

Análisis numérico I - 75.12/95.04

Trabajo práctico N° 1

Raíces de ecuaciones

Alumnos:		Docentes:
José HIGUERA	Padrón N° 100251	Mag. Ing. Miryam Sassano
jhiguera@fi.uba.ar		Ing. Ignacio Bello
Diego Luna	Padrón N° 75451	Ing. Matías Payva
diegorluna@gmail.com		Lic. Andrés Porta
Juan Segundo Marquez	Padrón N° 100556	Ing. Ezequiel García
segundoprez777@gmail.com		Ing. Ignacio Santiago CERRUTI
Juan Manuel Maschio	Padrón N° 100801	
juanmmaschio@gmail.com		

10 de Octubre de 2019

${\bf \acute{I}ndice}$

Ĭn	dice	I
Ín	dice de figuras	1
Ín	dice de cuadros	1
1.	Enunciado 1.1. Resumen enunciado	1 1 1 3 5
2.	Gráficos de las funciones obtenidas para media carga	5
3.	Implementación de los algoritmos 3.1. Sobre los archivos de MATLAB y Octave	9
4.	Método de Newton-Raphson 4.1. Funciones a las que aplicarle el método numérico para hallar las raíces 4.2. Demostración de la convergencia de la iteración a la raíz de $f(x)$ 4.3. Orden de convergencia para el método de Newton-Raphson 4.4. Iteración de Newton-Raphson 4.5. Salidas del algoritmo de Newton-Raphson para las funciones pedidas	11 12 13
5.	Observaciones y conclusiones	17
6.	Bibliografía	18
$\mathbf{A}_{\mathbf{j}}$	péndices	19
A .	A.1. Consideraciones para el código A.2. Archivos fuente de MATLAB A.2.1. tp1.m A.2.2. grafico.m A.2.3. estimate_order.m A.2.4. method_newton.m A.2.5. method_bisection.m	20 35 39 41
В.	Captura de la salida	46
	B.1. Consideraciones para el código	

Índice de figuras

1.1.	Ascensor electromecánico.]
1.2.	Buffers hidráulicos	
2.3.	Posición en función del tiempo a media carga	6
2.4.	Valocidad en función del tiempo a media carga	7
2.5.	Aceleración en función del tiempo a media carga.	۶

Índice de cuadros

4.1.	Tabla de salida para el algoritmo de Newton-Raphson para la 1° función	13
4.2.	Tabla de salida para el algoritmo de Newton-Raphson para la 2° función	14
4.3.	Tabla de salida para el algoritmo de Newton-Raphson para la 3° función	15
4.4.	Tabla de salida para el algoritmo de Newton-Raphson para la 4° función	16

1. Enunciado

1.1. Resumen enunciado

Este TP consiste en realizar un pequeño estudio del movimiento de un ascensor, figura 1.1, intentando utilizar valores realistas para los parámetros a fin de obtener las expresiones para la posición, $x_{(t)}$, la velocidad, $v_{(t)}$ y la aceleración, $a_{(t)}$. Luego estas expresiones se utilizarán para aplicar un método numérico de nuestra implementación, Newton-Raphson en este caso.

1.2. Planteo

El planteo implica asumir ciertas cosas acerca del ascensor, realizando el análisis para el movimiento ascendente, en particular se debe analizar, la altura de un piso, que asumimos ser igual para todos los pisos, siendo en todos por lo tanto el mismo problema, la masa de la cabina y los pasajeros, el tiempo de viaje máximo (se da a máxima carga), la máxima aceleración, y la máxima velocidad, asumimos también por simplicidad que la fuerza que se imprime a la cabina varía linealmente con el tiempo, esto es planteado así en el enunciado. Todas estos parámetros se obtuvieron de normas locales,[5], e internacionales, [6], y de algunos ejemplos de ascensores residenciales comerciales.

En general las normas especifican para la máxima aceleración posible 8m/s^2 , la masa de cada persona debe tomarse en promedio como de 75kg, la masa de la cabina depende del ascensor en cuestión, se tomó un modelo para 12 personas, con una cabina de masa igual a 450kg, esto determina la masa máxima de carga en 1350kg y la mínima en los 450kg de la cabina vacía. Se toman $t_f=3\text{s}$ como el máximo tiempo de tránsito entre pisos, caso que se daría a máxima carga, y se toma la altura entre pisos como, $h_f=4\text{m}$, el cual es un valor posible en ascensores residenciales, dentro de todo un rango posible. Otras condiciones a tener en cuenta en el planteo, son que se parte de la posición inicial $r_{(2)}=0\text{m}$, se

Otras condiciones a tener en cuenta en el planteo, son que se parte de la posición inicial $x_{(0)} = 0$ m, se llega a la posición final, $x_{(t_f)} = h_f$ y además para la velocidad debe ser, $v_{(0)} = 0$ m/s y $v_{(t_f)} = 0$ m/s

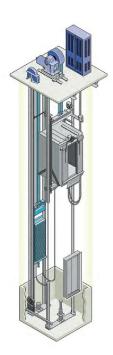


Figura 1.1: Ascensor electromecánico.

De la física del problema se obtienen las expresiones, (1.1), (1.2) y (1.3), para la posición, velocidad y aceleración, respectivamente.

$$x_{(t)} = A \cdot t^{3} + B \cdot t^{2} + C \cdot t + D \tag{1.1}$$

$$v_{(t)} = 3 \cdot A \cdot t^2 + 2 \cdot B \cdot t + C$$
 (1.2)

$$a_{(t)} = 6 \cdot A \cdot t + 2 \cdot B \cdot \tag{1.3}$$

Las constantes A, B, C y D se obtienen de las condiciones y parámetros mencionados anteriormente para el caso de máxima carga, $n_{personas}=12$, para el caso extremo de mínima carga se asigna la máxima aceleración y se ajusta el tiempo de transito e iterativamente se obtienen las expresiones correspondientes a media carga respetando los parámetros elegidos. Planteando para media carga, se obtiene el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\begin{cases}
4 = 27A + 9B \\
0 = 27A + 6B \\
0 = C \\
0 = D
\end{cases}$$
(1.4)

Se obtiene $t_f=3{\rm s},\,A=-0.2963{\rm m/s^3}$ y $B=1.3333{\rm m/s^2},$ con lo que nos queda:

$$\begin{cases} x_{cmax(t)} = -0.2963 \text{m/s}^3 \cdot t^3 + 1.3333 \text{m/s}^2 \cdot t^2 \\ v_{cmax(t)} = -0.8889 \text{m/s}^3 \cdot t^2 + 2.6667 \text{m/s}^2 \cdot t \\ a_{cmax(t)} = -1.7778 \text{m/s}^3 \cdot t + 2.6667 \text{m/s}^2 \end{cases}$$
(1.5)

Para el caso de mínima carga, $n_{personas} = 0$ (con la cabina vacía), asumiendo que la fuerza inicial es la misma y que la máxima aceleración debe ser de 8m/s^2 , ahora para una masa total de 450kg, tenemos:

$$\begin{cases} 4 = A \cdot t_f^3 + 4 \cdot t_f^2 \\ 0 = 3A \cdot t_f^2 + 8 \cdot t_f \end{cases}$$
 (1.6)

Se obtiene $A=-1.5396 \mathrm{m/s^3}$ y $t_f=1.7321 \mathrm{s},$ con lo que nos queda:

$$\begin{cases} x_{cmin(t)} = -1.5396 \text{m/s}^3 \cdot t^3 + 4 \text{m/s}^2 \cdot t^2 \\ v_{cmin(t)} = -4.6188 \text{m/s}^3 \cdot t^2 + 8 \text{m/s}^2 \cdot t \\ a_{cmin(t)} = -9.2376 \text{m/s}^3 \cdot t + 8 \text{m/s}^2 \end{cases}$$
(1.7)

Por último para el caso de carga media, $n_{personas} = 6$, nuevamente con la misma fuerza inicial y ahora con una masa total de 900kg, tenemos:

$$\begin{cases} 4 = A \cdot t_f^3 + 2 \cdot t_f^2 \\ 0 = 3A \cdot t_f^2 + 4 \cdot t_f \end{cases}$$
 (1.8)

Se obtiene A = -0.5443m/s³ y $t_f = 2.4495$ s, con lo que nos queda:

$$\begin{cases} x_{cmin(t)} = -0.5443 \text{m/s}^3 \cdot t^3 + 2 \text{m/s}^2 \cdot t^2 \\ v_{cmin(t)} = -1.6329 \text{m/s}^3 \cdot t^2 + 4 \text{m/s}^2 \cdot t \\ a_{cmin(t)} = -3.2658 \text{m/s}^3 \cdot t + 4 \text{m/s}^2 \end{cases}$$
(1.9)

1.3. Planteo extra - Dimensionamiento de los frenos del ascensor

Para el dimensionamiento del frenado del ascensor, partimos de suponer que el ascensor cae de la posición de reposo, moviéndose en caída libre, $a_{(t)}=g$, durante los 0.8s que le toma al sistema detectar el fallo, y dimensionando el frenado de tal forma de limitar la aceleración, el sistema solo logra detener totalmente el ascensor si este se encuentra a una altura mínima determinada, el sistema se completa con un sistema de topes hidráulicos o buffers, figura 1.2, que absorben la energía restante cuando la cabina del ascensor los golpea, este tipo de buffers son obligatorios en ascensores que desarrollan velocidades que cruzan un umbral establecido por normas.



Figura 1.2: Buffers hidráulicos.

Planteamos además la condición que el ascensor tarde 1.6s en detener la cabina, valor que permite lograr una aceleración máxima aceptable, también se plantea a máxima carga y que el frenado se hará a aceleración lineal. Con estás consideraciones, se tiene que se alcanza una velocidad de caída de -7.84meter/s antes de que se accione el sistema de frenado y cayendo en ese lapso 3.136m, estos valores permitirán diseñar el buffer hidráulico para el peor caso. Luego con estos valores y la condición de

aceleración se plantea:

$$\begin{cases} a_{f(t)} = A \cdot t + B \\ v_{f(t)} = \frac{A}{2} \cdot t^2 + B \cdot t + C \\ x_{f(t)} = \frac{A}{6} \cdot t^3 + \frac{B}{2} \cdot t^2 + C \cdot t + D \\ v_{(t_f)} = 0 \\ a_{(t_f)} = g \\ t_f = 1.6s \end{cases}$$
(1.10)

De donde obtenemos:

$$\begin{cases} x_{cmin(t)} = 1.0203 \text{m/s}^3 \cdot t^3 - 7.84 \text{m/s}^2 \cdot t - 3.136 \text{m} \\ v_{cmin(t)} = 3.0625 \text{m/s}^3 \cdot t^2 7.84 \text{m/s}^2 \\ a_{cmin(t)} = 6.125 \text{m/s}^3 \cdot t \end{cases}$$
(1.11)

Donde la aceleración lineal implica una fuerza lineal por parte del motor para lograr este frenado.

1.4. Resolución del problema numérico

Para la resolución de la parte de programación del trabajo práctico e implementar los algoritmos pedidos, decidimos usar MATLAB, mayormente por conocerlo previamente y la sencillez con la que se pueden escribir scripts que implementen los algoritmos. A pesar de que la resolución se realizó en MATLAB, se prestó atención a la compatibilidad con Octave, ya que la compatibilidad en los paquetes básicos es alta y con un poco de cuidado y algo de programación condicional se puede lograr que los scripts funcionen en ambos entornos. Todas las salidas numéricas se guardaron en archivos que luego fueron leídas en LATEX usando paquetes para el proceso de archivos en formato "CSV", los mismos permiten redondeo, presentación y hasta algunas operaciones sobre los datos, lo cual facilita el escribir el informe de tal manera de que no deba modificarse al modificar los datos, basta con compilar nuevamente. Las imágenes en forma similar, se guardaron por código desde MATLAB en formato "PNG" y luego se incorporaron desde LATEX. Algo a mencionar es que se estimaron lo valores del orden de convergencia y la constante asintótica, para cada uno de el método numérico implementado.

2. Gráficos de las funciones obtenidas para media carga

A continuación se muestran las gráficas de las funciones de posición, velocidad y aceleración para media carga, $n_{personas} = 6$.

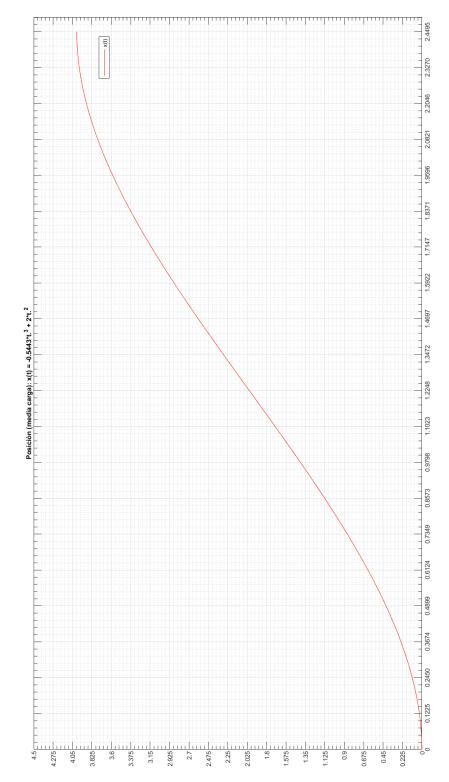


Figura 2.3: Posición en función del tiempo a media carga.

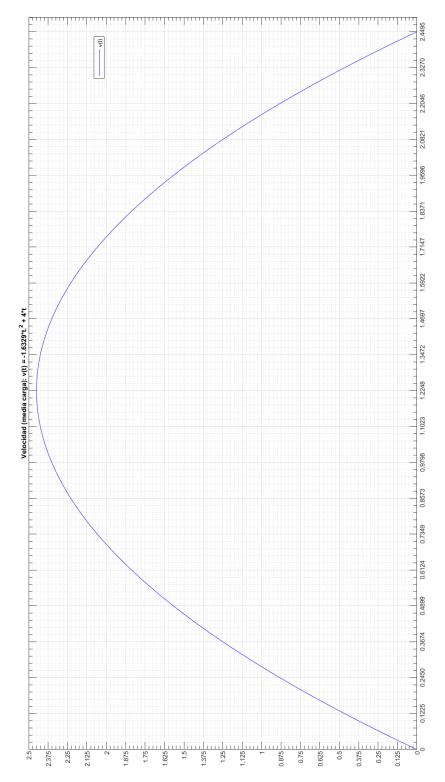


Figura 2.4: Valocidad en función del tiempo a media carga.

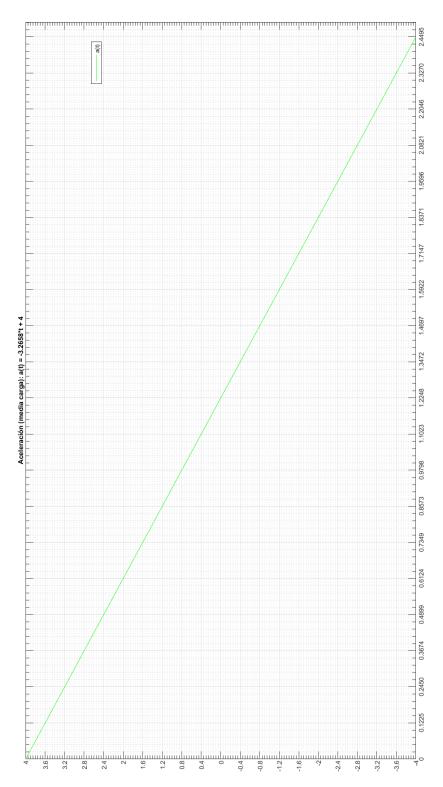


Figura 2.5: Aceleración en función del tiempo a media carga.

3. Implementación de los algoritmos

A continuación se listan los archivos de ${\bf MATLAB}$ y su función:

"tp1.m" (apéndice A.2.1): Script principal que se debe ejecutar para realizar todos los cálculos y generar los archivos de resultados.

"grafico.m" (apéndice A.2.2): Función que grafica una función entre dos valores dados.

"estimate_order.m" (apéndice A.2.3): Función que, dados las 4 últimas estimaciones de una raíz/solución de un método numérico, estima el orden de convergencia y la constante asintótica del método, la estimación es mejor cuanto mayor es la precisión de las estimaciones usadas.

"method_newton.m" (apéndice A.2.4): Función que implementa el algoritmo del método de Newton-Raphson.

"method_bisection.m" (apéndice A.2.5): Función que implementa el algoritmo del método de bisección usado como arranque.

En el apéndice correspondiente (apéndice A.2) se incluye el código completo de cada archivo.

"salida.txt" (apéndice B.2.1): La salida del script principal, se captura automáticamente en MATLAB u Octave al ejecutar el script principal.

3.1. Sobre los archivos de MATLAB y Octave

Hay algunas cosas a comentar sobre las diferencias entre MATLAB y Octave, como se comentó anteriormente, se logró la compatibilidad de ejecución entre los entornos, sin embargo las salidas no son completamente equivalentes, debido a limitaciones en Octave, las salidas gráficas no son completamente equivalentes, en particular MATLAB permite la generación de DataTips, cosa que Octave aún no soporta, otra cuestión quizás mas importante es la eficiencia en ejecución, en algunos casos los tiempo de ejecución en Octave se hacen demasiado largos si se usan arrays muy extensos, lo cual se mitigó usando compilación condicional. Otra cosa a mencionar que no hace a la funcionalidad directamente, pero si a la presentación, es que debido a limitaciones en ambos entornos respecto a la codificación de los archivos y soporte incompleto o inadecuado de UNICODE en la línea de comando de Windows, se producen problemas en las salidas con símbolos que no sean parte de Latin-1 (ISO 8859-1), en particular las palabras con tilde, esto se ve aún mas complicado porque Windows usa una variante (CP1252) que no es completamente compatible con Latin-1 y el hecho de que los entornos de MATLAB y Octave no se comportan consistentemente en Windows y sistemas tipo Unix como Linux, en Unix es prácticamente universal la codificación de UNICODE, UTF-8. MATLAB sigue la codificación del sistema operativo, mientras que Octave intenta usar UTF-8 siempre, pero en Windows no es completo el soporte. El tema es complicado y no hace al trabajo práctico el lidiar con el mismo, dado que trabajamos mayormente con MATLAB, tanto en Windows como en Linux, y la mayoría usa Windows, se optó por dejar los archivos en CP1252, siendo esta la codificación usual. Se incluyen simplemente por comodidad dos scripts de Python, "utf8.py" y "cp1252.py", que convierten la codificación de todos los archivos ".m" a las respectivas codificaciones, de esa manera, según el sistema en que se ejecuten los scripts, se puede lograr una salida con codificación correcta.

4. Método de Newton-Raphson

4.1. Funciones a las que aplicarle el método numérico para hallar las raíces

Una ves obtenidas las funciones del movimiento para los tres casos de carga del ascensor, se halla el tiempo en que se alcanza el 30 % de la aceleración positiva, a partir de la función de la aceleración, que es lineal, y el valor se despeja trivialmente, para luego calcular la posición del ascensor para este tiempo. Con el valor obtenido armamos una nueva función restándolo de la función posición, de modo que ese valor de tiempo sea raíz de la nueva función, de esta forma tenemos tres funciones a las cuales aplicarle el método de Newton-Raphson, y ver que se obtiene el valor esperado.

La cuarta función a la cuál le aplicaremos el método es la función velocidad para el movimiento del ascensor en el caso de frenado de emergencia, en este caso simplemente se lo aplicamos a la función velocidad para encontrar el tiempo en que el mismo se detiene, corroborando el valor del diseño de los frenos.

Para aproximar el valor de la raíz de f(t) para cada una de las 4 funciones se plantea el método iterativo con la función:

$$g_{(t)} = t - \frac{f(t)}{f'(t)}$$

4.2. Demostración de la convergencia de la iteración a la raíz de f(x)

Para ver que el método de Newton-Raphson converge a la raíz del polinomio, dado que se elige una aproximación inicial lo suficientemente cercana, basta ver que se cumplan las hipótesis del teorema correspondiente, esto es, que la función sea derivable, esto es $f(t) \in \mathcal{C}^2$ y que la función derivada no se anule en la raíz, pero dado que nuestra función es un polinomio, se tiene que:

$$f(t) \in \mathscr{C}^{\infty} \Rightarrow f(t) \in \mathscr{C}^2$$

Por lo tanto la función es derivable, además se comprueba que su derivada no tiene raíces reales, por lo que nunca se anula para $t \in \mathbb{R}$, por lo tanto no se anula en particular para el intervalo de interés, $[0,t_f]$. Tenemos entonces que se cumplen las hipótesis del teorema, con lo que se puede garantizar que de elegir una aproximación inicial lo suficientemente cercana, el método convergerá a la raíz de f(t), en la práctica simplemente se arranca el método de algún punto en el intervalo que contiene a la raíz y si no convergiese, bastaría con hacer algunos pasos de bisección para acercarse mas a la raíz buscada.

4.3. Orden de convergencia para el método de Newton-Raphson

En esta sección se calcula con los datos de la tabla de las iteraciones de una de las funciones el orden de convergencia y la constante asintótica, en el código este cálculo se realiza para todas las funciones.

 α : orden de convergencia

 λ : constante asintótica

Utilizamos las 4 últimas iteraciones extraídas de la tabla 4.1 para calcular aproximadamente el orden de convergencia y la constante asintótica:

$$\frac{|p_4 - p|}{|p_3 - p|^{\alpha}} \cong \frac{|p_4 - p_3|}{|p_3 - p_2|^{\alpha}} \cong \lambda \tag{4.1}$$

$$\frac{|p_3 - p|}{|p_2 - p|^{\alpha}} \cong \frac{|p_3 - p_2|}{|p_2 - p_1|^{\alpha}} \cong \lambda \tag{4.2}$$

Igualando las ecuaciones (4.1) y (4.2)

Experimentalmente verificamos que el método de Newton-Raphson tiene orden de convergencia igual a 2. Reemplazamos en la ecuación (4.1) el valor de α calculado y determinamos el valor de la constante asintótica λ :

$$\lambda \cong \frac{|p_4 - p_3|}{|p_3 - p_2|^{\alpha}} \cong \frac{0.000000000000000011}{0.0000000000000011} \cong 0.268958171377874 \Rightarrow \lambda \cong 0.269$$

4.4. Iteración de Newton-Raphson

$$\begin{cases}
 p_{(n)} = p_{(n-1)} - \frac{f(p_{(n-1)})}{f'(p_{(n-1)})} \\
 p_{(0)} = seed
\end{cases}$$
(4.3)

Con
$$f_{(t)} = x_{(t)} - x_{(t_{a_{30\%}})}$$

La expresión (4.3) representa el algoritmo implementado en **MATLAB** con el cual se obtuvo las tablas de la sección 4.5.

4.5. Salidas del algoritmo de Newton-Raphson para las funciones pedidas

Tolerancia pedida: 1×10^{-10}				
Iteración	Valor	Delta	Error relativo ($\%$)	
1	0.858240025980884	0.060322474019116	7.03	
2	0.857370525910176	0.000869500070708	1.01×10^{-1}	
3	0.857370322738697	0.000000203171480	$2.37{\times}10^{-5}$	
4	0.857370322738686	0.000000000000011	1.30×10^{-12}	

Cuadro 4.1: Tabla de salida para el algoritmo de Newton-Raphson para la 1º función.

Resultado final para la solución, con una tolerancia de 1×10^{-10} , hallada después de 4 iteraciones:

$$p = 0.8573703227 \pm 1 \times 10^{-10}$$

Tolerancia pedida: 1×10^{-10}			
Iteración	Valor	Delta	Error relativo (%)
1	1.053151532920373	0.071848467079627	6.82
2	1.050005938275396	0.003145594644976	3.00×10^{-1}
3	1.050000000021146	0.000005938254251	5.66×10^{-4}
4	1.050000000000000	0.000000000021146	2.01×10^{-9}

 ${\bf Cuadro~4.2:}~{\bf Tabla~de~salida~para~el~algoritmo~de~Newton-Raphson~para~la~2}^{\circ}~{\bf funci\'on}.$

Resultado final para la solución, con una tolerancia de 1×10^{-10} , hallada después de 4 iteraciones:

$$p = 1.05000000000 \pm 1 \times 10^{-10}$$

Tolerancia pedida: 1×10^{-10}			
Iteración	Valor	Delta	Error relativo ($\%$)
1	0.606834382915884	0.042703117084116	7.04
2	0.606218209598678	0.000616173317205	1.02×10^{-1}
3	0.606218065298354	0.000000144300324	2.38×10^{-5}
4	0.606218065298346	0.0000000000000008	1.32×10^{-12}

 ${\bf Cuadro~4.3:}~{\bf Tabla~de~salida~para~el~algoritmo~de~Newton-Raphson~para~la~3}^{\circ}~{\bf funci\'on}.$

Resultado final para la solución, con una tolerancia de 1×10^{-10} , hallada después de 4 iteraciones:

$$p = 0.6062180653 \pm 1 \times 10^{-10}$$

Tolerancia pedida: 1×10^{-10}				
Iteración	Valor	Delta	Error relativo (%)	
1	1.606428571428571	0.143571428571429	8.94	
2	1.600012862859684	0.006415708568888	4.01×10^{-1}	
3	1.60000000051704	0.000012862807980	8.04×10^{-4}	
4	1.600000000000000	0.000000000051704	3.23×10^{-9}	

 ${\bf Cuadro~4.4:}~{\bf Tabla~de~salida~para~el~algoritmo~de~Newton-Raphson~para~la~4}^{\circ}~{\bf funci\'on}.$

Resultado final para la solución, con una tolerancia de 1×10^{-10} , hallada después de 4 iteraciones:

$$p = 1.60000000000 \pm 1 \times 10^{-10}$$

5. Observaciones y conclusiones

Los métodos numéricos implementados en el caso propuesto tienen convergencias que en general coinciden con lo esperado en forma teórica, estos ordenes de convergencia y las correspondientes constantes asintóticas fueron estimadas y comparadas con los valores teóricos, para los casos donde hay una expresión disponible. Otra cosa que se puede analizar, es que las tolerancias pedidas tienen dos órdenes de magnitud de diferencia respecto a la anterior, con lo que se puede apreciar que los algoritmos que tienen convergencia lineal aproximadamente duplican las iteraciones necesarias para alcanzar la siguiente tolerancia, en cambio Newton-Raphson, que tiene convergencia cuadrática, solo incrementa en aproximadamente una iteración para alcanzarla.

6. Bibliografía

Referencias

[1] Numerical Analysis (9th Edition)

Author: Richard L. Burden Author: J. Douglas Faires

Publisher: Brooks/Cole, Cengage Learning; 9th Edition (2011) Copyright: © 2011, 2005, 2001, Brooks/Cole, Cengage Learning.

ISBN 13: 978-0-538-73351-9 ISBN 10: 0-538-73351-9

Website: https://www.cengagebrain.com.mx/shop

[2] The PgfplotsTable Package

Author: Dr. Christian Feuersänger

Copyright: © 2018, Christian Feuersänger.

Website: https://sourceforge.net/projects/pgfplots/

[3] The Listings Package

Author: Carsten Heinz Author: Brooks Moses

Copyright: © 1996–2004, Carsten Heinz; © 2006–2007, Brooks Moses.

Website: http://www.ctan.org/pkg/listings

[4] The Listingsutf8 Package

Author: Heiko Oberdiek

Copyright: © 2007, Heiko Oberdiek.

Website: http://www.ctan.org/pkg/listingsutf8

[5] Leyes y Normativas de ascensores en CABA

Website: http://www.camaradeascensores.com.ar/index.php/leyes-y-normativas

[6] Elevator World

Website: https://www.elevatorworld.com/

Apéndices

A. Código fuente

A.1. Consideraciones para el código

El código está escrito en MATLAB, se trato de hacerlo ordenado y con todos los comentarios necesarios, así como también se hizo un uso consistente del indentado con tabulaciones a 4 espacios. La presentación del código en el informe se hizo directamente desde los fuentes hacia LATEX usando el package "listingsutf8" [4], que es una extensión con soporte para UTF8 del paquete "listings" [3], este paquete produce una salida formateada y con coloreado del código y también permite el agregado de números de líneas, el código fuente en MATLAB es soportado directamente, la salida que se produce es muy buena, pero no es perfecta, ya que cuestiones como el tabulado o el ancho total de las líneas pueden producir problemas, en caso de que alguno de estos problemas hagan confuso o incomprensible el código por favor remitirse a los fuentes originales.

A.2. Archivos fuente de MATLAB

A.2.1. tp1.m

```
1 % Implementa el TP1, declarando la variables necesarias y llamando a los
2 % respectivos scripts. Los gráficos son salvados en formato PNG en el
3 % correspodiente directorio del informe, también los resultados numéricos
4 % son salvados en el correspondiente directorio del informe, donde el
5 % código de Latex los levanta automáticamente para generar el archivo
6 % compilado final del informe.
7 %%
10 % Limpio todas las variables globales.
11 clear all;
13 % Cierro todos los gráficos.
14 close all;
16 % Determino si estoy trabajando en MATLAB u Octave.
17 Is_Octave = (5 == exist('OCTAVE_VERSION', 'builtin'));
19 % Determino el OS en el que estoy trabajando.
20 if (ismac)
      OS = 'Mac';
21
22
      % Mac plaform.
      % En general al igual que en Linux y otros Unix, se usa UTF-8, pero
      % no es necesariamente así.
25 elseif (isunix)
26
      OS = 'Linux';
27
      % Linux plaform.
      % En general se usa UTF-8, con lo que bastaría con codificar los
29
      % scripts en UTF-8 para que la codificación sea correcta.
30 elseif (ispc)
31
      OS = 'Windows';
      % Windows platform.
32
33
      % Esto es necesario mayormente para Octave en Windows, en MATLAB
      % CP1252 es el default. Los scripts deberían estar codificados
34
      % en CP1252.
35
36
      if (Is_Octave)
37
38
          major = int8(str2double(substr(OCTAVE_VERSION, 1, ...
39
              index(OCTAVE_VERSION, ".") - 1)));
40
          if (major >= 5)
42
              [~, ~] = system ('chcp 65001');
```

```
43
         else
44
             [~, ~] = system('chcp 1252');
45
         end
46
47
     else
         [~, ~] = system('chcp 1252');
48
49
50
51 else
     OS = 'Sistema desconocido';
53 end %if
55 % Limpio la línea de comando, para poder capturar la salida limpia.
56 clc;
57
60 %%
63 % Defino el archivo para la captura de la salida del script.
64 output_file = './salida.txt';
66 % Detengo la captura de la salida del script.
67 diary off;
69 % Borro el archivo si existía previamente.
70 if (exist(output_file, 'file'))
     delete(output_file);
71
72 end
74 % Borro el archivo si existía previamente.
75 if (exist('diary', 'file'))
76
      delete('diary');
77 end
78
79 % Inicio la captura de la salida.
80 diary on;
81
82 % Inicio la ejecución.
83 fprintf('Inicializando las variables globales para el TP1...');
85 x = cell(1, 3); % Punteros a función de posición para n/2, n y o pers.
86 v = cell(1, 3); % Punteros a función de velocidad para n/2, n y o pers.
87 a = cell(1, 3); % Punteros a función de aceleración para n/2, n y o pers.
88 f = cell(1, 3); % Punteros a función para aplicar N-R para n/2, n y o pers.
```

```
89 fn = cell(1, 3); % Nonmbres de las funciones.
91 % Declaro las funciones para media carga del ascensor.
92 x{1} = 0(t) -0.5443*t.^3 + 2.*t.^2;
93 v{1} = 0(t) -1.6329*t.^2 + 4*t;
94 a{1} = 0(t) -3.2658*t + 4;
96 % Declaro las funciones para máxima carga del ascensor.
97 x{2} = 0(t) 0.2963*t.^3 + 1.3333.*t.^2;
98 \text{ v}{2} = 0(t) -0.8889*t.^2 + 2.6667*t;
99 a\{2\} = @(t) -1.7778*t + 2.6667;
101 % Declaro las funciones para mínima carga del ascensor.
102 x{3} = 0(t) -1.5396*t.^3 + 4*t.^2;
103 \text{ v}{3} = 0(t) -4.6188*t.^2 + 8*t;
104 a{3} = 0(t) -9.2376*t + 8;
105
106 % Declaro las funciones para el freno del ascensor.
107 \times \{4\} = @(t) 1.0208*t.^3 - 7.84*t - 3.136;
108 v{4} = 0(t) 3.0625*t.^2 - 7.84;
109 a{4} = 0(t) 6.125*t;
110
111
112 fn{1} = 'Media carga (6 personas)';
113 fn{2} = 'Máxima carga (12 personas)';
114 fn{3} = 'Minima carga (0 personas)';
115
116 % Declaro un título para los gráficos de las funciones.
117 titlex = 'Posición (media carga): x(t) = -0.5443*t.^3 + 2*t.^2';
118 legendx = 'x(t)';
119
120 titlev = 'Velocidad (media carga): v(t) = -1.6329*t.^2 + 4*t';
121 legendv = 'v(t)';
122
123 titlea = 'Aceleración (media carga): a(t) = -3.2658*t + 4';
124 legenda = 'a(t)';
126 % Declaro la cantidad de puntos para los gráficos.
127 cant_points = 1E6;
128
129 % En el caso de Octave, una cantidad muy grande causa problemas
130 if (Is_Octave)
      cant_points = 1E3;
132 end
133
134 % Declaro el directorio para las imágenes.
```

```
135 images_directory = fullfile('..', 'informe', 'img');
137 % Declaro el directorio para los archivos ".csv".
138 results_directory = fullfile('...', 'informe', 'results');
139
140 % Declaro los nombres de los archivos a guardar.
141 seeds = 'seeds';
142 newton_prefix = 'newton_fun_';
143 newton_results_name = 'newton_final_results';
144 newton_convergence_name = 'newton_convergence_results';
145 grafico_x = 'grafico_funcion_x.png';
146 grafico_v = 'grafico_funcion_v.png';
147 grafico_a = 'grafico_funcion_a.png';
148
149 % Declaro los intervalos para las funciones.
150 \text{ ai} = [0, 0, 0];
151 bi = [2.4495, 3, 1.7321];
153 % Declaro la tolerancia para las raíces/soluciones.
154 \text{ tol} = 1E-10;
156 % Declaro la máxima cantidad de iteraciones admisibles para los algoritmos.
157 max_iter = 500;
158
159 fprintf('Listo\n\n');
160
161 if (~Is_Octave) % Si estoy trabajando en MATLAB.
      env = 'MATLAB';
                  % Si estoy trabajando en Octave.
163 else
164
      env = 'Octave';
165 end %if
166
167 fprintf('Trabajando en: %s %s sobre %s.\n\n', env, version, OS);
170
171 %%
173 % En el caso de MATLAB debo verificar que el paquete simbólico esté
174 % disponible, para el cálculo simbólico de la derivada, en Octave debo
175 % además cargar el paquete.
176 if (~Is_Octave) % Si estoy trabajando en MATLAB.
177
      if (~license('test', 'symbolic_toolbox'))
178
179
          fprintf(strjoin({'\nNo se encontro', ...
              ' el toolbox simbólico, necesario para la derivada', ...
180
```

```
181
              ' simbólica en el método de Newton-Raphson,', ...
182
              ' no se puede continuar.\n\n'}, ''));
183
184
          return;
185
      {\tt end} %if
186
187 else
                 % Si estoy trabajando en Octave.
188
189
      loaded = 0;
190
191
      packs = pkg('list');
192
      for jj = 1:numel(packs)
193
194
          if (strcmp('symbolic', packs{jj}.name))
195
196
             pkg('load', packs{jj}.name);
197
             loaded = 1;
              break;
198
199
          end %if
200
      end %for
201
202
      if (~loaded)
203
          fprintf(strjoin({'\nNo se encontro', ...
              ' el paquete simbólico, necesario para la derivada', ...
204
205
              ' simbólica en el método de Newton-Raphson,', ...
              ' no se puede continuar.\n', ...
206
207
              ' Se puede instalar desde Octave forge con:\n', ...
208
              ' "pkg install -forge symbolic".\n\n'}, ''));
209
210
          return;
211
      end %if
212
213 end \%if
214
216
217 %%
219 fprintf('Creando el directorio para las imágenes...');
220
221 % Creo el directorio para las imágenes y verifico que exista.
222 [~, ~] = mkdir(images_directory);
223 success = (7 == exist(images_directory, 'dir'));
224
225 % Chequeo que el directorio para las imágenes exista.
226 if (~success)
```

```
227
       fprintf(strjoin({'\nNo se pudo crear', ...
228
            ' el directorio para las imágenes.\n\n'}, ''));
229
230
       exit;
231 else
       fprintf('Listo\n\n');
232
233 end
234
235 fprintf('Creando el directorio para los resultados numéricos...');
236
237 % Creo el directorio para los archivos numéricos y verifico que exista.
238 [~, ~] = mkdir(results_directory);
239 success = (7 == exist(results_directory, 'dir'));
240
241 % Chequeo que el directorio para los archivos numéricos exista.
242 if (~success)
       fprintf(strjoin({'\nNo se pudo crear', ...
243
244
           ' el directorio para los resultados.\n\n'}, ''));
245
246
       exit;
247 else
       fprintf('Listo\n\n');
248
249 end
250
251 fprintf(strjoin({'\nLas funciones para la posición, velocidad', ...
       'y aceleración a media carga (n/2 = 6),', ...
       ' son respectivamente:\n\n',''));
253
254 disp(x{1});
255 fprintf('\n');
256 disp(v{1});
257 fprintf('\n');
258 disp(a{1});
259
260 fprintf(strjoin({'Las unidades para estas funciones son', ...
261
       ' m, m/s y m/s^2, respectivamente.\n\n\n'},''));
262
263
264 fprintf(strjoin({'Generando un gráfico de cada función en el',...
       ' intervalo [%.5f, %.5f] para ver su forma general...\n\n'}, ''), ...
265
       ai(1), bi(1));
266
268 % Genero un primer gráfico de cada función para
269 % ver su forma general.
270 graphic_x_handle = grafico(x{1}, ai(1), bi(1), cant_points, titlex, ...
271
       legendx, false, [1 0 0], 75);
272
```

```
273 fprintf(...
274
      'Salvando el gráfico de la posición en un archivo "PNG".....');
275
276 % Salvo el gráfico en un archivo.
277 saveas(graphic_x_handle, fullfile(images_directory, ...
278
      grafico_x));
279
280 % Generación completa.
281 fprintf('Listo\n\n');
282
283 graphic_v_handle = grafico(v{1}, ai(1), bi(1), cant_points, titlev, ...
284
      legendv, false, [0 0 1], 75);
285
286 fprintf(...
287
      'Salvando el gráfico de la velocidad en un archivo "PNG".....');
288
289 % Salvo el gráfico en un archivo.
290 saveas(graphic_v_handle, fullfile(images_directory, ...
291
      grafico_v));
292
293 % Generación completa.
294 fprintf('Listo\n\n');
295
296 graphic_a_handle = grafico(a{1}, ai(1), bi(1), cant_points, titlea, ...
297
      legenda, false, [0 1 0], 75);
298
299 fprintf(...
300
      'Salvando el gráfico de la aceleración en un archivo "PNG".....');
301
302 % Salvo el gráfico en un archivo.
303 saveas(graphic_a_handle, fullfile(images_directory, ...
304
      grafico_a));
305
306 % Generación completa.
307 fprintf('Listo\n\n');
308
309
310 % Generación completa.
311 fprintf('Listo\n\n');
312
314
315 %%
318 % Genero los nombres completos de los archivos de resultados .
```

```
319
320 newton_results_complete_name = ...
321
       fullfile(results_directory, ...
322
       strjoin({newton_results_name, '.csv'}, ''));
323
324 newton_convergence_complete_name = ...
       fullfile(results_directory, ...
325
326
       strjoin({newton_convergence_name, '.csv'}, ''));
327
328 % Genero el nombre completo para el archivo de semillas.
329 seeds_complete_name = ...
330
       fullfile(results_directory, ...
331
       strjoin({seeds, '.csv'}, ''));
332
333 if (exist(newton_results_complete_name, 'file'))
334
       delete(newton_results_complete_name);
335 end
336
337 if (exist(newton_convergence_complete_name, 'file'))
       delete(newton_convergence_complete_name);
338
339 end
340
341 if (exist(seeds_complete_name, 'file'))
       delete(seeds_complete_name);
343 end
344
345
346 %%
349 % Calculo la cantidad de cifras significativas para la tolerancia.
350 cant_signif = ceil(-log10(tol));
351
352 fprintf('\n\nEjecutando los métodos numéricos...\n\n\n');
353
354
355 t_acel_30_percent = zeros(1, 3);
356
357 \text{ for } ii = 1:3
358
359
       fprintf('***********************\nCalculando para %s:\n\n', ...
360
           fn{ii});
361
362
       fprintf(strjoin({'Hallamos el valor de tiempo en', ...
363
           ' el cual se alcanza el 30\% de la aceleración positiva. n', ...
364
```

```
365
            'Por tratarse de una función lineal', ...
366
            ' el valor se halla trivialmente:\n\n'},''));
367
368
        % Calculo el tiempo para un 30% de la aceleración máxima (positiva).
369
370
       max_acel = a{ii}(0);
371
372
        ac_{30p} = @(t) a{ii}(t) - 0.3*max_acel;
373
374
        t_acel_30_percent(ii) = fzero(ac_30p, 0);
375
376
        fprintf(strjoin({'El 30%% de la aceleración',...
377
378
            ' se alcanza en t_acel_30_percent = %.', ...
379
            num2str(cant_signif) ,'f.\n\n'}, ''), ...
380
            t_acel_30_percent(ii));
381
382
        fprintf(strjoin({'Hallamos el valor de posición en', ...
383
384
            ' el tiempo hallado anteriormente. \n', ...
            'Con este valor construimos la función (f{', num2str(ii) ,'})', ...
385
386
            ' a la cuál le hallaremos la raíz por Newton-Raphson:\n\n'},''));
387
       f{ii} = @(t) x{ii}(t) - x{ii}( t_acel_30_percent(ii));
388
389
390
391
        disp(f{ii});
392
393
              graphic\_x\_handle = grafico(f\{1\}, ai(1), bi(1), cant\_points, ...
394
        %
                  'Función a la cual aplicamos Newton-Raphson', ...
395
        %
        %
                  legendx, false, [1 0.3 1], 75);
396
397
398
399
        % Busco la raíz por el método de bisección.
400
        fprintf(strjoin({'Ejecutando el método de bisección'...
            ' para f{', num2str(ii),'}, como arranque,', ...
401
            ' para la tolerancia %.1e...'}, ''), 0.1);
402
403
404
        fprintf('Listo\n\n');
405
406
        [~, seed, ~] = method_bisection(f{ii}, ai(ii), bi(ii), 0.1);
407
408
409
410
        fprintf(strjoin({'La semilla a usar para la búsqueda', ...
```

```
' de la raíz es: %.5f\n\n'}, ''), seed);
411
412
413
        seeds_table = [ai(ii), bi(ii), seed];
414
415
        % Guardo el intervalo y la semilla en un archivo.
        fprintf('Salvando las semillas en un archivo "CSV".....');
416
417
        % Guardo las semillas.
418
419
        dlmwrite(seeds_complete_name, ...
420
            seeds_table, 'precision','%.15f', '-append');
421
422
        % Salvado completo.
        fprintf('Listo\n\n');
423
424
425
426
        % Busco la raíz por el método de Newton-Raphson.
        fprintf(strjoin({'Ejecutando el método de Newton-Raphson'...
427
            ' para f{', num2str(ii), ...
428
429
            '} y para la tolerancia %.1e...'}, ''), tol);
430
431
        % Ejecuto el método.
432
        [r0, delta, erel, ...
433
            table, success] = ...
            method_newton(f{ii}, seed, tol, max_iter);
434
435
        % Chequeo que el método alcanzó la precisón pedida en menos
436
437
        % de las máximas iteraciones.
438
        if (~success)
            fprintf(strjoin({'\nFallo el método de Newton-Raphson', ...
439
                ' para la función f{%d}.\n\n'}, ''), ii);
440
441
442
            return;
443
        else
444
            fprintf('Listo\n\n');
445
        end %if
446
447
        % Extraigo la cantidad de iteraciones requeridas como
        % el largo de la tabla.
448
        iter_req = size(table, 1);
449
450
        % Armo el string para formatear la salida.
451
        format_str = sprintf(...
452
            strjoin({'Raíz hallada después de %%d iteraciones:'...
453
            '\%\%.\%df +- \%\%.1e\n\n'}), ...
454
455
            cant_signif);
456
```

```
457
        % Muestro el resultado.
        fprintf(format_str, iter_req, r0, tol);
458
459
460
461
        % Guardo los resultados en un archivo.
        fprintf('Salvando los resultados en un archivo "CSV".....');
462
463
        % Guardo la tabla de las iteraciones.
464
        dlmwrite(fullfile(results_directory, ...
465
466
            strjoin({newton_prefix, int2str(ii), '.csv'}, '')), ...
            table, 'precision','%.15f');
467
468
        % Armo la tabla de resultados finales con:
469
470
        % 1 - Índice.
        % 2 - Raíz hallada.
471
472
        %3 - Tolerancia pedida.
473
        % 4 - Cantidad de cifras significativas correspondiente.
        % 5 - Delta obtenido.
474
        % 6 - Error relativo.
475
476
        % 7 - Cantidad de iteraciones requeridas.
       results = [ii, r0, tol, cant_signif, delta, erel, iter_req];
477
478
479
        % Guardo el archivo de resultados finales.
       dlmwrite(newton_results_complete_name, ...
480
481
            results, 'precision', '%.15f', '-append');
482
483
        % Guardado completo.
484
       fprintf('Listo\n\n');
485
        % Calculo el orden de convergencia y la constante asintótica
486
487
        % estimadas, en base a los últimos valores de la última tabla.
488
        fprintf('Estimando el orden de convergencia.....');
489
490
491
        % Invoco al cálculo.
492
        [order, asintconst, ~, asintconstder, interm1, interm2, ...
            interm3, interm4, interm5, interm6] = ...
493
            estimate_order(f{ii}, table(iter_req -3, 2), ...
494
495
            table(iter_req - 2, 2), ...
            table(iter_req - 1, 2), table(iter_req, 2));
496
497
498
        % Estimación completa.
499
       fprintf('Listo\n\n');
500
501
        % Muestro el valor estimado.
        fprintf(strjoin({'El orden de convergencia estimado', ...
502
```

```
503
          ' para el método de Newton-Raphson es %.8f.\n\n'}, ''), order);
504
505
       % Armo el array con los valores a guardar.
506
      conv_results = ...
507
          [order, asintconst, asintconstder, interm1, interm2, ...
          interm3, interm4, interm5, interm6];
508
509
       % Guardo los resultados de la estimación en un archivo.
510
511
      fprintf(strjoin({'Salvando los resultados de la estimación', ...
512
          ' del orden de convergencia en un archivo "CSV".....'}, ''));
513
514
       % Guardo los valores de las estimaciones.
      dlmwrite(newton_convergence_complete_name, ...
515
516
          conv_results, 'precision','%.15f', '-append');
517
518
       % Guardado completo.
519
      fprintf('Listo\n\n');
520
521 end
522
524
525 %%
528 fprintf('******************\nCalculando para v{4}:\n\n');
529
530 fprintf(strjoin({'Para el caso del freno del ascensor', ...
       ' usamos Newton-Raphson para calcular el tiempo en el', ...
       ' que se alcanza velocidad 0, la función utilizada es:\n\n'},''));
532
533
534 disp(v{4});
535
536
537 % Busco la raíz por el método de bisección.
538 fprintf(strjoin({'Ejecutando el método de bisección'...
539
       ' para v{4}, como arranque,', ...
       ' para la tolerancia %.1e...'}, ''), 0.3);
540
541
542 fprintf('Listo\n\n');
543
544
545 \ [\text{~, seed, ~]} = method\_bisection(v{4}, 0, 2, 0.3);
546
547
548 fprintf(strjoin({'La semilla a usar para la búsqueda', ...
```

```
549
       ' de la raíz es: %.5f\n\n'}, ''), seed);
550
551 seeds_table = [0, 2, seed];
553 % Guardo el intervalo y la semilla en un archivo.
554 fprintf('Salvando las semillas en un archivo "CSV".....');
556 % Guardo las semillas.
557 dlmwrite(seeds_complete_name, ...
558
       seeds_table, 'precision','%.15f', '-append');
559
560 % Salvado completo.
561 fprintf('Listo\n\n');
562
563
564 % Busco la raíz por el método de Newton-Raphson.
565 fprintf(strjoin({'Ejecutando el método de Newton-Raphson'...
        ' para v{4} y para la tolerancia %.1e...'}, ''), tol);
566
567
568 % Ejecuto el método.
569 [r0, delta, erel, ...
       table, success] = ...
571
       method_newton(v{4}, seed, tol, max_iter);
572
573 % Chequeo que el método alcanzó la precisón pedida en menos
574 % de las máximas iteraciones.
575 if (~success)
576
       fprintf(strjoin({'\nFallo el método de Newton-Raphson', ...
            ' para la función v{4}.\n', '');
577
578
579
       return;
580 else
       fprintf('Listo\n\n');
581
582 end %if
584 % Extraigo la cantidad de iteraciones requeridas como
585 % el largo de la tabla.
586 iter_req = size(table, 1);
587
588 % Armo el string para formatear la salida.
589 format_str = sprintf(...
590
       strjoin({'Raíz hallada después de %%d iteraciones:'...
591
       '%%.%df +- %%.1e\n\n'}), ...
592
       cant_signif);
593
594 % Muestro el resultado.
```

```
595 fprintf(format_str, iter_req, r0, tol);
596
597
598 % Guardo los resultados en un archivo.
599 fprintf('Salvando los resultados en un archivo "CSV".....');
600
601 % Guardo la tabla de las iteraciones.
602 dlmwrite(fullfile(results_directory, ...
       strjoin({newton_prefix, int2str(4), '.csv'}, '')), ...
604
       table, 'precision','%.15f');
605
606 % Armo la tabla de resultados finales con:
607 % 1 - Índice.
608 % 2 - Raíz hallada.
609 % 3 - Tolerancia pedida.
610 % 4 - Cantidad de cifras significativas correspondiente.
611 % 5 - Delta obtenido.
612 % 6 - Error relativo.
613 \% 7 - Cantidad de iteraciones requeridas.
614 results = [ii, r0, tol, cant_signif, delta, erel, iter_req];
616 % Guardo el archivo de resultados finales.
617 dlmwrite(newton_results_complete_name, ...
       results, 'precision', '%.15f', '-append');
620 % Guardado completo.
621 fprintf('Listo\n\n');
623 % Calculo el orden de convergencia y la constante asintótica
624 % estimadas, en base a los últimos valores de la última tabla.
625
626 fprintf('Estimando el orden de convergencia.....');
627
628 % Invoco al cálculo.
629 [order, asintconst, ~, asintconstder, interm1, interm2, ...
630
       interm3, interm4, interm5, interm6] = ...
       estimate_order(v{4}, table(iter_req -3, 2), ...
631
632
       table(iter\_req - 2, 2), \ldots
633
       table(iter_req - 1, 2), table(iter_req, 2));
634
635 % Estimación completa.
636 fprintf('Listo\n\n');
637
638 % Muestro el valor estimado.
639 fprintf(strjoin({'El orden de convergencia estimado', ...
       ' para el método de Newton-Raphson es %.8f.\n\n'}, ''), order);
```

34

```
641
642 % Armo el array con los valores a quardar.
643 conv_results = ...
644
      [order, asintconst, asintconstder, interm1, interm2, ...
645
      interm3, interm4, interm5, interm6];
646
647 % Guardo los resultados de la estimación en un archivo.
648 fprintf(strjoin({'Salvando los resultados de la estimación', ...
      ' del orden de convergencia en un archivo "CSV".....'}, ''));
650
651 % Guardo los valores de las estimaciones.
652 dlmwrite(newton_convergence_complete_name, ...
653
      conv_results, 'precision','%.15f', '-append');
654
655 % Guardado completo.
656 fprintf('Listo\n\n');
657
658
659
661
662 %%
665 % El script se ejecutó correctamente..
666 fprintf('\n\nEjecución del TP1 terminada.\n\n');
667
668 % Detengo la captura de la salida del script.
669 diary off;
671 % Copio el archivo de salida.
672 fprintf('Copiando el archivo de salida.....');
673
674 [status, ~] = copyfile('diary', output_file);
676 % Chequeo que la copia se realizó correctamente.
677 if (~status)
     fprintf(strjoin({'\nFalló la copia', ...
         ' del archivo de salida.\n\n'}, ''));
679
680
      return;
681
682 else %if
683
      fprintf('Listo\n\n');
684 end \%if
685
```

A.2.2. grafico.m

```
1 % Grafica la función pasada por parámetro con el título dado.
2 %
3 % Parámetros:
4 % f:
                     Puntero a la función a graficar.
                    Inicio del intervalo.
5 % a:
6 % b:
                    Fin del intervalo.
7 % cantpuntos:
                    Cantidad de puntos usados.
                    Título del gráfico.
8 % tit:
9 % leyenda:
                    Leyenda en el gráfico.
10 % raiz:
                    Muestra una raíz aproximada gráficamente, o no.
11 % color:
                   Color usado para trazar el gráfico.
12 % size_percent: Porcentaje del tamaño de la pantalla a ocupar.
13 %
14 % Salidas:
15 % graphic_handle: Puntero al gráfico.
17 function [graphic_handle] = grafico(f, a, b, cantpuntos, titulo, ...
      leyenda, raiz, color, size_percent)
20 % Determino si estoy trabajando en MATLAB u Octave.
21 Is_Octave = (5 == exist('OCTAVE_VERSION', 'builtin'));
23 if (nargin < 8)
                                    % Aseguro de tener un tamaño.
24
      size_percent = 50;
                                    % Valor por omisión.
25 end %if
27 if (size_percent < 10.0)</pre>
                                    % Ajusto el tamaño de salida.
     size_percent = 10.0;
29 elseif (size_percent > 100.0)
      size_percent = 100.0;
31 end % if
32
33 % Genero los puntos de la variable x.
34 x = linspace(a, b, cantpuntos);
35
36 % Calculo los puntos de la función.
37 y = f(x);
39 % Calculo el tamaño y la posición de la imagen.
40 pict_size = size_percent/100;
41 pict_pos = (1 - pict_size)/2;
42
43 % Genero la figura, a un % del tamaño de la panatalla y centrada.
44 % No parece funcionar en Octave, pero no genera errores tampoco.
```

```
45 figure1 = figure('units', 'normalized', 'outerposition', ...
       [pict_pos pict_pos pict_size pict_size]);
47
48 % Oculto la figura.
49 set(figure1, 'Visible', 'off');
51 % Genero los ejes.
52 axes1 = axes('Parent', figure1);
54 % Retengo los ejes actuales.
55 hold(axes1,'on');
57 % Grafico.
58 hplot = plot(x, y, 'DisplayName', leyenda, 'Color', color);
60 % Incoropor el título.
61 title(titulo);
63 % Muestro los ejes.
64 box(axes1, 'on');
66 ylims = ylim;
68 % Seteo el resto de las propiedades de los ejes.
69 set(axes1, 'FontSize',7, 'XGrid', 'on', 'XMinorGrid', 'on', 'XMinorTick', 'on',...
       'XTick',a:(b-a)/20:b,'YTick',ylims(1):(ylims(2)-ylims(1))/20:ylims(2),...
70
71
       'YGrid', 'on', 'YMinorGrid', 'on', 'YMinorTick', 'on');
73 % Genero una leyenda para el gráfico.
74 legend1 = legend(axes1, 'show');
76 set(legend1,...
       'Position',[0.84219042650382 0.76675052301329 ...
77
78
       0.0401041662630937 0.0197300099200053]);
80 if (raiz)
81
       % Busco la raíz aproximada, como el menor valor de la
82
       % función en valor absoluto dentro del vector y.
83
84
       root_index = 1;
       min_y = realmax;
86
       for i = 1:length(y)
87
           val = abs(y(i));
88
           if (val < min_y)</pre>
89
               root_index = i;
90
               min_y = val;
```

```
91
            end %if
92
        end %for
93
94
        if (~Is_Octave) % Si estoy trabajando en MATLAB.
95
96
            %Creo un DataTip para la raíz aproximada gráficamente.
97
            % Genero el título para el datatip.
98
99
            strtip = 'Raíz aproximada gráficamente:\n';
100
            % Actualizo la figura.
101
102
            drawnow update;
103
104
            % Inicio el modo cursor.
105
            cursorMode = datacursormode(figure1);
106
            % Seteo la función customizada usada para actualizar el datatip.
107
            set(cursorMode, 'UpdateFcn', @myUpdateFcn, 'Enable', 'on')
108
109
110
            % Genero el datatip.
111
            hDatatip = cursorMode.createDatatip(hplot);
112
113
            % set the datatip marker appearance
            set(hDatatip, 'Marker', 'x', 'MarkerSize', 10, 'MarkerFaceColor', ...
114
115
                'none', 'MarkerEdgeColor', 'r', 'OrientationMode', 'manual')
116
117
            \% Set the data-tip orientation to top-right rather than auto
118
            set(hDatatip,'Orientation','bottomright');
119
            % Genero la pocisión para el datatip.
120
121
            pos = [x(root_index) y(root_index)];
122
            % Muevo el datatip a la posición deseada.
123
            % Para Matlab R2014a y anteriores es necesario lo siguiente.
124
125
            % set(get(hDatatip, 'DataCursor'), 'DataIndex', index, ...
126
            %
                  'TargetPoint', pos)
            set(hDatatip, 'Position', pos);
127
128
            % Actualizo los cursores.
129
130
            updateDataCursors(cursorMode);
131
132
            % Finalizo el modo cursor.
            set(cursorMode, 'enable', 'off');
133
134
135
        else
                         % Si estoy trabajando en Octave.
136
```

```
137
            % Actualizo la figura.
138
            drawnow;
139
            % Marco un punto sobre el gráfico.
140
141
            plot(x(root_index), y(root_index), 'rx');
142
        end %if
143
       %Pix_SS = get(0, 'screensize');
144
145
146
       % ScreenWidth = Pix_SS(2);
147
148
        % ScreenHeight = Pix_SS(2);
149
        %
        % set(figure1, 'Position', ...
150
151
            [0, 0, round(ScreenWidth/2), round(ScreenHeight/2)]);
152
153
154 end
155
156 % Muestro la figura.
157 set(figure1, 'Visible', 'on');
158
159 % Asigno el valor del handle del gráfico que devuelvo.
160 graphic_handle = figure1;
162 % Función customizada para los datatips.
163 % Imprime un datatip customizado solo en MATLAB.
        function outText = myUpdateFcn(~, event)
165
            point = get(event, 'Position');
166
            outText = {sprintf(strtip), ...
167
                sprintf('X: %.6f', point(1)), ...
168
169
                sprintf('Y: %.6f', point(2))};
170
        end %function
171
172 end %function
```

A.2.3. estimate_order.m

```
1 % Aproxima el orden de convergencia y la constante asintótica para un
2 % método numérico de busqueda de soluciones\raíces usando las últimas
3 % 4 aproximaciones encontradas.
4 % Se devuelven también los valores intermedios de los cálculos.
5 %
6 % Parámetros:
7 % f:
                      Puntero a la función a la que se aplicó el método.
8 % val1-val4:
                     Cuatro últimas aproximaciones del método.
9 %
10 % Salidas:
11 % order:
                     Orden de convergencia estimado.
                    Constante asintótica estimada.
12 % asintconst:
13 % asintconstder: Constante asintótica estimada con la derivada de f.
14 % asintconstder2: Constante asintótica estimada con la derivada 2da de f.
15 % interm1-interm6: Valores intermedios del cálculo.
16 %
18 function [order, asintconst, asintconstder, asintconstder2, ...
      interm1, interm2, interm3, ...
19
20
      interm4, interm5, interm6] = estimate_order(f, val1, val2, val3, val4)
21
22 % Calcula:
23 %
24 % order =
25 % log(abs(val4 - val3/val3 - val2))/log(abs(val3 - val2/val2 - val1))
26 %
27 \% asintconst =
28 % abs(val4 - val3)/abs(val3 - val2)^order
29 %
30
31 interm1 = val4 - val3;
33 interm2 = val3 - val2;
34
35 interm3 = val2 - val1;
37 interm4 = log(abs(interm1/interm2));
39 interm5 = log(abs(interm2/interm3));
41 order = interm4/interm5;
43 interm6 = abs(interm2)^(round(order*10)/10);
```

```
45 asintconst = abs(interm1)/interm6;
47 % Calcula:
49 \% asintconstder = abs(f'(val4))
50
                                  % Defino x como variable simbólica.
51 syms x;
52 \text{ func} = f(x);
                                  % Defino func como la función puntero a f.
53 der_func = diff(func);
                                 % Derivada simbólica respecto de x
54 der2_func = diff(der_func);
                                 % Derivada 2da simbólica respecto de x
56
57
58 f_deriv = ...
      matlabFunction(der_func); % Convierto la función derivada simbólica
60 % en una función normal de MATLAB/Octave.
62 f_deriv2 = ...
63 matlabFunction(...
     65~\% simbólica en una función normal de
66 % MATLAB/Octave.
68 if isempty(symvar(der2_func))
     valaux = f_deriv2();
70 else
71
     valaux = f_deriv2(val4);
72 end
73
75 asintconstder = abs(f_deriv(val4));
77 asintconstder2 = valaux/(2*f_deriv(val4));
78
79 end %function
```

A.2.4. method_newton.m

```
1 % Implementa el método de Newton-Raphson.
2 %
3 % Parámetros:
 4 % -----
5 % f:
              Puntero a la función a la cual hallarle la raíz.
             Aproximación inicial, la semilla.
6 % x0:
              Diferencia deseada entre dos aprximaciones sucesivas.
8 % max_iter: Cantidad máxima de iteraciones a realizar, opcional.
9 % showwork: Decide si se muestra las iteraciones al calcularlas, es 0 o 1,
10 %
              opcional.
11 %
12 % Salidas:
13 % -----
14 % r0:
              Valor de la raíz hallada con la precisión pedida, si se logra.
15 % delta_r0: Delta obtenido para la raíz hallada.
16 % e_rel_r0: Error relativo para la raíz hallada.
17 % table:
             Tabla de salida con las iteraciones, contiene el número de
18 %
              iteración, el valor de la raíz, el delta y el error relativo.
19 % success: Si el método fue exitoso, es 1 en caso de éxito y 0 en caso de
              fallar.
21 %
22 % En caso de fallo, las salidas numéricas son NaN (Not a Number).
24 function [r0, delta_r0, e_rel_r0, table, success] = ...
           method_newton(f, x0, delta, max_iter, showwork)
27 if (nargin < 4)
                                   % Aseguro de tener corte si no se dió.
     max_iter = 1000;
                                  % Valor por omisión.
29 end %if
31 if (nargin < 5)
                                   % Por omisión no muestro el progreso.
       showwork = 0;
33 end %if
34
35 delta = abs(delta);
                                   % Aseguro que el error sea positivo.
                                    % Defino x como variable simbólica.
37 syms x;
                                    % Defino func como la función puntero a f.
38 \text{ func} = f(x);
                                    % Derivada simbólica respecto de x
39 der_func = diff(func);
41 f_deriv = ...
       matlabFunction(der_func);
                                   % Convierto la función derivada simbólica
                                    % en una función normal de MATLAB/Octave.
44
```

```
45 p0 = x0;
                                      % Guardo la semilla.
47 table_iter = zeros(max_iter, 4); % Inicializo la tabla de salida.
48
                                      % Contiene:
49
                                      % - Número de iteración.
                                      % - Valor estimado de la raíz.
50
                                      % - Error.
51
                                      % - Error relativo (%).
52
53
54 if (showwork)
                                      % Muestro el inicio del proceso.
       fprintf(strjoin({'\nUsando el método',...
55
56
           'de Newton-Raphson para hallar la raíz...\n\n'}));
57 end %if
58
59 for idx = 1 : max_iter
60
61
      p = p0 - f(p0)/f_deriv(p0); % Calculo la próxima aproximación.
62
                                     % Calculo el error.
       delta_iter = abs(p - p0);
63
64
65
       e_relat_iter = ...
           delta_iter*100.0/p;
                                     % Calculo el rror relativo.
66
67
68
       table_iter(idx,:) = [idx; p; ...
69
           delta_iter; ...
70
           e_relat_iter];
                                      % Guardo la iteración en la tabla.
71
72
       if (showwork)
                                      % Muestro un mensaje si corresponde.
           fprintf(strjoin({'Iteración %d, nuevo valor de x: %.15f,', ...
73
74
               'delta: %.15f, error relativo: %.15f\n\n'}), ...
75
               idx, p, delta_iter, e_relat_iter);
76
       \verb"end" \% if
77
78
       if (delta_iter < delta)</pre>
                                     % Comparo el error con el deseado.
79
80
           r0 = p;
                                      % Guardo el valor de la raíz.
81
                                     % Guardo el delta de l raíz.
82
           delta_r0 = delta_iter;
83
           e_rel_r0 = e_relat_iter; % Guardo el error relativo de la raíz.
84
86
           table = \dots
87
               table_iter(1:idx,:); % Asigno la tabla recortada.
88
                                      % Indico que el método fue exitoso.
89
           success = 1;
90
```

```
91
            if (showwork)
                                       % Muestro un mensaje si corresponde.
 92
                fprintf(strjoin({'\nLa raíz se halló exitosamente por', ...
                     'el método de Newton-Raphson,', ...
 93
                     'después de %d iteraciones.\n\n'}), idx);
 94
 95
            end %if
 96
97
            return;
                                       % Salgo de la función.
        end %if
98
99
100
       p0 = p;
                                       % Guardo el valor para la próxima iter.
101 end %for
102
                                       % Guardo un valor no válido
103 \text{ r0} = \text{NaN};
104
                                       % para la raíz.
105
106 \text{ delta_r0} = \text{NaN};
                                       % Guardo un valor no válido para el delta.
107
108 e_rel_r0 = NaN;
                                       % Guardo un valor no válido
109
                                       % para el error relativo.
110
111 table = [];
                                       % Guardo una tabla vacía.
112
113 success = 0;
                                       % Indico que el método falló.
114
115 if (showwork)
                                       % Muestro un mensaje si corresponde.
      error(strjoin({'\nFallo el método de Newton-Raphson', ...
116
117
           'después de %d iteraciones.\n\n'}), max_iter);
118 end %if
119
120 end %for
```

A.2.5. method_bisection.m

```
1 % Implementa la cantidad pasos de bisección pedidos.
2 %
3 % Parámetros:
4 % f:
                 Puntero a la función a la cual hallarle el intervalo
5 %
                para la raíz.
6 % a0:
                Límite inferior inicial.
7 % b0:
                 Límite superiro inicial.
8 % delta:
                Diferencia deseada entre dos aprximaciones sucesivas.
                Cantidad máxima de iteraciones a realizar, opcional.
10 %
11 % Salidas:
12 % a:
                 Inicio del intervalo.
                 Fin del intervlo.
13 % b:
14 % success:
                Si el método fue exitoso, es 1 en caso de éxito y 0 en caso
                 de fallar.
16 %
17 % En caso de fallo, las salidas numéricas son NaN (Not a Number).
19 function [a, b, success] = method_bisection(f, a0, b0, delta, max_iter)
21 if (nargin < 5)
                        % Aseguro de tener corte si no se dió.
      max_iter = 1000;  % Valor por omisión.
23 end %if
25 delta = abs(delta);
                        % Aseguro que el error sea positivo.
26
27
28 if ((a0 > b0) || (f(a0)*f(b0) > 0))
29
     success = 0;
30
31
                        % Asigno un valor no válido para el fin del
32
     b = NaN;
33
      % intervalo.
34
35
     a = NaN;
                        % Asigno un valor no válido para el inicio del
      % intervalo.
36
37
38
      return;
39 end
40
41 a = a0;
42 b = b0;
44
```

```
45 for ii = 1:max_iter
47
     delta_iter = b - a;
48
     49
50
        break;
51
     end
52
53
    center = (b + a)/2;
54
55
    if (f(center)*f(a) > 0)
56
        a = center;
57
     else
58
        b = center;
59
     end
60
61 end
62
63
64 success = 1; % Indico éxito.
65
66 end %function
```

B. Captura de la salida

B.1. Consideraciones para el código

El texto corresponde a la captura que se hace desde el script de MATLAB, la codificación es automáticamente convertida por LATEX usando el package "listingsutf8".

B.2. Archivo de captura de la salida

B.2.1. salida.txt

```
Inicializando las variables globales para el TP1...Listo
Trabajando en: MATLAB 9.7.0.1190202 (R2019b) sobre Windows.
Creando el directorio para las imágenes...Listo
Creando el directorio para los resultados numéricos...Listo
Las funciones para la posición, velocidad y aceleración a media carga (n/2 = 6), son respectivamente:
    @(t)-0.5443*t.^3+2.*t.^2
    @(t)-1.6329*t.^2+4*t
    @(t)-3.2658*t+4
Las unidades para estas funciones son m, m/s y m/s^2, respectivamente.
Generando un gráfico de cada función en el intervalo [0.00000, 2.44950] para ver su forma general...
Salvando el gráfico de la posición en un archivo "PNG".....Listo
Salvando el gráfico de la velocidad en un archivo "PNG".....Listo
Salvando el gráfico de la aceleración en un archivo "PNG".....Listo
Listo
Ejecutando los métodos numéricos...
Calculando para Media carga (6 personas):
Hallamos el valor de tiempo en el cual se alcanza el 30% de la aceleración positiva.
```

```
Por tratarse de una función lineal el valor se halla trivialmente:
El 30% de la aceleración se alcanza en t_acel_30_percent = 0.8573703227.
Hallamos el valor de posición en el tiempo hallado anteriormente.
Con este valor construimos la función (f\{1\}) a la cuál le hallaremos la raíz por Newton-Raphson:
    Q(t)x\{ii\}(t)-x\{ii\}(t_acel_30_percent(ii))
Ejecutando el método de bisección para f{1}, como arranque, para la tolerancia 1.0e-01...Listo
La semilla a usar para la búsqueda de la raíz es: 0.91856
Salvando las semillas en un archivo "CSV".....Listo
Ejecutando el método de Newton-Raphson para f{1} y para la tolerancia 1.0e-10...Listo
Raíz hallada después de 4 iteraciones: 0.8573703227 +- 1.0e-10
Salvando los resultados en un archivo "CSV".....Listo
Estimando el orden de convergencia.....Listo
El orden de convergencia estimado para el método de Newton-Raphson es 1.99990052.
Salvando los resultados de la estimación del orden de convergencia en un archivo "CSV".....Listo
Calculando para Máxima carga (12 personas):
Hallamos el valor de tiempo en el cual se alcanza el 30% de la aceleración positiva.
Por tratarse de una función lineal el valor se halla trivialmente:
El 30% de la aceleración se alcanza en t_acel_30_percent = 1.05000000000.
Hallamos el valor de posición en el tiempo hallado anteriormente.
 \hbox{\tt Con este valor construimos la función (f\{2\}) a la cuál le hallaremos la raíz por \tt Newton-Raphson: } \\
    @(t)x{ii}(t)-x{ii}(t_acel_30_percent(ii))
 Ejecutando \ el \ m\'etodo \ de \ bisecci\'on \ para \ f\{2\}, \ como \ arranque, \ para \ la \ tolerancia \ 1.0e-01... Listo
La semilla a usar para la búsqueda de la raíz es: 1.12500
Salvando las semillas en un archivo "CSV".....Listo
```

```
Ejecutando el método de Newton-Raphson para f{2} y para la tolerancia 1.0e-10...Listo
Raíz hallada después de 4 iteraciones: 1.0500000000 +- 1.0e-10
Salvando los resultados en un archivo "CSV".....Listo
Estimando el orden de convergencia.....Listo
 \hbox{El orden de convergencia estimado para el m\'etodo de Newton-Raphson es } 2.00012932. \\
Salvando los resultados de la estimación del orden de convergencia en un archivo "CSV".....Listo
Calculando para Mínima carga (O personas):
Hallamos el valor de tiempo en el cual se alcanza el 30% de la aceleración positiva.
Por tratarse de una función lineal el valor se halla trivialmente:
El 30% de la aceleración se alcanza en t_acel_30_percent = 0.6062180653.
Hallamos el valor de posición en el tiempo hallado anteriormente.
Con este valor construimos la función (f\{3\}) a la cuál le hallaremos la raíz por Newton-Raphson:
    @(t)x{ii}(t)-x{ii}(t_acel_30_percent(ii))
Ejecutando el método de bisección para f{3}, como arranque, para la tolerancia 1.0e-01...Listo
La semilla a usar para la búsqueda de la raíz es: 0.64954
Salvando las semillas en un archivo "CSV".....Listo
 {\tt Ejecutando\ el\ m\'etodo\ de\ Newton-Raphson\ para\ f\{3\}\ y\ para\ la\ tolerancia\ 1.0e-10...Listo} 
Raíz hallada después de 4 iteraciones: 0.6062180653 +- 1.0e-10
Salvando los resultados en un archivo "CSV".....Listo
Estimando el orden de convergencia.....Listo
El orden de convergencia estimado para el método de Newton-Raphson es 1.99880274.
{\tt Salvando\ los\ resultados\ de\ la\ estimaci\'on\ del\ orden\ de\ convergencia\ en\ un\ archivo\ "{\tt CSV".....Listo}}
*********
Calculando para v\{4\}:
```

Para el caso del freno del ascensor usamos Newton-Raphson para calcular el tiempo en el que se alcanza velocidad 0,

@(t)3.0625*t.^2-7.84

Ejecutando el método de bisección para v{4}, como arranque, para la tolerancia 3.0e-01...Listo

La semilla a usar para la búsqueda de la raíz es: 1.75000

Salvando las semillas en un archivo "CSV"......Listo

Ejecutando el método de Newton-Raphson para v{4} y para la tolerancia 1.0e-10...Listo

Raíz hallada después de 4 iteraciones: 1.6000000000 +- 1.0e-10

Salvando los resultados en un archivo "CSV"......Listo

Estimando el orden de convergencia......Listo

El orden de convergencia estimado para el método de Newton-Raphson es 1.99999853.

Salvando los resultados de la estimación del orden de convergencia en un archivo "CSV"......Listo

Ejecución del TP1 terminada.