Прикладні алгоритми. Завдання 1, звіт

Михайло Голуб 11 вересня 2024 р.

Реалізація класу множина з сортування:

Для реалізації елементу множини на мові програмування Python створено клас *Node*, що містить значення *value* та *next_node*. Перше містить значення елементу множини, інше вказівник на наступний *Node* (або *None* якщо наступного *Node* немає).

Для реалізації множини створено клас Set, що містить значення $first_node$ та методи для операцій над собою: insert, $__str__$, delete, search, clear, $__len__$, to_list ; та іншим представником класу: $__add__$, $__mul__$, $__sub__$, $__truediv__$.

Реалізація методів класу Set:

insert — цей метод додає значення до множини за наступним алгоритмом роботи:

- 1. Якщо не існує першого елемента— створити його та записати туди значення, завершити;
- 2. Якщо значення нового елемента менше значення першого елемента створити новий елемент, зробити новий елемент першим, перший другим, завершити;
- 3. Якщо значення нового елемента рівне першому завершити;
- 4. Крокувати через усі елементи множини: якщо обраний елемент не існує – вставити новий елемент, завершити; якщо обраний елемент менше обраного – крокувати далі; якщо обраний елемент більше обраного – вставити новий елемент перед ним, завершити; якщо обраний та новий елемент мають однакове значення – завершити.

Кроки 1-3 є частковим випадком 4, оскільки крокування можливо почати лише з 2го елементу не ускладнюючи код циклу.

__ $str_{_}$ — цей метод крокує через усі елементи множини, записує їх у list, потім переганяє їх у str та повертає отраману строку.

 $to\ list$ — цей метод крокує через усі елементи множини, записує їх у list та повертає його.

delete — цей метод видаляє значення з множини за наступним алгоритмом роботи:

- 1. Якщо множина пуста завершити;
- 2. Якщо значення менше першого елемента завершити;
- 3. Якщо значення рівне першому елементу—видалити його, зробити другий елемент першим, завершити;

4. Крокувати через усі елементи множини: якщо обраний елемент не існує — завершити; якщо значення рівне значенню обраного елемента — видалити його, зв'язати сусідні елементи між собою, завершити; інакше — крокувати далі.

search — цей метод перевіряє наявність елемента в множині за наступним алгоритмом роботи:

- 1. Якщо множина пуста повернути -1;
- 2. Якщо значення менше першого елемента повернути -1;
- 3. Якщо значення рівне першому елементу повернути 0;
- 4. Крокувати через усі елементи множини: якщо обраний елемент не існує повернути -1; якщо значення рівне значенню обраного елемента повернути його позицію; інакше крокувати далі.

clear — цей метод видаляє відв'язує перший елемент від множини, після чого його десь там підбирає garbage collector.

Бінарні методи класу множини реалізовані за загальним принципом:

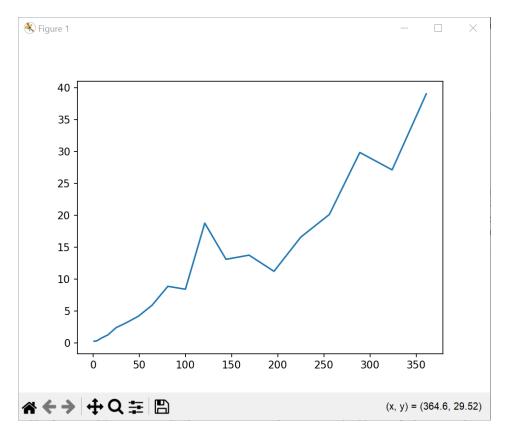
- 1. Виконати відповідну дію якщо одна або обидві з множин пусті
- 2. Крокувати через обидві множини: порівнювати обрані елементи, якщо виконується умова операції виконати дію; інакше зробити крок в множині чий обраний елемент менший

Детальний опис цих методів займе більше часу ніж усе інше сумарно, тому він буде пропущений.

Тестування швидкості роботи:

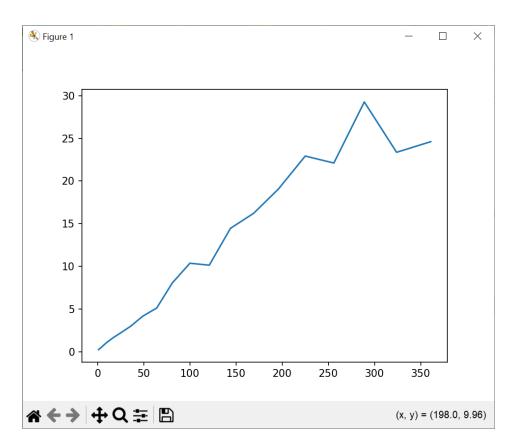
Дядько Фестер (Аддамс), представник класу *SkilledTester*, проводить тестування наступним чином: отримує два "синхронізовані"масиви: "потужність множин"та "кількість тестувань"; тестує, та повертає масив середніх часів виконання. Після цього створюється графік залежності часу виконання (в мкс) від потужності множини.

Результати тестування *search* елементів яких немає в множині:



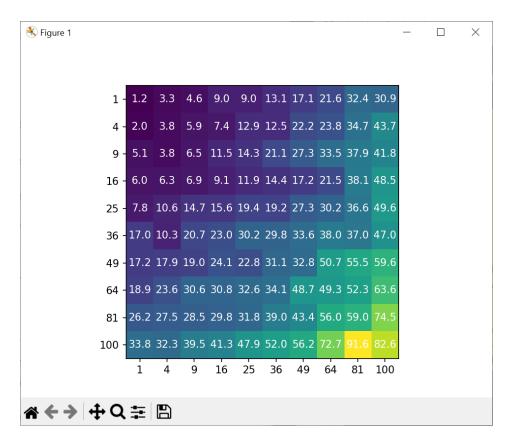
Протестовано 19 вибірок потужністю від 1 до 361. Не дивлячись на малу кількість точок та значне коливання значень, видно що залежність часу виконання від потужності схожа на лінійну функцію. Це очікувано, оскільку алгоритм не має вкладених циклів і в середньому має складність $O(\frac{n}{2})$

Результати тестування *search* елементів які є в множині:



Протестовано 19 вибірок потужністю від 1 до 361. Не дивлячись на малу кількість точок та значне коливання значень, видно що залежність часу виконання від потужності схожа на лінійну функцію. Це очікувано, оскільку алгоритм не має вкладених циклів і в середньому має складність $O(\frac{n}{2})$

Результати тестування union множин:



Протестовано 100 пар вибірок множин потужністю від 1 до 100. З heatmap видно, що збільшення сумарної кількості елементів множин в 2 рази призводить збільшення часу в 1.7-2.5 рази. Це очікувано, оскільки алгоритм не може зробити ітерацій більше ніж є сумарно елементів у множинах, а отже має найгіршу складність $O(n_1+n_2)$

Посилання на репозиторій практикуму: $https://github.com/MINIAProgramStudio/applied_algorythms/tree/main/task_1$