## Bevezetés a LATEX-be

Matematikai szövegek by Martinák Mátyás

## Bevezető

Az  $\frac{1}{n^2}$  sor összege:

$$\sum_{i=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6}$$

Az n! (n faktoriális) a számok szorzata 1-től n-ig, azaz

$$n! := \prod_{i=1}^{n} k = 1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot n. \tag{1}$$

Konvekció szerint 0! = 1.

Legyen  $0 \le k \le n$ . A binomiális együttható

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!},$$

ahol a faktoriálist (1) szerint definiáljuk.

Az előjel- azaz szignum függvényt a következőképpen definiáljuk:

$$sgn(x) := \begin{cases} 1, & \text{ha } x > 0, \\ 0, & \text{ha } x = 0, \\ -1, & \text{ha } x < 0. \end{cases}$$

## Determináns

Legyen

$$[n] := \{1, 2, ..., n\}$$

a természetes számok halmaza 1-től n-ig.

Egy n-edrendű permutáció  $\sigma$  egy bijekció [n]-ből [n]-be. Az n-edrendű permutációk halmazát, az ún. szimmetrikus csoportot,  $S_n$ -nel jelöljük.

Egy  $\sigma \in S_n$  permutációban inverziónak nevezünk egy (i, j) párt, ha i < j de  $\sigma i > \sigma i$ .

Egy  $\sigma \in S_n$  permutáció paritásának az inverziók számát nevezzük:

$$I(\sigma) := |\{(i,j)|i,j \in [n], i < j, \sigma_i > \sigma_j\}|.$$

Legyen  $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ , egy  $n \times n$ -es (négyzetes) valós mátrix:

$$A = \begin{pmatrix} a_1 1 & a_1 2 & \cdots & a_1 n \\ a_2 1 & a_2 2 & \cdots & a_2 n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_n 1 & a_n 2 & \cdots & a_n n \end{pmatrix}$$

Az A mátrix determinánsát a következőképpen definiáljuk:

$$\det(A) = \begin{vmatrix} a_1 1 & a_1 2 & \cdots & a_1 n \\ a_2 1 & a_2 2 & \cdots & a_2 n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_n 1 & a_n 2 & \cdots & a_n n \end{vmatrix} := \sum_{\sigma \in S_n} (-1)^{I(\sigma)} \prod_{i=1}^n a_{i\sigma_i}$$
 (2)

## Logikai azonosság

Tekintsük az  $L=\{0,1\}$  halmazt, és rajta a következő, igazságtáblával definiált műveleteket:

Legyenek  $a, b, c, d \in L$ . Belátjuk a következő azonosságot:

$$(a \land b \land c) \to d = a \to (b \to (c \to d)). \tag{3}$$

A következő azonosságokat bizonyítás nélkül használjuk:

$$x \to y = \bar{x} \lor y \tag{4a}$$

$$\overline{x \vee y} = \bar{x} \wedge \bar{y} \quad \overline{x \wedge y} = \bar{x} \vee \bar{y} \tag{4b}$$

A (3) bal oldala, (4) felhasználásával

$$(a \wedge b \wedge c) \to d = \overline{a \wedge b \wedge c} \vee d = (\bar{a} \vee \bar{b} \vee \bar{c}) \vee d. \tag{5}$$

A (3) jobb oldala, (4a) ismételt felhasználásával