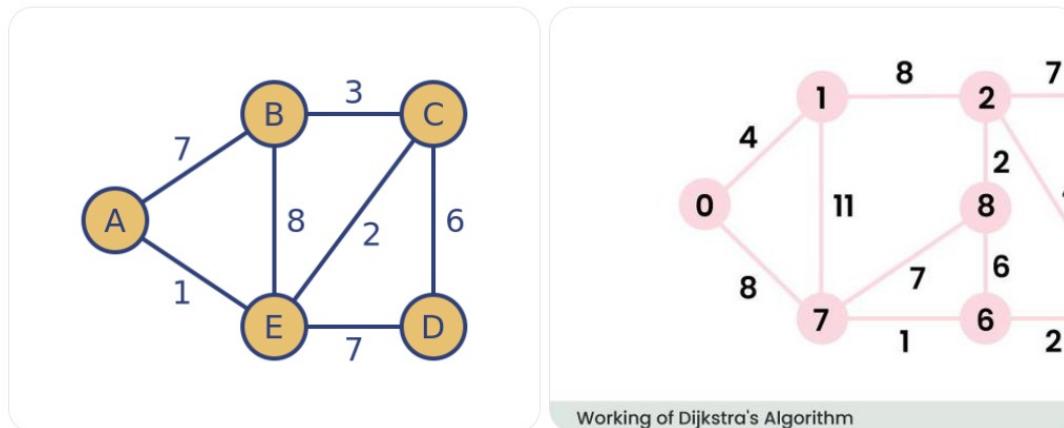
Tipo: Algoritmo de rótulo-setting multi-objetivo

Complexidade:  $O(E \times L \log V)$  onde  $L = \text{nº de etiquetas}$

Características:

- ✓ Mantém múltiplas etiquetas por nó
- ✓ Propaga todas as soluções não-dominadas
- ✓ Remove soluções dominadas iterativamente
- ✓ GARANTE Fronteira de Pareto completa e exata

Ideal para: Gold standard de otimização multi-objetivo



# ACO (Ant Colony Optimization)

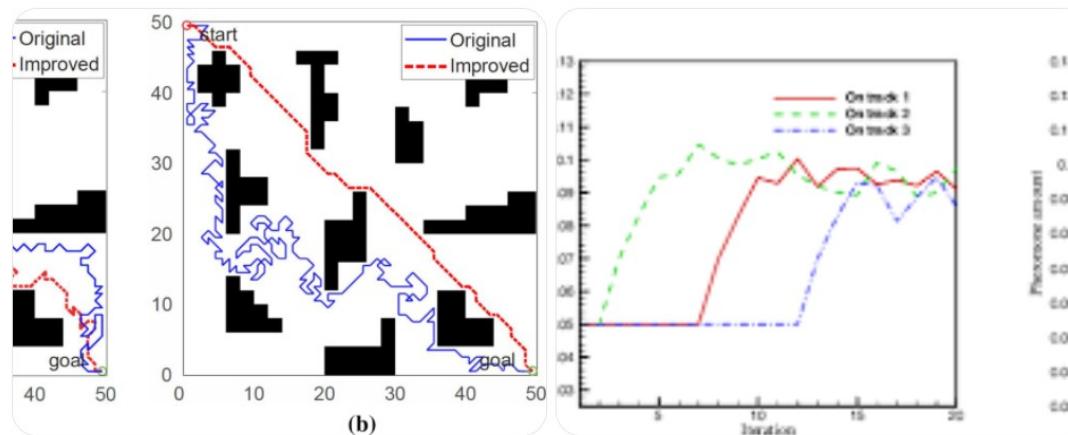
Tipo: Algoritmo estocástico inspirado na natureza

Complexidade:  $O(I \times A \times E)$  - I iterações, A formigas

Características:

- ✓ Simula comportamento coletivo de formigas
- ✓ Cada formiga constrói uma solução
- ✓ Atualiza feromônios baseado em qualidade
- ✗ Heurístico (pode não encontrar todas as soluções)

Ideal para: Exploração criativa e inovação



# Fontes de Dados

## GTFS



- 95+ paragens

- 6 linhas

- Horários atualizados



- 600+ paragens

- Múltiplas linhas

```
✓ feeds
  ✓ gtfs_metro
    agency.txt
    calendar_dates.txt
    calendar.txt
    fare_attributes.txt
    fare_rules.txt
    routes.txt
    shapes.txt
    stop_times.txt
    stops.txt
    transfers.txt
    trips.txt
  ✓ gtfs_stcp
    agency.txt
    calendar_dates.txt
    calendar.txt
    routes.txt
    shapes.txt
    stop_times.txt
    stops.txt
    transfers.txt
    trips.txt
```

## OpenStreetMap (OSM)



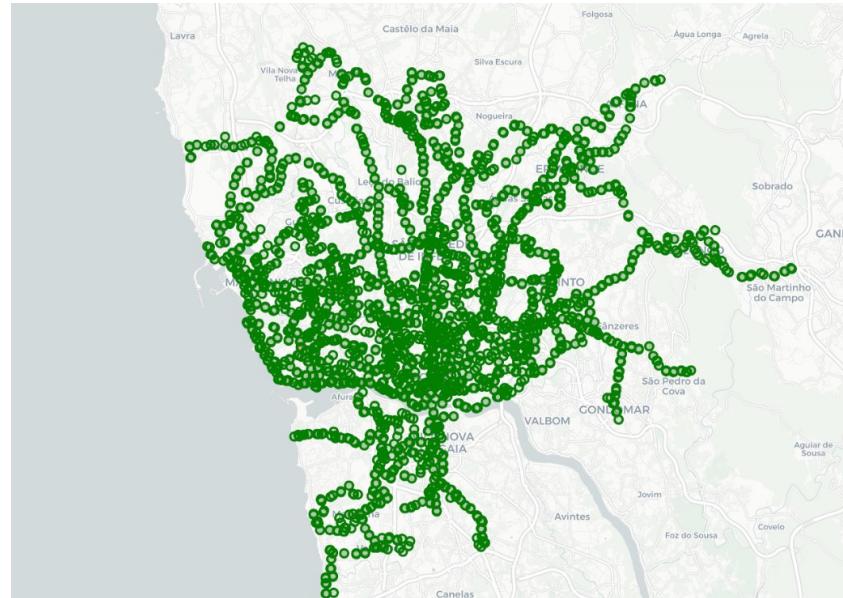
- Caminhos pedonais



- Coordenadas geográficas

### Cálculos Derivados:

- CO<sub>2</sub>, transferências, caminhada



# Exemplo de Uso - Python API

```
from app.services.graph import GraphRoute
```

```
from app.services.algorithms.a_star import  
optimized_multi_objective_routing
```

```
graph = GraphRoute('Casa da Musica', 'Casino da  
Póvoa')
```

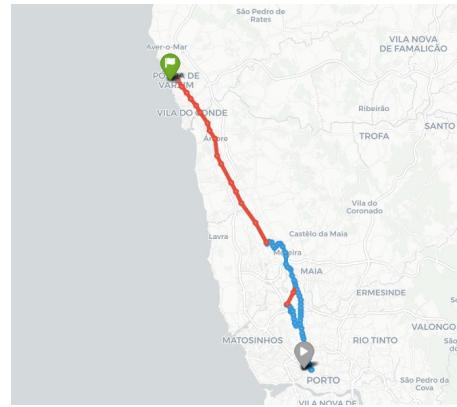
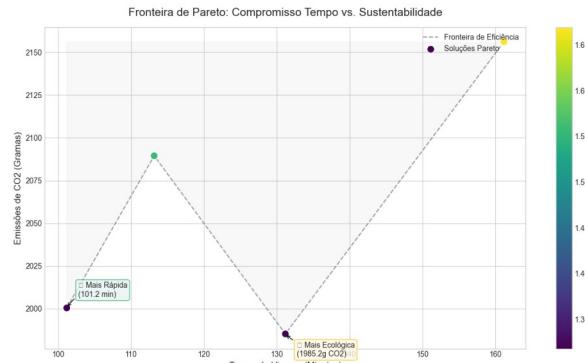
```
routes = optimized_multi_objective_routing(...)
```

```
for rota in routes:
```

```
    print(f'Tempo: {rota.total_time} min')
```

```
    print(f'CO2: {rota.total_co2}g')
```

```
    print(f'Caminhada: {rota.total_walk_km}km')
```



Tempo Total: 1h 41m 12s  
CO2 Total: 1201.97 g  
Hora de Partida: 0h 0m 0s  
Hora de Chegada: 0h 41m 12s  
--- Detalhes do Percurso ---  
⚠️ Caminhada: De Ponto de Partida para CARVALHIDO (0h 10m 56s)  
🚌 Trânsito (Viagem STCP\_204\_0\_U\_100): De CARVALHIDO para CASA DE SAÚDE DA BOAVISTA - (Viagem: 0h 6m 17s)  
🚌 Trânsito (Viagem STCP\_203\_0\_U\_201): De CASA DE SAÚDE DA BOAVISTA para MOREIRA SA - (Viagem: 0h 3m 35s)  
🚌 Trânsito (Viagem STCP\_203\_0\_U\_201): De MOREIRA SA para CASA DA MÓSICA (METRO) - (Viagem: 0h 13m 37s)  
⚠️ Caminhada: De CASA DA MÓSICA (METRO) para Casa da Mósica (0h 6m 53s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BUS): De Casa da Música para Francos - (Viagem: 0h 3m 43s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BUS): De Francos para Ramalde - (Viagem: 0h 2m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BUS): De Ramalde para Vizo - (Viagem: 0h 2m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Vizo para NorteShopping I Sete Bicas - (Viagem: 0h 2m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De NorteShopping I Sete Bicas para Senhora da Hora - (Viagem: 0h 1m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Senhora da Hora para Fonte do Ídolo - (Viagem: 0h 2m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Fonte do Ídolo para Centro da Póvoa - (Viagem: 0h 2m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Custiás para Espadade - (Viagem: 0h 2m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Espadade para Crestins - (Viagem: 0h 3m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Crestins para Verdes - (Viagem: 0h 1m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Verdes para Pedras Rubras - (Viagem: 0h 2m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Pedras Rubras para Lideada - (Viagem: 0h 2m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Lideada para Vilal do Pinheiro - (Viagem: 0h 2m 0s)  
🚌 Trânsito (Viagem METRO\_BDF5): De Vilal do Pinheiro para Modivias Sul - (Viagem: 0h 2m 0s)  
...  
⚠️ Caminhada: De Póvoa de Varzim para Ponto de Chegada (0h 8m 12s)

# Framework de Avaliação



Metodologia:

22 Casos de Teste (trivial a extremo)

3 Algoritmos com comparação automática

Métricas: Tempo, CO<sub>2</sub>, Exercício físico

Validação via pytest

Categorias:

Trivial: <1km | Moderado: 1-5km

Desafiante: 5-20km | Extremo: múltiplas transferências

Execução: python -m app.test\_cases

```
# =====#
# GRUPO 1: CASOS TRIVIAIS / MUITO SIMPLES (Validação Básica)
# =====#
TEST_CASES = [
    {
        "id": "TC-1.1",
        "name": "Distância Muito Curta (Walking Only)",
        "origem": "Livraria Bertrand, Porto",
        "destino": "Torre dos Clérigos, Porto",
        "start_time": "09:00:00",
        "complexity": "trivial",
        "expected_distance_km": 0.3,
        "expected_duration_sec": 180,
        "description": "Apenas caminhada, distância < 500m. Sem opções de transporte.",
        "metrics": {
            "expected_walk_km_min": 0.2,
            "expected_walk_km_max": 0.5,
            "num_solutions_expected": "1",
            "transport_used": "walk_only",
        }
    },
    # =====#
    # GRUPO 3: CASOS MODERADOS (Média Complexidade)
    # =====#
    {
        "id": "TC-3.1",
        "name": "Distância Longa com 2 Transferências",
        "origem": "Campanhã, Porto",
        "destino": "Franelos, Vila Nova de Gaia",
        "start_time": "11:00:00",
        "complexity": "medium",
        "expected_distance_km": 12.0,
        "expected_duration_sec": 2400,
        "description": "Rota interurbana com 2 transferências. Trade-off tempo vs CO2.",
        "metrics": {
            "num_solutions_expected": "5-10",
            "max_transfers": 2,
            "expected_co2_range": (100, 300),
            "transport_used": "mixed",
        }
    },
    # =====#
    # GRUPO 4: CASOS COMPLEXOS (Alta Complexidade)
    # =====#
    {
        "id": "TC-4.1",
        "name": "Distância Longa com Múltiplas Alternativas",
        "origem": "Malha, Porto",
        "destino": "Santo Ovídio, Vila Nova de Gaia",
        "start_time": "07:00:00",
        "complexity": "high",
        "expected_distance_km": 20.0,
        "expected_duration_sec": 2700,
        "description": "Rota longa dentro da área metropolitana com muitas combinações possíveis.",
        "metrics": {
            "num_solutions_expected": "6-12",
            "max_transfers": 2,
            "expected_co2_range": (200, 600),
            "computation_time_limit_sec": 30,
            "transport_used": "mixed",
        }
    },
]
```

# Comparação de Algoritmos

⚡ Tempo de Execução: A\* > ACO > Dijkstra

✓ Qualidade Garantida: Dijkstra > ACO > A\*

📊 Cobertura Pareto: Dijkstra > ACO ≈ A\*

💡 Criatividade: ACO > A\* > Dijkstra

📈 Escalabilidade: A\* > ACO > Dijkstra

Recomendações:

Use Dijkstra para garantias de otimalidade

Use A\* para tempo real

Use ACO para exploração criativa

```
best_sol_time = min(dijkstra_pareto_solutions, key=lambda s: s.total_time)
print(best_sol_time.summarize_solution(graph.G, start_sec))
```

```
Tempo Total: 1h 11m 12s
CO2 Total: 1055.46 g
Hora de Partida: 8h 0m 0s
Hora de Chegada: 9h 11m 12s
--- Detalhes do Percurso ---
⚠ Caminhada: De Ponto de Partida para Francos (0h 10m 30s)
🚏/🚌 Trânsito (Viagem METRO_ADF3): De Francos para Ramalde - (Viagem: 0h 3m 30s)
🚏/🚌 Trânsito (Viagem METRO_ADF3): De Ramalde para Viso - (Viagem: 0h 2m 0s)
🚏/🚌 Trânsito (Viagem METRO_FS3): De Viso para NorteShopping I Sete Bicas - (Viagem: 0h 2m 0s)
```

```
best_sol_co2 = min(dijkstra_pareto_solutions, key=lambda s: s.total_co2)
print(best_sol_co2.summarize_solution(graph.G, start_sec))
```

```
Tempo Total: 1h 19m 12s
CO2 Total: 1050.58 g
Hora de Partida: 8h 0m 0s
Hora de Chegada: 9h 19m 12s
--- Detalhes do Percurso ---
⚠ Caminhada: De Ponto de Partida para Francos (0h 10m 30s)
🚏/🚌 Trânsito (Viagem METRO_ADF3): De Francos para Ramalde - (Viagem: 0h 3m 30s)
🚏/🚌 Trânsito (Viagem METRO_ADF3): De Ramalde para Viso - (Viagem: 0h 2m 0s)
🚏/🚌 Trânsito (Viagem METRO_FS3): De Viso para NorteShopping I Sete Bicas - (Viagem: 0h 2m 0s)
```

```
best_sol_walk = max(dijkstra_pareto_solutions, key=lambda s: s.total_walk_km)
print(best_sol_walk.summarize_solution(graph.G, start_sec))
```

```
Tempo Total: 2h 47m 12s
CO2 Total: 1382.25 g
Hora de Partida: 8h 0m 0s
Hora de Chegada: 10h 47m 12s
--- Detalhes do Percurso ---
⚠ Caminhada: De Ponto de Partida para CARVALHIDO (0h 11m 51s)
🚏/🚌 Trânsito (Viagem STCP_602_1_U_18): De CARVALHIDO para QUINTA AMARELA - (Viagem: 0h 7m 1s)
🚏/🚌 Trânsito (Viagem STCP_602_1_U_18): De QUINTA AMARELA para CRUZ VERMELHA - (Viagem: 0h 1m 1s)
🚏/🚌 Trânsito (Viagem STCP_508_1_U_69): De CRUZ VERMELHA para BOAVISTA-CASA DA MÚSICA - (Viagem: 0h 6m 49s)
```

# Exemplo de Resultados

Rota: Casa da Música → Casino da Póvoa de Varzim

Rota 1 (Rápida): 45 min | 850g CO<sub>2</sub> | 2.5km caminhada

Rota 2 (Ecológica): 58 min | 350g CO<sub>2</sub> | 5.2km caminhada

Rota 3 (Activa): 62 min | 400g CO<sub>2</sub> | 8.1km caminhada

Rota 4 (Balanceada): 52 min | 550g CO<sub>2</sub> | 4.8km caminhada

⚡ Nenhuma rota é superior em todos os critérios

✓ Decisão depende de prioridades do utilizador

# Principais Realizações

## Implementação

- ✓ 3 algoritmos funcionais
- ✓ Integração GTFS completa
- ✓ Grafo multimodal
- ✓ 22 casos de teste
- ✓ Framework avaliação

## Inovação

- ✓ Fronteira Pareto real
- ✓ Multi-critério genuíno
- ✓ Dados reais (GTFS)
- ✓ 3 perspectivas diferentes
- ✓ Interface amigável

# Impacto Potencial

 Reduzir emissões de carbono

Oferecendo rotas ecológicas alternativas

 Otimizar tempo de deslocação

Através de roteamento inteligente

 Combater sedentarismo

Com opções que maximizam exercício físico

Sustentabilidade urbana e bem-estar pessoal

# Desafios Encontrados



Técnicos:

Complexidade de multi-objetivo | Integração GTFS



Metodológicos:

Métricas CO<sub>2</sub> consistentes | Tempos realistas

✓ Soluções Implementadas:

Dijkstra multi-label robusto

Validação cruzada entre algoritmos

Testes extensivos (22 casos)

# Trabalho Futuro



Expansão Geográfica

Outras cidades + bike-sharing



Melhorias Algorítmicas

NSGA-II | Otimização paralela



Interface Utilizador

Aplicação web interativa | Mapas 3D



Sustentabilidade

Impacto real | Dados de energia

# Conclusões

- Sistema robusto de roteamento multimodal implementado
- Algoritmos multi-objetivo de vanguarda
- Integração com dados reais (GTFS + OSM)
- Fronteira Pareto rigorosa e validada
- Demonstração de Computação Inspirada na Natureza para mobilidade urbana sustentável

# Avaliação de Pares

**PG11605 - Carlos da Mota Bergueira = 0**

**PG59999 - Diego Jefferson Mendes Silva = 0**

**PG42201 - Filipa Araújo Pereira = 0**

**PG7942 - Rui Manuel Martins Marques Rodrigues = 0**

**Pressuposto:** deltas de avaliação podem ser negativos, nulos ou positivos e em cada grupo, a soma dos deltas deve ser sempre igual a 0.00, e, individualmente, nunca podem exceder um.

# Obrigado!

Questões?

Repositório: [github.com/MIA-CDFR/CIN\\_GRUPO6](https://github.com/MIA-CDFR/CIN_GRUPO6)  
Grupo 6 - CIN 2025 - Universidade do Minho