

Partial Fraction (Pecahan Parsial)

Dyah Adila

Partial Fraction (Pecahan Parsial)

Dalam kalkulus, ada beberapa prosedur yang akan jauh lebih mudah jika kita mengubah pecahan yang besar menjadi beberapa bagian kecil. Operasi yang memungkinkan ini disebut *partial fraction* (Pecahan parsial).

Tabel

Factor in denominator	Term in partial fraction decomposition
ax + b	$\frac{A}{ax+b}$
$(ax+b)^k$	$\frac{A_1}{ax+b} + \frac{A_2}{\left(ax+b\right)^2} + \dots + \frac{A_k}{\left(ax+b\right)^k}$
$ax^2 + bx + c$	$\frac{Ax+B}{ax^2+bx+c}$
$\left(ax^2+bx+c\right)^k$	$\frac{A_1x + B_1}{ax^2 + bx + c} + \frac{A_2x + B_2}{\left(ax^2 + bx + c\right)^2} + \dots + \frac{A_kx + B_k}{\left(ax^2 + bx + c\right)^k}$

Contoh

$$\frac{5x-4}{x^2-x-2} = \frac{5x-4}{(x-2)(x+1)}$$
 Step 1: Faktorisasi penyebut nya

$$\frac{5x-4}{(x-2)(x+1)} = \frac{A_1}{x-2} + \frac{A_2}{x+1}$$

 $\frac{5x-4}{(x-2)(x+1)} = \frac{A_1}{x-2} + \frac{A_2}{x+1}$ Step 2: Tulis pecahan pasial dari masing-masing faktor

$$5x-4 = A_1(x+1) + A_2(x-2)$$
 Step 3: Kalikan dengan penyebut awal hingga tidak ada pecahan lagi.

Step 4: Temukan masing- masing koefisien

```
Root for (x+1) is x = -1

5(-1) - 4 = A_{1}(-1+1) + A_{2}(-1-2)
-9 = 0 + A_{2}(-3)
A_{2} = 3
Root for (x-2) is x = 2

5(2) - 4 = A_{1}(2+1) + A_{2}(2-2)
6 = A_{1}(3) + 0
A_{1} = 2
```