系級: 機械碩 姓名: 王俞程

請實做以下兩種不同 feature 的模型,回答第(1)~(3)題:

- (1) 抽全部 9 小時內的污染源 feature 當作一次項(加 bias)
- (2) 抽全部 9 小時內 pm2.5 的一次項當作 feature(加 bias)

## 備註:

- a. NR 請皆設為 0,其他的數值不要做任何更動
- b. 所有 advanced 的 gradient descent 技術(如: adam, adagrad 等) 都是可以用的
- c. 第 1-3 題請都以題目給訂的兩種 model 來回答
- d. 同學可以先把 model 訓練好,kaggle 死線之後便可以無限上傳。
- e. 根據助教時間的公式表示,(1) 代表 p = 9x18+1 而(2) 代表 p = 9\*1+1
- 1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據 kaggle public+private 分數),討論兩種 feature 的影響

| Submission and Description                                    | Private Score | Public Score | Use for Final Score |
|---|---------------|--------------|---------------------|
| prediction.csv<br>just now by Oswald614<br>PM2.5_only         | 7.22356       | 5.90263      |                     |
| prediction.csv 3 hours ago by Oswald614 5-times iteration     | 7.27420       | 5.73565      |                     |
| prediction.csv 3 hours ago by Oswald614 (all-feature(example) | 7.27081       | 5.65650      |                     |

可以看出在 public 的部分,使用全部污染源的結果較佳,然而在 private 的部分,則是僅用 PM2.5 的結果較佳。

推測是因為 18 項污染源中,不是每一項皆會與 PM2.5 相關,故在使用 18 項污染源上,會影響預測值。

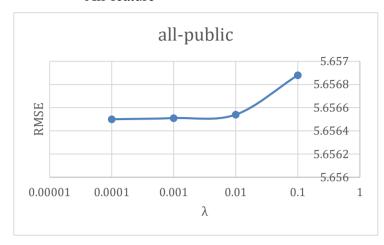
2. (1%)將 feature 從抽前 9 小時改成抽前 5 小時,討論其變化

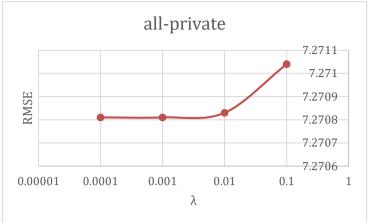
| just now by Oswald614  5hr-PM2.5_only      | 20.19637 | 19.52891 |  |
|--|----------|----------|--|
| prediction.csv 18 minutes ago by Oswald614 | 19.39691 | 18.98836 |  |
| 5hr-all                                    |          |          |  |

由 9 小時改成 5 小時後,我們可以發現誤差變的非常大。推測是因為原先 9 小時涵蓋 1/3 天,而 5 小時大概 1/5。較無法反映長時間的觀察。

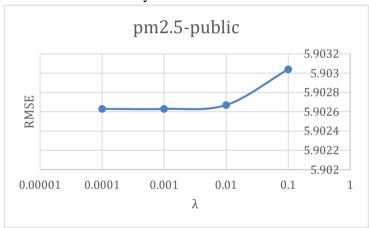
若有足夠測試資料,將會嘗試以抽24小時來比較。

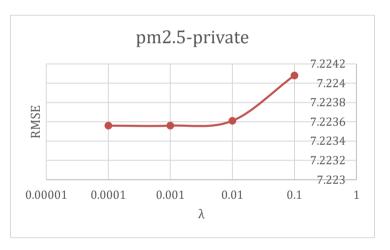
## 3. (1%)Regularization on all the weight with $\lambda\!\!=\!\!0.1$ 、0.01 、0.001 、0.0001 ,並作圖 All-feature



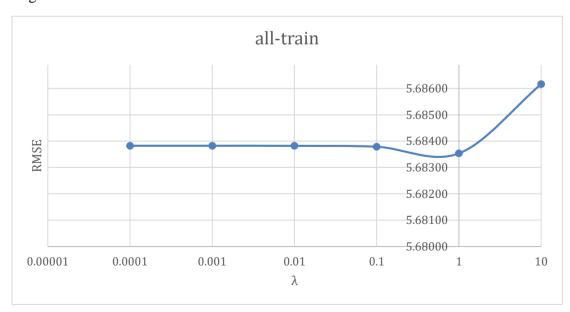


Pm2.5 only





## training data



4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量  $x^n$ ,其標註(label)為一純量  $y^n$ ,模型參數為一向量 w (此處忽略偏權值 b),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum_{l=1}^{n} ( l^{-1} - l^{-1} \cdot l^{-1} )^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣  $X = [x^1 \ x^2 \ ... \ x^N]^T$ 表示,所有訓練資料的標註以向量  $y = [y^1 \ y^2 \ ... \ y^N]^T$ 表示,請問如何以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w ?請選出正確答案。(其中  $X^TX$  為 invertible)

- (a)  $(X^TX)X^Ty$
- (b)  $(X^TX)yX^T$
- (c)  $(X^{T}X)^{-1}X^{T}y$
- (d)  $(X^{T}X)^{-1}yX^{T}$

С

因 Y-X·W=0 ,故 W =  $X^{-1}Y \rightarrow C$ 

## 最佳成績

| Submission and Description                 | Private Score | Public Score | Use for Final Sco |
|--|---------------|--------------|-------------------|
| prediction.csv<br>a month ago by Oswald614 | 7.02875       | 5.55573      |                   |
| all_ransa_1std                             |               |              |                   |
| and deline and                             | 7.07700       | E E04E0      |                   |