# GX/GZOI2019 题解

 ${\bf MLEAutoMaton}$ 

2019年4月30日

# 目录

1	1 与 <b>或</b> 相 andorsum	
	1.1 20pts	
	1.2 50pts	
	1.3 100pts	
2	2 宝牌一大堆 doraippai	
	2.1 未知的部分分	
	2.2 100pts	
	2.2.1 七对子	
	2.3 国士无双	
	2.3.1 3*4+2	
3	3 特技飞行 aerobatics	
	3.1 100pts	
	3.1.2 a,b 的贡献	
4	4 逼死强迫症 obsession	
	4.1 100pts	
5	5 旅行者 tourist	
	5.1 100pts	
6	6 旧词 poetry	
	6.1 20pts	
	6.2 100pts	

1 与或和 ANDORSUM 3

## 1 与或和 andorsum

## 1.1 20pts

直接暴力枚举点然后暴力算就好了.

### 1.2 50pts

写一个 dp, 然后转移就行.

## 1.3 100pts

考虑二进制拆位, 那么现在对于每一位矩阵只可能是 0 或 1, 具有贡献的就是 1.

- 1. & 运算如果要是 1, 只能够全是 1.
- 2. | 运算如果要是有一个 1, 那么就是 1.

发现这个 | 不好算, 那么考虑它的逆命题:

• 如果全是 0, 那么就是 0.

发现这是一个相同的过程,接下来就是求全 0/1 的过程了.

首先算每一个点能够向上扩展多少,枚举(i,j)作为矩形的右下角,对于前面的元素维护一个向上扩展的单调栈,直接算贡献就好了.

emm, 注意以 (i,j) 为右下角的矩阵个数为 i\*j.

## 2 宝牌一大堆 doraippai

## 2.1 未知的部分分

和牌的方案很小,暴力枚举即可.

### 2.2 100pts

考虑如果将杠子看成刻子 +1, 那么就只有三种和牌的方式:

- 1. 3\*4+2
- 2. 七对子
- 3. 国士无双

下面用 val 表示对应的收益,chk 表示更新:

#### 2.2.1 七对子

我们不妨设  $f_{i,j}$  表示枚举完了前 i 种牌, 选出来了 j 个雀子的最大收益. 很容易转移:

 $f_{i+1,j} = max(f_{i+1,j}, f_{i,j} * val)$ 

然后答案就是 f34.7

## 2.3 国士无双

发现只有给出的 13 种牌有用, 那么接着 dp!

设  $dp_{i,j}$  表示前 i 种牌 (钦定的 13 种), 现在有 j 张牌.

容易转移:

 $dp_{i+1,j+1} = dp_{i,j} * val$ 

 $dp_{i+1,j+2} = dp_{i,j} * val$ 

#### 2.3.1 3\*4+2

如果做过麻将那么你就会做出来这道题!

设  $f_{i,j,k,a,b}$  表示枚举了前 i 种牌, 钦定以 i-1 开头的顺子有 j 个, 以 i 开头的顺子有 k 个, 已经组成了 a 个面子,b 表示有无雀子.

然后一顿乱转移就是了.

为什么没有杠子呢?

因为选杠子一定不优啊!

## 3 特技飞行 aerobatics

### 3.1 100pts

强行二合一海星...

### 3.1.1 c 的贡献

直接曼哈顿距离转切比雪夫距离然后扫描线就好了.

### 3.1.2 a,b 的贡献

考虑显然可以全用'对向交换'达成目标,那么现在问题转换成了:如何使用最多的'擦肩而过'满足条件.

每次的'对向交换'在最终的排列 p 上的作用体现即为交换了某两个元素的位置, 所以我们只需要用最小的交换次数将 p 还原成原排列即可.

## 4 逼死强迫症 obsession

## 4.1 100pts

考虑设  $f_i$  表示当 N 为 i 的时候的答案, $g_i$  表示只用 12 的铺满 2i 格子的方案数.

有: $f_i = f_{i-1} + f_{i-2} + 2 * \sum_{j=1}^{i-3} g_j$ 

然后我们又知道斐波那契数列的前缀和  $s_i=g_i+2$ , 直接矩阵快速幂就好了.

5 旅行者 TOURIST 5

## 5 旅行者 tourist

## 5.1 100pts

考虑两个关键点对之间一定不会经过另一个关键点,那么就跑两边 dijkstra 然后枚举边就行了.

# 6 旧词 poetry

## 6.1 20pts

暴力枚举点对就好了.

## 6.2 100pts

我们先想一下答案怎么转换 (如果 k=1)? 把 y 到根节点的路径打上标记,答案就是  $i \le x$  到根节点的路径的标记总数. 这个又可以变成:

 $i \le x$  到根节点的路径打标记, 然后 y 到根节点的标记总数. 然后如果 k! = 1, 也可以差分就好了.