

Sistema de Roteamento Multimodal

Otimização Multi-Objetivo para a Área Metropolitana
do Porto

PG11605 - Carlos da Mota Bergueira

PG42201 - Filipa Araújo Pereira

PG59999 - Diego Jefferson Mendes Silva

PG7942 - Rui Manuel Martins Marques Rodrigues

Grupo 6 - CIN 2025/2026
Universidade do Minho

Índice

Visão Geral do Projeto

Arquitetura e Tecnologia

Algoritmos Implementados

Dados e Implementação

Avaliação e Testes

Resultados e Conclusões

Visão Geral do Projeto

🎯 Objetivo: Motor de roteamento multimodal inteligente

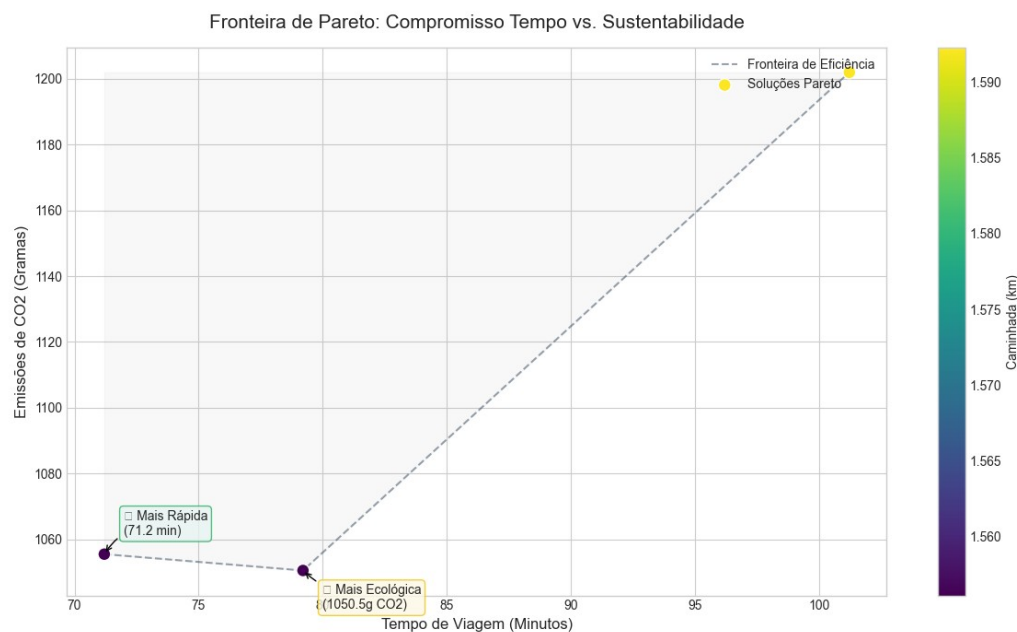
Critérios de Otimização:

🕒 Tempo de viagem (minimizar)

♻️ Emissões de CO₂ (minimizar)

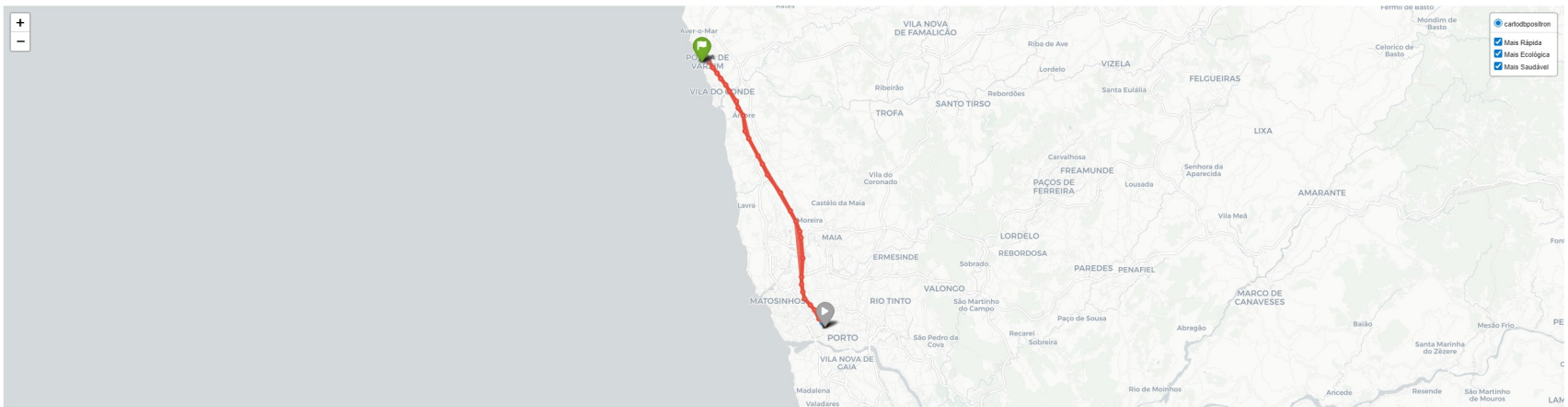
🚶 Exercício físico (maximizar)

📊 Resultado: Fronteira de Pareto com múltiplas rotas eficientes



Características Principais

- ✓ Otimização Multi-Objetivo com fronteira Pareto rigorosa
- ✓ Dados Reais: GTFS (Metro + STCP) + OSMnx
- ✓ 3 Algoritmos Avançados:
 - A* Heurístico (rápido)
 - Dijkstra Multi-Label (exaustivo, 100% garantido)
 - ACO Estocástico (criativo)
- ✓ Análise Geográfica com ruas reais
- ✓ 22 Casos de Teste (trivial a extremo)



Stack Tecnológico

Python 3.12+ - Linguagem principal

NetworkX 3.x - Estrutura de grafos

OSMnx 1.x - Dados geográficos (OpenStreetMap)

Pandas 2.x - Processamento GTFS

Folium 0.14+ - Visualização de mapas

NumPy 1.24+ - Cálculos numéricos

Poetry 2.0+ - Gestão de dependências

Arquitetura do Projeto

Componentes

services/ - Lógica de negócio

utils/ - Operações auxiliares

models/ - Estruturas de dados

algorithms/ - Implementações

graph.py - Rede multimodal

solution.py - Classe de solução

Algoritmos

a_star.py - Heurístico rápido

dijkstra.py - Exaustivo garantido

aco.py - Estocástico criativo

Cada retorna Fronteira Pareto

Comparação automática

Validação cruzada

```

CIN_GRUPO6
├── code
│   ├── app
│   │   ├── __pycache__
│   │   ├── cache
│   │   ├── models
│   │   ├── services
│   │   │   ├── __pycache__
│   │   │   └── algorithms
│   │   │       ├── __pycache__
│   │   │       ├── a_star.py
│   │   │       ├── aco.py
│   │   │       ├── dijkstra.py
│   │   │       ├── __init__.py
│   │   │       ├── graph.py
│   │   │       └── solution.py
│   │   ├── utils
│   │   │   ├── __pycache__
│   │   │   ├── __init__.py
│   │   │   ├── co2.py
│   │   │   ├── feed.py
│   │   │   ├── geo.py
│   │   │   ├── loaddata.py
│   │   │   ├── map.py
│   │   │   ├── route.py
│   │   │   ├── time.py
│   │   │   ├── evaluation_framework.py
│   │   │   ├── main.py
│   │   │   └── test_cases.py
│   │   ├── feeds
│   │   │   ├── gtfs_metro
│   │   │   ├── gtfs_stcp
│   │   │   └── notebook
│   │   │       ├── cache
│   │   │       └── route-optimization-optimized.ipynb
│   │   ├── venv
│   │   ├── poetry.lock
│   │   ├── pyproject.toml
│   │   ├── requirements.txt
│   │   ├── TECHNICAL_DOCUMENTATION.md
│   │   ├── TESTING_GUIDE.md
│   │   ├── USER_GUIDE.md
│   │   ├── report
│   │   ├── .gitignore
│   │   └── README.md

```

A* Multi-Objetivo

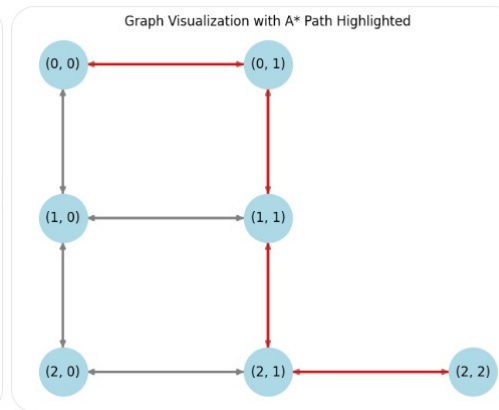
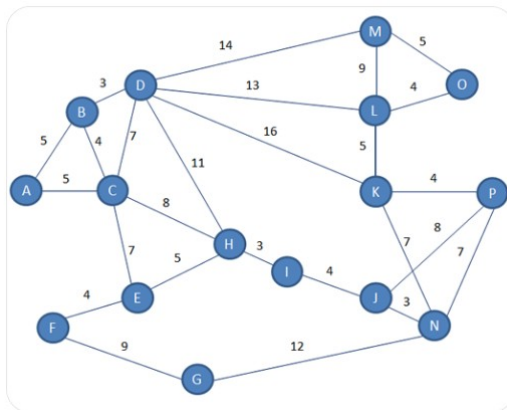
Tipo: Algoritmo heurístico guloso

Complexidade: $O(E \log V)$

Características:

- ✓ Utiliza heurísticas para guiar a busca
- ✓ Prioriza nós promissores
- ✓ Encontra rotas de boa qualidade rapidamente
- ✗ Não garante Fronteira Pareto completa

Ideal para: Aplicações em tempo real



Dijkstra Multi-Label (Exaustivo)

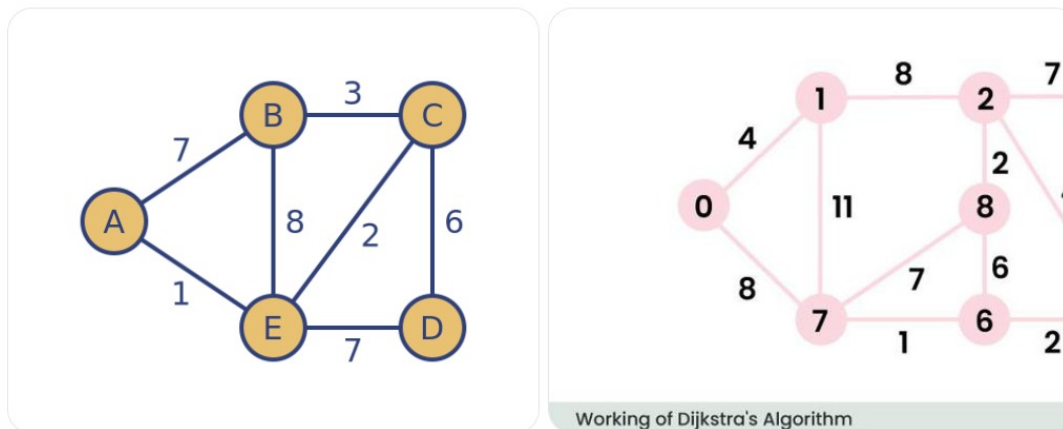
Tipo: Algoritmo de rótulo-setting multi-objetivo

Complexidade: $O(E \times L \log V)$ onde $L = n^{\circ}$ de etiquetas

Características:

- ✓ Mantém múltiplas etiquetas por nó
- ✓ Propaga todas as soluções não-dominadas
- ✓ Remove soluções dominadas iterativamente
- ✓ GARANTE Fronteira de Pareto completa e exata

Ideal para: Gold standard de otimização multi-objetivo



ACO (Ant Colony Optimization)

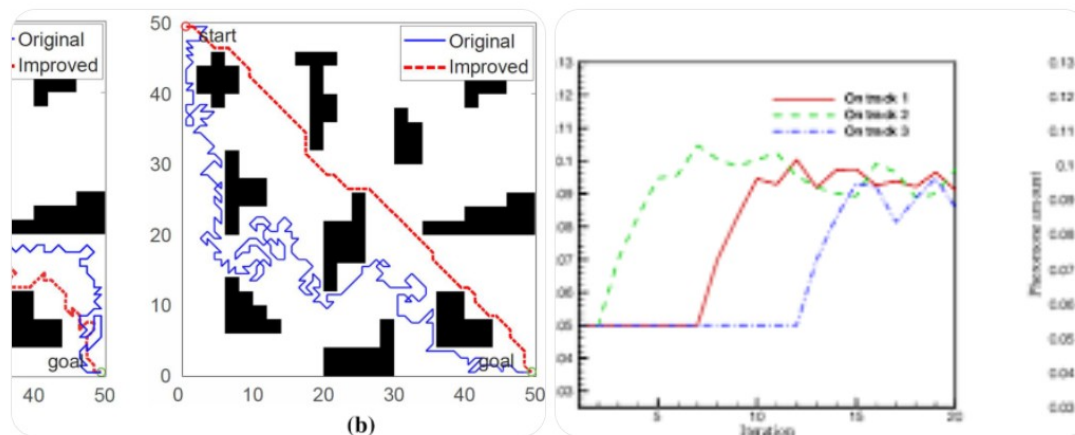
Tipo: Algoritmo estocástico inspirado na natureza

Complexidade: $O(I \times A \times E)$ - I iterações, A formigas

Características:

- ✓ Simula comportamento coletivo de formigas
- ✓ Cada formiga constrói uma solução
- ✓ Atualiza feromónios baseado em qualidade
- ✗ Heurístico (pode não encontrar todas as soluções)

Ideal para: Exploração criativa e inovação



Fontes de Dados

GTFS

 Metro do Porto

- 95+ paragens
- 6 linhas
- Horários atualizados

 STCP (Autocarro)

- 600+ paragens
- Múltiplas linhas

```
✓ feeds
  ✓ gtfs_metro
    agency.txt
    calendar_dates.txt
    calendar.txt
    fare_attributes.txt
    fare_rules.txt
    routes.txt
    shapes.txt
    stop_times.txt
    stops.txt
    transfers.txt
    trips.txt
  ✓ gtfs_stcp
    agency.txt
    calendar_dates.txt
    calendar.txt
    routes.txt
    shapes.txt
    stop_times.txt
    stops.txt
    transfers.txt
    trips.txt
```

OpenStreetMap (OSM)

 Rede viária completa

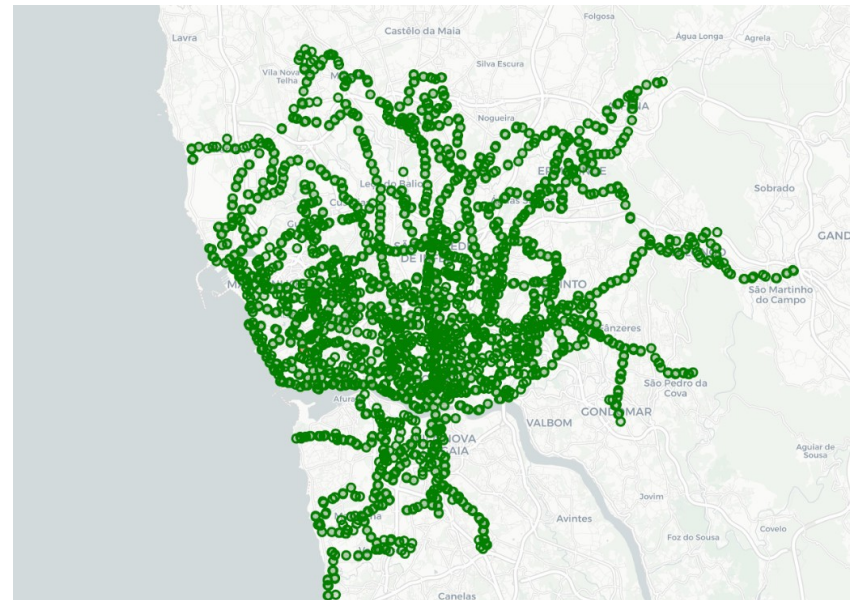
 Caminhos pedonais

 Velocidades estimadas

 Coordenadas geográficas

Cálculos Derivados:

- CO₂, transferências, caminhada



Exemplo de Uso - Python API

```
from app.services.graph import GraphRoute
```

```
from app.services.algorithms.a_star import  
optimized_multi_objective_routing
```

```
graph = GraphRoute('Casa da Musica', 'Casino da  
Póvoa')
```

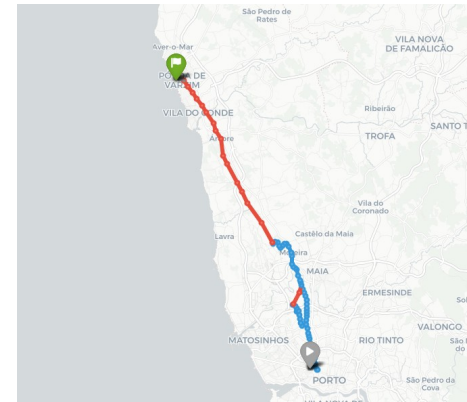
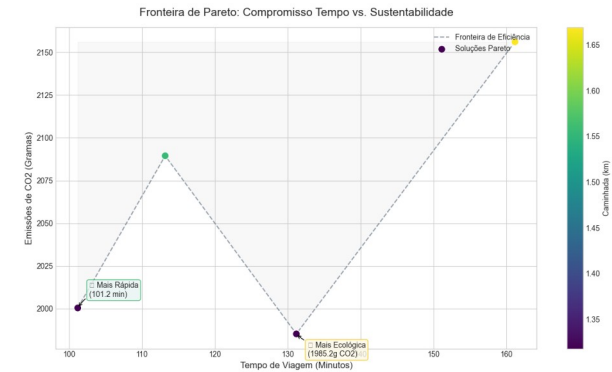
```
routes = optimized_multi_objective_routing(...)
```

```
for rota in routes:
```

```
    print(f'Tempo: {rota.total_time} min')
```

```
    print(f'CO2: {rota.total_co2}g')
```

```
    print(f'Caminhada: {rota.total_walk_km}km')
```



Tempo Total: 1h 41m 12s
CO2 Total: 1281.97 g
Hora de Partida: 0h 0m 0s
Hora de Chegada: 0h 41m 12s
--- Detalhes do Percorso ---
A Caminhada: De Ponto de Partida para CARVALHIDO (0h 10m 56s)
Trânsito (Viagem STCP_204_0_U_100): De CARVALHIDO para CASA DE SAÚDE DA BOAVISTA - (Viagem: 0h 6m 17s)
Trânsito (Viagem STCP_204_0_U_100): De CASA DE SAÚDE DA BOAVISTA para MOREIRA SÁ - (Viagem: 0h 3m 33s)
Trânsito (Viagem STCP_203_0_U_20): De MOREIRA SÁ para CASA DA MÚSICA (METRO) - (Viagem: 0h 13m 37s)
A Caminhada: De CASA DA MÚSICA (METRO) para Casa da Música (0h 6m 53s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Casa da Música para Francos - (Viagem: 0h 3m 43s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Francos para Ramalde - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Ramalde para Viso - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Viso para Norteshopping I Sete Bicas - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Norteshopping I Sete Bicas para Senhora da Hora - (Viagem: 0h 1m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Senhora da Hora para Fonte do Cuco - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Fonte do Cuco para Custódias - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Custódias para Esposade - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Esposade para Crestins - (Viagem: 0h 3m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Crestins para Verdes - (Viagem: 0h 1m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Verdes para Pedras Rubras - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Pedras Rubras para Lidador - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Lidador para Vilar do Pinheiro - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Vilar do Pinheiro para Modivas Sul - (Viagem: 0h 2m 0s)
...
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Alto de Pega para Portas Fronhas - (Viagem: 0h 2m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De Portas Fronhas para São Brás - (Viagem: 0h 1m 0s)
Trânsito (Viagem METRO_B0F5): De São Brás para Póvoa do Varzim - (Viagem: 0h 2m 0s)
A Caminhada: De Póvoa do Varzim para Ponto de Chegada (0h 0m 12s)

Framework de Avaliação



Metodologia:

22 Casos de Teste (trivial a extremo)

3 Algoritmos com comparação automática

Métricas: Tempo, CO₂, Exercício físico

Validação via pytest

Categorias:

Trivial: <1km | Moderado: 1-5km

Desafiante: 5-20km | Extremo: múltiplas transferências

Execução: `python -m app.test_cases`

```
# =====  
# GRUPO 1: CASOS TRIVIAIS / MUITO SIMPLES (Validação Básica)  
# =====  
  
TEST_CASES = [  
    {  
        "id": "TC-1.1",  
        "name": "Distância Muito curta (Walking Only)",  
        "origem": "Livraria Bertrand, Porto",  
        "destino": "Torre dos Clérigos, Porto",  
        "start_time": "09:00:00",  
        "complexity": "trivial",  
        "expected_distance_km": 0.3,  
        "expected_duration_sec": 180,  
        "description": "Apenas caminhada, distância < 500m. Sem opções de transporte.",  
        "metrics": {  
            "expected_walk_km_min": 0.2,  
            "expected_walk_km_max": 0.5,  
            "num_solutions_expected": "1",  
            "transport_used": "walk_only",  
        },  
    },  
    {  
        "id": "TC-3.1",  
        "name": "Distância Longa com 2 Transferências",  
        "origem": "Campanhã, Porto",  
        "destino": "Francelos, Vila Nova de Gaia",  
        "start_time": "11:00:00",  
        "complexity": "medium",  
        "expected_distance_km": 12.0,  
        "expected_duration_sec": 2400,  
        "description": "Rota interurbana com 2 transferências. Trade-off tempo vs CO2.",  
        "metrics": {  
            "num_solutions_expected": "5-10",  
            "max_transfers": 2,  
            "expected_co2_range": (100, 300),  
            "transport_used": "mixed",  
        },  
    },  
    {  
        "id": "TC-4.1",  
        "name": "Distância Longa com Múltiplas Alternativas",  
        "origem": "Maia, Porto",  
        "destino": "Santo Ovídio, Vila Nova de Gaia",  
        "start_time": "07:00:00",  
        "complexity": "high",  
        "expected_distance_km": 20.0,  
        "expected_duration_sec": 2700,  
        "description": "Rota longa dentro da área metropolitana com muitas combinações possíveis.",  
        "metrics": {  
            "num_solutions_expected": "6-12",  
            "max_transfers": 2,  
            "expected_co2_range": (200, 600),  
            "computation_time_limit_sec": 30,  
            "transport_used": "mixed",  
        },  
    },  
]
```

Comparação de Algoritmos

⚡ Tempo de Execução: $A^* > ACO > \text{Dijkstra}$

✓ Qualidade Garantida: $\text{Dijkstra} > ACO > A^*$

📊 Cobertura Pareto: $\text{Dijkstra} > ACO \approx A^*$

💡 Criatividade: $ACO > A^* > \text{Dijkstra}$

📈 Escalabilidade: $A^* > ACO > \text{Dijkstra}$

Recomendações:

Use Dijkstra para garantias de otimalidade

Use A^* para tempo real

Use ACO para exploração criativa

```
best_sol_time = min(dijkstra_pareto_solutions, key=lambda s: s.total_time)
print(best_sol_time.summarize_solution(graph.G, start_sec))
```

```
Tempo Total: 1h 11m 12s
CO2 Total: 1055.46 g
Hora de Partida: 8h 0m 0s
Hora de Chegada: 9h 11m 12s
--- Detalhes do Percorso ---
🚶 Caminhada: De Ponto de Partida para Francos (0h 10m 30s)
🚶/🚶 Trânsito (Viagem METRO_ADF3): De Francos para Ramalde - (Viagem: 0h 3m 30s)
🚶/🚶 Trânsito (Viagem METRO_ADF3): De Ramalde para Viso - (Viagem: 0h 2m 0s)
🚶/🚶 Trânsito (Viagem METRO_FS3): De Viso para NorteShopping I Sete Bicas - (Viagem: 0h 2m 0s)
```

```
best_sol_co2 = min(dijkstra_pareto_solutions, key=lambda s: s.total_co2)
print(best_sol_co2.summarize_solution(graph.G, start_sec))
```

```
Tempo Total: 1h 19m 12s
CO2 Total: 1050.50 g
Hora de Partida: 8h 0m 0s
Hora de Chegada: 9h 19m 12s
--- Detalhes do Percorso ---
🚶 Caminhada: De Ponto de Partida para Francos (0h 10m 30s)
🚶/🚶 Trânsito (Viagem METRO_ADF3): De Francos para Ramalde - (Viagem: 0h 3m 30s)
🚶/🚶 Trânsito (Viagem METRO_ADF3): De Ramalde para Viso - (Viagem: 0h 2m 0s)
🚶/🚶 Trânsito (Viagem METRO_FS3): De Viso para NorteShopping I Sete Bicas - (Viagem: 0h 2m 0s)
```

```
best_sol_walk = max(dijkstra_pareto_solutions, key=lambda s: s.total_walk_km)
print(best_sol_walk.summarize_solution(graph.G, start_sec))
```

```
Tempo Total: 2h 47m 12s
CO2 Total: 1382.25 g
Hora de Partida: 8h 0m 0s
Hora de Chegada: 10h 47m 12s
--- Detalhes do Percorso ---
🚶 Caminhada: De Ponto de Partida para CARVALHIDO (0h 11m 51s)
🚶/🚶 Trânsito (Viagem STCP_602_1_U_18): De CARVALHIDO para QUINTA AMARELA - (Viagem: 0h 7m 1s)
🚶/🚶 Trânsito (Viagem STCP_602_1_U_18): De QUINTA AMARELA para CRUZ VERMELHA - (Viagem: 0h 1m 1s)
🚶/🚶 Trânsito (Viagem STCP_508_1_U_69): De CRUZ VERMELHA para BOAVISTA-CASA DA MÚSICA - (Viagem: 0h 6m 49s)
```

Exemplo de Resultados

Rota: Casa da Música → Casino da Póvoa de Varzim

Rota 1 (Rápida): 45 min | 850g CO₂ | 2.5km caminhada

Rota 2 (Ecológica): 58 min | 350g CO₂ | 5.2km caminhada

Rota 3 (Activa): 62 min | 400g CO₂ | 8.1km caminhada

Rota 4 (Balanceada): 52 min | 550g CO₂ | 4.8km caminhada

⚡ Nenhuma rota é superior em todos os critérios

✓ Decisão depende de prioridades do utilizador

Principais Realizações

Implementação

- ✓ 3 algoritmos funcionais
- ✓ Integração GTFS completa
- ✓ Grafo multimodal
- ✓ 22 casos de teste
- ✓ Framework avaliação

Inovação

- ✓ Fronteira Pareto real
- ✓ Multi-critério genuíno
- ✓ Dados reais (GTFS)
- ✓ 3 perspectivas diferentes
- ✓ Interface amigável

Impacto Potencial



Reduzir emissões de carbono

Oferecendo rotas ecológicas alternativas



Otimizar tempo de deslocação

Através de roteamento inteligente



Combater sedentarismo

Com opções que maximizam exercício físico

Sustentabilidade urbana e bem-estar pessoal

Desafios Encontrados

Técnicos:

Complexidade de multi-objetivo | Integração GTFS

Metodológicos:

Métricas CO₂ consistentes | Tempos realistas

✓ Soluções Implementadas:

Dijkstra multi-label robusto

Validação cruzada entre algoritmos

Testes extensivos (22 casos)

Trabalho Futuro



Expansão Geográfica

Outras cidades + bike-sharing



Melhorias Algorítmicas

NSGA-II | Otimização paralela



Interface Utilizador

Aplicação web interativa | Mapas 3D



Sustentabilidade

Impacto real | Dados de energia

Conclusões

- ✓ Sistema robusto de roteamento multimodal implementado
- ✓ Algoritmos multi-objetivo de vanguarda
- ✓ Integração com dados reais (GTFS + OSM)
- ✓ Fronteira Pareto rigorosa e validada
- ✓ Demonstração de Computação Inspirada na Natureza
para mobilidade urbana sustentável

Avaliação de Pares

PG11605 - Carlos da Mota Bergueira = 0

PG59999 - Diego Jefferson Mendes Silva = 0

PG42201 - Filipa Araújo Pereira = 0

PG7942 - Rui Manuel Martins Marques Rodrigues = 0

Pressuposto: deltas de avaliação podem ser negativos, nulos ou positivos e em cada grupo, a soma dos deltas deve ser sempre igual a 0.00, e, individualmente, nunca podem exceder um.

Obrigado!

Questões?

Repositório: github.com/MIA-CDFR/CIN_GRUPO6
Grupo 6 - CIN 2025 - Universidade do Minho