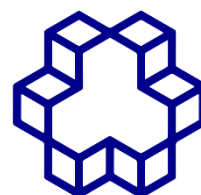


به نام خدا

دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

دانشکده برق



دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

مبانی سیستم های هوشمند

مینی پروژه سوم

لینک کد:

https://colab.research.google.com/drive/1IAip20dLskVH6GLQptSZsjaXra1FawxE?usp=drive_link

لینک گیت:

<https://github.com/MMM1381/Fundamentals-of-intelligence-system-projects>

محمد مهدی معاضدی

9930473

استاد : آقای دکتر مهدی علیاری

1403

مقدمه

توضیحات پیاده‌سازی ANFIS

در سوال پنجم، برای پیاده‌سازی ANFIS با استفاده از پایتون از کتاب *Deep Neuro-Fuzzy Systems with Python: With Case Studies and Himanshu* کتابخانه خاص استفاده شده که نیازمند نصب است.

اما با توجه به تجربه کار عملی:

کتابخانه ذکر شده برای `import` توابع مختلف با مشکلاتی (باگ‌ها) همراه بود.

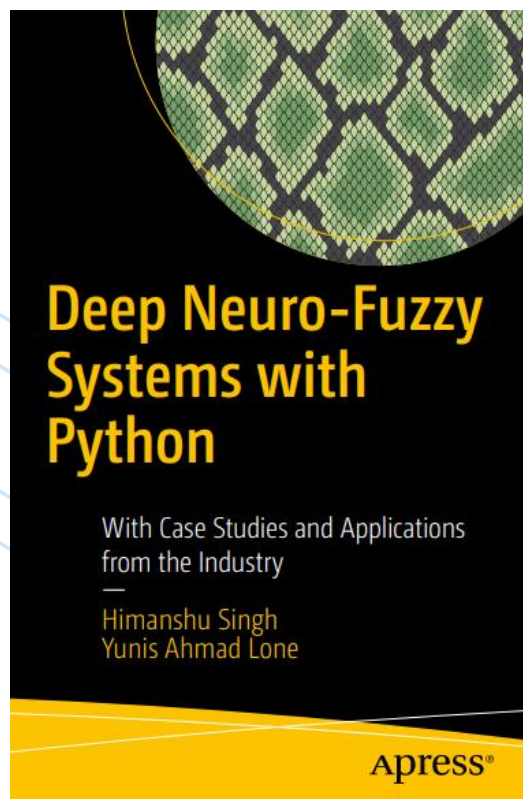
برای رفع این مشکل، بهترین راه دانلود کدها از ریپازیتوری رسمی موجود در **GitHub** و استفاده مستقیم از فایل‌های `anfis.py` و فایل‌های داخل پوشه `membershipfunction` است.

پس فایل `anfis.py` و پوشه `membershipfunction` باید حتما در مکانی که کد اجرا می شود باشند

لینک ریپازیتوری: <https://github.com/twmeggs/anfis>

این روش تضمین می‌کند که وابستگی‌ها و توابع لازم بدون مشکلات اضافی اجرا شوند.

نکته من در بقیه سوالات **anfis** رو در متلب زدم اونجا از توابع خود متلب استفاده کردم



فهرست مطالب

4.....	پرسش دوم
4.....	پارک کردن ماشین با منطق فازی
8.....	پرسش سوم
8.....	Ball and Beam
11.....	پرسش چهارم
11.....	شناسایی یک سیستم غیرخطی با فازی و گرادیان کاهشی
15.....	پرسش پنجم
15.....	نتایج مدل‌های RBF و ANFIS
18.....	پایان

پرسش دوم

پارک کردن ماشین با منطق فازی

کد فایل : car.m و Car.fis

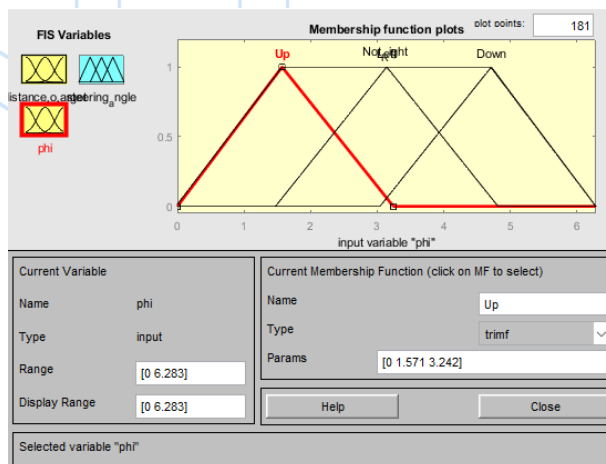
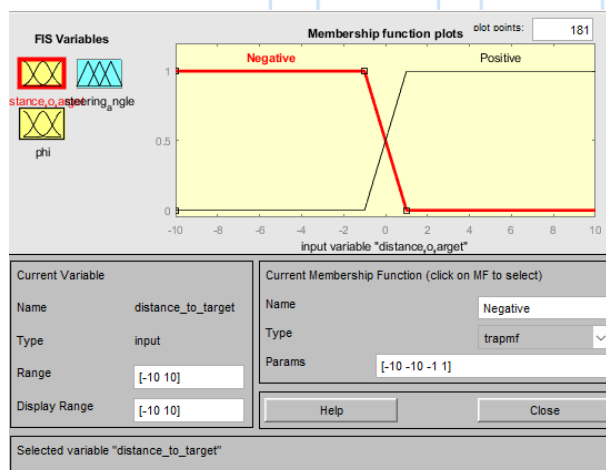
هدف این مسأله پارک کردن یک ماشین در نقطه که $\phi = 90$ و $x = 10$ نشان دهنده زاویه دوران ماشین است می باشد. ماشین فقط به صورت دنده عقب حرکت می کند و کنترل ماشین تنها با تنظیم زاویه فرمان θ امکان پذیر است. برای حل این مسئله از منطق فازی و نرم افزار **Fuzzy Logic Designer** در **MATLAB** استفاده شده است.

متغیرهای فازی و توابع تعلق

در این مسئله، ورودی ها و خروجی های سیستم فازی به صورت زیر تعریف شده اند:

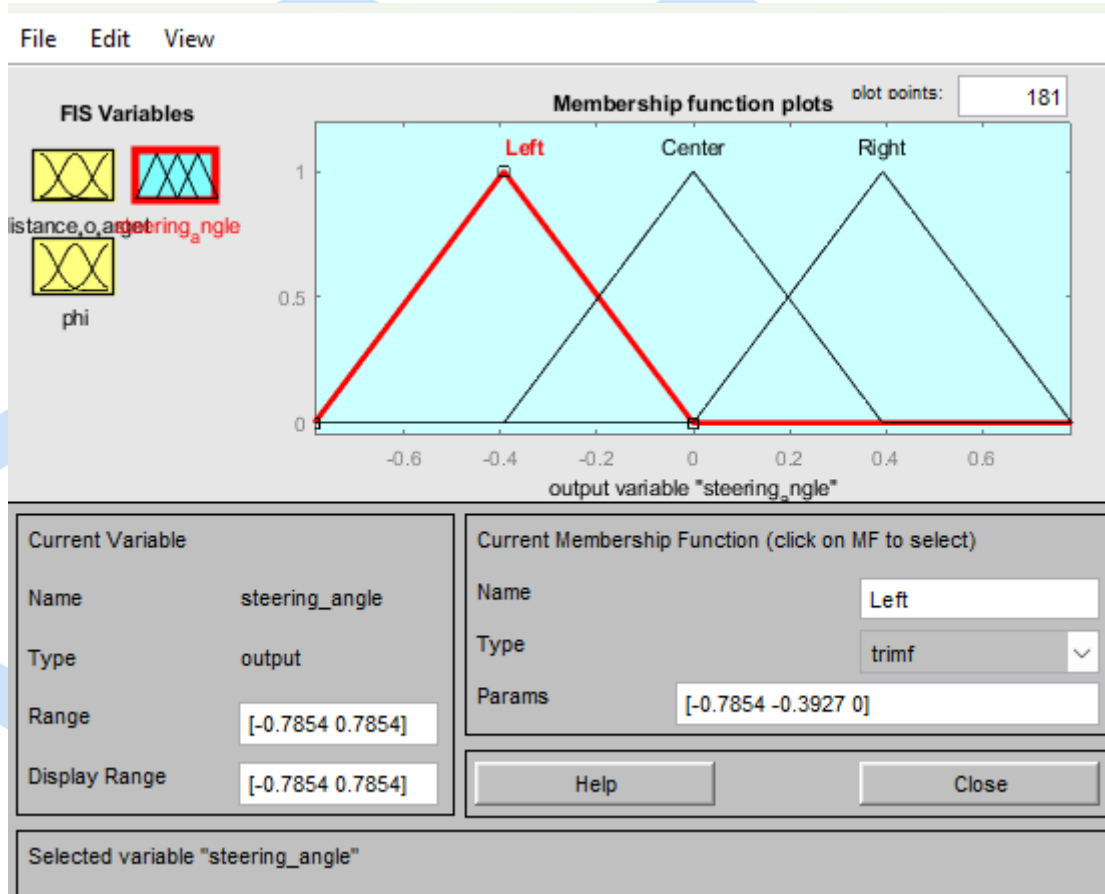
1. ورودی ها

- Φ زاویه دوران ماشین با 4 تابع تعلق:
 - **Up:** ماشین در حالت بالا یا نزدیک به زاویه 90 درجه.
 - **Not_Right:** ماشین در زاویه غیر راست.
 - **Down:** ماشین در حالت پایین.
 - **Right:** ماشین در زاویه راست.
- **distance_to_target** فاصله از نقطه هدف با 2 تابع تعلق:
 - **Positive:** فاصله مثبت (ماشین در سمت راست نقطه هدف).
 - **Negative:** فاصله منفی (ماشین در سمت چپ نقطه هدف).



2. خروجی

- θ زاویه فرمان با 3 تابع تعلق :
 - **Left:** فرمان به سمت چپ.
 - **Right:** فرمان به سمت راست.
 - **Center:** فرمان در حالت مستقیم.



قوانین فازی

6 قانون فازی برای کنترل ماشین طراحی شده‌اند. این قوانین به صورت منطقی تنظیم شده‌اند تا جهت حرکت ماشین با توجه به زاویه ϕ و فاصله از نقطه هدف تعیین شود. قوانین به شرح زیر هستند:

1. اگر $distance_to_target$ منفی باشد و ϕ در حالت Up باشد، زاویه فرمان θ باید به سمت راست تنظیم شود.

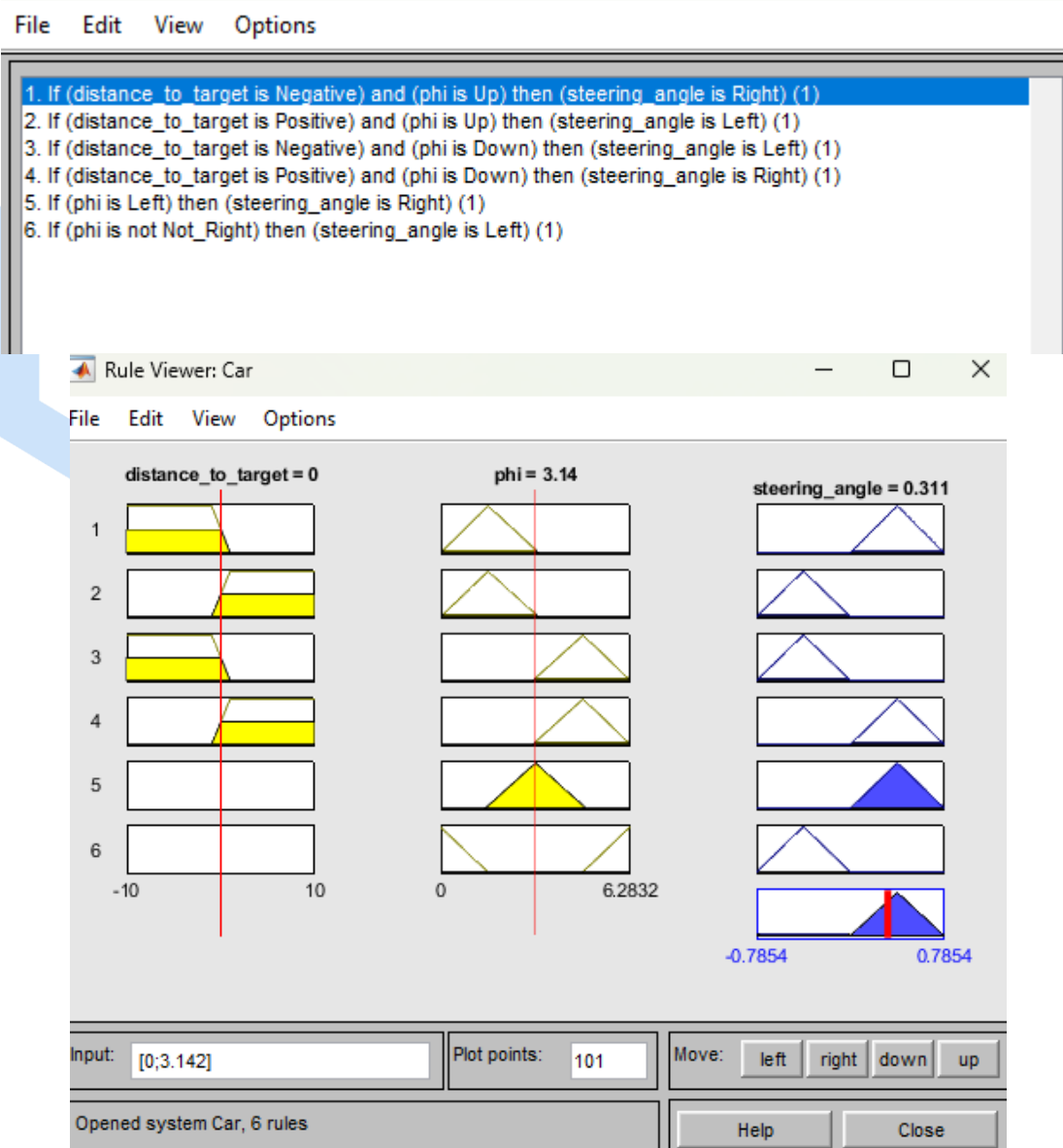
2. اگر $distance_to_target$ مثبت باشد و ϕ در حالت Up باشد، زاویه فرمان θ باید به سمت چپ تنظیم شود.

3. اگر $distance_to_target$ منفی باشد و ϕ در حالت Down باشد، زاویه فرمان θ باید به سمت چپ تنظیم شود.

4. اگر $distance_to_target$ مثبت باشد و ϕ در حالت Down باشد، زاویه فرمان θ باید به سمت راست تنظیم شود.

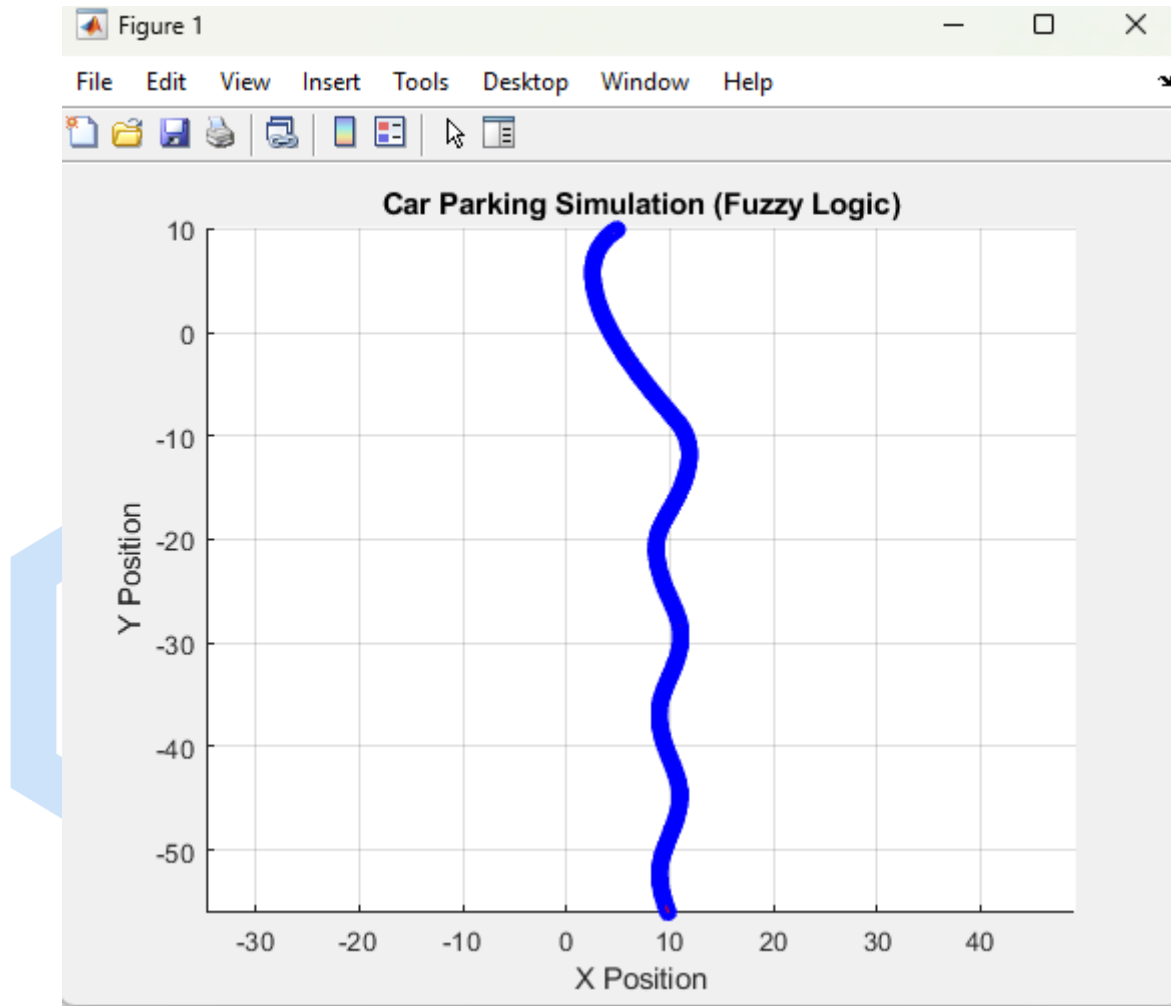
5. اگر ϕ در حالت Left باشد، زاویه فرمان θ باید به سمت راست تنظیم شود.

6. اگر ϕ در حالت Not_Right نباشد، زاویه فرمان θ باید به سمت چپ تنظیم شود.



عملکرد سیستم

در آخر با نوشتن سیمولاتوری بر اساس فرمول های داده شده می توانیم عملکرد سیستم را ارزیابی کنیم و مشاهده میکنیم که سیستم با شرایط اولیه دشوار $\phi=60$ و $x=5$ موفق به پارک می شود



نمودار بالا موقعیت ماشین را با رنگ آبی و جهت آن را با فلش قرمز رنگ نشان می دهد که در آخر موفق به پارک در نقطه $x=10$ و زاویه $\phi=90$ شده است فلش قرمز رنگ به خاطر zoo out دیده نمی شود

تصویر بزرگ تر:



Ball and Beam

1. بارگذاری داده‌ها

```
data = readtable('ballbeam.dat');  
x = data(:, 1); % First column as input  
y = data(:, 2); % Second column as output
```

فایل داده‌ی ballbeam.dat بارگذاری می‌کنیم. ستون اول به‌عنوان ورودی (x) و ستون دوم به‌عنوان خروجی (y) در نظر گرفته شده است.

2. نرمال‌سازی داده‌ها

```
x = (x - min(x)) / (max(x) - min(x)); % Normalize input  
y = (y - min(y)) / (max(y) - min(y)); % Normalize output
```

- هدف: مقادیر ورودی و خروجی به بازه $[0, 1]$ نرمال‌سازی می‌کنیم تا مدل سریع‌تر و دقیق‌تر عمل کند.

3. تقسیم داده‌ها به آموزش و تست

```
rng(73); % Set seed for reproducibility  
indices = randperm(length(x)); % Random permutation of indices  
train_indices = indices(1:num_train); % Training indices  
test_indices = indices(num_train+1:end); % Testing indices  
  
% Create training and testing sets  
x_train = x(train_indices);  
y_train = y(train_indices);  
x_test = x(test_indices);  
y_test = y(test_indices);
```

هدف: داده‌ها به دو مجموعه تقسیم می‌شوند:

- آموزشی 80%: از داده‌ها برای آموزش مدل.
- تستی 20%: برای ارزیابی مدل.

4. ANFIS تنظیمات و تولید مدل

```
opt = genfisOptions('GridPartition');  
opt.NumMembershipFunctions = 3; % Set number of membership functions  
opt.InputMembershipFunctionType = 'gbellmf'; % Generalized bell-shaped MF  
  
% Generate initial FIS  
infis = genfis(x_train, y_train, opt);
```

تنظیمات اولیه سیستم استنتاج فازی تطبیقی (ANFIS) ایجاد می کنیم.

• ویژگی ها:

- تعداد توابع عضویت 3: (NumMembershipFunctions)
- نوع توابع عضویت: توابع زنگوله ای تعمیم یافته. (gbellmf)
- دستور **genfis** مدل اولیه فازی ایجاد می کند.

5. ANFIS آموزش مدل

```
train_data = [x_train, y_train]; % Combine input and output for training  
opt_train = anfisOptions('InitialFis', infis, 'EpochNumber', 100);  
mynetwork = anfis(train_data, opt_train);
```

6. پیش بینی و ارزیابی مدل

```
% Prediction  
y_pred_train = evalfis(mynetwork, x_train); % Predict on training data  
y_pred_test = evalfis(mynetwork, x_test); % Predict on testing data  
  
% Calculate performance metrics  
mse_train = mean((y_train - y_pred_train).^2); % MSE for training  
mse_test = mean((y_test - y_pred_test).^2); % MSE for testing  
  
% Display performance metrics  
fprintf('MSE (Train): %.4f\n', mse_train);  
fprintf('MSE (Test): %.4f\n', mse_test);  
  
% Plot results  
figure;  
hold on;  
plot(y_train, 'b', 'DisplayName', 'Training Data'); % Training data  
plot(y_pred_train, 'r', 'DisplayName', 'Predicted (Train)'); % Predicted  
train  
xlabel('Input');  
ylabel('Output');  
title('Train ANFIS Results for Ball and Beam');  
  
figure;  
hold on;  
plot(y_pred_test, 'm', 'DisplayName', 'Predicted (Test)'); % Predicted  
test  
plot(y_test, 'g', 'DisplayName', 'Testing Data'); % Testing data  
legend;
```

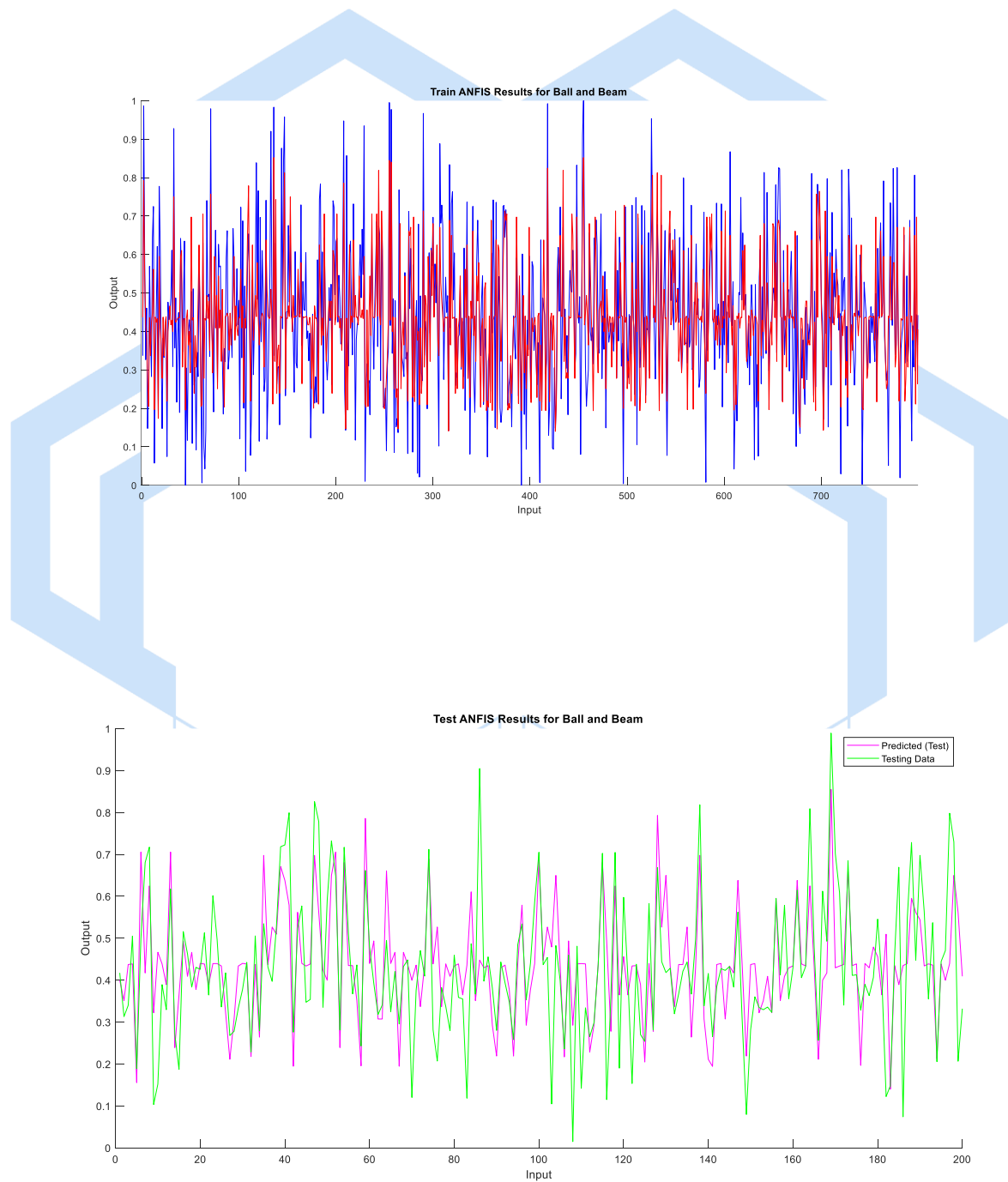
```

xlabel('Input');
ylabel('Output');
title('Test ANFIS Results for Ball and Beam');
hold off;

```

MSE (Train): 0.0184

MSE (Test): 0.0170



پرسش چهارم

شناسایی یک سیستم غیرخطی با فازی و گرادیان کاهشی

کد در فایل soal4.ipynb

معادله دیفرانسیل زیر تعریف شده است

$$y_{k+1} = 0.3y_k + 0.6y_{k-1} + g[u_k]$$

تابع غیرخطی به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$g[u] = 0.6 \sin(\pi u) + 0.3 \sin(3\pi u) + 0.1 \sin(5\pi u)$$

هدف ما استفاده از یک مدل فازی برای تقریب تابع غیرخطی بر اساس ورودی و خروجی است. این مدل فازی با استفاده از روش کمترین مربعات انرژی (LSE) آموزش داده می‌شود.

اول داده‌های ورودی و خروجی را با محاسبه دینامیک سیستم و جداسازی اجزای خطی و غیرخطی تولید می‌کنیم

کد شبیه‌سازی:

```
def simulation(N):
    u = np.sin(np.linspace(0, 2 * np.pi, N)) # Input signal u(k)
    y_true = np.zeros(N)
    output = np.zeros(N)
    y_k = 0 # Initial value of y(k)
    y_k_1 = 0 # Initial value of y(k-1)
    # Compute the true output y(k+1) based on the system dynamics
    for k in range(2, N):
        y_true[k] = (
            0.3 * y_k
            + 0.6 * y_k_1
            + 0.6 * np.sin(np.pi * u[k])
            + 0.3 * np.sin(3 * np.pi * u[k])
            + 0.1 * np.sin(5 * np.pi * u[k])
        )
        # Update the previous values
        output[k] = y_true[k] - 0.3 * y_k - 0.6 * y_k_1
        y_k_1 = y_k
        y_k = y_true[k]
    return u, output
```

این کد دینامیک سیستم را محاسبه کرده و بخش غیرخطی را با تفریق سهم خطی استخراج می‌کند.

مدل سیستم فازی

سپس با درست کردن لیستی از $center$ ها و انحراف از معیارها دروقع سیستم فازی را تشکیل دادیم که با استفاده از توابع عضویت گوسی تعریف شده. و حال با استفاده از کد زیر سیستم ما نسبت به ورودی داده شده خروجی را حساب می‌کند.

کد سیستم فازی:

```
def fuzzy_system(x, centers, sigmas, y):
    # Compute the z_i values for each input using Gaussian membership
    # functions
    z = np.array([gaussian(x, c, sigma) for c, sigma in zip(centers,
                                                             sigmas)])

    # Compute b as the sum of the z_i's
    b = np.sum(z)

    # Compute a as the weighted sum of centers (using z_i as weights)
    a = np.sum(z * y)

    # Compute the output of the fuzzy system as  $f(x) = a / b$ 
    if b != 0:
        f_x = a / b
    else:
        f_x = 0 # In case the sum of z_i's is zero (just for safety)

    return f_x, z, b, a
```

آموزش مدل

پارامترهای سیستم فازی (مراکز، پهنایها و وزن‌ها) با استفاده از گرادینان نزولی بهینه‌سازی می‌شوند. تابع خطا میانگین مربعات خطا بین خروجی پیش‌بینی شده و واقعی است.

کد گرادیان نزولی:

```
# Gradient Descent for the centers and spreads
def gradient_descent_update(x, y_true, centers, sigmas, y, alpha, M, z, b,
a):
    # Predicted output from fuzzy system
    y_pred = a / b

    # Compute the error (y_true is the actual output)
    error = y_true - y_pred

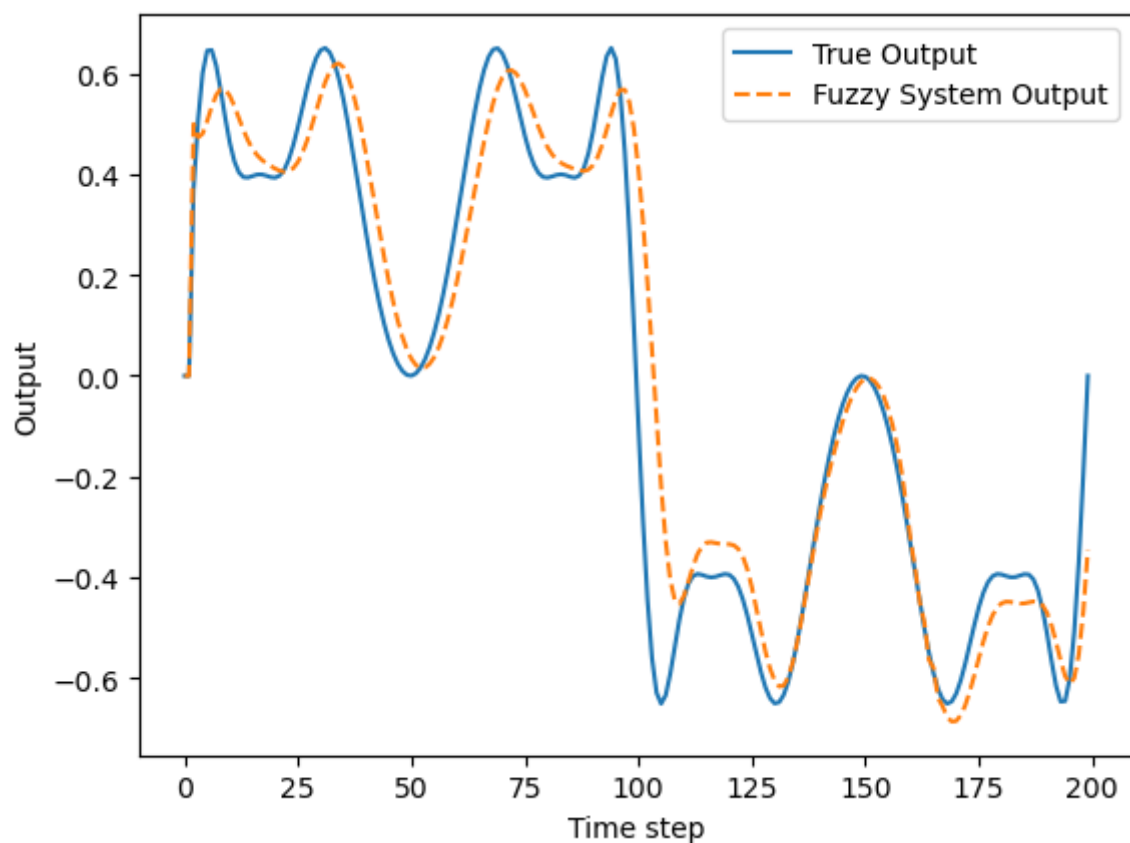
    # Update the centers (c_i) and spreads (sigma_i) using gradient descent
    for i in range(M):
        # Gradient with respect to the center c_i
        grad_y = (-error / b) * z[i]
        grad_c = (
            ((-error * z[i]) / b)
            * (y[i] - y_pred)
            * z[i]
            * (2 * (x - centers[i]) / sigmas[i] ** 2)
        )
        # Gradient with respect to the spread sigma_i
        grad_sigma = (
            ((-error * z[i]) / b)
            * (y[i] - y_pred)
            * z[i]
            * (2 * (x - centers[i]) ** 2 / sigmas[i] ** 3)
        )

        # Update the parameters using the gradients
        y[i] -= alpha * grad_y
        centers[i] -= alpha * grad_c
        sigmas[i] -= alpha * grad_sigma

    return centers, sigmas,
```

نتایج

سیستم فازی با موفقیت بخش غیرخطی را تقریب زد. عملکرد آموزش و آزمایش مدل با استفاده از معیارهای زیر ارزیابی شد:



نتیجه گیری

مدل فازی که با استفاده از گرادیان نزولی آموزش دیده است، به طور مؤثری بخش غیرخطی سیستم را شناسایی کرد. کارهای آینده می تواند شامل بررسی تکنیک های بهینه سازی پیشرفته تر یا استفاده از توابع عضویت پیچیده تر برای افزایش دقت باشد.

```
> r2_score(y_true,y_pred)
✓ 0.0s
0.9131527944069733
```

نتایج مدل‌های RBF و ANFIS

کد در فایل soal5.ipynb

در این سوال، دو مدل مختلف شامل شبکه عصبی با پایه‌های شعاعی (RBF) و سیستم استنتاج فازی تطبیقی (ANFIS) برای مدل‌سازی داده‌های پیچیده و غیرخطی استفاده شده است. هدف از این تحلیل مقایسه عملکرد این دو مدل و تعیین مدل بهتر با توجه به معیارهای میانگین مربعات خطا (MSE) و ضریب تعیین (R^2) بوده است.

هدف رگرسیون در این مسئله، پیش‌بینی مقدار $PT08.S1(CO)$ است که نمایانگر پاسخ حسگر اکسید قلع (tin oxide) می‌باشد.

برای مقایسه این دو مدل همانطور که در صورت سوال ذکر شده بود اول دیتا را تقسیم می‌کنیم و باید به این نکته توجه داشته باشیم که طبق اطلاعات موجود در لینک [دیتاست](#) مقدار زیادی missing data وجود دارد گفته شده اعداد -200- نشانه عدم وجود دیتا می‌باشد پس ای دیتا ها نیز باید حذف شوند

```
# Load the dataset
file_path = "AirQualityUCI.xlsx" # Replace with the actual file path

df = pd.read_excel(file_path)

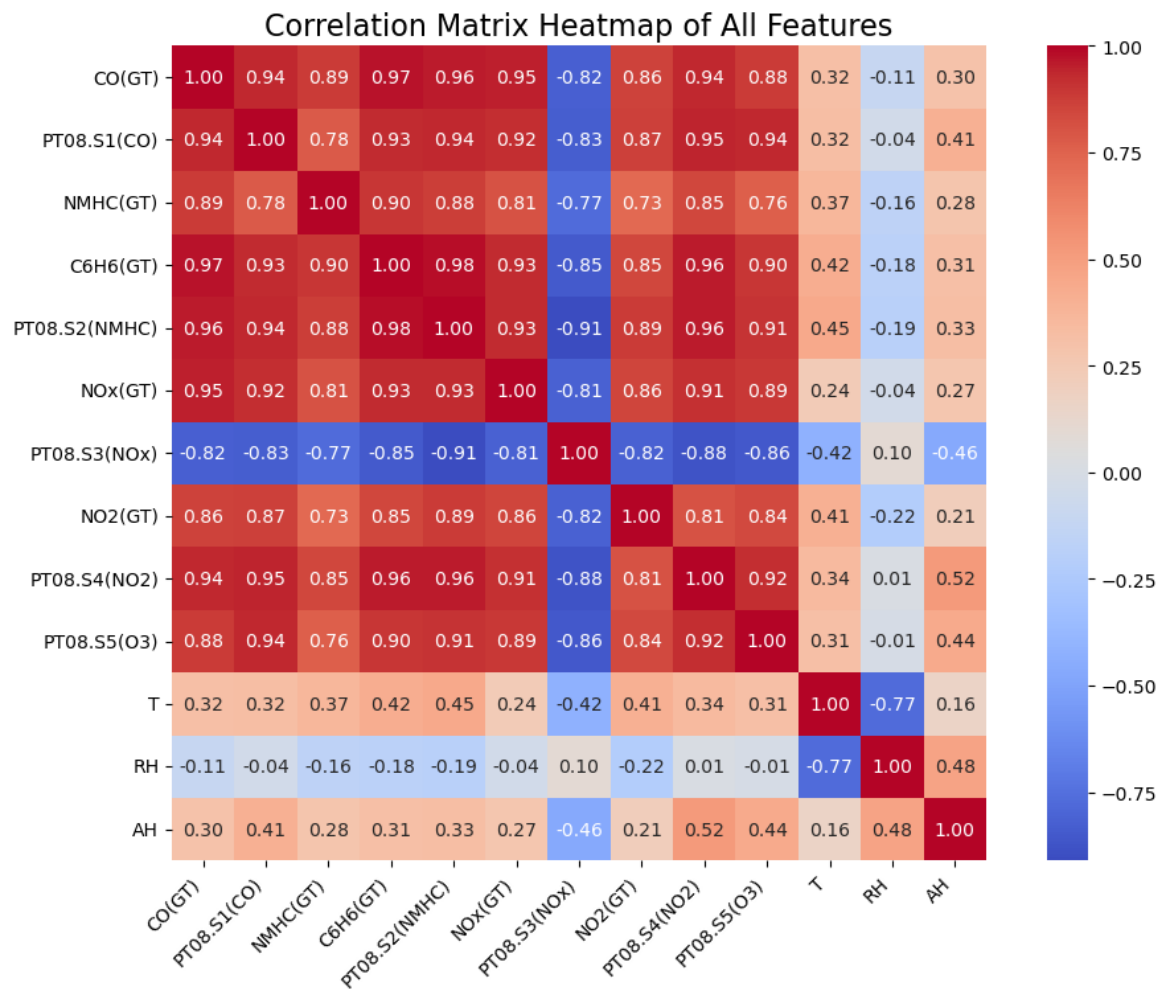
# Replace -200 with NaN for better handling of missing data
df.replace(-200, pd.NA, inplace=True)

# Drop rows with missing data (originally indicated by -200)
df.dropna(inplace=True)

# Reset the index after dropping rows
df.reset_index(drop=True, inplace=True)

# Display the cleaned DataFrame
df.head()
```

به علت تعداد زیاد feature ها ما چند تا از مرتبط ترین ویژگی ها را برای train انتخاب کردیم



Highly Correlated Features (Positive Correlation):

CO(GT) with a correlation of 0.94

C6H6(GT) with a correlation of 0.93

PT08.S2(NMHC) with a correlation of 0.94

PT08.S4(NO2) with a correlation of 0.95

PT08.S5(O3) with a correlation of 0.94

پس ما از این 3 ویژگی استفاده می کنیم

CO (GT) , C6H6 (GT) , PT08 . S2 (NMHC)

نتایج مدل RBF

RBF Model - Mean Squared Error: 7853.848859535396

RBF Model - R-Squared: 0.861146314363854

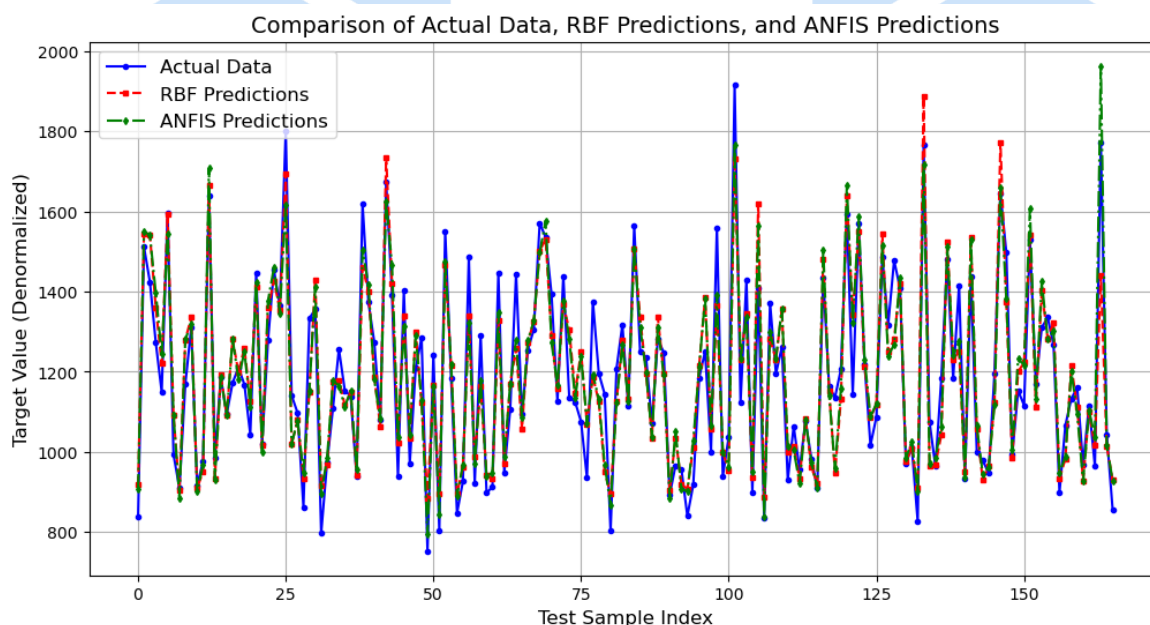
این مقادیر نشان‌دهنده عملکرد متوسط مدل RBF در پیش‌بینی داده‌های تست می‌باشد. با توجه به MSE بالا و R^2 نسبتاً پایین، این مدل توانایی محدودی در مدل‌سازی دقیق داده‌ها نشان داده است.

نتایج مدل ANFIS

ANFIS Model - Mean Squared Error: 6819.833311638766

ANFIS Model - R-Squared: 0.8794273982500316

مدل ANFIS با MSE پایین‌تر و R^2 بالاتر عملکرد بسیار بهتری در پیش‌بینی داده‌ها داشته است. این مقادیر نشان می‌دهد که مدل ANFIS توانسته است روابط پیچیده بین متغیرها را بهتر یاد بگیرد و داده‌های تست را با دقت بیشتری پیش‌بینی کند.



نتیجه‌گیری

مدل ANFIS در این پروژه عملکرد بهتری نسبت به مدل RBF نشان داده است. دلیل اصلی این برتری در توانایی ANFIS در مدل‌سازی روابط غیرخطی پیچیده و استفاده از سیستم استنتاج فازی است که امکان درک بهتری از عدم قطعیت و انعطاف‌پذیری در داده‌ها را فراهم می‌کند. در مقابل، مدل RBF به دلیل محدودیت‌های موجود در نحوه تعریف خوشه‌ها و انتشار شعاعی، نتوانسته است همان دقت را ارائه

دهد. پیشنهاد می‌شود برای مسائل مشابه که شامل داده‌های پیچیده و غیرخطی هستند، از مدل ANFIS استفاده شود.

پایان

