

①

```
def floyd_warshall(adj-matrix):
```

```
    n = len(adj-matrix)
```

```
    for i in range(n):
```

```
        for j in range(n):
```

```
            if i != j and adj-matrix[i][j] == 0:
```

```
                adj-matrix[i][j] = +∞
```

```
    for i in range(n):
```

```
        for j in range(n):
```

```
            for k in range(n):
```

```
                if adj-matrix[i][j] >
```

```
                    adj-matrix[i][j] + adj-matrix[j][k]:
```

```
                    adj-matrix[i][j] = adj-matrix[i][j] +
```

```
                        adj-matrix[j][k]
```

```
    return adj-matrix
```

② کافی است از $\log V$ بار عمل استعاره کنیم

ابتدا عمل $\log V$ بار عمل $\log V$ به صورت صعودی

مرتبه‌ای کنیم که از مرتبه $O(E \log V)$ بماند.

سپس در هر مرحله عمل را به صورت اضافی کنیم و بعدی کنیم.

مسئله دایره ندهد که این کار را با Union-Find انجام می‌دهیم.

در ابتدا محدودتر به تعداد رأس ها می‌رویم و این کار را

Union-Find از مرتبه $O(V)$ است.

حال برای چک کردن حلقه و دور کردن نیاز merge کردن می‌خواهیم

، برای هر حال به $O(V)$ برای نیاز است به در هر بار.

$O(E \log V)$ برای نیاز است

در کل هم به $O(E \log V + V + E \log V)$

نیاز است که اگر $V > E$ آنگاه $O(E \log V)$

و بالعکس $O(E \log E)$ نیاز است.

```
def kruskal(V, E):
```

```
    MST = []
```

```
    edges = sort(E)
```

```
    Union-Find(V)
```

```
    for edge in edges:
```

```
        if find(edge.u) != find(edge.v):
```

```
            union(edge.u, edge.v)
```

```
            MST.append(edge)
```

```
        if MST.length == len(V) - 1:
```

```
            break
```

```
    return MST
```

def Union-Find(V):

$parent = []$

$rank = []$

 for v in V :

$parent[v] = v$

$rank[v] = 0$

def find(u):

 if $parent[u] \neq u$:

$parent[u] = find(parent[u])$

 return $parent[u]$

def union(~~u~~, v):

root_u = find(u)

root_v = find(v)

if root_u != root_v:

if rank[root_u] > rank[root_v]:

parent[root_v] = root_u

elif rank[root_u] < rank[root_v]:

parent[root_u] = root_v

else:

parent[root_v] = root_u

rank[root_u] ++