

задачи М+

В тази рубрика, която се води от доц. д-р Веселин Ненков, се публикуват задачи за ученици от горните класове, за студенти и учители. Основният признак за подбор е оригиналност. Това не означава задължителна новост, защото твърдението, че една задача е нова, остава в сила до доказване на противното. Оригиналността включва естетичност и остроумие, а решаването на задачи с подобни качества изисква инициативност, откривателски подход, интелектуално усилие.

Рубриката разчита на активното Ви участие както с решения, така и с предложения на задачи. Изпращайте ги на адрес:

1618 София, ул. "Гусла" № 1 ВУЗФ Радмила Златкова

посочвайте писмата си училището (университета) класа (курса), ако сте ученик (студент). Желателно е предлагапите задачи да са напечатани в два екземпляра с кратки, но пълни решения. Ще отбелязваме тези, имената които направили предложенията. Ако задачата заета, посочете източника. писмото поставете празен плик с точния Ви адрес. Без да извършва класиране, M+ обсъжда ще изпратените решения, найa хубавите от тях ще намерят място страниците рубриката бъдат И ще награждавани.

M+577. Две от цифрите на седемцифреното число N са деветки, а останалите са различни от 9 и по между си. Да се намери най-малкото N, което се дели на всичките си цифри.

(Милен Найденов, гр. Варна)

М+578. Дадени са четири поредни реда с нули и единици:

Да се определи правилото, по което всеки следващ ред се получава от предходния и да се запише петият ред.

(Росеп Николаев, гр. Варна)

M+579. Реалните числа x и y са корени съответно на:

$$8x^5 - 60x^4 + 184x^3 - 288x^2 + 231x - 84 = 0$$
 и $81y^5 - 270y^4 + 378y^3 - 276y^2 + 107y - 8 = 0$.

Да се намери стойността на израза 2x + 3y.

(Сава Гроздев, София и Веселин Ненков, Бели Осъм) М+580. Точките M, N и P са среди съответно на страните AB, BC и CA на неравнобедрен триъгълник ABC. Ако O е центърът на описаната около ΔMNP окръжност, да се докаже, че O лежи върху ъглополовящата на $\sphericalangle ACB$ тогава и само тогава, когато $\sphericalangle ACB = 60^\circ$.

(Тодор Митев, гр. Русе)

M+581. Точката X лежи в равнината на ΔABC , като $\sphericalangle BAC = \alpha$ и $\sphericalangle BXC = x$. Ако Y е точка, за която са изпълнени равенствата $\sphericalangle ABY = \sphericalangle CBX$ и $\sphericalangle BCY = \sphericalangle ACX$,

да се докаже, че
$$AY = \frac{\sin x}{\sin(x-\alpha)}AX$$
.

(Хаим Хаимов, гр. Варна)

M+582. Основата на четириъгълна пирамида е правоъгълник с периметър $2,8\,\partial m$. Дължините на страните на основата в сантиметри са различни прости числа, а дължината на височината към основата в сантиметри е равна на най-малкото съставно число. В пирамидата са разположени 25 точки, като никои три от тях не лежат на една права и никои четири не лежат в една равнина. Да се докаже, че съществува тетраедър с върхове в някои от тези точки, чийто обем е не по-голям от $5,5\,cm^3$.

(Христо Лесов, гр. Казанлък)

Краен срок за изпращане на решения: 15.04.2018 г.